SA22225226 李青航

164

i.

 ${x_4, x_1, x_0}$ 用二进制表示为00010011,下一个为00010100, 所以下一个组合为 ${x_4, x_2}$

ii.

同理 $\{x_7, x_5, x_3\}$ 10101000,下一个为10101001 $\{x_7, x_5, x_3, x_0\}$

iii.

 $\{x_7, x_6, x_5, x_4, x_3, x_2, x_1, x_0\}$ 111111111,最后一个了

iv.

 $\{x_0\}00000001, \top - \uparrow 000000010\{x_1\}$

172

i. 010100110

 $\sigma(010100110) = 4$ 是偶数,改变取反 a_0 ,得010100111

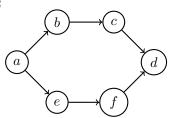
ii. 110001100

 $\sigma(110001100) = 4$ 是偶数,改变取反 a_0 ,得110001101

iii. 1111111111

 $\sigma(1111111111) = 9$,最右一位1的 a_j 为j = lowbit(1111111111) = 0位,所以将 a_{j+1} 位取反,为111111101

192



如Hasse图所示(横着的),显然,就是一个覆盖关系。

所有偏序集关系,有abecfd, aebcfd, aebcfd, aebfcd, aebfcd, aebfcd, aefbcd.

207

由于图5-1, 第8行是 1, 8, 28, 56, 70, 56, 28, 8, 1 由帕斯卡公式得第9行 1, 9, 36, 84, 126, 126, 84, 36, 9, 1 第10行 1, 10, 45, 120, 210, 252, 210, 120, 45, 10, 1

220

由 $k\binom{n}{k} = n\binom{n-1}{k-1}$ 和二项式定理中设x = 1, y = -1的交错和等于0得

$$0 = \binom{n}{1} - 2\binom{n}{2} + 3\binom{n}{3} + \dots + (-1)^{n-1}n\binom{n}{n}$$

$$= (n-1)\binom{n-1}{0} - (n-1)\binom{n-1}{1} + (n-1)\binom{n-1}{2} + \dots + (-1)^{n-1}(n-1)\binom{n-1}{n-1}$$

$$= (n-1)\left[\binom{n-1}{0} - \binom{n-1}{1} + \binom{n-1}{2} + \dots + (-1)^{n-1}\binom{n-1}{n-1}\right]$$

$$= (n-1) \cdot 0$$

$$= 0$$

得证

228

i.

 $\binom{24}{10}$

ii.

两步, 先到朋友家, 再到学校, 乘法原理

$$\binom{9}{4} \cdot \binom{15}{6}$$

iii.

三步

$$\binom{9}{4} \cdot \binom{9}{3} \cdot \binom{6}{3}$$

iv.

就是ii. 的结果减去iii. 的结果

235

因为

$$(1+x)^n = \sum_{k=0}^n \binom{n}{k} x^k$$

又有

$$(1+x)^{m_1}(1+x)^{m_2}(1+x)^{m_3} = (1+x)^{m_1+m_2+m_3}$$

对于上式,展开两边, x^n 的系数相同 左边 x^n 系数就是题目原式

$$\sum_{r,s,t\geq 0,r+s+t=n} \binom{m_1}{r} \binom{m_2}{s} \binom{m_3}{t}$$

右边的 x_n 系数就是

$$\binom{m_1+m_2+m_3}{n}$$

所以,左右 x_n 系数相等

$$\sum_{r,s,t\geq 0,r+s+t=n} \binom{m_1}{r} \binom{m_2}{s} \binom{m_3}{t} = \binom{m_1+m_2+m_3}{n}$$