

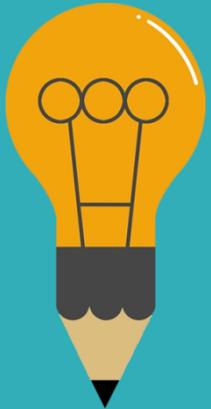
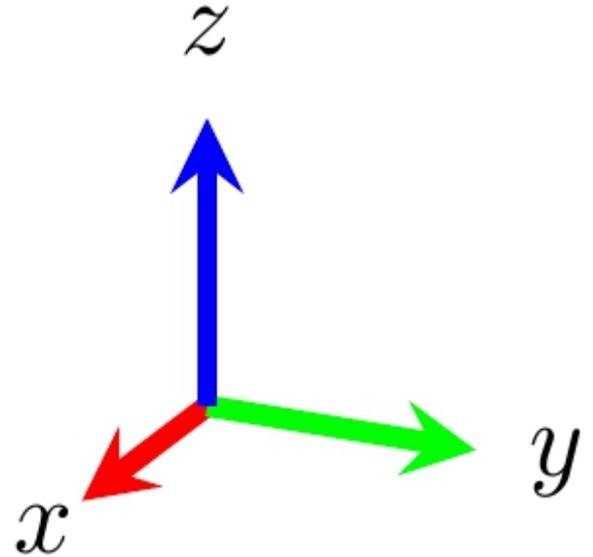
Grundlagen der Medieninformatik 2

T04 - 15.06.2021
3D Vektorrechnung

Kahoot!

Das 3D Koordinatensystem

- (Schulmathematik) besteht aus den 3-Achsen:
 - **X**
 - **Y**
 - **Z**
- Und den Ursprungspunkt (oft durch **O** gekennzeichnet)



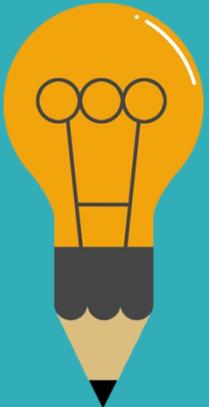
Vektoren

- Wir werden 2 Arten von Vektoren betrachten:
 - **Richtungsvektoren:** Generelle Vektoren mit einer Richtung und variabler Länge (durch Skalarproduktion)
 - **Ortsvektoren:** Positionsvektoren, absolut in ihrer Richtung und Länge
- Wir unterscheiden zwischen den Beiden arten mit der 4. Koordinate des Vektors (Ortsvektor = 1, Richtungsvektor = 0)



Richtungsvektoren

- Ein Richtungsvektor verfügt über eine **Länge** und eine **Richtung** (x,y,z)
- 3D-Vektoren werden als Tripel dargestellt, dabei gibt es zwei Darstellungsarten:
 - $\vec{v} = (x, y, z)$ (*von mir verwendet*)
 - $\vec{v} = \begin{pmatrix} x \\ y \\ z \end{pmatrix}$ (*was ihr verwenden werdet*)
- Die Werte x,y,z bestimmen dabei die **Richtung** und auch indirekt die **Länge** des Vektors.



Richtungsvektoren (2)

- Ein Vektor wird benannt basierend auf der Richtung in welche er zeigt:

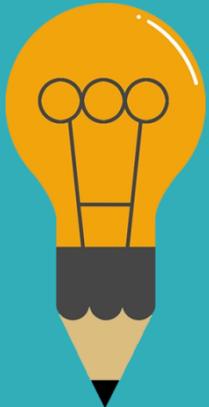
- Angenommen: Punkte $O = (0,0,0)$, $P = (1,2,3)$
Dann ist $\overrightarrow{OP} = (1, 2, 3)$ und $\overrightarrow{PO} = (-1, -2, -3)$
(Die **Richtung** des Vektors unterscheidet sich)

- Die Richtung des Vektors wird berechnet durch:

- $\vec{v} = (x_2 - x_1, y_2 - y_1, z_2 - z_1)$

- Wobei $P_2 = (x_2, y_2, z_2)$, $P_1 = (x_1, y_1, z_1)$

$$\text{und } \vec{v} = \overrightarrow{P_1 P_2}$$



Richtungsvektoren (3)

- Die **Länge** des Vektors $|\vec{v}|$ kann berechnet werden mit

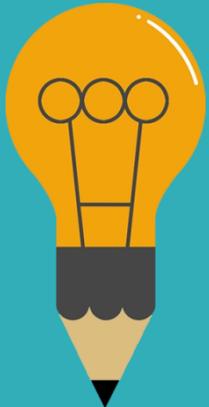
- $|\vec{v}| = \sqrt{x^2 + y^2 + z^2}$

- Dieses entspricht im wesentlichen nichts anderem als der **Distanz zwischen zwei Punkten**, da

$$\vec{v} = (x_2 - x_1, y_2 - y_1, z_2 - z_1)$$

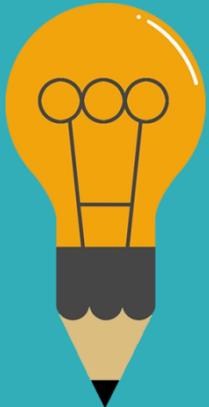
und (d - Distanz zwischen zwei Punkten)

$$d = \sqrt{((x_2 - x_1)^2 + (y_2 - y_1)^2 + (z_2 - z_1)^2)}$$



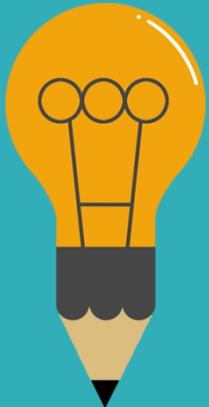
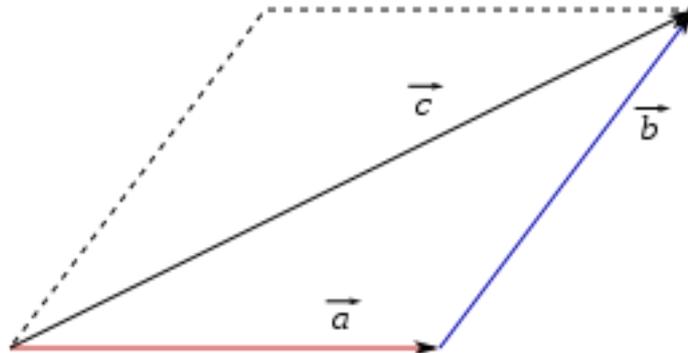
Richtungsvektoren (4)

- Vektoren können mit Skalaren multipliziert werden. Dadurch verändert sich lediglich **ihre Länge, aber nicht ihre Richtung!**
- Z.B. gegeben: $\vec{v} = (x, y, z)$, dann
$$2 * \vec{v} = (2x, 2y, 2z)$$
- **Vektoren können auch addiert werden. Hierdurch verändert sich ihre Länge und ihre Richtung (nächste Folie)**



Richtungsvektoren (5)

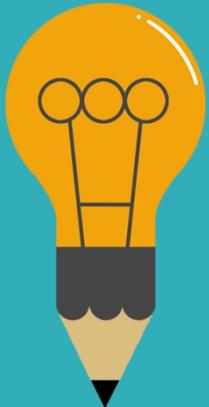
- Vektoren können auch addiert und subtrahiert werden. Hierdurch verändert sich ihre Länge und Richtung
- Sei gegeben: $\vec{a} = (x, y, z)$, $\vec{b} = (w, v, u)$
dann ist $\vec{c} = \vec{a} + \vec{b} = (x + w, y + v, z + u)$



Richtungsvektoren (6)

- Existiert ein Punkt auf einem Vektor (oder auf **seiner Verlängerung durch Skalarproduktion**)?
 - z.B. beliebiger Punkt (a,b,c) ?
- Angenommen Vektor \vec{v} 'startet' am Punkt $(1,2,3)$
- Gegeben $\vec{v} = (1,2,3) + \lambda(x, y, z)$ (λ - skalar)
- Der Punkt (a,b,c) liegt auf dem Vektor, genau dann wenn:
 - $1 + \lambda x = a$ **und**
 - $2 + \lambda y = b$ **und**
 - $3 + \lambda z = c$
- **In anderen Worten: ein Punkt P liegt genau dann auf einem Vektor \vec{v} , welcher an einem Punkt O beginnt, wenn es eine Skalarproduktion λ gibt, mit welcher gilt:**

$$\lambda \overrightarrow{OP} = \vec{v}$$



Richtungsvektoren (7)

- Der Skalar darf dabei auch eine Komma-Zahl sein, e.g.

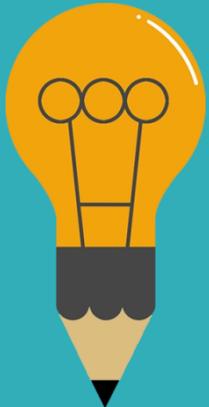
$$0.5 * \overrightarrow{OP} = \overrightarrow{ON}$$

- Beispiel:

- Vektor $\vec{v} = (0,0,0) + \lambda(1,2,3)$, punkt $(3,6,9)$:

- $\overrightarrow{ON} = (1-0, 2-0, 3-0) = (1, 2, 3)$

- $\overrightarrow{OP} = (3-0, 6-0, 9-0) = (3, 6, 9) = 3*(1, 2, 3) + (0,0,0)$



Richtungsvektoren (7)

- Zwei Vektoren \vec{v} und \vec{u} stehen sich **parallel** gegenüber, wenn sie beide die gleiche **Steigung** haben, e.g. wenn es eine reelle Zahl c gibt mit $\vec{v} = c * \vec{u}$:
- $\vec{v} = (1,2,3)$ und
- $\vec{u} = (2,4,6)$ sind parallel

- Zwei Vektoren \vec{v} und \vec{u} stehen sich **senkrecht**, wenn ihr gemeinsames **Skalarprodukt 0** ergibt, e.g.:
- $\vec{v} = (3,4,0)$, $\vec{u} = (-8,6,0)$
- $\langle \vec{v} * \vec{u} \rangle = (3,4,0) * (-8,6,0) = 3*-8 + 4*6 + 0*0 = 0$



Arbeitsblatt!



Beschreibe für beide Roboter die Position der Füße und des Kopfes, die Blockrichtung und die Richtung beider Arme als 4-D Vektoren in dem gezeigten Koordinatensystem.

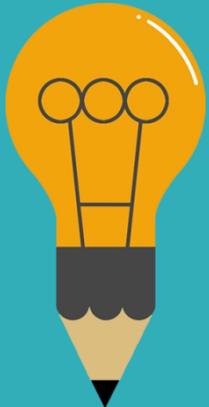


Arbeitsblatt - Lösung!



$$\begin{array}{l}
 \text{P. rechter} \begin{pmatrix} -1.5 \\ -0.3 \\ 0.4 \\ 1 \end{pmatrix}, \text{ P. linker} \begin{pmatrix} -1.5 \\ 0.3 \\ 0.4 \\ 1 \end{pmatrix}, \text{ P.} \begin{pmatrix} -3 \\ 0 \\ 1.5 \\ 1 \end{pmatrix}, \\
 \text{Fu\ss} \\
 \\
 \text{Blick-} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \text{ R. rechter} \begin{pmatrix} 0.3 \\ -0.2 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}, \text{ R. linker} \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix}, \\
 \text{richtung} \text{ Arm}
 \end{array}$$

$$\begin{array}{l}
 \text{P. rechter} \begin{pmatrix} 2.3 \\ 0.3 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \text{ P. linker} \begin{pmatrix} 2.3 \\ -0.3 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix}, \text{ P.} \begin{pmatrix} 2.8 \\ 0 \\ 2.7 \\ 1 \end{pmatrix}, \\
 \text{Fu\ss} \\
 \\
 \text{Blick-} \begin{pmatrix} -1 \\ 0 \\ 0.7 \\ 0 \end{pmatrix}, \text{ R. rechter} \begin{pmatrix} -0.2 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}, \text{ R. linker} \begin{pmatrix} -0.2 \\ 0 \\ -1 \\ 0 \end{pmatrix}, \\
 \text{richtung} \text{ Arm}
 \end{array}$$



Bouncer!



```
1 // Draws a checkerBoard with n*n tiles in the xy-plane
2 // with center at the origin, where each tile (square)
3 // is tileLength+tileLength. n must be even
4 void drawCheckerboard(int n, float tileLength) {
5     for (int i= -n/2; i < n/2; i++) {
6         for (int j= -n/2; j < n/2; j++) {
7             float c = isOdd(i) == isOdd(j) ? 0 : 255;
8             noStroke();
9             fill(c);
10            ambient(c);
11            specular(255);
12            beginShape(POLYGON); // Draw one checker square
13            //vertex(new PVector(_____));
14            //vertex(new PVector(_____));
15            //vertex(new PVector(_____));
16            //vertex(new PVector(_____));
17            endShape();
18        }
19    }
20 }
21
22
23 float cbWH = 50; // width and height of the whole checkerboard
24 PVector ball; // ball position
25 PVector ballV; // ball velocity
26 float ballR = 1; // ball radius
27 PVector g ; // = new PVector(_____); // gravitation
28
29 void newBall() {
30     //ball = _____;
31     //ballV = _____;
32 }
33
34 void updateBall() {
35     // Der Ball fliegt und fällt
36     float deltaT = 1 / frameRate;
37     // _____;
38     // _____;
39
40     // Der Ball springt und verschwindet hinter der Platte
41     // if (_____ &&
42     // _____ && _____ &&
43     // _____ && _____) {
44     // _____;
45     // }
46 }
47
48 //--- CODE BELOW NOT TO BE EDITED -----//
```

- Aus Vorlesung 10b
- Unter Seafile: [public/material/bouncercrredit.zip](https://seaf.technik.uni-wuerzburg.de/public/material/bouncercrredit.zip)

Blatt E3 - Compositing

- Abgabe bis zum **12.7, 20:00** auf StudIP!

Übung E3: 3D Compositing

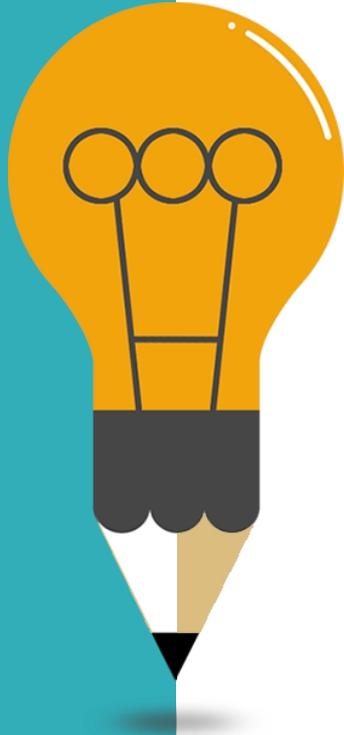
Einzelaufgabe, 11 Punkte, Abgabe 12.07.21, 20:00 in Stud.IP

Montiere das animierte Insekt aus ÜZ E2 in die vorgegebene Realweltszene.

- » Verwende die Realweltszene `uebungE1bis3-realweltdclip.mp4`.
- » Tracke die Kamerabewegung.
- » Passe Pose, Skalierung und Animation des Insektes so an, dass es in die Szene passt.
- » Ein Teil der realen Szene soll das Insekt verdecken.
- » Stelle die reale Lichtsituation sinnvoll realistisch nach.

Übungsblätter

- Abgabe Vorlage beachten!
- Erlaubte Dateien für Doku: PDF (**KEIN DOC/DOCX!**)
- **Namen, Tutorium, Bearbeitungszeit angeben!**
- **Benennungsschema Beachten:**
mi2_uebung#_nachname1_nachname2_nachname3
.PDF/.ZIP
- Wenn von Hand geschrieben, sauber schreiben, gute Belichtung und vernünftiges Foto, **Druckschrift!**



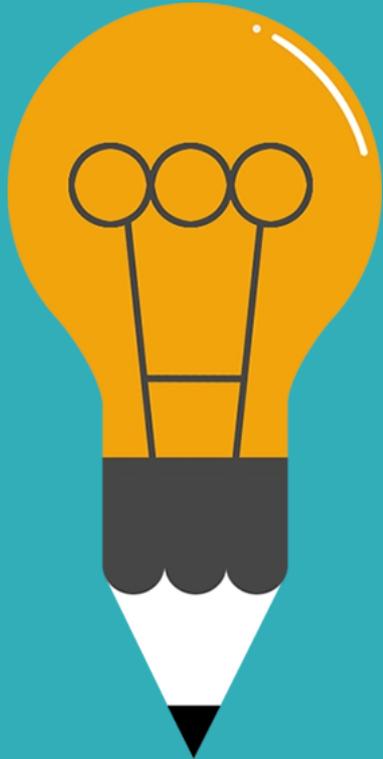
Film!

- Abgabe bis zum **28.6**, **20:00** auf StudIP!

Übung G3: Film

Gruppenaufgabe, 22 Punkte + 4 Punkte für Zwischenstand im Tutorium, Abgabe 28.06.21, 20:00 in Stud.IP

- » Produziert Euren Film nach Eurem Drehbuch und Storyboard
- » Der Film darf inkl. allem nichtlänger als 4:00 Minutensein und muss öffentlich zeigbar sein, d.h.urheberrechtlich einwandfrei und den allgemeinen Regeln des Anstands entsprechend.
- » Der Film muss einen sichtbaren Titel und einen Abspann mit Beteiligten haben.
- » Dies beinhaltet insbesondere die Namensnennung von verwendeten CC-BY Medien im Abspann.



Das wars erstmal!

Bis nächste Woche!