

CONVERSOR CC/CC EM PONTE COMPLETA COM ZVS E CONTROLE POR DESVIO DE FASE

Leonan Chicarelli de França

Projeto de Graduação apresentado ao Curso de Engenharia Eletrônica e de Computação da Escola Politécnica, Universidade Federal do Rio de Janeiro, como parte dos requisitos necessários à obtenção do título de Engenheiro.

Orientador: Carlos Fernando Teodósio Soares

Co-Orientador: Leonardo Alvim Muricy

Rio de Janeiro Setembro de 2016

CONVERSOR CC/CC EM PONTE COMPLETA COM ZVS E CONTROLE POR DESVIO DE FASE

Leonan Chicarelli de França

PROJETO DE GRADUAÇÃO SUBMETIDO AO CORPO DOCENTE DO CURSO DE ENGENHARIA ELETRÔNICA E DE COMPUTAÇÃO DA ESCOLA POLITÉCNICA DA UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO DE JANEIRO COMO PARTE DOS REQUISITOS NECESSÁRIOS PARA A OBTENÇÃO DO GRAU DE ENGENHEIRO ELETRÔNICO E DE COMPUTAÇÃO

Autor:	
	Leonan Chicarelli de França
Orientador:	
	Carlos Fernando Teodósio Soares, D. Sc.
Co-Orientador:	
	Leonardo Alvim Muricy, B. Eng.
Examinador:	
Examinador:	

Rio de Janeiro – RJ, Brasil Setembro de 2016

UNIVERSIDADE FEDERAL DO RIO DE JANEIRO

Escola Politécnica – Departamento de Eletrônica e de Computação Centro de Tecnologia, bloco H, sala H-217, Cidade Universitária Rio de Janeiro – RJ CEP 21949-900

Este exemplar é de propriedade da Universidade Federal do Rio de Janeiro, que poderá incluí-lo em base de dados, armazenar em computador, microfilmar ou adotar qualquer forma de arquivamento.

É permitida a menção, reprodução parcial ou integral e a transmissão entre bibliotecas deste trabalho, sem modificação de seu texto, em qualquer meio que esteja ou venha a ser fixado, para pesquisa acadêmica, comentários e citações, desde que sem finalidade comercial e que seja feita a referência bibliográfica completa.

Os conceitos expressos neste trabalho são de responsabilidade do(s) autor(es).

DEDICATÓRIA

Dedico esse projeto aos meus pais João Batista de França e Cleuza de Fátima Chicarelli França por sempre me incetivarem nos estudos e sempre me oferecendo amor, apoio moral e o necessário para me dedicar à minha formação acadêmica. Me educaram para eu me tornar um adulto honesto e de bom caráter e sempre me apoiaram a buscar meus sonhos.

Minha mãe está sempre ao meu lado me incentivando e eu a admiro muito, e meu pai, por mais que tenha falecido quando eu tinha 12 anos de idade, sempre foi pra mim um modelo de homem a ser seguido.

AGRADECIMENTO

Primeiramente agradeço aos meus pais João Batista de França e Cleuza de Fátima Chicarelli França por sempre me apoiar e incentivar. Agradeço a minha família por estar sempre próxima a mim, festejando nos momentos bons e me consolando nos momentos ruins. E agradeço à minha namorada Luana Queiroz por sempre estar do meu lado e me apoiando nessa reta final de curso de graduação.

Agradeço à Inovax Engenharia de Sistemas por ter me dado a oportunidade de estagiar lá durante a minha graduação e por toda a experiencia e aprendizado obtidos durante esse período.

Agradeço ao meu orientador Leonardo Alvim Muricy, tanto pela sua orientação durante o meu estágio na Inovax, quanto o seu suporte para a produção desse trabalho, por sempre estar disponível para me ajudar na resolução de problemas e buscando novas ideias. Agradeço também ao meu outro orientador, o professor Carlos Fernando Teodósio Soares, por aceitar me orientar nesse projeto e me ajudar sempre dando novas sugestões de forma a aumentar a qualidade desse projeto.

Sou grato também a todos os professores do Departamento de Engenharia Eletrônica e de Computação da Universidade Federal do Rio de Janeiro que eu tive o privilégio de ter aula, pois me proporcionarem o conhecimento que tenho hoje. Não posso esquecer de agradecer aos meus professores do ensino médio e curso técnico na Escola Técnica Estadual Ferreira Viana, pois foi lá que despertei o interesse para a eletrônica, e aos meus professores do ensino fundamental na Escola Municipal Brigadeiro Eduardo Gomes, por sempre enxegarem um grande potencial em mim.

Por fim, agradeço ao povo brasileiro, por ter financiado com seus impostos todos os meus estudos, desde o ensino fudamental até o ensino superior. Espero estar retribuindo o investimento feito em mim e em minha formação acadêmica.

RESUMO

Este trabalho tem como objetivo apresentar o circuito de um conversor DC/DC de alta eficiência. São abordadas todas as caracterísicas técnicas e teóricas, o projeto e o controle de um conversor CC/CC em ponte completa, com zero-voltage-switching e controle digital por desvio de fase.

Realizado em parceria com a Inovax Engenharia de Sistemas, esse conversor é um dos candidatos ao estágio de potência no projeto de uma unidade retificadora, com diversas aplicações na área de telecomunicações. Assim, suas especificações devem seguir as necessidades do mercado desse tipo de produto, e, como temos uma agência regulamentadora para essa área no Brasil, seu desempenho deve estar adequado às normas da Agência Nacional de Telecomunicações (ANATEL).

Palavras-chave: Conversor CC/CC, zero-voltage-switching, controle digital, Unidade retificadora.

ABSTRACT

This project aims to present the circuit of a DC/DC converter with high efficiency. They are addressed all the technical and theoretical characteristics, in the design and control of a DC/DC converter in full bridge with zero-voltage-switching and digital control for phase shift.

Conducted in partnership with the Inovax Engenharia de Sistemas, this converter is one of the candidates for the power stage in the design of a rectifier unit, with several applications in the telecommunications field. Thus, your specifications should follow the market needs this type of product, and as we have a regulatory agency for the area in Brazil, its performance must be appropriate to the standards of the National Telecommunications Agency (ANATEL).

Keywords: DC/DC converter, zero-voltage-switching, digital control, rectifier unit.

SIGLAS

ZVS – Zero-Voltage-Switching

ANATEL – Agência Nacional de Telecomunicações

CC – Corrente Contínua

PI - Proporcional - Integral

PID – Proporcional-Integral - Derivativo

PSCad – Power System Computer Aided Design

OrCad – Oregon Computer Aided Design

PCI – Placa de Circuito Impresso

UFRJ – Universidade Federal do Rio de Janeiro

Sumário

List:	a de Figuras	xiii
	a de Tabelas	xviii
1	Introdução	1
	1.1 - Tema	1
	1.2 - Delimitação	1
	1.3 - Justificativa	2
	1.4 - Objetivo	3
	1.5 - Metodologia	3
	1.6 - Descrição	4
2	Conversor em Ponte Completa com ZVS	6
	2.1 - Definição	6
	2.2 - Características do Conversor	6
	2.3 - Dinâmica de Funcionamento	8
	2.3.1 - 1 ^a Etapa	9

	10
	12
	13
	15
	15
	15
	16
• • • •	16
os	17
••••	17
lor .	20
• • • •	Error! Bookmark not defined.
	Error! Bookmark not defined.
••••	. Error! Bookmark not defined.

Error! Bookmark not defined.	3.3 - Modelo do conversor em Ponte Completa
Error! Bookmark not defined.	3.3.1 - Perturbação da razão cíclica devido à variação de corrente no indutor do filtro
Error! Bookmark not defined.	3.3.2 - Perturbação da razão cíclica devido à variação de tensão na entrada com conversor
Error! Bookmark not defined.	3.3.3 - Modelo de Pequenos Sinais
Error! Bookmark not defined.	3.4 - Conclusão
Error! Bookmark not defined.	4 Projeto do Conversor
Error! Bookmark not defined.	4.1 - Especificações
Error! Bookmark not defined.	4.2 - Cálculo do valor dos componentes
Error! Bookmark not defined.	4.2.1 - Cálculo da relação de espiras (n)
Error! Bookmark	4.2.2 - Indutor de ressonância (L_{LK})

	not defined.
4.2.3 - Indutor do filtro de saída (L_{OUT})	Error! Bookmark not defined.
4.2.4 - Capacitor do filtro de saída (C_{OUT})	Error! Bookmark not defined.
4.3 - Projeto do Controlador Digital	Error! Bookmark not defined.
4.3.1 - Cálculo do controlador de Corrente ($C_1(s)$))) . Error! Bookmark not defined.
4.3.2 - Cálculo do controlador de Tensão ($C_2(s)$)	Bookmark not defined.
4.4 - Conclusão	Error! Bookmark not defined.
5 Simulações do Circuito Projetado	Error! Bookmark not defined.
5.1 - Montagem	Error! Bookmark not defined.
5.2 - Simulações considerando componentes ideais	Error! Bookmark not defined.

5.2.1 - Teste de Partida Gradativa	Error! Bookmark not defined.
5.2.2 - Regulação Estática	Error! Bookmark not defined.
5.2.3 - Ripple	Error! Bookmark not defined.
5.2.4 - Eficiência	Error! Bookmark not defined.
5.2.5 - Limitação de Corrente	Error! Bookmark not defined.
5.3 - Simulações considerando erros do controlador	Error! Bookmark not defined.
5.3.1 - Teste de Partida Gradativa	Error! Bookmark not defined.
5.3.2 - Regulação Estática	Error! Bookmark not defined.
5.3.3 - Ripple	Error! Bookmark not defined.
5.3.4 - Eficiência	Error! Bookmark not defined.

5.3.5 - Limitação de Corrente	Error! Bookmark not defined.
5.4 - Comparação entre resultados	Error! Bookmark not defined.
6 Montagem do circuito Físico	Error! Bookmark not defined.
6.1 – Introdução	Error! Bookmark not defined.
6.2 - Circuitos auxiliares	Error! Bookmark not defined.
6.2.1 - Instrumentação	Error! Bookmark not defined.
6.2.1.1 - Leitura da corrente do indutor	Error! Bookmark not defined.
6.2.1.2 - Leitura da tensão de saída	Error! Bookmark not defined.
6.2.2 - Drivers	Error! Bookmark not defined.
6.3 - Seleção de componentes reais	Error! Bookmark not defined.

6.3.1 -	Escolha dos dispositivos semicondutores	Error! Bookmark not defined.
6.3.2 -	Dimensionamento dos elementos magnéticos .	Error! Bookmark not defined.
	6.3.2.1 - Projeto do indutor do filtro de saída (L_{OUT})	Error! Bookmark not defined.
	6.3.2.2 - Projeto do transformador	Error! Bookmark not defined.
	6.3.2.3 - Projeto do indutor de ressonância (L_{LK})	Error! Bookmark not defined.
6.4 - Simula	ções considerando componentes reais	Error! Bookmark not defined.
7 Conclusão	••••••	Error! Bookmark not defined.
Bibliografia		74

Lista de Figuras

Figura 1.1 - Diagrama básico de uma unidade retificadora	2
Figura 2.1 - Circuito do Conversor	7
Figura 2.2 – Formas de onda de controle das chaves	9
Figura 2.3 – Configuração do circuito conversor na etapa 1	9
Figura 2.4 - Tensão e corrente no primário e tensão no secundário durante a 1ª etapa	10
Figura 2.5 - Configuração do circuito conversor na etapa 2	10
Figura 2.6	11
Figura 2.7 - Configuração do circuito conversor na etapa 3	12
Figura 2.8 - Tensão e corrente no primário e tensão no secundário durante a 3ª etapa	13
Figura 2.9 - Configuração do circuito conversor na etapa 4	13
Figura 2.10	14
Error! Reference source not found.	Erro
	r! Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.

Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	
•••	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	_
	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk

	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	
	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	
	Erro
	r!

	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	
	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.

Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not

	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk

	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma

	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo

	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!

	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.

Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not

	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk

	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kmo

	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	
	Erro
	r!

Boo	
kma	
rk	
not	
defi	
ned.	
_	
Erro	Error! Reference source not found
r!	
Boo	
kma	
rk	
not	
defi	
ned.	

Lista de Tabelas

Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk

	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma

	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found.	Erro
	r!
	Boo
	kma
	rk
	not
	defi
	ned.
Error! Reference source not found	Erro
	r!
	Boo

kma rk not defi

ned.

Capítulo 1

Introdução

1.1 - Tema

Esse trabalho consiste em estudar e projetar um conversor DC/DC em ponte completa com *zero-voltage-switching* (ZVS) e controle digital com desvio de fase. Tal conversor é um dos candidatos a estágio de potência no projeto de uma unidade retificadora completa para aplicações em telecomunicações em desenvolvimento na INOVAX Engenharia de Sistemas LTDA e, portanto, deve se adequar às normas impostas pela ANATEL (Agência Nacional de Telecomunicações).

1.2 - Delimitação

O objeto do estudo é um conversor DC/DC em ponte completa com ZVS e controle digital com desvio de fase. Dado que ele é um dos candidatos a estágio de saída de uma unidade retificadora, então, a sua entrada é proveniente de um estágio que consiste em um conversor boost. Nesse projeto, vamos admitir que tal estágio de entrada já esteja pronto para uso e focaremos apenas na análise e projeto do estágio de saida.

Na Figura 1.1 é mostrado um diagrama de blocos básico de uma unidade retificadora. Tem-se um filtro EMI que funciona de modo a reduzir interferências eletromagnéticas no circuito, um bloco de sensoriamento de proteção contra falhas de alimentação da unidade retificadora, um conversor *boost*, que eleva a tensão de entrada e a torma praticamente DC (tem um pequeno *ripple*), o conversor em estudo, que está destacado, que serve para como conversor de potência, ou seja, recebe uma alta tensão com baixa corrente e a transforma em uma tensão de saída menor e uma corrente maior, mantendo a potência. Ainda estão presentes na unidade retificadora um controle de compartilhamento de carga, que faz com que duas unidades funcionando em paralelo forneçam a mesma potência a carga, circuitos de intrumentação, que fazem a leitura das variáveis de estado para o controle, e por fim um microcontrolador e um processador de

interface, que fazem respectivamente, o controle dos conversores e a interface com o usuário.

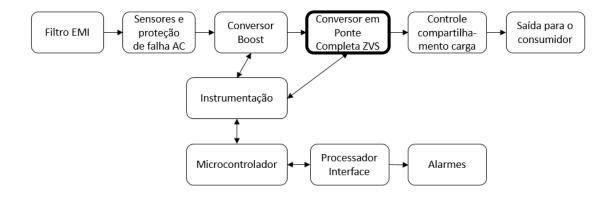


Figura 1.1 - Diagrama básico de uma unidade retificadora

1.3 - Justificativa

A INOVAX Engenharia de Sistemas Ltda está desenvolvendo uma unidade retificadora para uso em telecomunicações. Tal produto necessita ser homologado pela ANATEL, que é a agência resposável pela área no Brasil. Assim, a unidade retificadora precisa atender a várias especificações, tais como alta eficiência e baixo *ripple* de saída. Em pesquisas realizadas durante o desenvolvimento do produto, observou-se uma nova alternativa para a implementação do estágio de potência da unidade, que é a utilizização de um conversor em ponte completa com ZVS e controle digital com desvio de fase como estágio de saída.

O conversor em ponte completa com ZVS e controle digital com desvio de fase tem algumas vantagens em relação a outros conversores, tais como baixa perda de comutação [2], baixos esforços de corrente nos dispositivos [2] e operação como elevador ou abaixador de tensão[2]. A combinação dessas vantagens resulta em um conversor com alta eficiência.

Ao utilizarmos um controle digital no projeto, além de diminuirmos o espaço físico do conversor, reduzimos o custo do projeto, visto que a quantidade de componentes para o controle é bastante reduzida. Esse tipo de controle será mostrado no projeto via simulações, uma vez que o custo envolvido na montagem de um protótipo de alta potência é elevado.

Esse trabalho é uma continuação de um projeto de graduação anterior (também realizado em parceria com a Inovax Engenharia de Sistemas) que apresentou o conversor boost presente no estágio de entrada da unidade retificadora. Sendo assim, considera-se que a entrada do conversor em ponte completa em questão já está definida e vamos nos aprofundar no estudo e projeto do mesmo para que este sistema atenda às necessidades do mercado e às especificações da ANATEL.

1.4 - Objetivo

O objetivo desse estudo é analisar e projetar um conversor DC/DC em ponte completa com ZVS e controle digital por desvio de fase. Este projeto pretende, primeiramente, explicar o funcionamento de um conversor em ponte completa, e o porquê da escolha de se usar a técnica de zero-voltage-switching e o controle por desvio de fase. Posteriormente, o objetivo é definir um método para o cálculo de todos os componentes (tais como capacitores, indutores e transformador) de forma a atender às especificações da ANATEL. Para aproximar o controle digital o mais próximo possível da realidade, vamos simulá-lo levando em conta prováveis perturbações que o microcontrolador possa causar na dinâmica do controle.

1.5 - Metodologia

Inicialmente será apresentada e explicada a técnica de zero-voltage-switching, explicitando sua modelagem matemática para o cálculo de todos os componentes necessários, levantando o modelo de pequenos sinais do circuito para poder realizar o projeto do controle e exibindo os resultados através de simulações

Teremos neste sistema controles por corrente e por tensão simultaneamente, ou seja, as variáveis de controle serão a corrente no indutor do filtro de saída e a tensão na carga. Tal contole será realizado por controladores do tipo proporcional-integral (PI). Assim, torna-se necessário levantar o modelo completo de pequenos sinais do conversor para o cálculo das constantes de ganho do PI.

Observar-se-á o funcionamento do projeto somente por meio de simulações, uma vez que o custo de um protótipo de alta potência torna inviável a sua construção para apenas uma unidade. Primeiramente, será realizada uma simulação completa em um software, usando os componentes do próprio simulador que fazem a função do

controlador PI, visando observar o correto funcionamento do circuito e permitindo o ajuste fino das constantes de controle. Para um resultado mais preciso, será simulado o controlador digital através de um código escrito em linguagem C, que usa o mesmo algoritmo que pode ser implementado em um microcontrolador e que leva em conta muitos efeitos que o mesmo pode causar na dinâmica de controle do conversor. Assim espera-se estimar de que forma os erros de leitura dos conversores analógico-digitais, o tempo de cálculo e o tempo de atualização do valor da saída de controle afetam a dinâmica do projeto, para que tais defeitos sejam contornados antes da futura montagem de um protótipo, além de tornar a simulação mais realista.

Por fim, componentes reais serão selecionados e novas simulações serão realizadas a fim de observar os efeitos de componentes não ideais. Para tornar o projeto mais completo, alguns circuitos auxiliares, necessários para uma implementação física, serão apresentados.

1.6 - Descrição

No Capítulo 2 será apresentado o conversor em ponte completa com ZVS e controle por desvio de fase. Nessa seção vamos apresentar qual o seu objetivo, como é a sua arquitetura, suas principais característica e vantagens teóricas. Além disso, será também apresentado como funciona o controle por desvio de fase. Por fim vamos levantar as equações para o projeto dos seus componentes.

Como está se estudando um conversor chaveado, necessitamos de um controle para comandar as chaves analógicas. Portanto no Capítulo 3 vamos deduzir todo o modelo de pequenos sinais do conversor para podermos obter as funções de transferência de interesse de modo a calcular o controle digital.

No Capítulo 4 está presente o projeto propriamente dito do conversor. Primeiro será definido e justificado quais as especificações do projeto. Logo após, os valores de todos os componentes serão calculados de acordo com as equações apresentadas no Capítulo 2. Adiante, com as funções de transferência obtidas no Capítulo 3, poderão ser definidos os parâmetros do controlador digital.

Para apresentar os resultados do projeto realizado, no Capítulo 5 serão mostradas várias simulações que comprovam o funcionamento do conversor dentro das normas da ANATEL. Para aproximar os testes de situações mais realísticas, ainda no Capítulo 5

serão mostrados os resultados de simulações considerando perturbações que o controle digital pode ocasinar na dinâmica de funcionamento do circuito.

Visando tornar o projeto mais completo, no Capítulo 6 será mostrada a seleção de componentes reais para a implementação do projeto, como eles afetam o funcionamento do circuito e quais os ajustes que devem ser feitos para que o conversor atenda a todas as especificações do projeto. Além disso, serão discutidos e apresentados alguns circuitos auxiliares necessários para uma implementação física do conversor. Adicionalmente, é apresentada uma simulação levando em conta todos os parâmetros selecionados e modificações feitas nesse capítulo, para que uma das especificações mais importantes e críticas, a eficiência, seja medida e observada se a mesma atende às normas.

Por fim no Capítulo 7 serão apresentadas as conclusões sobre o projeto e indicação de possíveis trabalhos futuros.

Capítulo 2

Conversor em Ponte Completa com ZVS

Você está lidando com tensões de 2.1 - Definição alimentação e não com sinais que carregam algum tipo de informação.

O conversor que será apresentado neste capítulo é um conversor do tipo DC-DC, ou seja, ele possui como entrada e saída sinais idealmente contínues. Para este projeton busca-se um conversor de alta eficiência, isto é, pouca perda de energia nos componentes, e que seja utilizado como abaixador de tensão, uma vez que ele deve reduzir uma tensão de entrada proveniente de um conversor boost, como mostrado no Capítulo Circuito apresentado neste capítulo é um bom candidato, conforme verificado em [1].

Como você já disse isso no capítulo anterior, não há a necessidade de se repetir isso aqui.

2.2 - Características do Conversor

Isso que você escreveu está errado. É por isso que eu te pedi para explicar o funcionamento dinâmico do conversor seguindo o mesmo modelo daquela tese, pois lá é explicado que os transistores das chaves são fechados exatamente quando a tensão sobre elas (as chaves e não o transformador) é zero. É justamente essa característica que faz com que esse conversor seja altamente eficiente e consegua operar em altas frequências. Esse conversor tem como uma de suas principais características o ZVS (zero-

> voltage-switching). Isso significa que, como o nome já diz, há chaveamento sob tensão nula, em outras palavras, há energia que continua sendo transmitida mesmo havendo tensão zero no transformador. Isso se deve ao chamado indutor ressonante (L_{LK}) como pode-se ver na Figura 1.1. O indutor é um componente armazenador de energia em forma Este não é um de corrente Assim quando as chaves permitem que haja tensão no primário do transformador, uma parte da energia é transmitida para o secundário, mas uma parte é armazenada no indutor. Quando a tensão no primário é nula, o indutor ressonante funciona como uma fonte de corrente e a energia que estava anteriormente armazenada que eu falei. no indutor ressonante é transferida para o secundário, dando origem ao chamado ZVS.

ressonante! É apenas o indutor parasita do transformador (parasitic leakage). Veja a pág. 14 da tese de

O transformador não é um elemento ideal e possui essa indutância em série naturalmente, porém o valor dessa indutância geralmente não é grande o bastante para armazenar a energia necessária para garantir o ZVS. Assim, adiciona-se o indutor ressonante (L_{LK}) para satisfazer a essa condição e obter uma eficiência maior. Esse conceito será melhor ilustrado na seção em que é apresentada a dinâmica de funcionamento do conversor.

Outra grande característica é que este circuito opera com a frequência de chaveamento constante, fazendo com que o ciclo de trabalho em cada chave também seja constante [1]. Dessa forma, o controle é feito apenas ajustando-se a fase de condução das chaves analógicas (tomando-se o cuidado para a não ocorrência de curto-circuitos na entrada do conversor), com isso, pode-se manter o ciclo de trabalho efetivo mais longo, reduzindo as perdas devidas à comutação [2], pois transistores operando em alta frequência, mas com ciclo de trabalho curto apresentam maior perda no chaveamento [1]. Além disso em grande parte do período de chaveamento, teremos energia sendo transferida da entrada para a saída, reduzindo o tamanho do indutor ressonante. Neste conversor, o ciclo de trabalho efetivo é definido como sendo o ciclo de trabalho presente no secundário do transformador. Há essa diferença entre os ciclos de trabalho no primário e no secundário, pois a indutância presente no transformador não se carrega instantaneamente, tornando-os diferentes. Esse conceito será melhor ilustrado mais à frente.

Para que esse circuito siga as normas da ANATEL[3], ele necessita ter alta eficiência, ou seja, maior que 85% e, de acordo com o que foi discutido anteriormente neste capítulo, ele apresenta características que o torna um bom candidato a atender tal especificação.

Na Figura 2.1 apresentamos a arquitetura do circuito que será utilizada. Aqui optamos por um retificador de onda completa simples com *tap* central no secundário do transformador pelo fato de, nesse caso, não tem-se uma dupla queda de tensão nos diodos retificadores, como seria o caso com um retificador em onda completa, diminuindo perdas de potência no circuito.

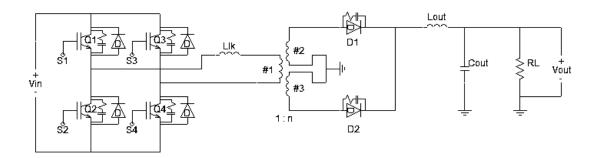


Figura 2.1 - Circuito do Conversor

Além da alta eficiência, o conversor em ponte completa com ZVS e controle por desvio de fase apresenta outras vantagens, tais como:

- Baixa interferência eletromagnética e de rádio frequência, devido à comutação sob tensão nula [4];
- Máxima tensão sobre as chaves é igual ao valor da entrada do conversor [2];
- Máxima corrente nos transitores de chaveamento é igual à máxima corrente de saída espelhada para o primário do transformador [5];
- Apresenta característica de saída desejável para o controle, uma vez que há uma relação direta entre ciclo de trabalho efetivo e corrente de saída [2].

2.3 - Dinâmica de funcionamento

O funcionamento dinâmico do circuito pode ser dividido em 4 etapas de operação, devido aos tempos de condução de cada uma das chaves analógicas e ao desvio de fase entre eles[5].

Para facilitar a análise, vamos assumir algumas considerações iniciais:

- Os dispositivos semicondutores (chaves e diodos) são ideais;
- A indutância de dispersão do transformador está incluída na indutância de ressonância;
- O transformador é considerado ideal:
- Capacitores e indutores não possuem resistência interna;
- A tensão de entrada é constante.

Pode-se ver na Figura 2.2 como é feito o chaveamento do circuito, assim observase que as chaves Q1 e Q2, assim como Q3 e Q4 são complementares, ou seja, quando uma está em condução a outra está cortada. Isso previne curtos-circuitos na fonte de alimentação, evitando assim picos de corrente indesejados. Deve haver um tempo morto entre os sinais S1 e S2, assim como entre S3 e S4, para evitar que uma chave entre em condução enquanto a outra ainda não foi completamente cortada. Ainda na Figira 2.2 estão representadas as etapas do chaveamento de 1 a 4, que se repetem a cada período.

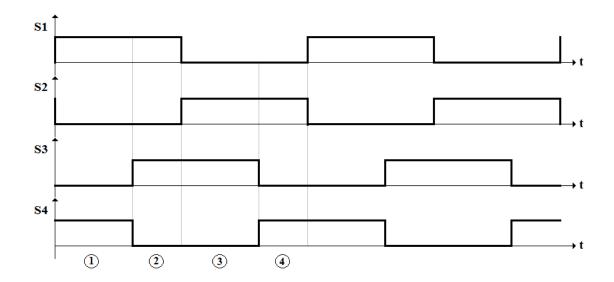


Figura 2.2 – Formas de onda de controle das chaves.

A seguir, cada uma das etapas de operação do conversor é analisada em detalhes.

2.3.1 - 1^a Etapa

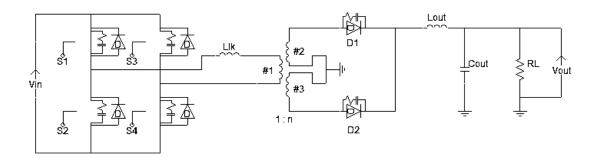


Figura 2.3 – Configuração do circuito conversor na etapa 1.

Como mostrado na Figura 2.3, as chaves S1 e S4 estão conduzindo nesta etapa e S2 e S3 estão cortadas. Portanto, a tensão presente no primário do tranformador é +Vin, fazendo com que o indutor Llk é carregado e a potência seja transferida para o filtro de saída e para a carga.

Na Figura 2.4 tem-se o gráfico mostrando a evolução no tempo das tensões do primário e do secundário e da corrente do primário, que é a mesma corrente no indutor Llk. Pode-se observar que, enquanto Vprim tem o valor de +Vin, o indutor Llk vai se

carregando e ,ao mesmo tempo, há energia transferida para o secundário do transformador.

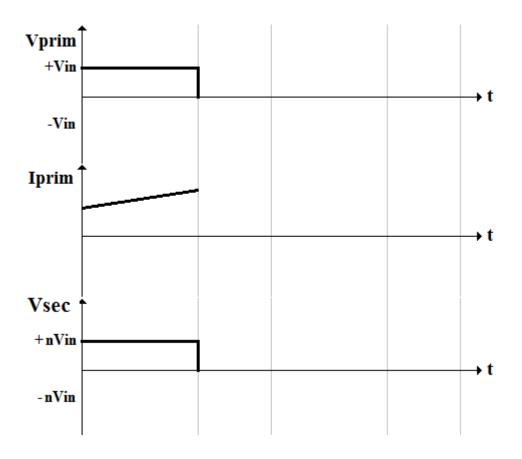


Figura 2.4 - Tensão e corrente no primário e tensão no secundário durante a 1ª etapa

2.3.2 - 2^a Etapa

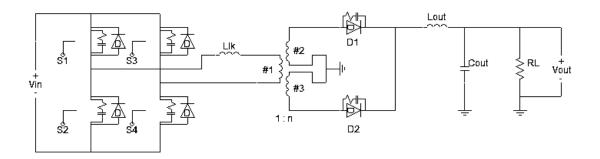


Figura 2.5 - Configuração do circuito conversor na etapa 2.

Nesta etapa, a chave S1 continua conduzindo, S3 começa a conduzir e S2 e S4 não conduzem. Como pode-se ver, a tensão no primário do transformador é nula, e é aqui que ocorre o chaveamento por tensão nula. Com a tensão de 0V sobre o transformador, não teríamos corrente passando por ele, mas graças a Llk, que foi carregado na etapa anterior, temos energia sendo transmitida do primário para o secundário. Logo, a corrente que estava armazenada nele diminuiu um pouco, conforme está mostrado na Figura 2.6.

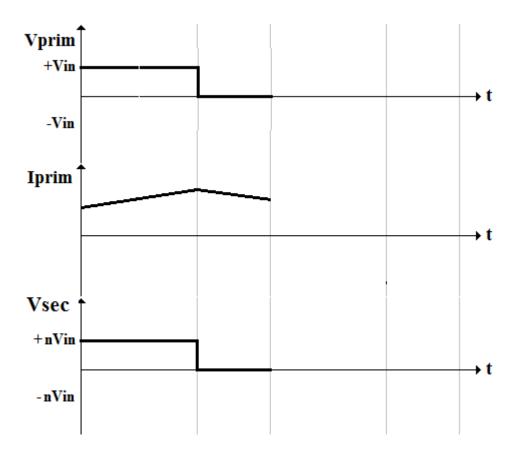


Figura 2.6 - Tensão e corrente no primário e tensão no secundário durante a 2ª etapa

Durante essa etapa, percebe-se a importância do corrente dimensionamento do indutor Llk, pois se ele for menor do que deve, a energia armazenada nele durante a 1ª etapa não será suficientemente grande, assim ele se descarregará antes do término da 2ª etapa. Portanto a condição de ZVS não será atendida.

De acordo com o seu raciocínio, isso é uma incoerência, porque a tensão aplicada ao primário continuará nula.

2.3.3 - 3^a Etapa

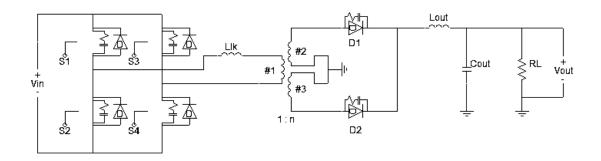


Figura 2.7 - Configuração do circuito conversor na etapa 3

Aqui S1 finalmente para de conduzir, S4 continua sem conduzir e apenas S2 e S3 estão conduzindo. Nesse momento, temos um degrau de tensão de –Vin no primário do transformador e uma inversão no sentido da corrente. A corrente não muda instantaneamente.

Pode-se ver na Figura 2.8 que a corrente do primário, ao ser submetido a um degrau de tensão. se descarrega até 0 e depois se carrega até o valor da corrente de carga, só que com o sinal negativo (sentido contrário) com uma inclinação de Vin/Llk, ou seja, quanto maior o valor do indutor ressonante, mais tempo demora para a inversão do sentido da corrente. e durante esse momento de inversão do sentido da corrente, não há energia sendo transferida para a carga. Após a conclusão desse processo a tensão do secundário deixa de ser nula.

Após isso, o circuito tem um comportamento parecido com o da etapa 1, onde o indutor ressonate continua se carregando até um certo valor, porém mais lentamente agora, pois parte da energia é transferida para a carga.

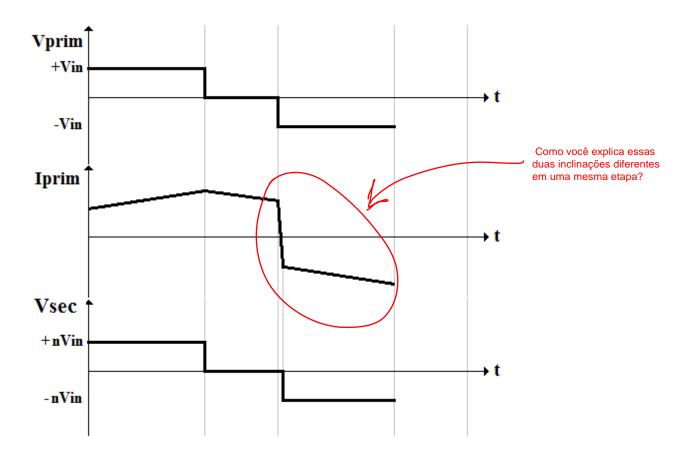


Figura 2.8 - Tensão e corrente no primário e tensão no secundário durante a 3ª etapa

2.3.4 - 4^a Etapa

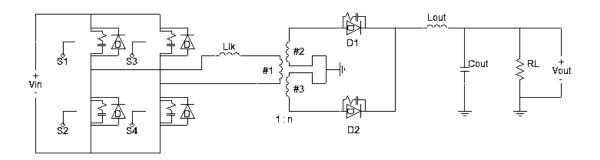


Figura 2.9 - Configuração do circuito conversor na etapa 4

A dinâmica é análoga a da etapa 2, porém nesse caso apenas S2 e S4 estão em condução. A tensão no primário do transformador torna-se nula novamente, mas a energia que estava armazenada no indutor Llk é transmitida para a carga, sendo assim o

chaveamento sob tensão nula, só que no ciclo negativo do chaveamento. Após essa etapa, o ciclo é repetido, e voltamos para a 1ª etapa.

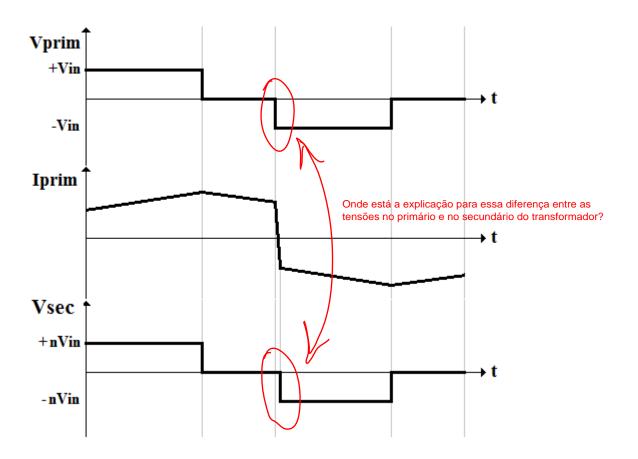


Figura 2.10 - Tensão e corrente no primário e tensão no secundário durante a 4ª etapa

Na Figura 2.10 vemos a forma que a corrente assume sob o primário do transformador, consequentemente sob o indutor de ressonância também, com a condição de chaveamente sob tensão nula sendo satisfeita. Se o indutor de ressonância não for grande o suficiente, ele não conseguira armazenar energia o bastante para haver corrente fluindo no transformador quando a tensão sobre o mesmo é nula. Do mesmo modo, se o indutor foi superdimensionado, ele vai demorar mais a carregar, assim diminuindo a eficiência do circuito.

Após a 4ª etapa finalizada, retornamos para a 1ª etapa de funcionamento, sendo esse ciclo sendo repetido a cada período de chaveamento, sendo a diferença de fase entre os sinais de comando das chaves ajustadas pelo controle.

Por que a diferença de fase deve ser controlada? Como essa diferença de fase afeta o funcionamento do citcuito? Sua explicação não deixa isso claro.

2.4 - Equações de projeto

O cálculo dos componentes desse conversor é baseado em projetos de conversores em ponte completa normais[5]. As etapas do projeto seguem o exemplo apresentado em [2].

Primeiramente, devemos calcular a relação de espiras do transformador do conversor. Logo após, vamos aos valores dos indutores, tanto o de ressonância, que proporciona a comutação sob voltagem nula, quanto ao do filtro de saída. Por fim, para atender às especificações de variação do valor de tensão de saída, calculamos o capacitor do filtro.

Por fim, temos que realizar o projeto físico dos transformadores e indutores e corrigir o valor do indutor de ressonância.

2.4.1 - Cálculo da relação de espiras (n)

De acordo com as refencias [2] e [5] com a Equação 2.2, é possível calcular a relação de espiras entre primário e secundário do transformador. Tem-se que η é a eficiência desejada para o conversor, V_{DSon} é a tensão de condução das chaves (em V), $D_{eff(max)}$ é a razão cíclica efetiva máxima no transformador e V_F é a queda de tensão sobre os diodos retificadores (em V).

$$\alpha = \frac{N_P}{N_S} = \frac{V_P}{V_S} \tag{2.1}$$

$$\alpha = \eta \left(V_{IN(\min)} - 2V_{DSon} \right) \frac{D_{eff(\max)}}{V_{OUT(\max)} + V_F} = \frac{N_P}{N_S} = \frac{V_P}{V_S}$$
 (2.2)

$$n = \frac{1}{\alpha} \tag{2.3}$$

2.4.2 - Indutor de ressonância (L_{LK})

Como pode ser visto em [2] e [5] indutância L_{LK} é definida na Equação 2.4. Nessa equação, ΔD representa a perda de razão cíclica em cima do indutor.

$$L_{LK} = \frac{\Delta D V_{IN(min)}}{4 F_S n I_{OUT}} \quad [H]$$
 (2.4)

Essa perda de razão cíclica se deve ao tempo que o sinal de comando da chave demora para ir do nível baixo ao nível alto, assim a razão cíclica fica ligeiramente menor do que deveria ser. Logo o tempo de condução das chaves é menor, e uma maior energia deve ser armazenada no indutor de ressonância para se manter o ZVS, tornando-o maior.

2.4.3 - Indutor do filtro de saída (L_{OUT})

O indutor do filtro de saída L_{OUT} é calculado na Equação 2.6. Tem-se que $I_{L_{OUT}}$ é a variação de corrente no indutor do filtro e $D_{eff(\min)}$ é a razão cíclica efetiva mínima, definida na Equação 2.7:

$$L_{OUT} = \frac{V_{L_{out}}}{\frac{\Delta I_{L_{out}}}{\Delta t}} \tag{2.5}$$

$$L_{OUT} = \frac{\left(V_{OUT(max)} + V_F\right)\left(1 - D_{eff(min)}\right)}{2 F_S \Delta I_{L_{OUT}}} \quad [H]$$
 (2.6)

$$D_{eff(\min)} = n \frac{V_{OUT(min)} + V_F}{V_{IN(max)}}$$
 (2.7)

2.4.4 - Capacitor do filtro de saída (C_{OUT})

O capacitor do filtro de saída C_{OUT} deve satisfazer a especificação de ripple definida por norma. Como é dito em [2] e [5], tal capacitor tem seu valor é calculado pela Equação 2.8.

$$C_{OUT} = \frac{\Delta I_{LOUT}}{8 F_{S} Ripple} \quad [F]$$
 (2.8)

2.4.5 - Projeto físico dos elementos magnéticos

Aqui será indicado como realizar o projeto de indutores e transformadores, referenciando a teoria atual, para que esse projeto possa ser adaptado à outras aplicaões e especificações. O sucesso no projeto do conversor está ligado a um projeto adequado dos elementos magnéticos, pois indutores e transformadores operando em alta frequência apresentam características não-ideais que atrapalham o funciomento do circuito [6].

Para o projeto físico de indutores e transformadores, precisa-se selecionar o núcleo necessário, o número de espiras e o fio de cobre para podermos fazer a indutância (ou relação de transformação) desejada. Para o caso em estudo temos que projetar dois indutores e um transformador. Alguns parâmetros são requisitos para os dois casos, e alguns cálculos são específicos.

2.4.5.1 - Projeto físico do indutor

Deve-se primeiramente selecionar o núcleo do elemento. De acordo com [6], os núcleo de ferrite são os mais indicados para operações em alta frequência em comparação aos núcleos de ferro-silício, mesmo apresentando algumas desvantagens, tais como baixa ronustez a choques mecânicos. Para selecionar corretamente o núcleo é necessário utilizar a Equação 2.8 [6]. Tem-se que B_{max} é a excursão de densidade de fluxo magnético máxima, J_{max} é o valor da densidade de corrente no condutor e k_w é o fator de ocupação do cobre dentro do carretel. Nas Figura 2.11 - Ilustração do Ae e Aw de um núcleo do tipo E – Fonte [6] e Figura 2.12 estão ilutrações que explicam melhor alguns parâmetro.

$$A_e A_w = \frac{L \, I_{pico} I_{RMS}}{B_{max} \, J_{max} \, k_w} 10^4 \quad [cm^4]$$
 (2.8)

O termo 10^4 na Equação 2.8 foi adicionado para ajuste de unidade (cm^4).

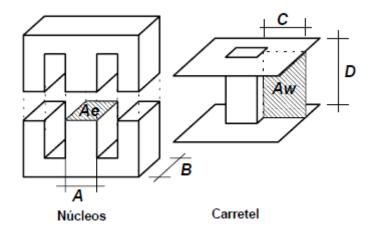


Figura 2.11 - Ilustração do Ae e Aw de um núcleo do tipo E – Fonte [6]

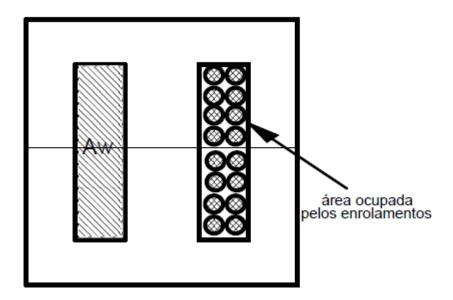


Figura 2.12 - Ilustração do significador do parâmetro kw – Fonte [6]

Com isso calculado, deve-se selecionar o núcleo que respeite a Equação 2.9. Os fabricantes de núcleo disponibilizam alguns tamanhos e formatos padrões de núcleo, e portanto deve-se selecionar o núcleo com o AeAw mais próximo do calculado.

$$A_e A_{w_{n\'ucleo}} \ge A_e A_{w_{calculado}}$$
 (2.9)

Lembrando que para indutores é recomendado escolher núcleos com entreferro [6], pois ele aumenta a precisão do valor do indutor e diminui o risco de saturação do núcleo.

Com o devido núcleo selecionado, deve-se calcular o número de espiras (N) necessário para realizar a indutância requisitada, para isso o cálculo deve ser feito utilizando a Equação 2.10, onde A_l é um parâmetro do núcleo que depende do material e do tamanho do entreferro.

$$N = \sqrt{\frac{L}{A_l}} \tag{2.10}$$

Agora calcular-se-a o fio de cobre necessário para o enrolamento, porém antes do cálculo deve ser observado o efeito pelicular, pois a medida que a frequência no indutor aumenta, a corrente tende a se distribuir pelas bordas do condutor, diminuindo a penetração no interior do elemento. O nível da profundidade de penetração num fio de cobre é calculado pela Equação 2.11.

$$\Delta = \frac{7.5}{\sqrt{f_s}} \quad [cm] \tag{2.11}$$

Tal que um fio de cobre a ser utilizado não deve ter diâmetro superior a 2Δ.

Tomando a devida preucaução com o efeito pelicular, a área do fio de cobre, que depende da densidade de corrente, deve ser selecionada de modo a satisfazer a Equação 2.12. Porém o fio calculado pode violar a regra da equação anterior, nesse caso deve-se associar fios em paralelo que satisfaçam às duas condições.

$$S_{fio} = \frac{I_{RMS}}{J_{max}} \quad [cm^2] \tag{2.12}$$

Por fim, é necessário observar a possibilidade de execução do projeto realizado, ou seja, se o condutor e a quantidade de fios calculadas cabem na janela do carretel do núcleo selecionado. Caso o teste falhe, deve-se selecionar outro núcleo e fazer todos os cálculos novamente.

$$A_{w_{min}} = \frac{N \, n_{condutores} \, S_{fio}}{k_w} \quad [cm^2]$$
 (2.13)

$$\frac{A_{w_{min}}}{A_{w_{núcleo}}} \ge 1 \tag{2.14}$$

2.4.5.2 - Projeto físico do transformador

O projeto físico para o transformador segue os mesmos passos do projeto para indutores, porém para transformadores não utiliza-se núcleos com entreferro[14] e, como não tem-se um valor de indutância fixo para projetar, para a escolha do utiliza-se a Equação 2.15. Aqui o termo kp significa o fator de ocupação da área de janela pelo enrolamento do primário e kw é o fator de ocupação do cobre dentro do carretel.

$$A_e A_w = \frac{V_{primario} D_{effmax} I_{RMS}}{f_s B_{max} J_{max} k_v k_w} 10^4 \quad [cm^4]$$
 (2.15)

Para o número de espiras do primário, tem-se a Equação 2.16 [14]. Para as espiras dos secundários, basta apenas utilizar a relação de espiras calculada para o transformador.

$$N_P = \frac{V_{primario} D_{effmax}}{A_e f_s B_{max}}$$
 (2.16)

$$N_S = n N_P (2.17)$$

E para a verificação da possibilidade de execução, deve-se levar em consideração todas as espiras do transformador e utilizar a Equação 2.18.

$$A_{w_{min}} = \frac{\sum_{i} N_{i} \, n_{condutores_{i}} \, S_{fio_{i}}}{k_{w}} \quad [cm^{2}]$$
 (2.18)

Bibliografia

- [1] SABATÉ, J. A., VLATKOVIC, V., RIDLEY, R. B., LEE, F. C., CHO, C. H., "Design Considerations for High-Voltage High-Power Full-Bridge Zero-Voltage-Switched PWM Converter", IEEE Transactions on Power Eletronics, v. 7, pp. 275-284, 1992.
- [2] GAIDZINSKI, P. R., Unidade Retificadora de Alta Performance 1500W 25A, para Telecomunicações. M.Sc. dissertation, Universidade Federal de Santa Catarina, Agosto de 1993.
- [3] ANATEL, "Resolução nº 542, de 29 de junho de 2010", http://www.anatel.gov.br/legislacao/resolucoes/2010/81-resolucao-542, 2010, (Acesso em 02 de maio de 2016).
- [4] BRUNORO, M., VIEIRA, L. F., "A High-Performance ZVS Full-Bridge DC–DC 0–50-V/0–10-A Power Supply with Phase-Shift Control", *IEEE Transactions on Power Eletronics*, v. 14, n. 3, maio de 1999.
- [5] LOURENÇO, E. M., Análise e Projeto de Compensadores para Comversores Full-Bridge-ZVS-PWM-OS. M.Sc. dissertation, Universidade Federal de Santa Catarina, Dezembro de 1994.
- [6] "Projeto Físico de Indutores e Transformadores em Alta Freqüência", http://www.joinville.udesc.br/portal/professores/sergiovgo/materiais/Apostila_Projeto_ Fisico_De_Magneticos.pdf (Acesso em 19 de junho de 2016).
- [7] VLATKOVIĆ, V., SABATÉ, J. A., "Small-Signal Analysis of the Phase-Shifted PWM Converter", *IEEE Transactions on Power Eletronics*, v. 7, n.1, pp. 128-135, janeiro de 1992.
- [8] "Two Loop Average Current Control of Boost Converter" Dr. Akshay Kumar, Assistant Professor, National University of Singapore. http://www.ece.nus.edu.sg/stfpage/akr/controlboost.pdf (Acesso em 22 de maio de 2015).
- [9] "PID Controller Wikipedia, the free encyclopedia", https://en.wikipedia.org/wiki/PID_controller (Acesso em 09 de julho de 2016).

- [10] Texas Instruments, "36-V, Precision, RRIO, Low Offset Volt, Low Input Bias Currente Op Amp w/ e-trim (Rev. E)", http://www.ti.com/lit/ds/symlink/opa192.pdf (Acesso em 06 de julho de 2016).
- [11] Texas Instruments, "High-Speed, 4-A, 600-V High-Side Low-Side Gate Driver (Rev. A)", http://www.ti.com/lit/ds/symlink/ucc27714.pdf (Acesso em 06 de julho de 2016).
- [12] Infineon Technologies, "Datasheet IPx50R190CE", http://www.mouser.com/ds/2/196/Infineon-IPX50R190CE-DS-v02_01-EN-359664.pdf (Acesso em 06 de julho de 2016).
- [13] NXP Semiconductors, "BYV415W-600P-524736", http://www.mouser.com/ds/2/302/BYV415W-600P-524736.pdf (Acesso em 6 de julho de 2016)
- [14] "Projeto Físico de Indutores e Transformadores em Alta Freqüência", http://www.joinville.udesc.br/portal/professores/nodari/materiais/aulamagneticos.pdf (Acesso em 19 de junho de 2016)