Econometría I variables dicotómicas

Leonardo Manríquez M. (lmanriquez@ucsc.cl)

August 7, 2023

*Las gráficas y cálculos¹ de esta presentación están elaborados en base a dataset_class1.csv

¹Atención: en esta presentación no se consideran todas las cifras decimales.
Por lo tanto, pueden existir diferencias entre el cálculo expuesto en esta presentación y el cálculo considerando todas las cifras decimales.

Recitación

- ► Introducción
- ► Afecta posición
- ► Afecta pendiente
- ► Afecta pendiente y posición
- ► Múltiples atributos

Introducción

- Existen muchas variables explicativas que no se pueden medir en forma continua. Es el caso en que lo que se pretende incorporar como variable explicativa es una característica o cualidad. Estas variables se conocen como variables cualitativas, dicotómicas o variables dummy.
- ► Cuando se quiere incorporar como variable explicativa la presencia de una característica en particular, la cual se expresa como poseer el atributo "Alpha" o poseer el atributo "Beta", donde "Alpha" y "Beta" son atributos excluyentes. Ahora, podemos dividir la muestra en dos grupos.

Afecta posición

▶

$$D_i = \begin{cases} 1 & \text{presenta atributo Alpha} \\ 0 & \text{en otro caso (presenta atributo Beta)} \end{cases}$$
 (1)

Incorporamos a nuestra función de regresión

$$y_i = \beta_0 + \gamma D_i + \beta_1 \cdot x_{i1} + \dots + \beta_j \cdot x_{ij} + \mu_i$$
 (2)

Donde

$$y_{i} = \begin{cases} (\beta_{0} + \gamma) + \beta_{1} \cdot x_{i1} + \dots + \beta_{j} \cdot x_{ij} + \mu_{i} & \text{si } D_{i} = 1\\ \beta_{0} + \beta_{1} \cdot x_{i1} + \dots + \beta_{j} \cdot x_{ij} + \mu_{i} & \text{si } D_{i} = 0 \end{cases}$$
(3)

► La incorporación de la variable dicotómica hace que el intercepto cambie entre las diferentes observaciones, ¿cómo?

Afecta pendiente

ightharpoonup Si lo que cambia es el impacto que tiene, por ejemplo, la variable x_1 entre los distintos grupos, la función de regresión se define como

$$y_i = \beta_0 + \beta_1 \cdot x_{i1} + \gamma(D_i \cdot x_{i1}) + \dots + \beta_j \cdot x_{ij} + \mu_i \qquad (4)$$

▶ Donde

$$y_{i} = \begin{cases} \beta_{0} + (\beta_{1} + \gamma) \cdot x_{i1} + \dots + \beta_{j} \cdot x_{ij} + \mu_{i} & \text{si } D_{i} = 1\\ \beta_{0} + \beta_{1} \cdot x_{i1} + \dots + \beta_{j} \cdot x_{ij} + \mu_{i} & \text{si } D_{i} = 0 \end{cases}$$
(5)

La incorporación de la variable dicotómica hace que cambie la pendiente de la regresión (para x_1) entre los distintos grupos de observaciones, ¿cómo?

Afecta pendiente y posición

lackbox Supongamos que efecto en la pendiente se produce a través de x_1

▶

$$y_i = \beta_0 + \gamma_1 D_i + \beta_1 \cdot x_{i1} + \gamma_2 (D_i \cdot x_{i1}) + \dots + \beta_j \dot{x}_{ij} + \mu_i$$
 (6)

Donde

$$y_{i} = \begin{cases} (\beta_{0} + \gamma_{1}) + (\beta_{1} + \gamma_{2}) \cdot x_{i1} + \dots + \beta_{j} \cdot x_{ij} + \mu_{i} & \text{si } D_{i} = 1\\ \beta_{0} + \beta_{1} \cdot x_{i1} + \dots + \beta_{j} \cdot x_{ij} + \mu_{i} & \text{si } D_{i} = 0 \end{cases}$$
(7)

La incorporación de la variable dicotómica hace que cambie tanto la pendiente de la regresión (para x_1) como el coeficiente de posición entre los distintos grupos de observaciones, ¿cómo?

Múltiples atributos

- ► Supongamos que estamos interesados en caracterizar por los atributos Alpha, Beta y Gamma
- ▶ La regla general, es que si existen m categorías, entonces se debe introducir m-1 variables dicotómicas en el modelo de regresión. El n-ésimo atributo queda como base de comparación, ¿por qué?

Econometría I variables dicotómicas

Leonardo Manríquez M. (lmanriquez@ucsc.cl)

August 7, 2023