

# **BASE DE DATOS DEPENDENCIAS FUNCIONALES**

Pablo Pescio  
Walter Bel

# Definición

- Dada una relación  $R$ , el atributo o conjunto de atributos  $Y$  de  $R$ , **dependen funcionalmente** de  $X$ , si y sólo si, cada valor  $X$  en  $R$ , tiene asociado un valor  $Y$  en cualquier momento del tiempo.
- Entonces el subconjunto  $K$  de  $R$  es superclave de  $R$  si para todos los pares de tuplas  $t1$  y  $t2$  de  $R$  se cumple que  $t1 \neq t2$  entonces  $t1[k] \neq t2[k]$

# Restricciones

- Las **dependencias funcionales** nos permiten expresar las restricciones que no se pueden expresar con las claves.
- A su vez la *df* implican que un atributo o conjunto de atributos determina el valor de otros.

# Veamos un ejemplo

- Si tenemos una relación de prestamos de un banco con los siguientes atributos (nro. de préstamo, nro. Sucursal, nombre cliente, importe)
- Se pueden obtener las siguientes dependencias:
  - #prestamo → #sucursal
  - #prestamo → importe

# Ejemplo

- Continuando con el ejemplo anterior, pensemos ¿#prestamo determina el nombre del cliente?
- Si pensamos en una entidad bancaria, los préstamos muchas veces se otorgan a más de una persona, por lo tanto el #prestamo no me determina a un sólo cliente sino a un conjunto de los responsables del mismo.

# Dependencias triviales y no triviales

- La  $df\ ab \rightarrow a$  siendo la clave de una relación y  $a$  un subconjunto de  $ab$ , es una dependencia funcional trivial.
- Se define *dependencia juncional trivial* cuando si y solamente si la parte derecha es un subconjunto (no necesariamente un subconjunto propio) de la parte izquierda.



# Veamos otro ejemplo

Dni	Apellido	#proyecto	horas
20255509	PEREZ	4	12
20255509	PEREZ	3	15
18888888	GARCIA	4	28
18888888	GARCIA	3	40
33133133	SAAD	2	5
22222222	RAPALINI	1	6
25555555	GRAZIANI	2	13
22222222	RAPALINI	2	8
22222222	RAPALINI	4	4
25555555	GRAZIANI	3	13

# Definir la *df* del ejemplo anterior

- De lo cual podemos inferir que:
  - a) Para cualquier par {dni, #proyecto} sólo existe un valor horas, pero,
  - b) Muchos valores distintos {dni, #proyecto} pueden tener el mismo valor horas.



# Siguiendo el ejemplo

- $\{\text{dni}, \#\text{proyecto}\} \rightarrow \text{apellido}$
- $\{\text{dni}, \#\text{proyecto}\} \rightarrow \text{horas}$
- $\{\text{dni}, \#\text{proyecto}\} \rightarrow \text{dni}$
- $\{\text{dni}, \#\text{proyecto}\} \rightarrow \text{proyecto}$   
ó bien
- $\{\text{dni}, \#\text{proyecto}\} \rightarrow \{\text{dni}, \#\text{proyecto}, \text{apellido}, \text{horas}\}$
- Lo que equivale a pensar que  $\{\text{dni}, \#\text{proyecto}\}$  es una **clave**

# Siguiendo el ejemplo

- Pensemos en la siguiente DF:
- $\text{dni} \rightarrow \text{apellido}$
- Por lo tanto el atributo apellido depende solamente del atributo dni y no del par  $\{\text{dni}, \text{\#proyecto}\}$ , lo trae aparejada cierta **redundancia**.

# CIERRE DE UN CONJUNTO DE DEPENDENCIAS

- Suponiendo que en una relación  $R$  tenemos tres atributos  $A$ ,  $B$  y  $C$ , tales que las  $DF$  sean las siguientes:
- $A \rightarrow B$  y  $B \rightarrow C$
- Podemos ver claramente que por **propiedad transitiva**, es válida la  $DF$   $A \rightarrow C$ , a través de  $B$ .
- Al conjunto de todas la  $Dfs$  implicadas en un conjunto dado  $T$  de  $DF$  se le llama **CIERRE** de  $T$  y se denomina  $T^+$

# axioma de Armstrong

- Sean A, B, C subconjuntos del conjunto de atributos de R, entonces:
- 1) **Reflexividad** Si B es un subconjunto de A, entonces  $A \rightarrow B$
- 2) **Aumento** Si  $A \rightarrow B$ , entonces  $AC \rightarrow BC$
- 3) **Transitividad** Si  $A \rightarrow B$  y  $B \rightarrow C$ , entonces  $A \rightarrow C$
- Dichas reglas con **completas** y **firμες**, pueden ser utilizadas para obtener el conjunto cierre de *df* T

# Reglas adicionales

- **4) Autodeterminación**  $A \rightarrow A$
- **5) Descomposición** Si  $A \rightarrow BC$ , entonces  $A \rightarrow B$  y  $A \rightarrow C$
- **6) Unión** Si  $A \rightarrow B$  y  $A \rightarrow C$ , entonces  $A \rightarrow BC$
- **7) Composición** Si  $A \rightarrow B$  y  $C \rightarrow D$ , entonces  $AC \rightarrow BD$

# Teorema de *unificación general* de Darwen

- Si  $A \rightarrow B$  y  $C \rightarrow D$ , entonces  $A$   
*unión*  $(C - B) \rightarrow BD$



# Veamos otro ejemplo

Tenemos una R con los siguientes atributos: A, B, C, D, E, F y las siguientes *Dfs*

$A \rightarrow BC$

$B \rightarrow E$

$CD \rightarrow EF$

Podemos tomar: A (dni) B (#departamento) C (dnigerente) D (#proyecto dirigido por gerente) E (nombre departamento) y F (tiempo asignado a ese proyecto).

$AD \rightarrow BCEF$

# Veamos otro ejemplo

- 1)  $A \rightarrow B$
- 2)  $BC \rightarrow D$
- 3)  $AB \rightarrow E$
  
- 1 por 2) tenemos que  $BC \rightarrow D$  y por 1)  $A \rightarrow B$
- $ABC \rightarrow ABCDE$
- ahora bien por 1) tenemos que  $A \rightarrow B$
- por lo tanto  $AC \rightarrow ABCDE$  y  $AC$  es *llave*



**¿PREGUNTAS?**



## **BIBLIOGRAFÍA**

**. INTRODUCCIÓN A LOS SISTEMAS DE BASES DE DATOS – C.J. DATE**

**.FUNDAMENTOS DE SISTEMAS DE BASES DE DATOS – ELMASRI – NAVATHE**