● 构成势函数的两种方式

第一类势函数:可用对称的有限多项式展开,即:

$$K(\mathbf{x}, \mathbf{x}^k) = \sum_{i=1}^m \varphi_i(\mathbf{x}) \varphi_i(\mathbf{x}^k)$$

其中 $\{\varphi_i(x)\}$ 在模式定义域内为正交函数集。将这类势函数代入判别函数,有:

$$d_{k+1}(\mathbf{x}) = d_k(\mathbf{x}) + r_{k+1} \sum_{i=1}^{m} \varphi_i(\mathbf{x}^{k+1}) \varphi_i(\mathbf{x})$$
$$= d_k(\mathbf{x}) + \sum_{i=1}^{m} r_{k+1} \varphi_i(\mathbf{x}^{k+1}) \varphi_i(\mathbf{x})$$

得迭代关系:

$$d_{k+1}(x) = \sum_{i=1}^{m} C_{i}(k+1)\varphi_{i}(x)$$

其中

$$C_i(k+1) = C_i(k) + r_{k+1} \varphi_i(x^{k+1})$$

因此,积累位势可写成:

$$K_{k+1}(\mathbf{x}) = \sum_{i=1}^{m} C_i(k+1)\varphi_i(\mathbf{x})$$
, C_i 可用迭代式求得。

第二类势函数:选择双变量x和 x^k 的对称函数作为势函数,即 $K(x,x^k)$ = $K(x^k,x)$,并且它可展开成无穷级数,例如:

(a)
$$K(x, x^k) = e^{-\alpha ||x-x^k||^2}$$

(b)
$$K(\mathbf{x}, \mathbf{x}^k) = \frac{1}{1 + \alpha \|\mathbf{x} - \mathbf{x}^k\|^2}$$
, α 是正常数

(c)
$$K(\mathbf{x}, \mathbf{x}^k) = \frac{\sin \alpha \|\mathbf{x} - \mathbf{x}^k\|^2}{\alpha \|\mathbf{x} - \mathbf{x}^k\|^2}$$



