## Programiranje I: 2. izpit

19. februar 2016

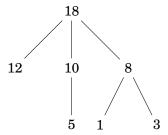
Čas reševanja je 120 minut. Funkcij ne pozabite opremiti z ustrezno signaturo. Veliko uspeha!

## 1. naloga (Kopice, 40 točk)

Drevesa s poljubnim številom sinov in vrednostmi v vozliščih lahko v Haskellu predstavimo s podatkovnim tipom:

```
data Drevo a = Drevo a [Drevo a]
```

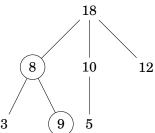
Na primer, drevo



bi predstavili kot

```
Drevo 18 [
   Drevo 12 [],
   Drevo 10 [Drevo 5 []],
   Drevo 8 [Drevo 1 [], Drevo 3 []]
]
```

Za takšno drevo pravimo, da je *kopica*, če je vrednost korena večja od vseh vrednosti korenov sinov, ti pa so prav tako kopice. Na primer, zgornje drevo je kopica, spodnje pa ne, ker je vrednost 9 večja od 8.



a) (10 točk) Sestavite funkcijo vsota, ki vrne vsoto vseh elementov v drevesu. Na primer, za prvo drevo bi funkcija vrnila 57, za drugo pa 65.

b) (10 točk) Sestavite funkcijo jeKopica, ki vrne True, če je dano drevo kopica, in False sicer.

c) (10 točk) Sestavite funkcijo

```
odstraniMax :: Ord a => Drevo a -> (a, Maybe (Drevo a))
```

ki vrne največji element dane kopice ter kakršnokoli kopico, ki vsebuje vse preostale sinove. Če iz drevesa odstranimo zadnji element, naj bo druga komponenta vrnjenega para enaka Nothing.

**d)** (10 točk) S pomočjo prejšnje funkcije napišite funkcijo padajociElementi, ki vrne seznam vseh elementov kopice, urejen od največjega proti najmanjšemu.

## 2. naloga (Zlaganje kock, 20 točk)

Nalogo lahko rešujete v Haskellu ali v Pythonu.

a) (10 točk + 5 točk) Na voljo imamo poljubno število kock velikosti  $1 \times 1 \times 1$ ,  $2 \times 2 \times 2$  in  $3 \times 3 \times 3$ . Na koliko različnih načinov lahko sestavimo stolp višine n? Pri tem lahko postavimo tudi večjo kocko na manjšo. Kock istih velikosti ne ločimo med seboj. Sestavite funkcijo, ki izračuna število vseh različnih stolpov višine n, ki jih lahko sestavimo iz danih kock. Na primer:

```
>>> st_stolpov(3)
4
```

Načine, na katere lahko sestavimo stolp višine 3, lahko predstavimo z naslednjimi nabori:

$$(3) \qquad (2,1) \qquad (1,2) \qquad (1,1,1)$$

Funkcija naj ima časovno zahtevnost O(n). Za rešitev s časovno zahtevnostjo  $O(\log n)$  dobite še dodatnih 5 točk.

**b)** (10 točk) Na voljo imamo kocke velikosti  $1 \times 1 \times 1$  in  $3 \times 3 \times 3$  v rdeči barvi ter kocke velikosti  $1 \times 1 \times 1$  in  $2 \times 2 \times 2$  v modri barvi. Stolp mora biti zgrajen tako, da se nobeni dve kocki iste barve ne dotikata. Na koliko načinov lahko to naredimo? Primer:

```
>>> barvni_stolpi(3)
5
```

Načine, na katere lahko sestavimo barvni stolp višine 3, lahko predstavimo z naslednjimi nabori:

```
(3) (1,2) (1,1,1) (2,1) (1,1,1)
```

Funkcija naj ima časovno zahtevnost O(n).

## 3. naloga (Neurejen seznam, 20 točk)

Nalogo lahko rešujete v Haskellu ali v Pythonu.

Dan je neurejen seznam dolžine n. Radi bi poiskali vse elemente v seznamu od vključno k-tega najmanjšega do vključno (k+m-1)-tega najmanjšega. Pri tem seveda velja  $1 \le k \le k+m-1 \le n$ . Napišite funkcijo, ki kot argumente dobi seznam ter števili k in m. Funkcija naj vrne seznam z iskanimi elementi. Primer:

```
>>> 1 = [2, 7, 1, 9, 2, 3, 2, 5]
>>> poisci(1, 3, 4)
[2, 2, 3, 5]
>>> poisci(1, 5, 2)
[3, 5]
```

Funkcija naj ima časovno zahtevnost  $O(n \log m)$ .