

Um programa linear (LP) é um problema de otimização em que a função objetivo é linear e as restrições consistem em igualdades ou desigualdades lineares. A forma exata dessas restrições pode diferir de um problema para outro, mas, como mostrado abaixo, qualquer programa linear pode ser transformado na seguinte **forma padrão**:

$$\begin{array}{llll}
 \min & c_1x_1 + c_2x_2 + \dots + c_nx_n & & \\
 \text{sjt} & a_{11}x_1 + a_{12}x_2 + \dots + a_{1n}x_n & = & b_1 \\
 & a_{21}x_1 + a_{22}x_2 + \dots + a_{2n}x_n & = & b_2 \\
 & \cdot & & \cdot \\
 & \cdot & & \cdot \\
 & \cdot & & \cdot \\
 & a_{m1}x_1 + a_{m2}x_2 + \dots + a_{mn}x_n & = & b_m \\
 \text{e} & x_1 \geq 0, x_2 \geq 0, \dots, x_n \geq 0, & &
 \end{array}$$

Onde $c_1x_1 + c_2x_2 + \dots + c_nx_n$ é a função objetivo(ou função critério). Os coeficientes c_1, c_2, \dots, c_n são chamados de coeficientes de custo e x_1, x_2, \dots, x_n são as variáveis de decisão a serem determinadas. b_i, c_i e a_{ij} são constantes reais. Em uma notação vetorial mais compacta, este problema padrão se torna

$$\begin{array}{ll}
 \min & \mathbf{c}^t \mathbf{x} \\
 \text{sjt} & \mathbf{Ax} = \mathbf{b} \\
 \text{e} & \mathbf{x} \geq 0,
 \end{array}$$

Onde \mathbf{x} é um vetor coluna n-dimensional, \mathbf{c}^T é um vetor linha n-dimensional, \mathbf{A} é uma matriz $m \times n$ e \mathbf{b} é um vetor coluna m-dimensional. A inequação linear $\mathbf{x} \geq \mathbf{0}$ significa que cada componente é não negativa.