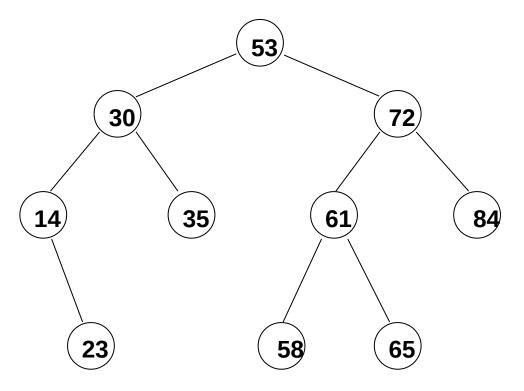
Tenemos un **árbol binario de búsqueda**, en el que cada nodo, además de un valor, tiene un campo que indica el número de nodos del subárbol enraizado en el nodo (ver clase BinaryTreeNode abajo).

Queremos obtener dos algoritmos:

- add(v) añade el elemento v al árbol, actualizando también el campo numberOfNodes
- printIntervalo(a, b) imprimirá los valores del árbol entre a y b (inclusive)



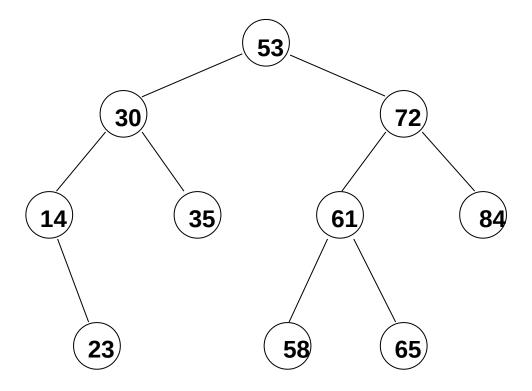
```
public class BinaryTreeNode<T> {
   BinaryTreeNode<T> left, right;
   int numberOfNodes;
}
public class ABB {
   BinaryTreeNode<Integer> root;
   public void add(int v)
   // Precondición: v no está en este árbol.
   // Descripción: Se añade v al árbol.
                    se actualizará el campo numberOfNodes de todos los nodos afectados
   // Importante:
   //
                    por el cambio.
   public void printIntervalo(int a, int b)
   // Descripción: Imprime en la salida estándar los elementos del conjunto
             mayores o iguales que a y menores o iguales que b, en orden creciente.
   // Importante: implementar recursivamente, evitando procesar nodos innecesariamente.
```

- a) Implementar los métodos add(int v) y printIntervalo(int a, int b)
- b) Calcular el coste de los algoritmos, de manera razonada

Bilaketa-zuhaitz bitar bat dugu, adabegiko balioaz gain, adabegi bakoitzak atributu gehigarri bat du azpizuhaitzak duen nodo kopurua adierazten duena (ikus BinaryTreeNode azpian).

Bi algoritmo hauek lortu nahi ditugu:

- add(v) metodoak v elementua zuhaitzean gehituko du, numberOfNodes eremua eguneratuz
- printTartea(a, b) metodoak a eta b tarteko balioak (a eta b barne) idatziko ditu, goranzko ordenan



```
public class BinaryTreeNode<T> {
   T data;
   BinaryTreeNode<T> left, right;
   int numberOfNodes;
}
public class BZB {
   BinaryTreeNode<Integer> root;
   public void add(int v)
   // Aurrebaldintza: v ez dago zuhaitzean.
   // Postbaldintza: v zuhaitzean txertatu da
   // Oharra: gogoratu txertaketaren ondorioz zenbait adabegiren numberOfNodes
   //
              atributua eguneratu beharko dela.
   public void printTartea(int a, int b)
   // Azalpena: Idatzi irteera estandarrean a eta b tarteko balioa duten nodoen balioak
                (a eta b barne) goranzko ordenan.
               Errekurtsiboki inplementatu eta soilik behar diren nodoak tratatu.
```

- a) $add(int \ v)$ eta $printTartea(int \ a, \ int \ b)$ metodoak inplementatu
- b) Algoritmoaren kostuak kalkulatu, modu arrazoituan