# Aprendizado de Máquina Inteligência Artificial

Msc Jose Netto jose.netto@anhembi.br

# Agenda

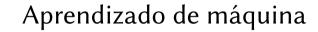
Aprendizado de máquina

**Paradigmas** 

Processo de análise de dados

**Exemplo ID3** 

Exemplo



Aprendizado de Maquina

# Introdução

Técnicas chave em Inteligência Artificial (IA)



#### Conceitos envolvidos

#### Armazenar conhecimento

Representação → criar um modelo → algoritmo parametrizado

# Aplicar conhecimento para resolver problemas

- Raciocínio (mecanismo de inferência)
- aplicação do modelo → inferir novos dados

### Adquirir novos conhecimentos

Aprender com dados que são apresentados.

#### Definição

#### O que é Aprendizado de Máquina?

- técnicas computacionais capazes de adquirir conhecimento de forma automática.
- capazes de tomar decisões baseado em experiências acumuladas ...
- por meio de soluções bem sucedida de problemas anteriores.

# Aprendizado de Máquina

### · Característica do aprendizado de máquina

- É uma ferramenta poderosa para aquisição automática de conhecimento,
- contudo, não existe um único algoritmo perfeito para todos os problemas.

there is no silver bullet

### Formas de aquisição de conhecimento

### Duas formas diferentes de aquisição de conhecimento

- Dedução
  - · Parte de um raciocínio geral para o específico.
- Indução
  - · Parte de um raciocínio específico para o geral.

### Formas de aquisição de conhecimento

#### Dedução:

- Humanos usam raciocínio dedutivo para deduzir nova informação ...
- a partir de informação relacionada logicamente.

### Formas de aquisição de conhecimento

#### Indução:

- é uma forma de inferência lógica.
- permite obter conclusões a partir de um conjunto de dados.
- aprendizado acontece efetuando-se inferência indutiva sobre os dados apresentados.

# Aprendizado de Máquina

Hierarquia do aprendizado



### Tipos de aprendizado

### Aprendizado não supervisionado

- visa-se determinar grupos ou classes por meio das informações dos dados.
- Não existe classe/rótulo pré-definida para nenhum dos dados;
- pode ser utilizado sobre um único conjunto de dados.

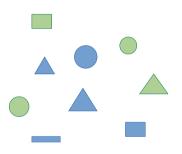
#### **Tarefas**

### Agrupamento:

- o indutor analisa os dados buscando padrões e/ou características em comum ...
- que sejam indícios para formação de grupos ou clusters
- Ex: identificar grupos de pessoas com padrões similares de compras.

### Agrupamento

Analise a imagem abaixo



- Como poderíamos agrupar os elementos para formar exatamente 2 grupos?
- E se fossem 3 grupos? Como ficaria o agrupamento?
- e 4 grupos?

#### **Tarefas**

#### Redução de dimensionalidade:

- reduz o número de atributos (colunas) dos dados.
- avalia-se a qualidade de cada atributo e seleciona-se os melhores.
- Ex: remoção de dados desnecessários da base de dados para melhorar performance.

#### Tipos de aprendizado

### Aprendizado Supervisionado

- Necessidade de um conjunto de treinamento e um conjunto de teste.
- Os dados do conjunto de treinamento são acompanhados por "rótulos"
- os rótulos indicam a classe a que eles pertencem.
- Novos dados são classificados com base no conjunto de treinamento.

### Aprendizado Supervisionado

#### Objetivo

- Construir um classificador (indutor);
- o indutor deve ser capaz de determinar a classe de novos dados ...
- através de dados previamente rotulados.

#### **Tarefas**

### Classificação:

- Determinar rótulos com valores discretos.
- Ex. Detecção de spam, identificação de transação falsa
- Ex. Identificação automática de revisão de produto como boa ou má revisão.

#### **Tarefas**

#### Regressão:

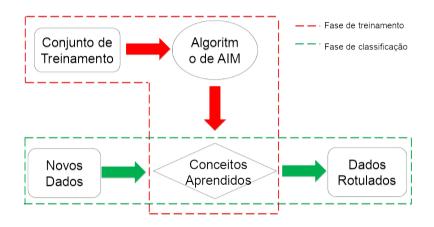
- Determinar rótulos com valores contínuos.
- Ex. Prever o faturamento do próximo período baseado nas vendas anteriores
- Ex. Prever valores faltantes em uma base de dados.

### Aprendizado Supervisionado

### Fase de treinamento e classificação

- Basicamente as técnicas de aprendizado supervisionados possuem duas fases:
- Fase de treinamento
  - · o padrão dos dados são aprendidos através de um conjunto de treinamento;
  - · sendo que, os dados já possuem rótulos.
- Fase de classificação
  - · o classificador treinado é utilizado para predizer novos dados

# Aprendizado de Máquina





Aprendizado de Maquina

#### · Simbólico:

- Aprende construindo representações simbólicas do problema através de exemplos.
- Constrói um modelo interpretável.
- Técnicas: Árvores de decisão, regras semânticas

- Memorização (Instance-Based ou Lazy Learning)
  - Aprende através da utilização de uma "memória" (conjunto de dados)
  - Técnicas: kNN

#### Conexionista

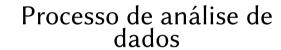
- Cria conexões entre elementos para aprender
- Técnicas: Redes neurais artificiais

#### Genético

- Baseia-se em técnicas evolucionárias de aprendizagem
- analogia à teoria de Darwin e ao comportamento da natureza
- Técnicas: Algoritmos evolutivos, Programação genética

#### Estatístico

- Utiliza-se de conceitos da estatística para construir um modelo de aprendizagem
- Técnicas: Aprendizado Bayesiano, regressões



Aprendizado de Maquina

### **Definições**

#### Modelo de classificação/agrupamento

- programa parametrizado através dos dados
- visa extrair um bom classificador, por exemplo ...
- a partir de um conjunto de dados rotulados.

# **Definições**

#### Classe (Rótulo):

- atributo especial no qual se pretende aprender a fazer previsões a respeito.

#### • Bias:

- qualquer preferência de uma hipótese sobre a outra.

# **Definições**

#### Modo de aprendizado:

- Não incremental
  - · todo conjunto de treinamento presente no aprendizado desde o início.
- Incremental
  - · quando novos dados de treinamento são adicionados.

### Exemplo de base de dados

- Flor iris
- Identificar a espécie da planta (setosa, versicolor ou virgínica)
- Utilizar o comprimento e largura da sépala e da pétala







# • Existem diversas definições para os conjuntos de dados.

- Considere o conjunto de dados estruturado abaixo.

comprimento sépala	largura sépala	comprimento pétala	largura pétala	classe
5,1	3,5	1,4	0,2	Iris-setosa
4,9	3	1,4	0,2	Iris-setosa
4,7	3,2	1,3	0,2	Iris-setosa
7	3,2	4,7	1,4	Iris-versicolor
6,4	3,2	4,5	1,5	Iris-versicolor
6,9	3,1	4,9	1,5	Iris-versicolor
6,3	3,3	6	2,5	Iris-virginica
5,8	2,7	5,1	1,9	Iris-virginica
7,1	3	5,9	2,1	Iris-virginica

#### Linhas

- Cada linha pode ser chamada de dado, exemplo, registro, instância, vetor de característica, dentre outros.
- Cada linha representa uma flor diferente.

comprimento sépala	largura sépala	comprimento pétala	largura pétala	classe
5,1	3,5	1,4	0,2	Iris-setosa
4,9	3	1,4	0,2	Iris-setosa
4,7	3,2	1,3	0,2	Iris-setosa
7	3,2	4,7	1,4	Iris-versicolor
6,4	3,2	4,5	1,5	Iris-versicolor
6,9	3,1	4,9	1,5	Iris-versicolor
6,3	3,3	6	2,5	Iris-virginica
5,8	2,7	5,1	1,9	Iris-virginica
7,1	3	5,9	2,1	Iris-virginica

#### Colunas

- Cada coluna pode ser chamada de atributo ou variável.
- Cada coluna representa uma característica diferente da flor.

comprimento sépala	largura sépala	comprimento pétala	largura pétala	classe
5,1	3,5	1,4	0,2	Iris-setosa
4,9	3	1,4	0,2	Iris-setosa
4,7	3,2	1,3	0,2	Iris-setosa
7	3,2	4,7	1,4	Iris-versicolor
6,4	3,2	4,5	1,5	Iris-versicolor
6,9	3,1	4,9	1,5	Iris-versicolor
6,3	3,3	6	2,5	Iris-virginica
5,8	2,7	5,1	1,9	Iris-virginica
7,1	3	5,9	2,1	Iris-virginica

#### Avaliação do Modelo

### Avaliação do aprendizado

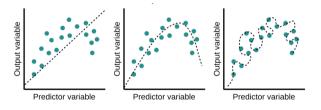
- Após o processo de aprendizado ...
- precisamos avaliar a capacidade preditiva do modelo (indutor)
- é necessária a utilização de um novo conjunto de dados;
- também chamado de conjunto de teste.

#### Conjunto de Teste

- classificar os dados do conjunto de teste baseado no aprendizado do conjunto de treinamento
- O conjunto de teste é normalmente uma parte do conjunto original de dados ...
- que deve ser independente do conjunto de treinamento.

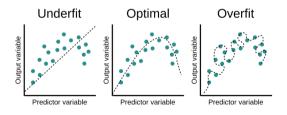
## Observe as três imagens

- cada uma delas representa um modelo diferente que aprendeu com os dados
- A linha pontilhada representa o modelo inferido
- Qual das três imagens melhor representa um modelo que aprendeu com os dados?



# Underfitting

- modelo muito generalista;
- classificador não se adapta nem aos dados de treinamento.

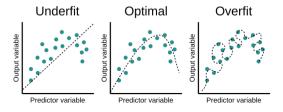


## Overfitting

- modelo muito específico;
- classificador está muito ajustado aos dados de treinamento.

#### Problema

- classificador é eficaz em classificar somente os dados de treinamento ...
- e inadequado para classificar outros exemplos de dados.



#### Para evitar o overfitting:

- podemos criar um terceiro conjunto de dados;
- também conhecido como conjunto de validação.

## Conjunto de validação

- ajuda a avaliar a capacidade de generalização do classificador.
- podemos "re-treinar" o modelo (classificador) para melhorar sua performance

- Validação cruzada (cross-validation)
  - Técnica de validação para evitar overfitting.
  - especialmente interessante quando n\(\tilde{a}\) temos um conjunto de teste e treinamento bem definidos.

#### Ideia geral

- Dividir os dados diversas vezes ...
- para estimar os erros de cada um dos classificadores induzidos.
- Selecionar o classificador com menor estimativa de erro.

#### Validação Cruzada

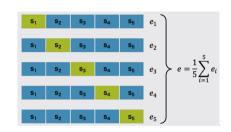
#### Suponha uma base de dados de treinamento

- assuma que a base contenha 100 instâncias
- ou seja, 100 exemplos de dados
- podemos dividir essa base em subconjuntos de 20 instâncias cada
- totalizando 5 subconjuntos



## Exemplo de validação cruzada

- Vamos utilizar 4 subconjuntos para fazer treinamento...
- e o subconjunto restante para validar o modelo
- Repetimos esse processo utilizando combinações diferentes



#### **Observações**

#### Analisando o modelo induzido

- A qualidade do dados de treinamento implica na qualidade das regras do indutor.
- Não é possível descobrir algo que não esteja nos dados de treinamento.
- Seleção dos dados e dos atributos é fundamental neste processo.
- Importante o conhecimento e experiência do especialista.



Exemplo ID3

Aprendizado de Maquina

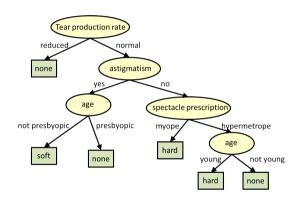
- O ID3 (Iterative Dichotomizer 3)
  - Algoritmo desenvolvido por John R. Quinlan;
  - algoritmo baseado em árvores de decisão.

#### Árvores de decisão

- podem ser representadas como conjuntos de regras SE ENTÃO (IF THEN).
- É um dos métodos de aprendizagem mais conhecidos.
- gera um modelo interpretável
- Aplicações:
  - · Diagnóstico médico, análise de risco de crédito, mineração de dados, etc.

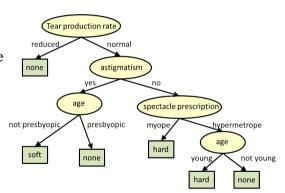
#### Características:

- Árvores de decisão classificam instâncias ordenando as árvores;
- começam da raiz até chegarem em alguma folha.



#### Características:

- Cada nó da árvore especifica o teste de algum atributo da instância.
- Cada ramo parte de um nó correspondente a um dos valores possíveis dos atributos.



#### Instâncias

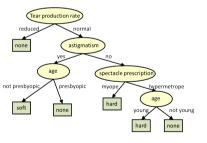
- irão representar os exemplos da base de dados
- são descritas por um conjunto fixo de atributos
- cada coluna irá representar uma característica
- Ex: Temperatura e seus valores (quente, frio, etc).

#### Classes/Rótulos

- Elemento a ser predito/classificado.
  - · tem valores discretos de saída
- Classificação booleana
  - · (Yes ou No) para cada exemplo
- Classificação Multiclasses
  - · mais de duas possibilidades (Uva, Laranja, Melancia, etc).

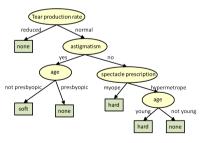
## Inicialização do algoritmo

- Como determinar o atributo raiz da árvore?
  - · cada atributo deve ser avaliado usando um teste estatístico
  - · para determinar quão bem ele sozinho classifica os dados de treinamento.



#### Seleciona-se o melhor atributo

- O melhor atributo é selecionado e usado como teste na raiz da árvore.
- Um descendente do nó raiz é então criado para cada valor possível deste atributo;
- e os dados de treinamento são ordenados para o nó descendente apropriado.



#### Iteração

- O processo é repetido para cada um dos atributos restantes;
- objetivo é selecionar o melhor atributo para testar naquele ponto da árvore.
- Busca gulosa:
  - · algoritmo nunca recua para reconsiderar escolhas prévias.

```
1 ID3 (Exemplos, atributo_classificador, Atributos)
2 cria a folha inicial da arvore Root.
   se todos os objetos são positivos em Exemplos
     retornar uma única folhar com saida positiva
   se todos os objetos são negativos em Exemplos
     retornar uma única folha com a saida negativa
   se Atributos estiver vazio
     retornar uma unica folha com a saida mais comum na base
8
   senao:
     A = atributo de Atributos que melhor classifique Exemplos
10
11
     Root = A
     para cada valor de A:
12
       adicionar uma nova folha a A com o valor correspondente a v
13
14
       sendo x = resultado de Exemplos com os objetos que contenham v como atributo
15
       se x gerado estiver vazio
         adicionar uma folha a Root como valor mais comum da base
16
17
       senao
18
         ID3(x. atributo classificador. Atributos-A)
    retornar root
19
```

- Determinando o melhor atributo:
  - Precisamos selecionar qual atributo testar em cada nó da árvore.
  - Utilizaremos uma métrica que seja útil para selecionar o melhor atributo.
- Qual métrica poderíamos utilizar?

#### Ganho de informação:

- mede quão bem um atributo separa os dados de treinamento ...
- de acordo com a classe a ser predita.
- Para calcular o Ganho de Informação precisaremos calcular a Entropia

#### Entropia

- Caracteriza a (im)pureza de uma coleção arbitrária de dados.
- A entropia é usada para estimar a aleatoriedade da variável a prever (classe).
- Entropia = 1
  - · significa que não há tendência para nenhuma classe.
- Entropia = 0
  - $\cdot\,$  significa que possui tendência máxima, ou seja, qualquer atributo classifica o conjunto de dados.

#### Entropia

#### Cálculo

- Dado uma base de dados S contendo dados positivos(pos) e negativos(neg);
  - · ou seja, duas possíveis classes
- a entropia de S relativa a estas duas classes é:

$$Entropia(S) = -(p_{pos}) \times log_2(p_{pos}) - (p_{neg}) \times log_2(p_{neg})$$

 $p_{pos}$  é a probabilidade do dado ser positivo em S.

 $p_{neg}$  é a probabilidade do dado ser negativo em S.

## Ganho de informação → Ganho (S, A)

- redução esperada na entropia devido a partição dos dados...
- utilizando o atributo A como separador;

ou seja, utilizando o atributo A como nó da árvore.

\_

$$Ganho(S,A) = Entropia(S) - \left(\sum_{v \in valores(A)} \frac{S_v}{|S|} \times Entropia(S_v)\right)$$
quantidade total de elementos

A na base de dados

quantidade elementos



Exemplo

Aprendizado de Maquina

# **Exemplo**

# • Considere a base de dados a seguir

COLOR	SIZE	ACT	AGE	INFLATED
yellow	small	stretch	adult	Т
yellow	small	strectch	adult	T
yellow	small	stretch	chils	F
yellow	small	dip	adult	F
yellow	small	dip	child	F
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	adult	Т
yellow	large	stretch	child	F
yellow	large	dip	adult	F
yellow	large	dip	child	F
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	child	F
purple	small	dip	adult	F
purple	small	dip	child	F
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	child	F
purple	large	dip	adult	F
purple	large	dip	child	F

- Determinando a entropia da base de dados (S)
  - Base de dados
    - · 20 elementos no total
    - · 8 positivos (T)
    - · 12 negativos (F)

$$Entropia(S) = -(p_{pos}) \times log_2(p_{pos}) - (p_{neg}) \times log_2(p_{neg})$$

• Entropia da base de dados (S)://

$$Entropia(S) = -\left(\frac{8}{20}\right) \times \log_2\left(\frac{8}{20}\right) - \left(\frac{12}{20}\right) \times \log_2\left(\frac{12}{20}\right)$$

$$Entropia(S) \approx 0,97$$

#### Ganho de informação

- Mede a efetividade de um atributo em classificar um conjunto de treinamento.
- Quão bom um atributo é para classificar um conjunto de treinamento

#### Ganho de Informação de um atributo A:

- mede a redução na Entropia ...
- causada pelo particionamento de dados de acordo com este atributo

#### • Por exemplo:

- considere atributo "age"
  - · contendo os valores "adult" e "child" do conjunto de treinamento ballon.
- Agora considere que:
  - · 8 dos dados positivos e 4 dos dados negativos são definidos por "age" = "adult"
  - · (12 no total)
  - · 8 dados negativos e nenhum positivo definidos por "age" = "child"

## Ganho de informação (age)

- O ganho de Informação ao selecionar o atributo "age" para a raiz:
- $S = [8_{pos}, 12_{neg}];$
- $S_{adult} = [8_{pos}, 4_{neg}];$
- $S_{child} = [0_{pos}, 8_{neg}]$

SIZE	ACT	AGE	INFLATED
small	stretch	adult	T
small	strectch	adult	T
small	stretch	chils	F
small	dip	adult	F
small	dip	child	F
large	stretch	adult	T
large	stretch	adult	T
large	stretch	child	F
large	dip	adult	F
large	dip	child	F
small	stretch	adult	T
small	stretch	adult	T
small	stretch	child	F
small	dip	adult	F
small	dip	child	F
large	stretch	adult	T
large	stretch	adult	T
large	stretch	child	F
large	dip	adult	F
large	dip	child	F
	small small small small large large large small small small small small large large	small stretch small stretch small dip small dip large stretch large dip large stretch large dip small stretch small stretch small stretch small stretch small stretch small dip	small stretch adult small stretch adult small stretch adult small side side small dip child large stretch adult large stretch child large dip child small stretch adult large dip child large stretch adult large stretch adult large stretch child large dip adult

## Entropia do atributo Age:

$$\begin{split} \textit{Entropia}(\textit{adult}) &= -\left(\frac{8}{12}\right) \times \log_2\left(\frac{8}{12}\right) - \left(\frac{4}{12}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{12}\right) = 0.918 \\ &\textit{Entropia}(\textit{child}) = -\left(\frac{0}{8}\right) \times \log_2\left(\frac{0}{8}\right) - \left(\frac{8}{8}\right) \times \log_2\left(\frac{8}{8}\right) = 0 \\ &\textit{Ganho}(S, A) = 0.97 - \left(\left(\frac{12}{20}\right) \times 0,918 + \left(\frac{8}{20}\right) \times 0\right) = 0,42 \end{split}$$

#### Ganho de informação Act

- O Ganho de Informação ao selecionar o atributo "act" para a raiz:
- $S = [8_{pos}, 12_{neg}]$
- $S_{stretch} = [8_{pos}, 4_{neg}]$
- $S_{dip} = [0_{pos}, 8_{neg}]$

COLOR	SIZE	ACT	AGE	INFLATED
yellow	small	stretch	adult	Т
yellow	small	strectch	adult	T
yellow	small	stretch	chils	F
yellow	small	dip	adult	F
yellow	small	dip	child	F
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	child	F
yellow	large	dip	adult	F
yellow	large	dip	child	F
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	child	F
purple	small	dip	adult	F
purple	small	dip	child	F
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	child	F
purple	large	dip	adult	F
purple	large	dip	child	F

## • Entropia do atributo Act:

$$Entropia(stretch) = -\left(\frac{8}{12}\right) \times \log_2\left(\frac{8}{12}\right) - \left(\frac{4}{12}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{12}\right) = 0.918$$

$$Entropia(dip) = -\left(\frac{0}{8}\right) \times \log_2\left(\frac{0}{8}\right) - \left(\frac{8}{8}\right) \times \log_2\left(\frac{8}{8}\right) = 0$$

 $Ganho(S, A) = 0.97 - \left(\left(\frac{12}{20}\right) \times 0,918 + \left(\frac{8}{20}\right) \times 0\right) = 0,42$ 

## Ganho de informação Size

- O Ganho de Informação ao selecionar o atributo "size" para a raiz:
- $S = [8_{pos}, 12_{neg}];$
- $S_{small}$  [4<sub>pos</sub>, 6<sub>neg</sub>];
- $S_{large} = [4_{pos}, 6_{neg}].$

COLOR	SIZE	ACT	AGE	INFLATED
yellow	small	stretch	adult	Т
yellow	small	strectch	adult	T
yellow	small	stretch	chils	F
yellow	small	dip	adult	F
yellow	small	dip	child	F
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	child	F
yellow	large	dip	adult	F
yellow	large	dip	child	F
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	child	F
purple	small	dip	adult	F
purple	small	dip	child	F
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	child	F
purple	large	dip	adult	F
purple	large	dip	child	F

# Entropia do atributo Size:

$$\begin{aligned} &Entropia(small) = -\left(\frac{4}{10}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{10}\right) - \left(\frac{6}{10}\right) \times \log_2\left(\frac{6}{10}\right) = 0,97 \\ &Entropia(large) = -\left(\frac{4}{10}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{10}\right) - \left(\frac{6}{10}\right) \times \log_2\left(\frac{6}{10}\right) = 0,97 \\ &Ganho(S,A) = 0,97 - \left(\left(\frac{10}{20}\right) \times 0,97 + \left(\frac{10}{20}\right) \times 0,97\right) = 0 \end{aligned}$$

#### Ganho de informação do atributo Color

- O Ganho de Informação ao selecionar o atributo "color" para a raiz.
- $S = [8_{pos}, 12_{neg}];$
- $S_{yellow} = [4_{pos}, 6_{neg}];$
- $S_{purple} = [4_{pos}, 6_{neg}].$

COL	OR	SIZE	ACT	AGE	INFLATED
yello	w	small	stretch	adult	T
yello	w	small	strectch	adult	T
yello	w	small	stretch	chils	F
yello	w	small	dip	adult	F
yello	w	small	dip	child	F
yello	w	large	stretch	adult	T
yello	w	large	stretch	adult	T
yello	w	large	stretch	child	F
yello	w	large	dip	adult	F
yello	w	large	dip	child	F
purp	le	small	stretch	adult	T
purp	le	small	stretch	adult	T
purp	le	small	stretch	child	F
purp	le	small	dip	adult	F
purp	le	small	dip	child	F
purp	le	large	stretch	adult	T
purp	le	large	stretch	adult	T
purp	le	large	stretch	child	F
purp	le	large	dip	adult	F
purp	le	large	dip	child	F

#### Entropia do atributo Color:

$$\begin{aligned} \textit{Entropia}(\textit{yellow}) &= -\left(\frac{4}{10}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{10}\right) - \left(\frac{6}{10}\right) \times \log_2\left(\frac{6}{10}\right) = 0,97 \\ &\textit{Entropia}(\textit{purple}) = -\left(\frac{4}{10}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{10}\right) - \left(\frac{6}{10}\right) \times \log_2\left(\frac{6}{10}\right) = 0,97 \\ &\textit{Ganho}(S,A) = 0,97 - \left(\left(\frac{10}{20}\right)0,97 + \left(\frac{10}{20}\right)0,97\right) = 0 \end{aligned}$$

#### Ganho de Informação:

- Age = 0,41997309
- Color = 0.0
- Act = 0,41997309
- size = 0.0

#### Agora temos a raiz

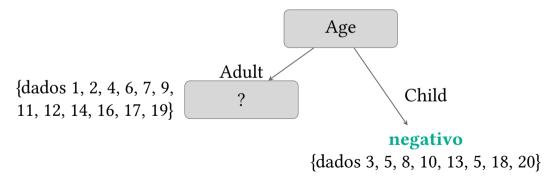
 Criamos nós filhos a partir da raiz de acordo com os possíveis valores assumidos pelo atributo "age".

#### Demais ramos

- Devemos proceder da mesma maneira para os demais ramos que surgem a partir da raiz.
- Em cada ramo consideramos somente os dados nele contidos.
  - $\cdot\,$  Desde que haja divergência entre as classes de saída, ou seja, há classes diferentes para tal atributo.

#### Determinando o nó raiz

- Um dos ramos não tem divergência entre as classes de saída;
- ou seja, entropia é igual a zero:



#### Nova base de dados S

estamos desconsideramos as instâncias que contém age = child

COLOR	SIZE	ACT	AGE	INFLATED
yellow	small	stretch	adult	Т
yellow	small	strectch	adult	T
yellow	small	dip	adult	F
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	dip	adult	F
purple	small	stretch	adult	Т
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	dip	adult	F
purple	large	stretch	adult	Т
purple	large	stretch	adult	Т
purple	large	dip	adult	F

## Determinando a entropia do novo S

- Assume-se a probabilidade de se pertencer a uma das duas classes (positiva ou negativa) do novo S.
- 8 positivos (T)
- 4 negativos (F)
- Logo, a Entropia desse conjunto é dada por:

$$Entropia(S) = -\left(\frac{8}{12}\right) \times \log_2\left(\frac{8}{12}\right) - \left(\frac{4}{12}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{12}\right)$$

 $Entropia(S) \approx 0,92$ 

## Ganho de informação (Act)

- O Ganho de Informação ao selecionar o atributo "act" para o nó:
  - ·  $S = [8_{pos}, 4_{neg}];$
  - ·  $S_{stretch} = [8_{pos}, 0_{neg}];$
  - $\cdot \ \mathsf{S}_{dip} = \big[0_{pos}, \, 4_{neg}\big].$

COLOR	SIZE	ACT	AGE	INFLATED
yellow	small	stretch	adult	Т
yellow	small	strectch	adult	T
yellow	small	dip	adult	F
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	dip	adult	F
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	dip	adult	F
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	dip	adult	F

#### Entropia do atributo Act:

$$\begin{split} &Entropia(stretch) = -\left(\frac{8}{8}\right) \times \log_2\left(\frac{8}{8}\right) - \left(\frac{0}{8}\right) \times \log_2\left(\frac{0}{8}\right) = 0 \\ &Entropia(dip) = -\left(\frac{0}{4}\right) \times \log_2\left(\frac{0}{4}\right) - \left(\frac{4}{4}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{4}\right) = 0 \\ &Ganho(S,A) = 0,92 - \left(\left(\frac{8}{12}\right) \times 0 + \left(\frac{4}{12}\right) \times 0\right) = 0,92 \end{split}$$

#### Ganho de informação (Size)

- O Ganho de Informação ao selecionar o atributo "size" para o nó:

- 
$$S = [8_{pos}, 4_{neg}];$$

- 
$$S_{small} = [4_{pos}, 2_{neg}];$$

- 
$$S_{large} = [4_{pos}, 2_{neg}].$$

COLOR	SIZE	ACT	AGE	INFLATED
yellow	small	stretch	adult	Т
yellow	small	strectch	adult	T
yellow	small	dip	adult	F
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	dip	adult	F
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	dip	adult	F
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	dip	adult	F

## Entropia do atributo (size):

$$\begin{split} &\textit{Entropia}(\textit{small}) = -\left(\frac{4}{6}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{6}\right) - \left(\frac{2}{6}\right) \times \log_2\left(\frac{2}{6}\right) = 0,92 \\ &\textit{Entropia}(\textit{large}) = -\left(\frac{4}{6}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{6}\right) - \left(\frac{2}{6}\right) \times \log_2\left(\frac{2}{6}\right) = 0,92 \\ &\textit{Ganho}(S,A) = 0,92 - \left(\left(\frac{6}{12}\right) \times 0,92 + \left(\frac{6}{12}\right) \times 0,92\right) = 0 \end{split}$$

#### Ganho de informação (Color)

- O Ganho de Informação ao selecionar o atributo "color" para o nó:
- $S = [8_{pos}, 4_{neg}];$
- $S_{yellow} = [4_{pos}, 2_{neg}];$
- $S_{purple} = [4_{pos}, 2_{neg}].$

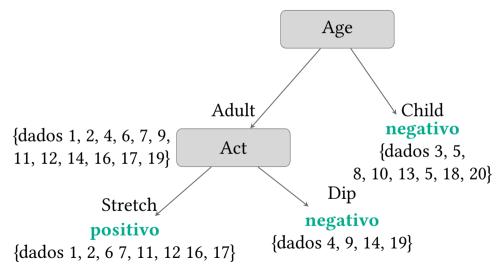
COLOR	SIZE	ACT	AGE	INFLATED
yellow	small	stretch	adult	Т
yellow	small	strectch	adult	T
yellow	small	dip	adult	F
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	stretch	adult	T
yellow	large	dip	adult	F
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	stretch	adult	T
purple	small	dip	adult	F
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	stretch	adult	T
purple	large	dip	adult	F

# Entropia do atributo (color):

$$\begin{aligned} &\textit{Entropia}(\textit{yellow}) = -\left(\frac{4}{6}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{6}\right) - \left(\frac{2}{6}\right) \times \log_2\left(\frac{2}{6}\right) = 0,92 \\ &\textit{Entropia}(\textit{purple}) = -\left(\frac{4}{6}\right) \times \log_2\left(\frac{4}{6}\right) - \left(\frac{2}{6}\right) \times \log_2\left(\frac{2}{6}\right) = 0,92 \\ &\textit{Ganho}(S,A) = 0,92 - \left(\left(\frac{6}{12}\right) \times 0,92 + \left(\frac{6}{12}\right) \times 0,92\right) = 0 \end{aligned}$$

# Ganho de Informação:

- Color = 0,0000000
- Act = 0.92
- size = 0,000000



#### Observação

- Atributos existentes incorporados acima de determinado nó ...
- não entram na avaliação de Ganho de Informação desse nó.
- Neste caso um novo nó será criado, mas o atributo "Act" não será mais avaliado.

#### Iterações

- O algoritmo continua até que uma das duas condições seja satisfeita:
  - · Todos atributos foram incluídos no caminho da raiz até as folhas
  - · Dados de treinamento associados a um ramo apresentam o mesmo valor de saída (positivo ou negativo)

# Obrigado

jose.netto@anhembi.br