

# Universidad de Buenos Aires

# FACULTAD DE INGENIERÍA

75.29 - Teoría de Algoritmos I

CÁTEDRA ROSITA WACHENCHAUZER

# Trabajo Práctico No.1

79489 Rodriguez Leonardo Federico 84474 Paez Ezequiel Alejandro 87633 Rocha Mejía Maximo 99429 Ruiz Francisco

30 de abril de 2018

# ${\rm \acute{I}ndice}$

1.	Par	te 1: Cálculo empírico de tiempos de ejecución	2
	1.1.	Para cada uno de ellos analizar su complejidad teórica y com-	
		pararlos (tiempo promedio y peor tiempo). Tener en cuenta	
		las constantes para la comparación	2
		1.1.1. Selección	2
		1.1.2. Inserción	3
		1.1.3. Quicksort	3
		1.1.4. Heapsort	4
		1.1.5. Mergesort	5
	1.2.	Cálculo del tiempo de ejecución	6
	1.3.	Estimación de los tiempos de ejecución	9
	1.4.	Características del set para el peor caso posible	12
	1.5.	Construir para cada algoritmo y para los rangos del punto	
		"C" sets con las peores características y evaluar los tiempos de	
		ejecución. Comparar con los generados con los sets aleatorios	
		y graficar	14
	1.6.	En base a los tiempos obtenidos compare con los valores teóri-	
		cos y analice (Extensión máxima de 2 párrafos)	17
	1.7.	Instrucciones para la ejecucion de los algoritmos de ordenamiento	17
	1.8.	Codigo Algoritmos de ordenamiento	18
2.	Par	te 2: Variante del algoritmo Gale-Shapley	22
	2.1.	Construir el algoritmo de Gale-Shapley modificado para cum-	
		plir el requerimiento	22
	2.2.	Probar que el mismo terminará en tiempo polinómico y siem-	
		pre entregará un matching estable	26
		2.2.1. Órden del algoritmo	26
		2.2.2. El algoritmo siempre devuelve un matching estable	29
	2.3.	Ejecutar el algoritmo utilizando un set construido especial-	
		mente para el caso	29
		2.3.1. Preferencias de los equipos	29
		2.3.2. Preferencias de los jugadores	32
		2.3.3. Equipos resultantes	34
		2.3.4. Instrucciones para la ejecución del algoritmo	35

# 1. Parte 1: Cálculo empírico de tiempos de ejecución

Implementar los siguientes algoritmos de ordenamiento para números enteros positivos:

- Selección
- Inserción
- Quicksort
- Heapsort
- Mergesort

# 1.1. Para cada uno de ellos analizar su complejidad teórica y compararlos (tiempo promedio y peor tiempo). Tener en cuenta las constantes para la comparación.

#### 1.1.1. Selección

Del pseudocodigo podemos observar que existen dos bucles:

- bucle exterior
- bucle interior

Ambos son de ejecución obligatoria. El bucle exterior se ejecutará exactamente n-1 veces. El bucle interior también se ejecutará n-1 veces pero cada vez realizará una comparación menos que la anterior. Es decir, la primera vez se comparará el primer elemento  $a_1$  contra los n-1 elementos restantes. La segunda vez  $a_2$  contra los n-2 y así hasta llegar al elemento  $a_n$  que se comparará contra 1 solo elemento. Sumando todas las n-1 comparaciones del bucle interior se llega a la siguiente fórmula:

$$O((n-1) + (n-2) + \dots + 1) = O(\sum_{i=1}^{n-1} i)$$
 (1)

$$O(n^2) = \frac{n!}{2!(n-2)!} = \frac{1}{2}n(n-1) = \frac{1}{2}(n^2 - n)$$
 (2)

Este algoritmo requiere de la ejecución de todos los pasos independientemente del conjunto de datos motivo por el cual el tiempo promedio y el del peor caso es el mismo  $O(n^2) = \frac{1}{2}(n^2 - n)$ 

#### 1.1.2. Inserción

Nuevamente el algoritmo realiza un recorrido de todo el array (bucle exterior for) realizando n-1 comparaciones. Para cada elemento lo compara contra todos los anteriores que ya se encuentran ordenados (bucle interior) es decir para el primer elemento no hay comparaciones, para el segundo elemento lo compara contra el primero y asi ... hasta llegar al n-ésimo elemento que debe ser comparado contra los n-1 elementos ya ordenados. Es decir, es el mismo orden que el algoritmo de selección con la salvedad que las comparaciones se realizan contra un array ordenado, con lo cual no hace falta realizar todas las comparaciones sino solo cuando el elemento de comparacion sea mayor que todos los restantes. De ahi que el bucle interior sea un while con lo cual en general es un poco más rápido que el algoritmo de selección con una salvedad. El algoritmo de selección solo realiza un swap por bucle interior, en cambio inserción realiza tantos swaps como elementos sean mayores que él en cada bucle interior. Esto es debido a la implementación elegida y en algunos casos como el nuestro puede ponderar más y terminar dando que el algoritmo de insercin tenga valores mayores que el de seleccion.

$$O(1+2+3+...+(n-2)+(n-1))=O(\sum_{i=1}^{n-1}i)O(n^2)=\frac{1}{2}(n^2-n)$$

Esto es para el peor caso para el caso promedio el valor seria menor.

#### 1.1.3. Quicksort

Quicksort es un algoritmo basado en la técnica de División y Conquista, estos algoritmos se caracterizan por ir dividiendo el problema en partes, resolverlo por separado para luego juntar las soluciones. En este caso, el algoritmo se llama a sí mismo 2 veces. Por lo tanto, al ser de División y Conquista, por el Teorema del Maestro tenemos que:

$$T_{QS}(n) = aT_{QS}(\frac{n}{h}) + O(n^c)$$
(3)

donde a representa la cantidad de llamadas recursivas que deben ser al menos 1, b es la cantidad de partes en las cuales se divide el problema que debe ser mayor a 1 y  $O(n^c)$  el costo de trabajo hecho por fuera de las llamadas recursivas.

En el caso promedio, quicksort divide el vector en dos partes respecto de si son más grandes o más chicos que el número tomado como pivote. En estos casos, ambos vectores tienen una cantidad similar de elementos, haciendo que el algoritmo sea más balanceado. Cuando sucede esto podemos decir que:

$$T_{QS}(n) = 2T_{QS}(\frac{n-1}{2}) + O(n)$$
 (4)

Por el Teorema del Maestro, podemos concluir que si  $log_b(a) = c$  entonces este algoritmo tiene como cota a O(nlogn), estando muy cerca al mejor caso.

Ahora veamos el peor caso, este sucede cuando uno de los vectores en los que se divide el problema queda vacio y el otro tiene los n-1 elementos restantes. Esto sucede porque el pivote elegido es unos de los extremos de la lista.

Por lo tanto, a cada llamada recursiva, se va a ir ordenando de a un elemento por vez, haciendo que se perezca mucho en su rendimiento a los ordenamientos de selección y de inserción. Su análisis computacional nos lleva a:

$$T_{QS}(n) = T_{QS}(n-1) + O(n) = \sum_{k=1}^{n} O(k) = O(n^2)$$
 (5)

Para concluir, podemos ver que es algoritmo que más diferencia tiene entre el caso promedio O(nlogn) y el peor caso  $O(n^2)$  generando que sea un algoritmo inestable, aunque dependiendo de la implementación el peor caso puede ser optimizado.

#### 1.1.4. Heapsort

Se trata de un método de ordenamiento basado en un heap, a este algoritmo lo podemos dividir en dos partes:

- Heapify
- Heapsort

Hapify es el algoritmo que convierte cualquier arreglo de números en un heap, en este caso de máximo. Comienza desde la mitad del vector hasta el principio del mismo, chequeando que cada raiz sea mayor a sus dos hijos, en caso de que esto no ocurra, intercambia sus posiciones(si es un heap de máximo). Su complejidad teórica se puede calcular a través de una serie de Taylor:

$$\sum_{k=0}^{\log(n)} \frac{n}{2^{k+1}} O(h) = O(n \sum_{k=0}^{\log(n)} \frac{h}{2^k}) < O(n \sum_{k=0}^{\infty} \frac{h}{2^k})$$
 (6)

siendo h la altura del árbol con propiedad heap.

$$\sum_{k=0}^{\infty} \frac{h}{2^k} = \frac{\frac{1}{2}}{(1-\frac{1}{2})^2} = 2 \tag{7}$$

$$O(n\sum_{k=0}^{\log(n)} \frac{h}{2^k}) = O(n)$$
 (8)

Entonces la complejidad algorítmica de Heapify es O(n).

Luego tenemos el otro bucle que es propiamente el ordenamiento del heap, esta parte del algoritmo se ejecuta si o si n-1 veces, sin importar el set de datos, pero dentro del bucle, hay una función llamada **siftdown**, que tiene como complejidad una cota de O(20log(n)), debido a que dentro de ella, el while como mucho se ejecutará log(n) veces.

Para concluir, multiplicando tenemos que:

$$O(20log(n))(n-1) = O(20nlog(n))$$
 (9)

En el caso promedio, obviamente el bucle while dentro de siftdown se ejecuta menos veces que en el peor caso. Eso genera que el caso promedio este bastante por debajo de O(20nlog(n)) y siendo un algoritmo de ordenamiento aun más rápido que el mergesort, como veremos en la práctica.

#### 1.1.5. Mergesort

Mergesort se trata de un algoritmo recursivo basado en la técnica de División y Conquista, estos algoritmos, como ya vimos, se caracterizan por ir dividiendo el problema en partes, resolverlo por separado para luego juntar las soluciones. Del pseudocódigo podemos observar que se tienen dos funciones:

- mergesort
- merge

En este caso, el algoritmo se llama a sí mismo 2 veces. Por lo tanto, al ser de División y Conquista, entonces para la primer llamada de la función mergesort es:

$$T_{MS}(n) = 2T_{MS}(\frac{n}{2}) + (T_m(n))$$
 (10)

siendo  $T_m(n)$  el tiempo de ejecución de la **función merge**. Ahora analicemos este tiempo,  $T_m(n)$  depende de la suma de las longitudes de los vectores que recibe, y cómo vienen ordenados cada uno. En el caso promedio el *while* se

realizará n-i veces, siendo i la cantidad de elementos que le faltan a un vector para completar el vector resultante:

$$T_m(n) = O(12n - 10i) \tag{11}$$

A diferencia del peor caso que el while se ejecutará n-1 veces, quedando solamente un elemento de algún vector para agregar al vector resultante, es decir que los 2 elementos más grandes estén en vectores separados:

$$T_m(n) = O(12(n-1)) (12)$$

A pesar de esto, las constantes que multiplican a n en ambos casos es 12, por lo tanto:

$$T_m(n) = O(12n) \tag{13}$$

Volviendo a la función **mergesort**, ésta siempre se comporta igual para cualquier tipo de sets de datos, suponiendo que  $n = 2^k$  entonces:

$$T_{MS}(n) = 2^k T_{MS}(\frac{2^k}{2^k}) + kO(12n) = n + 12nlog(n)$$
 (14)

por lo tanto finalizamos que:

$$T_{MS}(n) = O(12nlog(n)) = O(nlog(n))$$
(15)

#### 1.2. Cálculo del tiempo de ejecución

Calcular los tiempos de ejecución de cada algoritmo utilizando los primeros: 50, 100, 500, 1000, 2000, 3000, 4000, 5000, 7500, 10000 números de cada set. Este es el punto C como se hace? A que se refiere? Porque el punto siguiente D es la estimación de las corridas

#### Selección

La estimación se realiza a partir del resultado obtenido en la sección anterior por ejemplo para 50 números el calculo del tiempo de ejecución seria de

$$T_{50} = \frac{1}{2}(50^2 - 50) = 1225$$

Podemos indicar que estas son unidades de procesamiento un calculo más exacto nos llevaría al conteo del costo de cada operación del algoritmo. Haciendo cálculos similares nos da la tabla siguiente:

numero	$tiempo = \frac{1}{2}(n^2 - n)$
50	1225
100	4950
500	124750
1000	499500
2000	1999000
3000	4498500
4000	7998000
5000	12497500
7500	28121250
10000	49995000

Esta tabla sirve tambien para el metodo de insercion dado que da como maximo las mismas cantidad de iteraciones.

### Quicksort

Podemos aproximar su tabla como n.log(n)

numero	tiempo = nlog2(n)
50	288
100	664
500	4482
1000	9965
2000	21931
3000	34652
4000	47863
5000	61438
7500	96545
10000	132877

#### Heapsort

El tiempo de ejecución de este algoritmo a través de los resultados obtenidos con diferentes volúmenes de datos nos da la siguiente tabla:

numero	$tiempo = 20nlog_2(n)$
50	5643.8
100	13287.7
500	89657.8
1000	199315.7
2000	438631.4
3000	693044.8
4000	957262.7
5000	1228771.2
7500	1930901.2
10000	2657542.5

#### Mergesort

A partir de los resultados de la sección anterior, calcularemos el tiempo de ejecución mediante:

$$T_n = 12nlog(n)$$

Para los diferentes volúmenes de datos, calculando con logaritmo en base 2, obtenemos la siguiente tabla:

numero	tiempo = 12nlog(n)
50	3386.3
100	7972.6
500	53794.7
1000	119589.4
2000	263178.8
3000	415826.9
4000	57435706
5000	737262.7
7500	1158540.7
10000	1594525.5

# 1.3. Estimación de los tiempos de ejecución Selección

numero	tiempo[seg]
50	0.000203688939412
100	0.000532706578573
500	0.0109893480937
11000	0.0393036206563
2000	0.180919011434
3000	0.427456299464
4000	0.725763320923
5000	1.09040602048
7500	2.63392798106
10000	3.79089895884

### Inserción

numero	tiempo[seg]
50	0.000153017044067
100	0.000789546966553
500	0.0129567146301
1000	0.0507660150528
2000	0.198131513596
3000	0.454863524437
4000	0.8265198946
5000	1.21837227345
7500	2.73131990433
10000	5.05489246845

# Quicksort

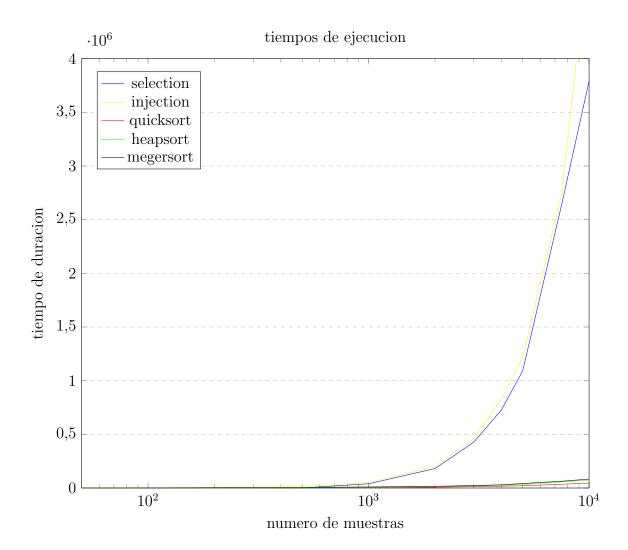
tiempo[seg]
0.000139880180359
0.000377511978149
0.00223593711853
0.00327577590942
0.00749778747559
0.0188936948776
0.0167666196823
0.0205631256104
0.0351025819778
0.0456968307495

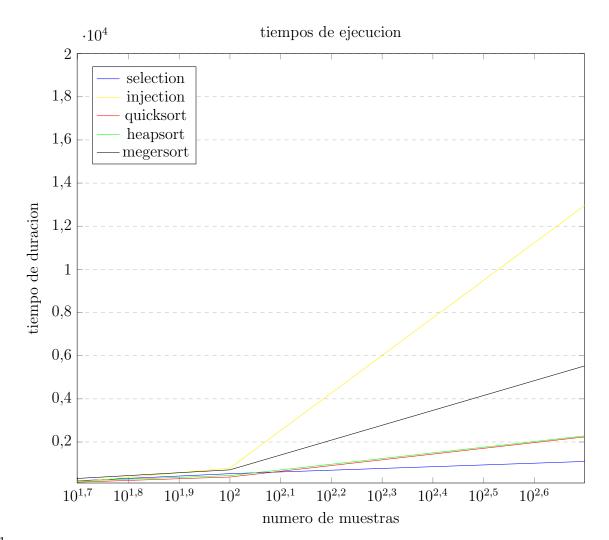
# Heapsort

numero	tiempo[seg]
50	0.000192523002625
100	0.000444531440735
500	0.00228116512299
1000	0.00560901165009
2000	0.0169732093811
3000	0.019061589241
4000	0.0249751329422
5000	0.0337036848068
7500	0.0568652629852
10000	0.0751173734665

# Mergesort

numero	tiempo[seg]
50	0.000310349464417
100	0.000709843635559
500	0.00552499294281
1000	0.0100009202957
2000	0.0153873205185
3000	0.0233342170715
4000	0.0295916080475
5000	0.0419291496277
7500	0.0631191015244
10000	0.0835010290146





1

# 1.4. Características del set para el peor caso posible

Determinar para cada algoritmo anterior las características que debe tener un set para que se comporte de la peor forma posible (si el algoritmo lo permite).

#### Selección

Este algoritmo tiene el mismo tiempo en todos los casos con lo cual no existe un peor set. Pero un Set ordenado haría irrelevante el ordenarlo y aun así se ejecutarían todos los pasos.

#### Inserción

El peor caso se da cuando el set a ordenar se encuentra ordenado en forma descendente para la implementación realizada en este trabajo. (en el caso que fuera una implementación para ordenar en forma descendente el peor caso seria entregar un set ordenado de forma ascendente). En este caso se realizarian  $n^2$  cambios

#### Quicksort

Este algoritmo tiene como peor caso cuando el pivot es el menor de los numeros del conjunto o el mayor de manera tal que queden dos listas una con 0 elementos y otra con n-1. En este caso el orden es de  $n^2$ .

#### Heapsort

Este algoritmo tiene como peor caso cuando el vector que se ingresa ya está ordenado de la manera que se pidió. Porque el heapify siempre crea un vector inverso al orden solicitado, si piden en orden creciente, heapify crea un heap de máximo. Por lo tanto, haría la mayor cantidad de intercambios posibles.

#### Mergesort

Este algoritmo tiene el peor caso cuando los dos elementos más grandes del vector se encuentran en divisiones distintas, generando que el while se tenga que ejecutar n-1 veces. Un ejemplo de esto, sería que en la primera mitad del vector estén todos los números pares y en la otra todos los números impares.

1.5. Construir para cada algoritmo y para los rangos del punto "C" sets con las peores características y evaluar los tiempos de ejecución. Comparar con los generados con los sets aleatorios y graficar.

#### Inserción

numero	insercion	worstcase
50	0.0001530170	0.000303983688354
100	0.000789546966553	0.00102963447571
500	0.0129567146301	0.105214285851
1000	0.0507660150528	0.104745006561
2000	0.198131513596	0.605363607407
3000	0.454863524437	1.2244461298
4000	0.8265198946	1.85734820366
5000	1.21837227345	2.72190787792
7500	2.73131990433	5.73363921642
10000	5.05489246845	10.2442992687

### ${\bf Quick sort}$

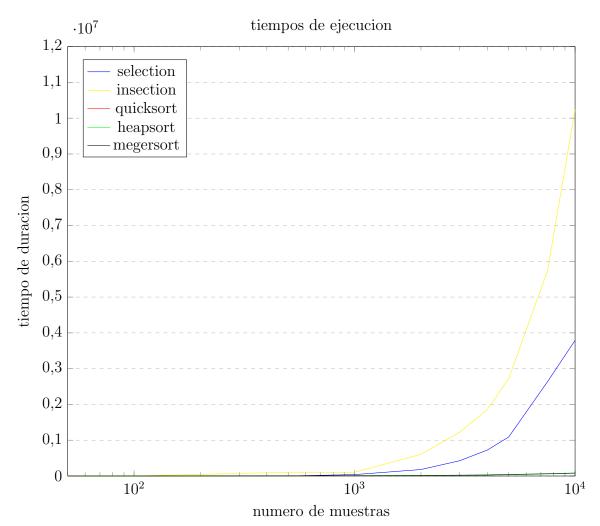
numero	quicksort[seg]	worstcase
50	0.000139880180359	0.000417041778564
100	0.000377511978149	0.00114738941193
500	0.00223593711853	0.0248492956161
1000	0.00327577590942	error maximo anidacion recursiva
2000	0.00749778747559	error maximo anidacion recursiva
3000	0.0188936948776	error maximo anidacion recursiva
4000	0.0167666196823	error maximo anidacion recursiva
5000	0.0205631256104	error maximo anidacion recursiva
7500	0.0351025819778	error maximo anidacion recursiva
10000	0.0456968307495	error maximo anidacion recursiva

# Heapsort

numero	tiempo[seg]	worstcase
50	0.000192523002625	0.000309419631958
100	0.000444531440735	0.000581097602844
500	0.00228116512299	0.00287048816681
1000	0.00560901165009	0.00602440834045
2000	0.0169732093811	0.0125813961029
3000	0.019061589241	0.0207741260529
4000	0.0249751329422	0.0280975818634
5000	0.0337036848068	0.0369673728943
7500	0.0568652629852	0.058920788765
10000	0.0751173734665	0.0707016944885

# Mergesort

numero	tiempo[seg]	worstcase
50	0.000310349464417	0.00034384727478
100	0.000709843635559	0.00091507434845
500	0.00552499294281	0.00383307933807
1000	0.0100009202957	0.00577623844147
2000	0.0153873205185	0.0130363941193
3000	0.0233342170715	0.0200843811035
4000	0.0295916080475	0.0264275789261
5000	0.0419291496277	0.0344556093216
7500	0.0631191015244	0.0520595788956
10000	0.0835010290146	0.0712057828903



El algoritmo de seleccion tiene como worstcase los mismo valores que en el caso random dado que la cantidad de pasos de ejecucion se mantiene constante, motivo por el cual no se realizo una corrida de este. El algoritmo de Insercion empeora sus valores, lo cual se puede observar en la tabla que presenta los dos valores el random y el worstcase. Quicksort empero sus valores hasta el caso de 1000 donde debido a restricciones de el lenguaje en que se implemento el algoritmo Python lanzo que no pudo anidar mas esto se puede salvar con un arreglo en la profundidad del stack que se debe permitir pero para los efectos del presente informe consideramos que alcanza con observar que los datos no solo empeoran sino que consumen todo el stack. Heapsort y Mergesort son los unicos casos donde no solo no empeoran sino que incluso a veces mejoran los resultados. Tanto el worstcase como el random se encuentran en el mismo orden y esto se debe a que ambos algoritmos tienen un orden n.log(n) para el worstcase como para el caso random.

De estas observaciones y las recogidas en el analisis de la seccion anterior podemos comprobar que Heapsort y Mergesort tienen el comportamiento mas uniforme. Sin embargo Quicksort puede presentar tiempos de ejecucion mejores para el caso aleatorio cuando no exista orden dentro del

# 1.6. En base a los tiempos obtenidos compare con los valores teóricos y analice (Extensión máxima de 2 párrafos).

Del gráfico se puede observar que selección e inserción son algoritmos de orden cuadrático mientras que los métodos restantes son de orden logaritmicos y que para muestras mayores a 1000 sus tiempos de ejecución son mucho menores a los primeros. Heapsort, en nuestro análisis teórico, nos resultó ser más lento que el mergesort, debido a la implementación y a que esa cota se ajustaba más al peor caso que al caso promedio y una vez corridos ambos algoritmos pudimos ver que es un poco más rápido porque internamente, el bucle while, no se ejecuta tantas veces. En el caso del algoritmo de inserción a pesar que teóricamente tiene tiempos, en promedio menores que el de selección no fue el caso en nuestras pruebas sino todo lo contrario. Esto se debe a que los swaps realizados por el inserción pesaron más que la menor cantidad de comparaciones frente al de selección.

Comparando respecto al caso teórico los resultados son coincidentes, para valores grandes los algoritmos se vuelven asintóticos y pondera más su orden que las constantes que los acompañan.

# 1.7. Instrucciones para la ejecucion de los algoritmos de ordenamiento

Ingresar el comando siguiente:

python sorts.py -i algoritmo -n cantidad

donde algoritmo puede ser alguno de los siguientes = selection, insertion, quicksort, heapsort, mergesort

y cantidad se corresponde con las cantidades solicitadas para este trabajo es decir 50,100,500,1000,2000,3000,4000,5000,7500,10000

De esta manera si ejecutara el caso con datos random.

Para el worstcase agregarle la opcion -w por ejemplo para 50 muestras y el algoritmo mergesort en el worstcase.

python sorts.py -i algoritmo -n cantidad -w

La ejecucion de los comando lanzara 10 valores de tiempo de ejecucion expresados en segundos seguidos por un ultimo tiempo indicando el tiempo medio.

#### 1.8. Codigo Algoritmos de ordenamiento

```
import sys
   def selectionsort(a):
     for j in xrange(len(a)):
       iMin=j
       for i in xrange(j+1,len(a)):
         if a[i] < a[iMin]:</pre>
           iMin=i
       if iMin!=j:
         aux = a[j]
11
         a[j]=a[iMin]
         a[iMin]=aux
13
       # print(a[:j])
14
   def insertionsort(a):
       for i in xrange(1, len(a)):
16
           j = i-1
17
           key = a[i]
           while (a[j] > key) and (j >= 0):
19
              a[j+1] = a[j]
20
              j -= 1
21
           a[j+1] = key
22
23
   def quicksort(arr):
       less = []
25
       pivotList = []
26
       more = []
27
       if len(arr) <= 1:
28
           return arr
       else:
30
           pivot = arr[0]
           for i in arr:
32
               if i < pivot:</pre>
33
                   less.append(i)
               elif i > pivot:
                   more.append(i)
36
```

```
else:
37
                  pivotList.append(i)
38
           less = quicksort(less)
           more = quicksort(more)
           return less + pivotList + more
41
42
   def heapsort(lst):
43
     ''' Heapsort. Note: this function sorts in-place (it mutates the
44
         list). '''
45
     # in pseudo-code, heapify only called once, so inline it here
46
     for start in range((len(lst)-2)/2, -1, -1):
47
       siftdown(lst, start, len(lst)-1)
48
49
     for end in range(len(lst)-1, 0, -1):
       lst[end], lst[0] = lst[0], lst[end]
       siftdown(lst, 0, end - 1)
52
     return 1st
54
   def siftdown(lst, start, end):
     root = start
     while True:
       child = root * 2 + 1
       if child > end: break
       if child + 1 <= end and lst[child] < lst[child + 1]:</pre>
60
         child += 1
       if lst[root] < lst[child]:</pre>
         lst[root], lst[child] = lst[child], lst[root]
         root = child
64
       else:
65
         break
66
   def mergesort(array):
69
     if len(array) < 2:</pre>
70
       return array
71
72
     middle = int(len(array)/2)
73
     left = mergesort(array[:middle])
74
     right = mergesort(array[middle:])
75
76
77
     return merge(left, right)
78
```

```
def merge(left, right):
        result = []
80
        left_idx, right_idx = 0, 0
        while left_idx < len(left) and right_idx < len(right):</pre>
            # change the direction of this comparison to change the
83
               direction of the sort
           if left[left_idx] <= right[right_idx]:</pre>
84
                result.append(left[left_idx])
85
                left_idx += 1
           else:
                result.append(right[right_idx])
               right_idx += 1
89
90
        if left_idx < len(left):</pre>
91
           result.extend(left[left_idx:])
        if right_idx < len(right):</pre>
93
           result.extend(right[right_idx:])
94
        return result
95
96
97
    def sort(type,number,worstcase):
99
      sorts = {'selection': selectionsort,
100
      'insertion': insertionsort,
      'quicksort': quicksort,
      'mergesort': mergesort,
      'heapsort': heapsort}
104
     method_name = myargs['-i']
106
         # set by the command line options
107
        #if myargs[]
108
      if type not in sorts:
       raise Exception("Sort Algorithm %s not implemented" % type)
110
       exit()
111
112
      if worstcase:
113
       file=number+'.'+type+'.worstcase'
114
      else:
       file=number+'.random'
116
      b=[]
117
     with open(file, 'r') as f:
118
119
       for line in f:
         b.append(int(line))
120
```

```
#print(b)
121
      from timeit import default_timer as timer
122
      #slice create a copy of the array
     results={}
124
     mean=0
125
      for x in xrange(0,10):
126
       print(x)
127
       a=b[:]
128
        start = timer()
        sorts[type](a)
130
       end = timer()
131
       results[x]=end-start
132
       print (results[x])
133
       mean+=end-start
134
      print(x)
135
     mean=mean/(x+1)
136
      print (mean)
137
     return
138
139
    def getopts(argv):
140
        opts = {} # Empty dictionary to store key-value pairs.
141
        while argv: # While there are arguments left to parse...
142
            if argv[0][0] == '-': # Found a "-name value" pair.
143
              if argv[0][1] != 'w':
144
               opts[argv[0]] = argv[1] # Add key and value to the
145
                   dictionary.
             else:
146
               opts['-w']='y'
147
            argv = argv[1:] # Reduce the argument list by copying it
148
               starting from index 1.
        return opts
149
    if __name__ == '__main__':
151
       from sys import argv
152
       myargs = getopts(argv)
153
        if myargs.has_key('-i'):
154
         sort(myargs['-i'],myargs['-n'],myargs.has_key('-w'))
        exit()
```

### 2. Parte 2: Variante del algoritmo Gale-Shapley

Una liga amateur de Basketball tiene una manera extraña de iniciar la temporada. Un draft se realiza entre 200 jugadores anotados entre los 20 equipos que participaran. Tanto los jugadores como los equipos tienen una lista de preferencia donde establecen en orden decreciente sus elecciones. Cada listado es completo (tienen a todos los jugadores/equipos) y sin empates de preferencia. Se pretende construir un matching estable que termine con 20 equipos de 10 jugadores cada uno.

#### Información adicional

- Cada equipo contará con un archivo llamado "equipo\_[nro].prf" donde estarán en forma ordenada decreciente sus preferencias de jugadores.
- Cada jugador contará con un archivo llamado "jugador\_[nro].prf" donde estarán en forma ordenada decreciente sus preferencias de equipos.
- Los jugadores estarán identificados por números entre el 1 y el 200.
- Los equipos estarán identificados por números entre el 1 y el 20.

## 2.1. Construir el algoritmo de Gale-Shapley modificado para cumplir el requerimiento.

```
#!/usr/bin/python
  import time
  import random
   import sys
  FREE_POSITION = -1 #representa una posicion libre en un equipo
6
  #Dimensiones del problema:
  teams_amount, players_by_team, players_amount = 20, 10, 200
  #teams_amount, players_by_team, players_amount = 3, 2, 6
11
   def load_players_peferences():
     players_preferences = [range(teams_amount) for y in
13
         range(players_amount)]
     for i in range(players_amount):
        file_name =
            './setDePruebasParte2/'+'jugador_['+str(i+1)+'].prf'
        with open(file_name, 'r') as preference_list:
16
           pl = [int(j) for j in list(preference_list)]
17
```

```
players_preferences[i] = pl
18
      return players_preferences
19
   def load_teams_preferences():
      teams_preferences = [range(players_amount) for y in
22
         range(teams_amount)]
      for i in range(teams_amount):
23
        file_name =
24
            './setDePruebasParte2/'+'equipo_['+str(i+1)+'].prf'
        with open(file_name, 'r') as preference_list:
           pl = [int(j) for j in list(preference_list)]
26
           teams_preferences[i] = pl
27
      return teams_preferences
28
   #Genera un set de archivos de prueba en el directorio
      setDePruebasParte2
   #Para equipos: equipo_[nro].prf => generate_test_set(teams_amount,
      players_amount, 'equipo')
   #Para jugadores: jugador_[nro].prf =>
       generate_test_set(players_amount, teams_amount, 'jugador')
   def generate_test_set(files_amount, lines_amount,
      file_name_prefix):
      for i in range(files_amount):
34
        file_name =
35
            './setDePruebasParte2/'+file_name_prefix+'_['+str(i+1)+'].prf'
        fh = open(file_name,'w')
        members_ranking = range(lines_amount)
        random.shuffle(members_ranking)
        for j in members_ranking:
39
          fh.write("%s\n" % (j+1))
40
        fh.close()
41
   def init_teams():
43
      teams = [[FREE_POSITION for x in range(players_by_team)] for y
44
         in range(teams_amount)]
     return teams
45
46
   def team_vacancies_available(team):
47
      return FREE_POSITION in team
48
49
   def add_player_to_team(team, player_number):
50
      team[team.index(FREE_POSITION)] = player_number
51
```

```
def remove_player_from_team(team, player_number):
     team[team.index(player_number)] = FREE_POSITION
   def move_player(from_team, to_team, player_number):
     remove_player_from_team(from_team, player_number)
57
      add_player_to_team(to_team, player_number)
58
   def compare_preferences(preferences, a_number, b_number):
      a_rank = preferences.index(a_number)
61
     b_rank = preferences.index(b_number)
62
     if(a_rank < b_rank):</pre>
63
        return 1
64
     elif (a_rank > b_rank):
65
        return -1
66
     else:
        return 0
69
   def find_player(teams, player_number):
70
     for team_number in range(teams_amount):
71
        if player_number in teams[team_number]:
72
           return team_number
     return FREE_POSITION
74
   def run_gale_shapley(teams, teams_preferences,
      players_preferences):
     vacancies_available = teams_amount * players_by_team
     team_vacancies_available = [players_by_team for x in
         range(teams_amount)]
     while vacancies_available > 0:
79
        for team_number in range(teams_amount):
80
           while team_vacancies_available[team_number]:
81
              team_preference = teams_preferences[team_number].pop(0)
              other_team_number = find_player(teams, team_preference)
              if(other_team_number == FREE_POSITION):
84
                 add_player_to_team(teams[team_number],
85
                    team_preference)
                 vacancies_available -= 1
86
                 team_vacancies_available[team_number] -= 1
              else:
                 if(compare_preferences(players_preferences[team_preference-1],
80
                     team_number+1, other_team_number+1) > 0):
                   move_player(teams[other_team_number],
90
                       teams[team_number], team_preference)
```

```
team_vacancies_available[other_team_number] += 1
91
                     team_vacancies_available[team_number] -= 1
92
    def print_preferences(preferences):
      preferences_str = [str(x) for x in preferences]
95
      for i in range(len(preferences_str)):
96
         sys.stdout.write(str(i) + ":")
         print preferences[i]
98
         sys.stdout.flush()
99
100
    def print_everything(teams_preferences, players_preferences,
      print "Preferencias de los equipos:"
      print_preferences(teams_preferences)
103
      print "Preferencias de los jugadores:"
      print_preferences(players_preferences)
106
107
      print "Equipos formados:"
108
      print_preferences(teams)
109
      sys.stdout.flush()
111
      time.sleep(0.1)
112
113
    def main():
114
      print "TP1 - Parte 2: Algoritmo de Gale Shapely"
116
      generate_test_set(teams_amount, players_amount, 'equipo')
117
      generate_test_set(players_amount, teams_amount, 'jugador')
118
119
      teams_preferences = load_teams_preferences()
120
      players_preferences = load_players_peferences()
121
      teams = init_teams()
123
      run_gale_shapley(teams, teams_preferences, players_preferences)
124
      print_everything(teams_preferences, players_preferences, teams)
126
      return teams
128
129
130
   #Genera la tabla de jugadores y equipos en LaTeX para el informe
131
   def to_latex(matrix):
```

```
column_definition = "|".join(["c" for x in
133
          range(len(matrix[0]))])
      print("\\begin{center}")
      print("\\begin{longtable}{ | " + column_definition + "| } ")
      print(" \\hline")
136
137
      for row in range(len(matrix)):
138
         sys.stdout.write(" & ".join(map(str, matrix[row])) + "
139
             \\\\n")
140
      print(" \\hline")
141
      print("\\end{longtable}")
142
      print("\\end{center}")
143
144
    def players_preferences_to_latex():
      preferences = load_players_peferences()
146
      matrix = [range(len(preferences))] + zip(*preferences)
147
      matrix = zip(*matrix)
148
      to_latex(matrix)
149
150
    def teams_preferences_to_latex():
      preferences = load_teams_preferences()
      matrix = [range(len(preferences))] + zip(*preferences)
      to_latex(matrix)
154
   def results_to_latex():
156
      results = main()
      matrix = [range(len(results))] + zip(*results)
158
      to_latex(matrix)
159
160
   if __name__ == "__main__":
161
      main()
```

# 2.2. Probar que el mismo terminará en tiempo polinómico y siempre entregará un matching estable.

#### 2.2.1. Órden del algoritmo

Comencemos nuestro análisis viendo cuantas veces se repite el bloque interno en el peor caso. Llamaremos "bloque interno.ª las líneas entre la 82 y la 92:

```
team_preference = teams_preferences[team_number].pop(0)
82
              other_team_number = find_player(teams, team_preference)
83
              if(other_team_number == FREE_POSITION):
84
                 add_player_to_team(teams[team_number],
85
                    team_preference)
                 vacancies_available -= 1
                 team_vacancies_available[team_number] -= 1
              else:
88
                 if(compare_preferences(players_preferences[team_preference-1],
89
                    team_number+1, other_team_number+1) > 0):
                   move_player(teams[other_team_number],
                       teams[team_number], team_preference)
                   team_vacancies_available[other_team_number] += 1
91
                   team_vacancies_available[team_number] -= 1
```

En el peor caso, la cantidad máxima posible de operaciones ejecutadas en este bloque ocurre cuando el primer if es evaluado en falso y el segundo es evaluado en verdadero. En ese caso el orden del bloque es O(E + J/E + J) (suma de las operaciones indicadas a continuación en negrita).

- Línea 81. La evaluación de la condición del while. 1 op.
- Línea 82. La remoción del elemento. 1 op.
- Línea 83. La búsqueda de un jugador en los equipos. En la función find\_player, la condición del for se evalúa como máximo E veces, lo cual implica E operaciones. El in del if implica como máximo J/E comparaciones que se ejecutaran E veces. O(J).
- línea 84. La evaluación de la condición del if. 1 op.
- Si la condición es verdadera
  - Línea 85. Agregar un elemento a una lista implica encontrar el indice de la primera posición libre en "teams". En el peor caso la posición libre estará en la última posición y "teams" tiene (J/E) elementos. O(J/E).
  - Línea 86. Decrementar una variable. 1 op.
  - Línea 87. Decrementar una variable. 1 op.
- Si la condición es falsa

- Línea 89. Comparar las preferencias del jugador. En las primeras dos líneas de la función compare\_preferences llamamos a la función index que implican como máximo E comparaciones cada una, y los if que siguen como máximo pueden hacer 2 comparaciones. O(2E+2) = O(E).
- Si la condición es verdadera:
  - o Línea 90. Mover un elemento de una lista a otra (quitar + agregar). add\_player\_to team y remove\_player\_from\_team son O(J/E) por la búsqueda del índice. O(2J/E) = O(J/E).
  - o Línea 91. Incrementar una variable. 1 op.
  - o Línea 92. Decrementar una variable. 1 op.

Finalmente vamos a analizar las estructuras de control que rodean al bloque interno:

```
while vacancies_available > 0:
for team_number in range(teams_amount):
while team_vacancies_available[team_number]:
[bloque interno]
```

- Línea 79. El while más externo requiere un análisis más detallado: O(EJ) Para hacer este análisis, nos basamos en la demostración general del algoritmo que se puede encontrar en el libro de Tardos. Sea J la cantidad de jugadores y E la cantidad de equipos. Sea una función P(t) que represente la cantidad de pares (x,y) tales que el equipo x le haya ofrecido una posición al jugador y (independientemente de la posición que ocuparía y en el equipo) al término de la iteración t del bloque interno. Entonces P(t+1) > P(t) para todo t ya que un equipo no ofrece 2 veces al mismo jugador. Pero P(t) al final de todas las iteraciones puede ser a lo sumo igual a todas las combinaciones posibles de equipo-jugador, por lo tanto habrán a lo sumo  $E^*J$  iteraciones del bloque interno.
- Línea 80. El for se repite E veces, que es la cantidad de equipos. O(E)
- Línea 81. El loop puede repetirse a lo sumo J veces, que es la cantidad de jugadores por equipo (20). Esto es porque en cada iteración, se saca un jugador preferido de team\_preferences, que tiene J elementos O(J)

Por lo tanto, el orden del algoritmo de Gale-Sapley implementado será  $O(EJ*(E*(J*(E+J/E+J)))) = O(EJ*(E*(JE+J^2/E+J^2))) = O(EJ*(E^2*J+J^2+E*J^2)) = O(EJ*(E^2*J+E^2*J^3))$ 

#### 2.2.2. El algoritmo siempre devuelve un matching estable

Lo probamos por reducción al absurdo. Supongamos que el algoritmo devuelve 2 tuplas  $(e, j, j_2, j_3, j_4...)$  y  $(e', j', j_a, j_b, j_c, ...)$  tales que: el equipo e prefiere al jugador j' antes que a j y el jugador j' prefiere al equipo e antes que a e'

¿Es posible que e le haya ofrecido a j' antes que a j?

Si no fue así, entonces j debió estar antes que j' en la lista de preferencia de e, lo cual contradice la suposición inicial de que e prefiere a j'.

Si fue así, entonces j' rechazó a e por algún mejor equipo e". Entonces o bien e''=e', lo cual quiere decir que j' prefirió al equipo e' por sobre e. O bien  $e''\neq e'$  y entonces por transitividad e' fue preferido por j' por sobre e. Ambas posibilidades contradicen la suposición inicial de que el jugador j' prefiere al equipo e antes que a e'.

# 2.3. Ejecutar el algoritmo utilizando un set construido especialmente para el caso.

Para poder probar el algoritmo hemos construido un set de pruebas consistente en archivos que contienen las preferencias de los jugadores y de los equipos. Las tablas que se proveen a continuación representan el contenido de estos archivos, y la última tabla es el resultado de la ejecución del algoritmo.

#### 2.3.1. Preferencias de los equipos

En la siguiente tabla, las columnas representan los equipos numerados de 0 al 19. Cada uno tiene el listado de los 200 jugadores ordenados de arriba a abajo por preferencia desde el más preferido al menos preferido.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
2	147	173	136	189	102	186	78	152	146	108	145	79	149	159	138	59	81	43	102
158	37	151	11	4	191	72	92	196	185	59	35	5	83	165	171	134	129	4	80
146	105	136	179	78	184	110	39	53	87	100	34	76	100	119	77	99	185	156	24
65	179	53	128	176	158	123	178	24	141	162	23	191	162	105	184	110	84	125	64
131	84	66	185	75	183	3	16	28	34	74	57	96	146	115	85	96	65	98	58
171	49	68	15	147	39	131	83	55	151	113	109	120	19	76	66	198	100	154	154
44	176	149	42	174	83	36	173	34	107	129	119	99	98	64	157	72	25	21	16
54	61	101	192	27	96	56	3	189	23	116	16	155	67	95	48	177	166	20	36
66	119	165	199	81	20	31	52	9	153	151	196	186	1	187	56	51	66	122	155
190	114	117	156	61	175	139	45	23	83	35	28	181	163	15	13	40	176	183	158
101	149	86	40	151	16	40	70	31	28	67	112	187	155	46	45	136	49	84	130
132	180	147	59	184	3	100	199	71	169	156	188	57	32	150	3	138	138	96	10
109	124	99	200	40	33	76	116	118	55	49	1	134	148	124	49	114	96	75	110
117	98	119	34	47	32	17	32	44	133	37	15	7	90	32	185	104	95	53	169
72	104	49	41	180	126	12	37	121	178	159	95	160	71	170	136	132	91	178	39
175	96	18	163	43	12	133	101	16	71	63	48	11	68	117	72	11	134	81	183
80	186	43	110	120	149	49	150	93	65	125	96	112	158	55	113	50	55	11	23
199	162	59	16	32	140	67	185	70	48	112	91	42	124	45	129	165	175	52	38
187	177	185	50	46	14	175	134	108	148	29	134	48	160	24	115	166	174	167	198
36	195	128	100	50	90	74	33	144	198	90	136	108	12	36	186	161	106	97	166
94	1	58	113	74	129	38	153	132	100	91	184	171	115	147	71	73	193	121	88
184	103	32	66	155	107	2	17	92	155	6	6	74	11	175	188	123	115	29	25
103	160	190	186	117	42	69	159	123	93	165	155	77	23	199	150	122	40	137	48
81	68	192	159	26	63	116	104	164	131	86	116	41	61	158	68	1	23	143	63
165	38	166	114	42	57	173	34	4	195	105	198	73	37	26	91	42	128	115	114

29 162 28 14 15 76 78 33 129 9 1 60 180 50 105 100 161 85 41 136 142 17 71 150 151 106 55 114 119 164 84 70 122 128 83 179 185 30 145 157 7 137 7 133 110 120 21 163 26 68 23 31 52 186 167 177 124 58 99 86 107 56 123 87 192 188 199 97 192 188 199 98 107 164 189 98 107 166 123 187 199 189 99 189 97 162 181 164 164
161   100   75   164   88   129   145   169   41   30   63   14   16   72   172   58   80   101   70   94   78   125   85   163   102   92   153   196   44   166   106   128   97   167   199   32   28   50   167   117   115   185   24   117   117   118   117   119   127   40   131   142   142   143   14
61   45   135   153   38   84   188   84   174   73   37   67   17   168   182   150   166   123   145   179   125   146   174   122   107   81   110   180   55   76   141   180   55   76   141   180   55   76   141   168   179   123   145   179   125   146   174   168   178   180   18
145   67   22   122   76   52   98   181   198   157   29   165   191   49   60   8   197   132   44   45   105   18   84   82   117   147   77   32   212   74   115   177   171   112   2   161   153   164   61   61   61   61   62   63   64   61   61   63   63   64   61   61   62   63   63   63   63   63   63   63   63
56   198   86   63   137   102   39   172   148   122   146   197   103   128   88   69   104   110   135   192   62   105   1   58   194   112   37   125   68   49   92   164   66   195   158   195   158   195   161   70   70   73   73   73   73   74   75   75   75   75   75   75   75   75
1 103 43 95 76 31 97 67 67 125 193 49 113 82 74 104 120 101 21 198 165 86 143 38 171 75 136 161 151 30 131 6 118 24 137 60 139 41 61 29 145 160 187 60 139 41 61 29 145 160 187 70 156 53 35 68 159 70 156 53 37 71 9 128 130 138 172 196 66 127 195 84 172 195 84 172 195 84 172 195 84 172 195 84 175 150 150 150 150 150 150 150 150 150 15
180   156   18   129   169   199   118   191   61   42   30   51   11   148   151   127   162   48   82   88   85   152   193   172   1 188   151   154   174   192   101   174   193   60   43   89   64   53   63   87   154   174   194   195   1
14 172 103 63 74 89 21 29 72 171 46 99 151 38 175 56 198 96 110 75 143 107 118 6 23 51 147 118 6 23 51 147 118 6 23 165 5 167 93 97 182 196 27 138 12 15 16 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19
128 80 66 198 46 133 99 170 10 73 179 163 5 167 155 137 29 8 26 197 116 178 130 162 72 8 190 154 12 181 35 147 176 178 178 178 181 181 182 183 184 185 185 187 187 187 187 187 187 187 187
82 63 140 128 144 182 15 194 6 113 184 31 72 125 142 187 47 130 132 105 166 17 176 7 102 139 104 27 181 50 44 98 9 106 108 109 109 109 109 109 109 109 109
47   85   155   120   138   179   10   54   1   181   184   97   118   134   124   182   89   163   68   69   23   82   185   55   171   16   45   45   167   192   141   94   20   76   21   48   78   123   13   25   26   102   40   83   83   175   126   123   13   25   26   175 
104   160   127   99   200   77   171   133   157   17   173   130   121   149   8   94   41   164   92   75   85   152   41   181   63   84   120   103   32   98   43   44   100   36   46   53   5   78   177   21   118   38   177   21   118   38   177   64   106   137   149   162   165   169   2   172   165   165
101   185   64   90   157   61   20   27   39   173   43   193   88   22   194   86   45   165   47   19   51   200   102   33   92   270   199   177   188   111   161   67   184   116   192   49   36   49   107   4   36   37   66   61   32   29   107   4   36   107   4   37   66   137   128   37   66   137   149   158   158 
139   28   27   168   165   138   53   127   125   2   34   69   170   191   35   5   41   119   177   166   161   84   166   147   161   84   63   77   195   107   188   82   112   169   14   93   130   121   118   50   128   128   132   146   157   158   157   157   158   157   157   158   157   157   159
30   1344   72   1048   888   10   1564   344   1066   1277   113   11   61   182   102   99   4   107   118   135   120   109   57   123   1766   27   1988   688   1444   408
61 1 97 116 24 39 177 154 92 88 191 86 96 24 46 180 9 152 170 98 64 153 20 119 141 163 43 104 99 168 170 187 81 38 173 120 111 132 132 132 132 134 145 157 167 179 186 187 187 187 187 187 187 187 187
55   64   10   18   171   188   147   14   111   75   126   3   197   105   17   33   92   107   7   7   149   146   41   150   63   151   95   192   65   189   199   68   88   189   199   68   88   77   163   163
60 79 97 148 24 53 190 108 10 98 64 3 162 157 30 80 169 188 104 187 78 152 110 27 63 36 197 123 133 143 149 165 165 165 165 165 165 165 165
10 92 60 26 59 186 158 12 124 190 65 61 132 140 114 34 24 30 19 82 199 70 184 179 63 83 147 138 137 138 147 130 129 44 196 164 150 164 150 170 198 199 199 100 119 100 119 119 119
197   190   69   159   134   59   195   98   92   73   143   29   115   165   95   42   113   22   178   74   112   53   185   12   162   139   90   96   176   172   185   121   20   27   33   104   109   118   109   118   109   119   119

5 178 104 12 134 25 93 166 24 4 6 168 153 92 140 170 38 182 16 115 148 169 143 39 138 95 91 11 138 95 91 11 11 11 11 11 11 11 11 11
56   54   123   109   7   82   134   25   107   86   77   90   91   66   57   175   136   3   121   165   126   3   130   157   60   52   48   89   141   133   130   4   35   154   27   200   53   131   154   27   200   31   156   156
104   8   34   89   155   111   121   157   137   90   134   148   83   175   28   183   16   94   100   7   120   106   199   29   27   26   157   142   85   140   100   7   120   106   199   29   27   26   158   168   178   189   177   21   194   162   121   161   177   24   29   29   29   29   170   29   170   29   170   29   170   170   29   170   20   4   4   5   4   4   5   4   5   4   5   4   5   5   6   6   7   7   7   7   7   7   7   7   7   7
93 6 103 108 1 168 119 4 158 88 26 5 5 30 133 87 73 118 176 72 162 80 57 51 48 62 187 190 130 194 104 38 62 119 17 138 20 148 95 71 183 180 89 155 65 28 167 121 19 17 3 123 1510 69 196 101 68 127 173 3 123 151 150 69 196 101 68 127 173 3 123 151 150 69 196 101 173 3 123 151 150 69 196 101 173 3 123 151 150 69 196 101 173 3 123 151 150 69 196 101 173 3 123 151 150 168 127 173 123 151 150 169 196 101 173 183 184 166 178 9 189 189 177 173 181 175 191 173 181 175 191 173 181 175 191 173 181 175 191 173 183 184 166 178 189 189 131 179 140 139
115   48   99   113   21   159   133   152   149   157   193   54   129   84   90   143   22   83   11   118   142   162   28   144   131   166   65   130   36   34   153   96   99   178   6   200   167   8   77   107   116   155   124   79   193   1
62 115 25 123 18 8 17 176 98 134 50 89 80 105 15 144 122 166 78 88 87 100 7 45 91 109 72 44 55 168 92 148 132 148 149 149 159 168 168 169 169 169 169 169 169 169 169 169 169
170 16 136 149 26 33 83 62 200 146 106 142 112 25 104 65 97 159 79 187 165 196 58 23 34 126 27 157 147 155 44 124 73 140 155 447 155 448 124 73 140 120 24 188 161 137 29 192 39 185 167 190 191 191 198 196 113 107 109 181 85 195 183 181 183 186 32 5 183 181 183 186 32 5 183 186 32 5 183 186 31 186 32 5 183 186 31 187 59 128 181 181 188 181 181 188 181 188 181 188
111 130 64 8 9 117 25 169 113 105 47 127 86 82 77 60 62 144 197 114 18 90 187 28 187 29 108 13 13 13 13 13 13 13 13 13 13
77 97 120 33 102 126 13 69 62 156 79 49 134 11 122 195 67 18 41 127 159 173 106 193 89 182 124 109 184 183 146 95 192 57 39 78 40 25 63 165 31 169 94 174 179 189 174 175 189 174 175 180 36 181 177 188 180 36 181 177 188 180 36 181 180 36 388 150 114 77 67 185 180 36 388 150 114 77 67 185 180 36 388 150 114 77 685 180 368 388 150 1144 77 685 185 1100 135 1100
56   80   8   137   143   122   156   109   89   188   179   123   121   183   199   174   117   159   118   43   195   43   195   43   195   43   195   43   195   42   188   172   127   21   99   42   188   172   127   21   99   26   188   172   188   188   195   195
130   114   173   3   149   135   79   9   61   145   30   96   137   177   95   190   168   34   122   146   110   186   39   143   8   70   43   183   2   153   92   140   147   46   41   119   147   46   41   119   131   60   36   137   77   72   72   115   93   93   143   8   143   143   143   144   146   147   46   41   119   147   146   131   60   36   104   84   117   77   72   72   115   93   86   106   106
68 175 61 139 42 52 30 133 58 60 19 111 97 90 192 31 114 179 185 146 174 102 29 70 180 81 4 88 142 191 65 125 118 189 129 125 118 123 56 66 170 180 180 180 180 180 180 180 180 180 18
24 131 197 105 170 146 21 97 13 81 87 2 123 162 178 164 179 38 44 100 122 147 56 130 54 130 54 147 56 130 54 147 56 130 54 147 56 130 51 147 156 130 113 66 130 113 66 130 113 66 130 113 66 130 143 196 65 198 198 198 198 198 198 198 198
21 113 193 120 40 194 181 174 33 81 122 66 91 196 192 8 95 3 141 158 185 102 99 131 25 20 60 143 152 173 186 183 175 64 123 159 4 4 43 159 158 158 158 175 175 186 187 187 187 188 185 199 199 199 199 199 199 199 19
89   174   91   12   85   9   160   23   192   145   103   37   121   38   153   153   153   153   153   153   164   67   167   50   169   65   6   6   6   6   13   14   167   50   169   66   60   114   146   126   60   146 
147 199 105 121 47 108 5 192 32 80 37 114 142 31 51 172 93 19 6 33 2000 18 101 100 50 193 109 124 183 165 15 197 82 195 169 107 158 197 189 164 133 139 27 83 14 198 166 167 54 4 75 196 28 159 137 160 103 131 73 194 148 95 166 161 125 137 106 23 11 22
172 81 108 46 124 196 15 79 9 141 118 158 148 53 148 53 148 53 149 168 173 181 182 182 190 168 173 181 182 183 191 182 183 191 182 183 184 185 186 187 187 187 188 188 188 188 188
116 26 192 137 58 88 83 69 35 92 158 168 170 74 181 194 186 182 2 77 180 141 126 112 122 22 43 15 1 160 8 11 171 42 122 22 43 15 1 160 8 11 171 42 125 70 150 38 94 87 76 46 136 21 99 141 82 2 77 189 141 82 2 161 7 89 141 82 2 161 17 89 141 81 85 159 161 7 89 17 188 85 169 161 7 89 17 188 86 103 17 155 139 160 103 17 155 139 160 103 17 160 103 103
71 76 54 64 172 25 36 161 49 194 152 162 27 742 110 108 66 197 189 166 68 3 3 181 118 103 90 14 133 153 15 40 444 113 131 199 145 168 177 22 28 116 72 85 13 9 106 87 7 86 142 175 95 111 157 6 146 32 175 95 111 157 6 148 127 123 159 149 1519 1100 104
126   9   82   94   86   81   191   186   43   5   13   184   28   163   11   193   54   46   137   200   65   97   138   6   71   152   132   133   3   125   111   72   34   46   199   101   152   132   132   133   3   125   111   72   34   46   60   142   164   199   44   60   142   117   84   128   128   138   128   138   128   138   138   138   148   164   199   199   191   192   192   193   1

1	147	65	79	70	134	73	6	193	111	165	195	59	40	89	138	112	152	75	5	37	ı
	159	31	113	31	19	119	55	135	140	111	75	163	34	190	75	130	193	88	2	31	ı
l	197	10	39	14	163	200	41	141	68	64	71	193	75	151	43	175	190	117	80	40	ı
	176	23	156	160	170	181	150	73	58	73	57	115	195	17	18	78	167	68	89	75	ı
	127	2	159	142	139	99	122	131	161	86	148	79	8	36	161	53	8	195	169	179	ı
l	188	118	191	120	24	26	141	192	160	170	101	39	72	96	21	74	62	47	57	76	ı
	118	87	64	92	13	185	164	115	42	77	103	199	26	62	54	21	94	90	141	108	ı
	130	183	109	124	141	163	178	181	188	114	121	168	104	87	172	58	164	54	126	45	ı
l	82	144	172	75	18	190	89	191	90	158	33	158	169	197	128	122	184	73	128	2	ı

#### 2.3.2. Preferencias de los jugadores

En la siguiente tabla, las filas representan los jugadores numerados del 0 al 199. Cada uno tiene el listado de los 20 equipos ordenados de izquierda a derecha por preferencia desde el más preferido al menos preferido.

0	2	17	16	14	18	3	19	6	10	20	13	15	8	7	11	1	5	12	9	4
1	18	12	15	9	19	7	13	1	4	3	20	2	5	11	14	6	16	10	8	17
2	17	9	10	11	18	7	19	16	1	12	3	5	2	6	13	20	4	14	8	15
3	14	4	9	12	18	3	20	11	8	15	17	2	19	16	1	5	6	13	10	7
4	10	19	18	3	14	16	20	2	8	15	13	11	17	4	7	12	6	9	5	1
5	12	11	18	1	20	15	10	4	19	8	9	13	5	17	16	14	7	6	3	2
6	20	3	10	8	9	7	14	17	4	15	11	16	13	12	18	2	6	19	1	5
7	1	19	8	12	7	6	13	14	16	3	9	4	2	11	5	15	10	20	18	17
8	12	8	19	14	2	4	11	18	6	20	7	1	3	10	15	16	13	17	5	9
9	16	13	7	6	11	19	8	5	1	18	9	4	15	20	10	12	14	2	17	3
10	8	19	12	7	5	17	15	3	6	18	9	2	14	13	10	1	11	20	4	16
11	2	13	9	14	1	17	11	5	18	20	16	15	6	8	4	3	19	10	12	7
12	6	12	5	13	8	16	3	2	14	20	10	15	9	18	19	1	7	11	4	17
13	9	17	6	3	14	7	15	19	11	16	2	4	13	12	10	1	20	18	5	8
14	1	12	3	18	20	8	19	11	13	10	14	17	4	9	7	5	6	2	15	16
15	1	11	12	14	17	2	3	10	16	4	19	5	9	13	18	20	6	7	8	15
16	17	19	14	13	2	20	12	4	8	15	11	18	10	1	9	6	3	5	7	16
17	3	6	13	10	17	18	9	16	4	11	14	7	1	8	20	19	2	15	5	12
18	8	13	3	7	17	2	18	5	14	19	1	20	9	10	12	11	16	4	15	6
19	20	9	17	10	2	19	1	14	8	4	11	18	5	13	16	3	7	6	12	15
20	14	3	5	19	10	12	8	1	9	7	18	15	20	16	17	6	2	13	11	4
21	11	12	14	13	17	10	7	9	19	6	20	2	4	15	5	8	1	3	18	16
22	11	6	20	14	15	10	9	2	13	16	12	1	7	19	4	17	5	18	3	8
23	11	10	6	14	17	15	19	5	4	13	12	18	3	1	7	8	20	9	2	16
24	20	19	3	6	9	8	4	15	14	7	12	11	16	2	5	13	10	18	17	1
25	15	9	1 7	8	18	19	7	2	10	11	14	6	16	17	12	3 15	5 10	4	20	13
26	13		7	16	11	1	9	14	20	5	19	3	6	18	2			8	4	17
27	17	5 18	7	6 12	11	10	7 5	13	15 9	9	19 14	3 10	8 17	2	20 19	6	18 15	20	16 4	12
29	1	4	10	9	20	11	16	8	3	17	2	12	5	19	15	6	13	7	14	18
30	9	1	8	6	13	2	10	5	20	16	14	7	18	19	4	11	3	17	12	15
31	4	15	10	8	18	13	1	14	7	19	16	11	2	20	3	6	17	9	5	12
32	18	13	1	6	8	5	7	14	10	19	16	12	15	17	4	9	11	20	2	3
33	15	9	1	12	3	5	16	19	17	10	14	11	4	8	6	20	13	18	7	2
34	14	8	16	5	11	19	10	13	1	12	18	15	4	7	20	3	6	17	2	9
35	12	11	2	6	14	16	19	13	3	1	9	10	15	5	7	20	18	4	17	8
36	12	7	13	15	4	11	14	18	6	5	9	19	10	1	8	3	20	17	2	16
37	7	6	4	19	8	13	17	18	16	2	9	5	11	20	1	10	14	12	15	3
38	14	19	11	5	6	17	8	18	13	10	4	9	2	16	15	7	12	20	1	3
39	2	11	18	19	14	1	5	13	4	17	10	9	16	3	7	20	15	12	8	6
40	20	17	9	12	11	19	13	16	10	4	15	18	3	2	7	14	1	5	6	8
41	14	1	11	8	4	9	16	12	5	10	19	13	15	3	2	18	20	17	6	7
42	4	14	2	19	12	13	8	6	17	11	5	18	10	16	7	15	3	9	20	1
43	16	15	14	1	5	20	17	3	6	7	9	19	8	12	13	11	18	4	10	2
44	12	9	2	7	5	16	18	20	17	10	6	1	13	11	8	4	3	19	15	14
45	17	16	1	18	7	9	14	2	19	3	4	15	20	6	13	5	12	8	10	11
46	6	14	5	1	7	19	9	16	3	12	18	15	2	20	4	17	11	13	8	10
47	10	3	19	9	2	8	18	13	17	6	15	12	20	5	7	1	11	14	4	16
48	13	16	12	4	17	11	6	9	8	1	14	3	19	7	20	5	2	18	10	15
49	17	4	6	13	18	3	11	19	9	10	7	2	1	12	15	14	8	20	5	16
50	19	9	8	12	5	18	6	2	11	14	13	3	10	4	15	17	20	1	7	16
51	11	10	17	4	8	2	20	14	15	9	6	5	18	1	16	3	19	12	13	7
52	15	4	2	18	8	10	13	16	6	19	11	17	7	14	9	1	20	12	3	5
53	5	14	16	19	11	8	18	3	17	10	1	7	6	12	2	20	13	15	4	9
54	3	1	4	17	11	20	13	2	12	8	16	6	18	14	15	7	10	5	19	9

55	2	6	9	7	8	4	5	19	15	20	11	14	3	16	13	1	18	10	17	12
56	19	17	8	4	16	9	5	14	13	10	11	7	20	15	6	2	18	3	12	1
57	20	10	17	1	3	8	16	2	13	19	14	4	5	7	9	11	15	6	12	18
58	1	12	18	2	9	4	6	15	7	5	17	10	16	13	14	3	11	19	8	20
59	15	18	1	12	11	3	13	17	2	14	9	4	6	16	10	5	8	19	20	7
60	7	5	15	4	3	8	19	13	17	14	18	12	16	1	10	2	11	9	20	6
61	5	18	16	3	19	15	13	20	17	4	11	9	8	7	10	1	2	12	6	14
62	13	18	8	12	14	5	20	9	19	11	2	4	1	10	16	15	7	17	3	6
63	1	15	20	17	3	18	9	4	7	5	2	16	12	19	6	13	8	10	14	11
64	6	15	14	19	5	10	12	18	13	11	17	7	4	9	20	8	1	2	16	3
65	7	14	16	6	19	18	2	3	4	8	13	10	20	9	11	5	1	17	12	15
66	10	7	17	2	3	4	8	19	14	18	13	1	12	9	11	16	15	20	6	5
67	7	9	15	2	13	4	11	12	1	14	20	5	17	16	18	19	6	3	10	8
68	8	14	3	17	10	19	7	20	12	6	1	15	2	5	11	18	4	13	9	16
69	8	1	3	6	14	19	4	15	9	2	10	5	13	11	20	16	17	18	7	12
70	1	4	14	11	13	7	3	10	8	19	20	2	16	6	5	12	15	9	17	18
71	18	9	8	13	20	11	17	3	6	14	4	15	16	12	19	10	1	7	5	2
72	13	1	10	4	12	5	2	11	20	14	17	16	7	18	19	15	8	9	3	6
73	17	14	10	3	1	11	6	8	19	18	5	2	4	13	9	7	15	20	12	16
74	20	10	3	7	5	8	13	2	19	9	18	17	12	1	15	14	4	6	11	16
75	9	2	8	1	15	19	13	14	3	18	6	4	17	5	10	11	7	16	20	12
76	13	9	2	3	18	6	14	11	1	16	15	17	20	12	7	5	10	4	8	19
77	13	8	7	17	4	2	14	15	3	18	12	11	9	10	19	16	5	6	1	20
78	12	15	4	10	8	6	3	17	14	9	5	11	18	2	20	1	7	19	13	16
79	10	6	8	3	5	4	19	9	16	20	14	1	2	17	12	13	11	18	7	15
80	11	19	1	18	12	13	10	14	4	8	2	17	9	16	20	7	6	3	15	5
81	19	2	20	1	18	5	15	8	16	7	6	3	10	9	14	13	4	12	11	17
82	5	6	9	17	15	14	2	10	3	12	8	16	19	18	4	20	11	1	7	13
83	18	11	12	7	16	8	20	17	19	13	1	6	15	2	3	10	14	9	5	4
84	3	4	9	14	2	10	20	17	18	12	15	7	13	1	19	8	16	6	11	5
85	10	18	13	1	8	9	7	12	3	6	4	2	11	16	19	20	17	15	14	5
86	11	10	19	18	15	6	8	9	17	7	4	12	20	13	16	14	1	2	3	5
87	9	20	13	18	6	7	11	3	2	8	4	16	15	19	10	5	17	1	12	14
88	18	16	10	14	20	2	13	9	19	5	4	7	12	11	15	8	17	1	6	3
89	5	15	10	13	9	11	18	19	6	20	1	7	17	8	12	16	14	2	4	3
90	17	9	16	8	20	18	19	2	7	6	13	10	12	11	3	4	15	1	14	5
91	17	9	5	6	11	18	19	13	20	1	8	4	7	10	16	15	12	2	3	14
92	4	10	8	11	16	5	18	7	2	14	13	3	19	6	15	1	12	9	20	17
93	5	11	14	3	16	19	2	7	1	9	10	12	8	20	18	4	17	15	6	13
94	7	17	15	2	8	1	10	9	4	11	18	3	13	12	16	6	14	5	19	20
94 95	7 9	17 3	15 16	2	8 12	1 4	10 20	9	4 14	11 7	18 11	3 10	13 6	12 5	16 17	6	14 13	5 15	19 19	20 18
94 95 96	7 9 15	17 3 11	15 16 8	2 1 9	8 12 6	1 4 3	10 20 17	9 8 4	4 14 20	11 7 2	18 11 5	3 10 14	13 6 1	12 5 13	16 17 7	6 2 12	14 13 19	5 15 16	19 19 10	20 18 18
94 95 96 97	7 9 15 20	17 3 11 17	15 16 8 13	2 1 9 5	8 12 6 8	1 4 3 19	10 20 17 16	9 8 4 9	4 14 20 4	11 7 2 14	18 11 5 7	3 10 14 3	13 6 1 10	12 5 13 18	16 17 7 6	6 2 12 2	14 13 19 12	5 15 16 15	19 19 10	20 18 18 11
94 95 96 97 98	7 9 15 20	17 3 11 17 3	15 16 8 13 2	2 1 9 5	8 12 6 8 14	1 4 3 19 9	10 20 17 16 15	9 8 4 9 6	4 14 20 4 5	11 7 2 14 8	18 11 5 7 20	3 10 14 3 7	13 6 1 10 12	12 5 13 18 13	16 17 7 6 18	6 2 12 2 4	14 13 19 12 19	5 15 16 15	19 19 10 1 16	20 18 18 11 10
94 95 96 97 98 99	7 9 15 20 1 16	17 3 11 17 3 19	15 16 8 13 2	2 1 9 5 17 10	8 12 6 8 14 5	1 4 3 19 9 7	10 20 17 16 15 2	9 8 4 9 6 13	4 14 20 4 5 9	11 7 2 14 8 17	18 11 5 7 20 18	3 10 14 3 7 20	13 6 1 10 12 14	12 5 13 18 13 12	16 17 7 6 18 15	6 2 12 2 4 11	14 13 19 12 19 4	5 15 16 15 11 8	19 19 10 1 16 3	20 18 18 11 10 6
94 95 96 97 98 99	7 9 15 20 1 16 20	17 3 11 17 3 19	15 16 8 13 2 1	2 1 9 5 17 10 19	8 12 6 8 14 5 3	1 4 3 19 9 7	10 20 17 16 15 2	9 8 4 9 6 13 5	4 14 20 4 5 9	11 7 2 14 8 17 9	18 11 5 7 20 18 4	3 10 14 3 7 20 14	13 6 1 10 12 14 13	12 5 13 18 13 12 7	16 17 7 6 18 15	6 2 12 2 4 11 16	14 13 19 12 19 4 15	5 15 16 15 11 8 10	19 19 10 1 16 3 6	20 18 18 11 10 6 12
94 95 96 97 98 99 100 101	7 9 15 20 1 16 20 17	17 3 11 17 3 19 17	15 16 8 13 2 1 11 18	2 1 9 5 17 10 19 2	8 12 6 8 14 5 3 12	1 4 3 19 9 7 1 5	10 20 17 16 15 2 2	9 8 4 9 6 13 5	4 14 20 4 5 9 8 13	11 7 2 14 8 17 9	18 11 5 7 20 18 4 19	3 10 14 3 7 20 14 20	13 6 1 10 12 14 13 16	12 5 13 18 13 12 7 8	16 17 7 6 18 15 18	6 2 12 2 4 11 16 15	14 13 19 12 19 4 15 3	5 15 16 15 11 8 10 4	19 19 10 1 16 3 6	20 18 18 11 10 6 12
94 95 96 97 98 99 100 101 102	7 9 15 20 1 16 20 17	17 3 11 17 3 19 17 9	15 16 8 13 2 1 11 18 2	2 1 9 5 17 10 19 2 14	8 12 6 8 14 5 3 12	1 4 3 19 9 7 1 5	10 20 17 16 15 2 2 11 4	9 8 4 9 6 13 5 14	4 14 20 4 5 9 8 13	11 7 2 14 8 17 9 7	18 11 5 7 20 18 4 19 20	3 10 14 3 7 20 14 20	13 6 1 10 12 14 13 16 6	12 5 13 18 13 12 7 8	16 17 7 6 18 15 18 6 15	6 2 12 2 4 11 16 15 7	14 13 19 12 19 4 15 3	5 15 16 15 11 8 10 4 17	19 19 10 1 16 3 6 10	20 18 18 11 10 6 12 1
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6	17 3 11 17 3 19 17 9 13	15 16 8 13 2 1 11 18 2	2 1 9 5 17 10 19 2 14	8 12 6 8 14 5 3 12 1	1 4 3 19 9 7 1 5 12	10 20 17 16 15 2 2 11 4	9 8 4 9 6 13 5 14 10	4 14 20 4 5 9 8 13 3	11 7 2 14 8 17 9 7 5	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5	3 10 14 3 7 20 14 20 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3	12 5 13 18 13 12 7 8 8	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7	6 2 12 2 4 11 16 15 7	14 13 19 12 19 4 15 3 9	5 15 16 15 11 8 10 4 17	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18	14 13 19 12 19 4 15 3 9	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9	19 10 1 1 16 3 6 10 16 20 2	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 3	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 3	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8 17 3	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19	19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 14
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5 13	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 3 2	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11 8	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8 17 3	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6	19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 14 20
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 3	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15 2	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8 17 3	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19	19 10 1 16 3 6 10 20 2 16 9 8 13	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 14
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 9	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 17	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6 5 3	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5 13 9	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 3 2 3 13	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11 8	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 7	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12 16	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18 19 2	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8 17 3 4 15	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6	19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 14 20 5 17
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 110	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 9 1 12	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7 12 8	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 17 17 20	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6 5 3	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5 13 9	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 3 2 3 13	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11 8 18	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14 19 3	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 7	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12 16 1 12	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18 19 2	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10 7	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8 17 3 4 15	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20	19 10 1 16 3 6 10 20 2 16 9 8 13	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 14 20 5
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 1110	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 1 1 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7 12 8 4 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 17 17 20 7	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6 5 3 9 5	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5 13 9 16 12	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15 11 11	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 3 2 3 13 16 8	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11 8 18 16	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14 19 3 4	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 7 4	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12 16 1 1	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 11 7 15 18 19 2 13	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10 7	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8 17 3 4 15 10 14	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 13 14 5	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 14 20 5 17 13
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 9 1 12 15 10 17 11 11 16 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7 12 8 4 19 13	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 17 17 20 7	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6 5 3 9	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5 13 9 16 12 11 15	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15 11 11 12	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 3 2 3 13 16 8	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 9	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6 3 7	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11 8 18 18 16 1	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14 19 3 4 12	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 7 4 7	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12 16 1 1 2	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 9	16 17 7 6 18 15 15 17 11 7 15 18 19 2 13 17	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10 7 14 20 6	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8 17 3 4 15 10 14	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 15	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 13 14 5	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 14 20 5 17 13 19
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 111 112	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 9 1 12 15 10 17 11 11 10 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 7 3 18 7 12 8 4 19 13	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 17 17 20 7 14	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6 5 3 9 5 4	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12 19 4 5 13 9 16 12 11 15	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15 11 11 2 11	10 20 17 16 15 2 2 2 11 4 10 20 3 2 3 13 16 8 2	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 19 11 4	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6 3 7	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11 8 18 18 16 1	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14 19 3 4 12	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 7 4 7 6 9	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12 16 1 1 2 12 13 13 14 13 14 14 15 16 16 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 8 9	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18 19 2 13 17 10 8	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10 7 14 20 6	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 1 8 8 8 17 3 4 15 10 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 15 2	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 13 14 5 18 3	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 20 14 20 5 17 13 19 3
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7 12 8 4 19 13	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 17 17 20 7 14 17	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6 5 3 9 5 4	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12 19 4 5 13 9 16 12 11 15 15	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15 11 11 2 11	10 20 17 16 15 2 2 2 11 4 10 20 3 2 3 13 16 8 20 11	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 19 1 4	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6 3 7	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11 8 18 18 18 16 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14 19 3 4 12 9	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 7 4 7 6 9	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12 16 1 1 2 12 14 13 16 16 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 8 9	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18 19 2 13 17 10 8	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10 7 14 20 6	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 1 8 8 17 3 4 15 10 11 14 18 18	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 15 2	19 19 10 1 16 3 6 10 20 2 16 9 8 13 14 5 18 3 7	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 5 17 13 3 19 3 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 112 113 114 115	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7 12 8 4 19 13 10 17 19 17 19 17 18 19 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 17 17 20 7 14 17	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6 5 3 9 5 5	8 12 6 8 14 5 3 12 19 4 5 13 9 16 12 11 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15 11 11 2 4	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 3 2 3 13 16 8 20 11 13	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 19 1 4 14 17	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6 3 7 5	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 11 8 18 16 1 20 5 12	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14 19 3 4 12 9 6 5 5	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 7 4 7 6 9 16	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12 16 1 1 2 12 16 1 1 2	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 9 16 6 13 15	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18 19 2 13 17 10 8 11	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10 7 14 20 6 12 18	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 8 8 17 3 4 15 10 14 18	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 15 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 1	19 19 10 16 3 6 10 20 2 16 9 8 13 14 5 18 3	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 20 14 20 5 17 13 19 3 20 17
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 9 1 15 10 17 19 19 9 7	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7 12 8 4 19 13 10 7	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 4 19 17 17 20 7 14 17	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 13 6 5 3 9 5 5 4 8 8 3	8 12 6 8 14 5 3 12 1 12 19 4 5 13 9 16 12 11 15 15 15 12 11 15 11 15 11 15 11 15 11 15 11 11 11	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15 11 11 2 11 2 4 16 8	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 20 3 3 13 16 8 20 11 3	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 9 1 1 4 14 17 15 15 16 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6 3 7 5	11 7 2 14 8 17 9 5 9 5 1 8 11 8 18 16 1 20 5 12 3	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 11 6 6 10 14 19 3 4 12 9 6 5 5	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 7 4 7 6 9 16 9	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 13 19 2 12 16 1 1 2 12 16 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	12 5 13 18 12 7 8 8 17 14 15 2 10 15 2 16 6 13	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18 19 2 13 17 10 8	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 4 10 7 7 14 20 6 6 12 12 13 14 14 15 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 18 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 6 20 1 15 2 15 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 13 14 5 18 3 7	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 14 20 5 17 13 19 3 20 11 11 11 11 11 11 11 11 11 1
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 3 18 7 12 8 4 4 19 13 10 7	15 16 8 13 2 1 11 18 2 2 19 16 18 4 4 19 17 17 20 7 7 14 17 14 17 14	2 1 9 5 5 17 10 19 2 14 11 6 6 5 3 3 9 5 5 17 10 19 19 19 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12 19 4 5 13 9 16 12 11 15 15 15 17 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	1 4 3 19 9 7 1 5 5 12 18 10 5 5 11 11 16 15 11 11 12 2 4 4 16 8 8	10 20 17 16 15 2 2 2 11 4 10 20 20 3 2 3 3 13 16 8 20 11 13 13 14 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 19 1 4 4 14 17 11 15 15 16 17 17 18 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6 3 7 5 16 14 9 9	11 7 2 14 8 17 9 5 5 9 5 1 8 11 8 18 18 16 1 20 5 12 3 14	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 16 6 10 14 19 9 6 6 5 5 1 11 19 9 9	3 10 14 3 7 20 14 20 18 2 17 12 7 5 5 7 4 4 7 6 9 16 9	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 3 13 19 2 12 16 1 1 2 2 12 16 1 1 2 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	12 5 13 18 12 7 8 8 8 17 14 15 2 10 10 8 8 9 16 6 6 13	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 11 7 12 13 13 17 10 8 11 17 11 17 12	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 4 10 7 7 14 14 20 6 12 12 13 16 16 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 1 8 8 8 17 3 4 15 10 14 15 10 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 15 11 8 10 4 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 1 15 20 15 11 11 17 19 19 20 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 2 16 9 8 8 13 14 5 5 18 3 7 7 18 8 8 9 9 9 9 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 3 20 14 20 5 17 13 20 17 13 20 17 19 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 112 113 114 115 116 117 118	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 9 1 15 10 1 10 1 10 1 10 1 10 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 7 3 18 7 12 8 4 4 19 10 7 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 20 7 7 14 14 4 4 17 17 17 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 6 9 13 6 5 5 3 9 5 5 4 8 8 3 18 4 17	8 12 6 8 8 14 5 3 12 1 1 12 9 4 5 5 13 9 9 16 12 11 15 15 15 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 5 11 11 16 15 15 11 11 2 4 4 16 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8 8	10 20 17 16 15 2 2 11 4 10 20 20 20 3 3 2 2 13 16 8 8 20 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	9 8 4 9 9 6 13 13 12 14 16 17 18 9 19 1 1 4 4 17 11 5 15 16 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 8 13 3 8 8 15 6 6 12 1 11 16 6 6 3 7 7 5 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	11 7 2 14 8 17 9 7 5 5 9 8 11 8 18 18 18 16 1 20 5 12 13 14 14 15 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	18 11 5 7 20 18 4 4 19 20 5 5 1 11 16 6 10 3 4 4 12 9 9 6 6 5 5 7	3 10 14 3 7 20 18 2 17 12 7 5 7 4 7 6 9 9 7 16	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 3 13 19 2 12 12 12 8 8 1 12 12 14 14 13 14 15 16 16 16 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	12 5 13 18 13 12 7 8 8 17 14 15 10 15 2 10 16 6 6 13 15 4	16 17 7 6 18 15 18 16 15 7 11 17 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 17 12 2 2 2 2 2	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 4 20 6 11 12 13 14 14 14 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 1 8 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 18 10 11 10 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 16 11 8 10 4 17 16 9 9 20 1 15 20 1 15 17 19 20 20 20 1 15 20 15 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 2 11 16 9 8 8 13 14 5 18 20 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 20 14 20 17 13 19 10 10 10 10 11 11 11 11 11 11
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 111 112 113 114 115 116 117 118	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 4 10 1 1 9 1 15 10 1 1 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	17 3 11 17 3 19 9 13 15 7 7 12 8 4 4 19 13 10 7 7 19 13 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 4 19 17 7 7 14 14 17 14 4 17 13 6	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 6 5 3 3 9 5 5 5 17 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12 19 4 5 5 13 9 16 12 11 15 15 15 15 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	1 4 3 19 9 7 1 15 5 12 18 10 16 15 11 11 12 2 11 11 2 11 2 16 8 8 8 8 8 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 3 13 16 8 20 11 13 3 13 2	9 8 4 9 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 19 11 4 4 14 17 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 5 9 8 8 13 3 8 15 6 6 12 1 11 6 6 6 3 7 7 5 5 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	11 7 2 14 8 17 9 7 5 5 1 8 18 18 18 18 16 1 1 2 1 2 1 3 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 5 1 11 16 6 10 14 19 9 9 9 6 5 5 20 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	3 10 14 3 7 20 18 2 17 12 7 5 7 4 4 7 6 9 9 7 16	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 3 13 19 2 2 12 16 1 1 2 1 2 1 2 1 1 2 1 2 1 2 1	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 8 9 16 6 6 13 15 4 7	16 17 7 6 18 15 15 18 6 15 7 11 7 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	6 2 12 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10 6 6 12 1 1 8 10 6 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 1 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 18 10 10 11 18 18 18 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 11 8 10 4 4 17 16 9 20 6 6 20 1 15 15 17 19 20 15 15 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 2 16 9 8 8 13 14 5 5 18 3 7 7 18 8 6 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 5 17 13 19 3 20 10 11 11 11 12 11 13 14 15 16 16 17 18 19 19 19 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118	7 9 15 20 1 16 6 4 10 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 7 3 18 8 4 4 19 10 7 7 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 2 19 16 18 4 4 19 17 7 7 14 17 14 17 14 17 14 17 14 17 16 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 16 6 9 13 6 5 5 5 5 5 4 8 8 8 4 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12 1 19 4 4 5 13 9 16 12 11 15 15 10 11 15 15 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	1 4 3 19 9 7 7 1 5 12 18 10 5 11 11 11 2 4 4 18 18 18 18 18	10 20 17 16 15 2 11 4 4 10 20 20 3 3 13 16 8 20 11 11 3 3 12 11 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	9 8 4 9 6 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 9 19 14 14 17 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 12 1 11 6 6 6 12 14 9 9 9 11 14 14 15 16 16 16 16 16 17 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	11 7 2 14 8 17 9 7 5 9 5 1 8 18 18 18 18 16 1 20 5 12 3 14 14 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 6 10 14 19 9 6 5 5 10 11 14 19 9 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	3 10 14 3 7 20 18 2 17 12 7 5 7 4 4 7 6 9 16 9 17 17 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 19 2 12 12 12 12 12 18 11 12 12 14 13 16 16 16 16 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 8 17 10 15 4 13 14 15 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 1 1 17 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 4 18 2 14 4 4 20 6 6 12 12 13 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 18 8 8 17 3 4 4 15 10 10 14 18 18 18 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 11 18 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 15 2 13 15 2 19 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 8 13 14 5 18 3 7 7 18 8 6 10 11 10 11 10 11 10 10 10 10 10 10 10	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 20 5 17 13 13 20 14 14 20 15 17 18 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120	7 9 15 20 1 16 20 17 11 16 4 4 10 1 19 1 1 12 15 10 17 17 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	17 3 11 17 3 19 13 15 7 7 3 18 7 12 8 4 19 13 10 7 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 4 19 17 17 17 17 20 7 14 4 17 17 14 14 14 14 14 15 16 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17	2 1 9 5 17 10 10 11 6 9 13 6 5 5 5 5 5 4 8 3 3 8 4 4 17 20 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	8 12 6 8 14 5 3 12 12 19 4 5 5 13 9 9 16 12 11 15 20 1 13 7 7 8 8 3 12 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	1 4 3 19 9 7 1 1 5 5 12 18 10 5 5 11 11 12 2 11 11 2 4 16 8 8 18 18 18 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 3 2 3 3 13 16 8 8 20 11 11 3 11 11 3 11 11 11 11 11 11 11 11	9 8 4 9 6 13 5 14 10 12 14 16 17 18 9 9 1 1 4 4 4 17 11 15 5 16 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 8 13 3 8 8 15 6 6 12 1 11 16 6 6 3 7 7 5 5 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	11 7 2 14 8 17 9 7 5 1 8 18 18 18 16 1 1 20 5 12 13 14 18 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	18 11 5 7 20 18 4 4 19 20 11 11 11 12 9 6 6 5 5 1 11 12 9 9 6 5 5 7 7 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 9 1 9 1 9 1	3 10 14 3 7 20 18 20 18 2 17 12 7 5 7 4 7 6 9 9 7 16 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 3 13 19 2 12 16 1 2 12 12 8 8 1 12 6 6 1 12 12 13 13 14 14 15 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 2 10 8 8 9 16 6 13 15 4 7 7 8 8 8 8 9 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	16 17 7 6 18 15 18 6 6 15 7 11 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 4 18 2 14 4 4 10 7 11 14 20 6 12 1 1 8 8 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 4 15 3 9 1 18 8 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 18 10 11 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	5 15 16 15 11 8 10 4 4 17 16 9 9 17 19 20 6 20 1 15 15 19 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	19 19 10 1 16 3 6 6 10 20 2 2 16 9 8 13 14 5 18 20 12 18 20 12 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 20 5 17 13 13 20 14 20 15 17 17 13 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 121	7 9 15 20 1 16 20 17 11 16 4 10 1 1 9 1 1 15 10 1 1 19 1 17 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	17 3 11 17 3 19 9 13 15 7 7 12 8 4 4 19 13 10 7 7 19 13 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 4 19 17 7 7 14 17 17 13 6 6 1 1 4 6	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 6 5 5 3 3 9 5 5 5 4 8 8 4 17 20 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 19 4 4 5 13 9 16 12 11 11 15 15 15 15 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 16 15 11 11 2 11 12 4 16 8 8 18 18 16 16 16 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 3 2 2 3 13 16 8 20 11 13 2 20 11 14 14 15 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	9 8 4 9 6 13 5 14 10 12 14 16 17 18 9 19 1 1 4 14 17 17 11 5 5 16 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 6 12 1 11 6 6 3 7 5 5 10 11 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	11 7 2 14 8 17 9 7 5 1 8 18 18 18 18 16 1 1 2 2 3 4 4 4 8 8 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 16 6 10 14 19 9 9 6 5 5 1 11 11 12 9 9 9 9 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	3 10 14 3 7 7 20 18 2 17 12 7 7 4 4 7 6 9 9 7 16 12 7 7 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 13 19 2 12 16 1 1 2 12 8 1 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 9 16 6 6 13 15 4 7 7 7 8 8 8 8 8 9 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 1 1 2 2 2 2 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2	6 2 12 2 4 4 11 16 15 7 4 4 18 2 2 14 4 4 10 7 7 14 20 6 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 9 1 18 8 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 18 18 15 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 9 17 19 20 6 20 1 15 15 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 8 13 14 5 18 3 7 7 18 8 6 10 12 10 12 10 12 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 5 17 13 19 3 2 10 11 10 11 12 11 12 13 14 15 16 17 18 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 1 12 15 10 17 11 10 17 19 9 7 17 19 19 9 7 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 12 8 4 4 19 13 10 7 11 12 8 4 4 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 2 19 16 18 4 4 4 17 17 17 20 7 7 14 17 14 17 14 17 14 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 16 6 5 5 3 3 9 9 5 5 17 10 19 19 13 13 14 14 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12 19 4 5 13 9 9 16 12 11 15 15 15 15 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 11 12 11 2 11 12 4 16 8 18 18 18 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 3 13 16 8 20 11 11 3 3 11 9 11 9 11 9 11 9 11 9 11	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 19 11 4 14 17 11 15 16 16 17 17 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 8 13 3 8 8 15 6 6 12 1 11 6 6 6 3 7 5 5 16 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	11 7 2 14 8 17 5 9 7 5 5 1 8 18 18 18 18 16 1 20 2 2 9 14	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 16 6 10 14 19 9 9 6 5 5 1 11 14 19 19 10 11 11 11 11 11 11 11 11 11	3 10 14 3 7 20 18 2 17 12 7 5 7 4 4 7 6 9 9 16 12 7 7 17 18 3 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 3 19 2 2 16 16 1 1 2 12 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 9 16 6 6 13 14 17 7 7 7 7 7 8 8 7 7 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 7 15 18 19 2 2 13 10 8 8 11 17 10 2 2 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 4 4 4 10 7 14 20 6 6 12 1 1 8 8 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 9 1 18 8 8 17 3 4 15 10 14 18 18 18 15 5 5 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 11 18 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 15 2 13 15 2 19 20 20 1 15 2 2 2 19 2 2 2 2 2 3 3 4 4 4 1 5 2 2 2 2 3 3 4 4 4 4 4 4 4 5 2 5 2 5 2 2 2 2 2 3 3 4 3 4 3 4 3 4 3 4 3 4 3 4	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 8 13 14 5 18 8 20 12 12 8 6 6 10 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 5 17 13 19 3 3 10 11 11 11 12 13 14 15 16 17 18 19 19 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 9 1 1 12 15 10 17 17 17 19 9 9 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	17 3 19 17 3 19 13 15 7 12 8 4 19 10 7 11 12 13 14 15 15 16 17 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 19 17 7 7 14 4 17 11 3 6 11 11 4 6 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 1	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 16 6 9 13 3 9 5 5 5 4 8 8 3 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	8 12 6 8 14 5 3 12 1 19 4 4 5 13 9 9 16 12 11 15 15 15 17 8 8 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	1 4 3 19 9 7 1 5 12 18 10 5 11 11 11 2 11 12 4 4 16 8 18 18 18 18 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 2 3 3 2 3 13 16 8 20 11 11 3 2 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 1	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 9 19 1 1 4 4 17 11 15 16 16 17 11 17 11 17 17 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 6 12 1 11 16 6 6 12 1 11 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 1	11 7 2 14 8 8 17 9 7 5 5 1 8 11 8 18 16 1 20 5 12 14 18 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	18 11 5 7 20 18 4 4 19 20 6 6 10 14 19 3 4 4 19 9 6 6 5 5 1 11 14 19 20 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	3 10 14 3 7 20 18 2 2 17 12 7 5 7 4 4 7 6 9 9 7 16 9 7 17 17 18 9 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 3 13 19 2 12 16 1 2 12 12 18 11 12 18 11 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	12 5 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 2 10 16 6 6 13 15 4 4 7 7 16 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17	16 17 7 6 18 15 18 6 6 15 7 11 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 11 11 17 2 2 2 2 10 11 11 17 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 4 10 7 7 11 14 20 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 4 15 3 9 9 1 15 18 8 8 8 8 17 3 3 4 4 15 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 16 15 11 8 10 4 4 17 16 9 9 17 19 20 6 6 20 1 15 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20 20	19 19 10 1 16 3 6 10 10 2 2 16 9 8 13 14 5 18 20 12 12 18 8 6 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 20 14 20 5 5 17 13 19 10 10 11 10 10 11 10 10 10 11 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125	7 9 15 20 1 16 20 17 11 16 4 10 1 1 19 9 1 1 15 10 17 17 17 19 9 7 7 17 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	17 3 11 17 3 19 17 7 13 18 7 12 8 4 19 13 10 7 7 19 13 10 11 15 15 17 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 2 16 18 4 4 19 16 7 7 14 17 17 17 17 14 4 17 11 13 6 6 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 6 9 9 5 5 5 5 5 5 4 8 8 4 4 17 20 16 16 17 17 17 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	8 12 6 8 14 5 3 12 12 19 4 4 5 13 9 16 12 11 15 15 15 15 17 8 3 3 12 11 15 15 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	1 4 3 19 9 7 1 1 5 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 0 20 20 3 3 13 2 20 11 13 2 20 11 14 15 16 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	9 8 4 9 6 13 5 5 14 10 12 14 16 17 18 9 19 11 4 4 14 17 11 5 5 16 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 8 13 3 8 15 6 6 12 1 11 16 6 6 3 7 5 5 16 14 9 9 9 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	11 7 2 14 8 17 9 7 5 1 8 18 18 18 16 1 1 20 5 12 3 14 18 18 19 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 16 6 10 14 19 9 6 6 5 1 11 14 19 9 9 10 11 11 11 11 11 11 11 11 11	3 10 14 3 7 20 18 2 17 12 7 7 4 4 7 6 9 9 16 12 7 7 16 12 7 17 12 17 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 13 19 2 12 12 12 8 1 12 12 6 6 14 15 15 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 8 17 14 15 10 10 8 9 16 6 6 13 15 4 7 2 10 11 11 11 11 11 11 11 11 11	16 17 7 6 18 15 18 6 6 15 7 11 7 15 18 19 2 2 10 8 8 11 17 10 2 2 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 2 14 4 4 10 7 7 14 20 6 12 11 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 9 1 1 8 8 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 18 18 15 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 15 2 2 19 20 20 20 8 8 11 15 15 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	19 19 10 1 16 3 6 6 10 16 20 2 16 9 8 8 13 14 5 18 3 7 18 20 12 18 18 18 20 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 5 17 13 19 20 5 17 10 10 11 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125 126	7 9 15 20 1 16 20 17 11 16 4 10 1 1 9 1 1 12 15 10 17 17 19 9 7 7 17 19 9 7 7 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	17 3 11 17 3 19 13 15 7 12 8 4 4 19 13 10 6 15 19 19 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 4 19 17 7 7 14 14 17 11 14 4 17 17 14 4 17 16 16 16 16 16 17 17 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 6 5 5 3 3 9 9 5 5 5 5 4 8 8 8 17 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12 19 4 5 13 9 16 12 11 15 15 15 15 17 18 8 3 12 11 11 12 11 12 11 12 11 12 13 14 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	1 4 4 3 19 9 9 7 1 1 5 5 11 1 10 16 15 11 11 12 2 11 16 8 8 18 15 16 18 18 15 16 18 18 18 15 16 18 18 18 18 18 15 16 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 3 2 3 13 16 8 8 20 11 11 3 13 2 14 14 15 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 9 19 1 1 4 14 17 11 15 16 16 17 17 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 5 9 8 13 3 8 15 6 6 12 1 11 6 6 6 3 7 5 5 16 14 9 9 9 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	11 7 2 14 8 17 9 7 5 5 1 8 18 18 18 18 16 1 1 20 2 2 9 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 6 10 14 19 3 4 11 12 9 10 11 14 17 18 18 19 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	3 10 14 3 7 20 18 2 17 12 7 7 4 4 7 6 6 9 9 7 16 12 7 7 16 17 18 3 3 17 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 13 19 2 2 12 16 1 1 2 12 8 1 1 1 2 1 2 1 1 2 1 1 1 1 1	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 8 9 16 6 6 13 15 4 7 2 10 11 11 12 13 14 15 16 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 1 1 1 2 2 1 2 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 4 10 7 7 14 20 6 6 12 1 8 10 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 9 1 18 8 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 15 15 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 9 17 19 20 6 20 1 15 2 19 20 2 9 8 8 10 10 2 10 2 10 2 10 2 10 2 10 2 10	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 2 16 9 8 8 13 14 4 5 18 20 12 12 18 6 6 10 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 5 17 13 19 3 2 10 11 10 10 11 12 13 13 20 10 11 10 10 10 10 10 10 10 1
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125 126 127	7 9 15 20 1 16 20 17 11 6 4 10 1 9 1 1 12 15 10 17 19 9 7 7 11 19 9 7 7 19 9 9 7 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	17 3 11 17 3 19 13 15 7 13 18 7 12 8 4 19 13 10 7 11 12 13 13 14 15 15 16 17 17 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 4 19 17 17 17 17 17 17 14 4 4 17 11 14 4 16 16 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 9 13 6 5 5 5 5 5 5 5 4 8 8 3 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	8 12 6 8 14 5 3 12 12 19 4 5 5 13 9 16 12 11 15 15 20 1 13 7 7 8 8 3 3 7 7 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1 4 3 19 9 7 1 1 5 5 11 16 15 11 11 2 11 12 4 16 8 8 18 15 16 16 17 18 18 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 3 2 3 3 13 13 2 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 1	9 8 4 9 6 13 5 5 14 10 12 14 16 17 18 9 9 1 14 17 11 5 16 17 11 15 16 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 8 13 3 8 8 15 6 6 12 1 11 16 6 6 3 7 7 5 16 14 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	11 7 2 14 8 17 9 7 5 1 8 18 18 18 16 1 1 20 5 12 3 14 1 8 1 9 9 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	18 11 5 7 20 18 4 4 19 20 11 11 14 19 9 6 5 5 1 11 11 12 9 14 11 14 17 18 18 19 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	3 10 14 3 7 20 18 20 18 2 17 12 7 5 7 4 4 7 6 9 9 7 16 19 19 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 3 3 13 19 2 12 16 1 2 12 12 8 8 1 12 6 6 1 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7 7	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 2 10 8 8 9 16 6 13 15 4 7 7 19 19 10 10 11 10 10 10 10 10 10 10	16 17 7 6 18 15 18 6 6 15 7 11 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 1 2 2 2 19 19 2 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 10 7 7 14 4 20 6 6 12 1 1 8 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 18 8 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 18 15 10 10 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 15 11 8 10 4 4 17 19 20 6 6 20 1 15 2 13 15 2 2 9 9 17 20 20 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	19 19 10 1 16 3 6 6 10 16 20 2 2 16 9 8 13 14 5 18 20 12 18 20 12 18 18 20 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	18 18 11 10 6 12 1 19 14 20 14 20 5 17 13 19 3 2 10 11 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125 126 127 128	7 9 15 20 16 20 17 11 6 4 10 1 1 12 15 10 17 19 9 7 17 17 5 5 9 6 10 17 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	17 3 11 17 3 19 17 9 13 15 7 7 12 8 4 4 19 13 10 7 19 13 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 4 19 17 7 14 4 17 13 6 6 11 14 4 17 17 14 4 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 6 5 5 3 9 9 13 4 8 8 3 18 4 4 17 20 16 16 17 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 19 4 4 5 13 9 16 12 11 11 15 15 15 15 17 8 8 3 12 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11	1 4 3 19 9 7 1 5 10 5 11 16 15 11 11 2 11 12 4 16 8 8 18 15 16 16 17 18 18 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	10 20 17 16 15 2 11 4 4 10 20 20 3 3 13 16 8 20 11 11 3 2 11 11 14 14 16 16 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	9 8 4 9 6 13 5 14 10 12 14 16 17 18 9 19 1 1 4 4 17 17 11 5 16 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 8 13 3 8 8 15 6 12 1 11 6 6 6 3 7 5 16 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	11 7 2 14 8 17 7 5 9 9 5 1 1 8 18 18 18 18 16 1 1 2 2 3 1 4 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 14 19 9 6 6 5 5 1 11 14 19 9 9 10 11 11 14 12 12 13 14 14 15 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	3 10 14 3 7 7 20 18 2 17 12 7 7 4 4 7 6 9 9 7 16 12 7 7 17 18 3 12 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 19 2 12 12 12 18 1 1 12 18 1 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 10 8 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	16 17 7 6 18 15 18 6 15 7 11 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 1 2 2 2 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 4 10 7 14 4 20 6 12 1 1 8 10 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 18 8 8 17 3 4 4 15 10 10 11 18 18 18 18 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 16 11 8 10 4 17 16 9 9 17 19 20 6 20 1 15 2 2 13 15 2 2 19 2 19 2 19 2 19 2 19 2 19 2 19	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 8 13 14 5 18 20 12 17 5 5 18 18 20 12 14 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 13 20 5 17 13 19 3 2 10 11 10 10 11 12 13 13 13 13 13 13 13 13 14 15 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 119 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 122 123 124 125 126 127 128	7 9 15 20 1 16 20 17 11 16 4 10 1 1 9 1 1 15 10 17 17 19 19 9 7 7 17 17 15 5 9 9 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	17 3 11 17 3 19 17 7 13 18 7 12 8 4 19 13 10 7 7 19 18 18 19 10 11 11 15 15 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 19 16 18 4 4 19 17 17 17 17 17 17 14 4 4 17 11 14 4 16 16 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17	2 1 9 5 17 10 19 2 14 11 6 9 9 13 6 5 5 5 5 5 5 4 8 8 4 4 17 20 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	8 12 6 8 14 5 3 12 12 19 4 5 5 13 9 16 12 11 15 15 20 1 13 7 7 8 8 3 3 7 7 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	1 4 3 19 9 7 1 1 5 5 11 16 15 11 11 2 11 12 4 16 8 8 18 15 16 16 17 18 18 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 3 2 2 3 13 16 8 20 11 13 2 20 11 14 14 15 16 16 16 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	9 8 4 9 6 13 5 14 10 13 12 14 16 17 18 9 9 19 1 1 4 14 15 15 16 16 17 17 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 13 3 8 15 6 6 12 1 11 16 6 6 3 7 7 5 16 14 19 9 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	11 7 2 14 8 17 9 7 5 1 8 18 18 18 16 1 1 20 5 12 3 14 1 8 1 9 9 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1 1	18 11 5 7 20 18 4 4 19 20 11 11 14 19 9 6 5 5 1 11 11 12 9 14 11 14 17 18 18 19 19 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	3 10 14 3 7 20 18 20 18 2 17 12 7 5 7 4 4 7 6 9 9 7 16 19 19 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 13 19 2 12 12 12 8 1 12 12 8 1 10 12 12 12 12 12 13 16 16 16 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17 17	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 15 2 10 8 9 16 6 6 13 15 4 7 2 10 11 11 11 11 11 11 11 11 11	16 17 7 6 18 15 18 6 15 17 7 15 18 19 2 2 13 17 10 8 8 11 17 1 2 2 2 19 19 2 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 4 10 7 7 14 20 6 6 10 19 13 18 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 9 1 18 8 8 8 17 3 4 4 15 10 14 18 18 15 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	5 15 16 15 11 8 10 4 17 16 9 9 17 19 20 6 20 1 15 2 13 15 2 19 20 20 20 20 1 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 1	19 19 10 1 16 3 6 6 10 16 20 2 2 16 9 8 13 14 5 18 20 12 18 20 12 18 18 20 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	18 18 11 10 6 12 1 19 14 20 14 20 5 17 13 19 3 2 10 11 10 10 10 10 10 10 10 10
94 95 96 97 98 99 100 101 102 103 104 105 106 107 108 109 110 111 112 113 114 115 116 117 118 119 120 121 123 124 125 126 127 128 129 130	7 9 15 20 16 20 17 11 6 4 10 1 1 12 15 10 17 19 9 7 7 17 19 9 9 7 17 19 9 9 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	17 3 11 17 3 19 13 15 7 12 8 4 4 19 13 10 7 19 18 3 10 10 11 11 12 13 14 15 15 16 17 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	15 16 8 13 2 1 11 18 2 2 19 16 18 4 4 4 17 17 17 20 7 14 17 11 14 4 4 17 11 14 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	2 1 9 5 177 10 19 2 14 11 16 6 5 5 3 3 9 9 5 5 5 4 4 8 3 18 4 17 20 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	8 12 6 8 14 5 3 12 1 1 12 19 4 5 13 9 9 16 12 11 15 15 15 15 15 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	1 4 4 3 19 9 9 7 1 1 5 5 11 1 11 12 2 11 1 12 2 11 1 15 15 16 18 18 18 18 15 16 18 18 18 18 17 19 19 19 19 19 19 19 19	10 20 17 16 15 2 2 11 4 4 10 20 20 3 3 13 16 8 20 11 13 2 11 14 14 15 20 11 14 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	9 8 4 9 6 13 5 14 10 12 14 16 17 18 9 19 1 1 4 4 17 17 11 5 16 17 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	4 14 20 4 5 9 8 8 13 3 8 15 6 6 12 1 11 6 6 6 3 7 7 5 5 16 11 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	11 7 2 14 8 17 9 7 5 5 1 8 18 18 18 18 18 18 18 19 20 2 2 9 14 15 16 16 16 16 16 16 16 16 16 16	18 11 5 7 20 18 4 19 20 5 1 11 16 6 10 14 19 9 6 5 5 1 11 14 19 9 9 10 11 11 14 15 16 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	3 10 14 3 7 20 18 2 17 12 7 5 7 4 4 7 6 6 9 9 16 12 7 7 17 18 3 3 12 17 17 18 18 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	13 6 1 10 12 14 13 16 6 6 3 3 19 2 2 12 16 1 1 2 1 2 1 2 1 2 1 2 1 1 2 1 2	12 5 13 18 13 12 7 8 8 8 17 14 15 10 16 6 6 13 15 15 16 16 13 15 15 16 16 16 16 16 16 17 18 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	16 17 7 6 18 15 18 16 15 7 11 7 7 15 18 19 2 2 13 11 17 10 8 8 11 11 17 12 2 13 14 13 14 14 15 15 15 15 16 17 17 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	6 2 12 2 4 11 16 15 7 4 18 2 14 4 10 7 7 14 20 6 6 12 10 6 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10 10	14 13 19 12 19 4 15 3 9 1 18 8 8 17 3 4 15 10 14 18 18 18 15 5 13 16 4 20 20 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19 19	5 15 16 11 8 10 4 17 16 9 17 19 20 6 20 1 15 2 13 15 2 19 20 2 9 8 8 13 14 11 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15 15	19 19 10 1 16 3 6 10 16 20 2 16 9 8 8 13 14 5 5 18 3 7 7 18 8 6 12 17 5 5 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18 18	20 18 18 11 10 6 12 1 19 14 3 3 13 20 5 17 13 19 3 3 10 11 10 10 10 10 10 10 10 10

133	3	8	1	10	12	20	4	15	11	9	13	14	5	7	16	19	2	6	18	17
134	12	1	5	14	16	15	13	9	6	3	19	8	17	11	18	2	7	20	10	4
135	10	5	18	20	15	3	13	16	4	6	9	19	14	17	1	12	7	2	11	8
136	1	13	14	16	7	9	6	11	10	12	8	2	17	15	5	3	4	18	19	20
137	17	16	7	3	2	5	14	15	4	8	18	9	11	20	12	6	10	19	13	1
138 139	8 5	19 6	6 13	5	10	12 11	20	1 16	17 3	18 8	4	19	13 17	3 10	11 12	7	16 14	14 20	15 9	9
140	6	18	4	1 16	20	3	17	12	13	9	14	2	8	5	10	19	7	1	11	15
141	18	8	2	3	6	14	9	20	13	4	11	10	12	19	5	15	1	7	16	17
142	20	8	3	18	12	10	9	15	5	11	19	14	4	17	7	13	2	1	16	6
143	13	2	4	18	8	14	1	15	6	17	11	9	5	10	12	20	7	3	19	16
144	14	7	1	3	5	10	20	11	12	4	9	18	13	17	2	19	15	16	6	8
145	12	7	13	17	16	4	1	2	18	14	8	9	3	15	10	5	6	20	11	19
146 147	13	8	15 4	20	9	20	18	4 5	16 14	7	12	10	5 13	19	9	14 15	6 8	11	7	17
148	6	20	13	18	9	10	16	2	14	11	18	7	3	4	17	5	19	1	15	12
149	19	8	1	3	14	15	2	13	9	6	11	12	5	18	17	4	7	10	16	20
150	7	18	9	4	2	12	10	15	1	11	8	17	19	5	16	13	6	14	3	20
151	3	14	20	15	4	1	16	11	6	2	5	12	10	18	7	19	9	17	8	13
152	4	12	1	6	17	2	9	7	5	14	18	16	11	10	13	8	15	19	20	3
153	16	5	11	7	18	14	20	1	13	2	17	6	4	9	12	15	8	10	19	3
154 155	5 14	20 6	10 18	1 2	12	19 10	15	16	7	9	11	14 13	3 7	8 15	13	9	4	17	6	18 19
156	7	12	10	14	9	2	16 11	3	8	19	20	8	17	16	5 4	6	13	17 5	15	18
157	3	5	2	10	12	17	4	7	13	9	8	6	11	16	20	19	18	15	1	14
158	3	10	8	4	9	6	5	2	13	14	11	1	20	17	15	16	19	7	18	12
159	3	5	19	4	6	12	20	17	18	16	7	11	10	15	13	8	14	1	2	9
160	20	15	2	19	12	17	14	5	7	4	9	6	16	11	18	13	3	10	1	8
161	11	14	2	15	5	1	4	7	3	10	17	8	16	18	20	19	9	13	6	12
162 163	10	6 15	9	16 6	15 8	7 5	19	9	2 11	18 7	3 17	8	11	5 10	17 13	3	13 12	20 16	12	14 20
164	3	1	11	14	20	17	6	9	13	15	12	5	19	16	4	10	18	2	8	7
165	13	19	14	16	11	20	6	12	1	2	17	18	3	4	9	10	7	8	15	5
166	10	2	15	16	7	17	14	6	18	5	4	9	19	11	3	1	20	13	8	12
167	2	4	7	19	3	8	14	5	9	20	10	13	11	15	1	18	17	6	12	16
168	5	6	20	10	14	18	4	3	7	9	1	12	15	2	8	13	19	16	11	17
169 170	13	2	8	3 18	16 15	10 6	17 11	3	15 4	19 5	12 7	18 14	11 20	7	6 13	5 8	14	20 12	10	9
171	16	15	1	14	19	8	10	6	20	5	3	12	13	9	7	4	18	2	17	11
172	16	9	18	3	11	20	15	19	1	4	5	12	17	10	13	14	2	8	6	7
173	15	3	9	18	2	11	7	12	5	1	20	4	6	14	10	16	19	13	8	17
174	3	11	8	20	7	16	18	12	13	2	6	1	10	15	14	17	19	4	9	5
175	7	8	9	4	12	19	13	14	3	16	15	17	10	5	18	6	11	1	20	2
176 177	7	8	8	12 14	13	5 9	10	10	9	3 20	18	14 19	15 12	19 15	2	11	20 6	17 16	16 5	6 17
178	9	2	20	19	5	17	14	16	12	15	13	4	6	18	1	11	10	3	7	8
179	16	3	6	10	2	14	4	19	9	8	20	17	1	13	18	11	12	15	5	7
180	16	8	4	10	12	5	11	18	6	1	9	14	20	15	3	2	13	17	7	19
181	2	13	3	9	8	14	7	20	4	1	19	5	18	15	6	12	17	16	11	10
182	1	13	12	2	16	17	8	6	15	18	19	7	4	3	11	10	5	20	9	14
183 184	14	6	9	1 15	18	13	10	20 16	20	19	8	7	6	16 10	5 9	12 14	11	15 5	17 19	7
185	19	7	13	17	16	11	12	4	14	3	1	8	10	6	15	5	20	2	9	18
186	4	19	14	13	17	2	6	7	3	18	16	12	20	11	9	1	5	8	15	10
187	20	10	6	14	19	5	9	1	15	13	16	8	3	4	7	12	17	2	11	18
188	19	10	1	12	18	17	14	20	6	15	5	11	3	2	16	8	4	9	7	13
189	3	19	14	10	9	5	17	20	7	12	6	15	13	18	1	8	16	4	2	11
190 191	20 7	16 11	7	8	8	15 20	1	3	11	12 5	3 6	5 14	6	17 16	4 15	18	13	19	9	10
191	9	19	6	2	10	16	3	4	15	1	17	8	7	11	5	14	13	12	18	20
193	2	15	5	7	4	10	17	3	12	8	6	1	20	9	11	18	16	19	14	13
194	11	1	2	18	7	5	19	20	16	13	10	4	3	12	6	8	9	17	15	14
195	12	18	20	4	9	1	5	10	11	2	16	13	6	19	3	15	14	17	8	7
196	3	5	20	8	9	15	17	4	7	13	12	6	14	19	2	10	11	16	18	1
197	10	13	15	19	6	20	2	12	16	3	17	5	14	9	18	4	8	11	1	7
198 199	20 19	12 17	19	4 1	7 8	9	1 14	10	16 7	8	12	11	14 6	6	13 16	18	5 18	15 9	3 5	17 15
		11	4	1	0	∠∪	14	10	- 1	1.1	14	10	U	J	10	4	10	Э	J	10

### 2.3.3. Equipos resultantes

En la siguiente tabla, las columnas representan los equipos numerados del 0 al 19. Cada uno tiene el listado de los 10 jugadores resultantes de la

aplicación del algoritmo de Gale-Shapley.

0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16	17	18	19
76	68	173	105	197	104	176	78	80	87	37	152	73	189	118	129	92	106	43	98
109	161	74	128	117	28	127	72	179	141	112	96	22	168	170	171	110	84	65	30
146	180	136	177	47	10	38	178	163	125	162	6	19	184	34	191	50	123	164	143
122	85	18	200	62	158	2	150	121	93	144	36	185	12	24	154	17	40	114	58
55	124	99	42	75	183	61	175	4	198	89	196	90	5	113	66	7	63	11	139
33	102	190	52	120	193	131	134	108	153	54	160	77	156	64	116	51	60	21	88
44	94	119	32	135	83	67	70	46	142	97	41	27	166	95	91	138	79	199	25
71	195	101	181	137	149	56	29	9	194	81	157	187	188	182	13	3	53	115	145
15	1	165	107	39	126	111	159	167	48	23	130	57	35	147	45	14	148	82	169
100	103	192	59	155	140	151	172	31	133	16	8	86	69	26	49	132	174	186	20

#### 2.3.4. Instrucciones para la ejecución del algoritmo

Para poder ejecutar el algoritmo, es necesario tener la versión 2.7 de Python instalada. Si desea ejecutar el algoritmo con el set de pruebas provisto escriba la siguiente línea de comandos en la consola de su sistema operativo:

#### py -2 galeshapley.py

La ejecución de esta línea mostrará el contenido de los archivos de preferencias, y el resultado de la ejecución.

```
MINGW64:/c/Users/Ezequiel/Proyectos/TDA/tda_tp1 —  
Equipos formados:
0:[76, 109, 146, 122, 55, 33, 44, 71, 15, 100]
1:[68, 161, 180, 85, 124, 102, 94, 195, 1, 103]
2:[173, 74, 136, 18, 99, 190, 119, 101, 165, 192]
3:[105, 128, 177, 200, 42, 52, 32, 181, 107, 59]
4:[197, 117, 47, 62, 75, 120, 135, 137, 39, 155]
5:[104, 28, 10, 158, 183, 193, 83, 149, 126, 140]
6:[176, 127, 38, 2, 61, 131, 67, 56, 111, 151]
7:[78, 72, 178, 150, 175, 134, 70, 29, 159, 172]
8:[80, 179, 163, 121, 4, 108, 46, 9, 167, 31]
9:[87, 141, 125, 93, 198, 153, 142, 194, 48, 133]
10:[37, 112, 162, 144, 89, 54, 97, 81, 23, 16]
11:[152, 96, 6, 36, 196, 160, 41, 157, 130, 8]
12:[73, 22, 19, 185, 90, 77, 27, 187, 57, 86]
13:[189, 168, 184, 12, 5, 156, 166, 188, 35, 69]
14:[118, 170, 34, 24, 113, 64, 95, 182, 147, 26]
15:[29, 171, 191, 154, 66, 116, 91, 13, 45, 49]
16:[92, 110, 50, 17, 7, 51, 138, 3, 14, 132]
17:[106, 84, 123, 40, 63, 60, 79, 53, 148, 174]
18:[43, 65, 164, 114, 11, 21, 199, 115, 82, 186]
19:[98, 30, 143, 58, 139, 88, 25, 145, 169, 20]

Ezequiel@Ezequiel-PC MINGW64 ~/Proyectos/TDA/tda_tp1 (master)
$ |
```