# TRABALHO PRÁTICO MODELAGEM E AVALIAÇÃO DE SISTEMAS

## **Ítalo Garcez Carvalho**

Graduando em Engenharia de Computação Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais - PUCMG italoc269@gmail.com

### Leonardo Augusto de Souza Filho

Graduando em Engenharia de Computação Pontifícia Universidade Católica de Minas Gerais - PUCMG leonardoadsfilho@gmail.com

#### **RESUMO**

A Política Nacional de Resíduos Sólidos (PNRS) é uma legislação crucial para o combate ao problema do descarte inadequado de resíduos sólidos no Brasil. A necessidade de substituir os lixões a céu aberto por aterros sanitários é uma medida essencial para proteger o meio ambiente. Para solucionar o problema de descarte de lixo eletrônico em Minas Gearis, dois algoritmos para descobrir o melhor local das unidades de tratamento de lixo eletrônico

PALAVRAS CHAVE. Política Nacional de Resíduos Sólidos, Algoritmo, Lixo eletrônico.

## **ABSTRACT**

The National Solid Waste Policy (PNRS) is crucial legislation to combat the problem of improper disposal of solid waste in Brazil. The need to replace open-air waste with landfills is an essential measure to protect the environment. To solve the e-waste disposal problem in Minas Gearis, two algorithms to discover the best location for e-waste treatment units.

KEYWORDS. National Solid Waste Policy. Algorithm.

Electronic trash.

#### 1. Introdução

A Política Nacional de Resíduos Sólidos (PNRS) é uma legislação crucial para o combate ao problema do descarte inadequado de resíduos sólidos no Brasil. A necessidade de substituir os lixões a céu aberto por aterros sanitários é uma medida essencial para proteger o meio ambiente. No entanto, em um cenário quase-realista em Minas Gerais, percebe-se a necessidade de construir unidades específicas para tratamento de lixo eletrônico. A quantidade de unidades necessárias e os municípios que serão atendidos ainda são desconhecidos, mas é importante que cada município fique o mais próximo possível de uma unidade de tratamento de lixo eletrônico para que possa ser devidamente atendido. A implementação de medidas como essa é fundamental para garantir a proteção ambiental e o cumprimento da PNRS.

#### 2. Metodologia

Para este trabalho foram propostos dois algoritmos para solucionar o problema. O primeiro algoritmo é o K-Means, é um algoritmo de aprendizado não supervisionado (ou seja, que não precisa de inputs de confirmação externos) que avalia e clusteriza os dados de acordo com suas características, com as seguintes especificações:

- Cada um dos 853 munic ipios éum dos objetos que precisam ser clusterizados;
- Cada cidade érepresentada por um ponto em um plano cartesiano que representa a sua localização geográfica;
- Por simplicidade, considere a distância euclidiana entre cada cidade.
- Seja k o número de Clusters, teste o algoritmo para k variando de 2 a 10;
- Defina um limite de tempo máximo para cada execução.

O resultado do algoritmo corresponderá a uma possível solução para o problema descrito, na qual, cada Cluster representara´ um grupo de cidades que sera´atendida por uma mesma uni- dade de tratamento de lixo eletrônico. Ainda, o centroide de cada cluster corresponder ao local de instalação de uma destas unidades.

Para o segundo algoritmo foi esnolhido o K-medoids, em contraste com o algoritmo k-means, k-medoids escolhe pontos de dados reais como centros (medoides ou exemplares) e, portanto, permite maior interpretabilidade dos centros de cluster do que em k-means, onde o centro de um cluster não é necessariamente um dos pontos de dados de entrada (é a média entre os pontos no cluster). Além disso, k-medoids podem ser usados com medidas de dissimilaridade arbitrárias, enquanto k-means geralmente requer distância euclidiana para soluções eficientes. Como os k-medóides minimizam uma soma de dissimilaridades aos pares em vez de uma soma de distâncias euclidianas ao quadrado, émais robusto a ru´ıdo e outliers do que k-means.

Então para o k-mens utilizamos as seguintes configurações:

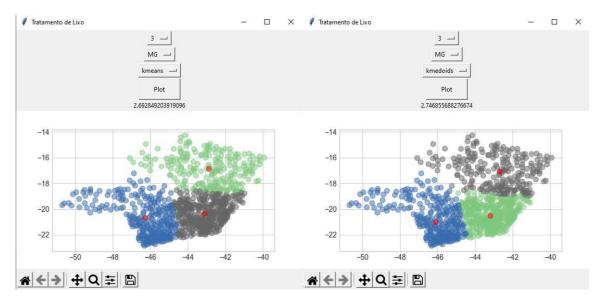
- Pontos iniciais escolhidos aleatoriamente.
- Busca de minimizações da distância até o cluster.

Enquanto que para o k-medois as configurações foram:

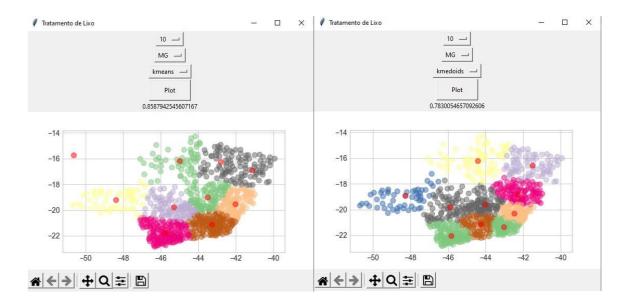
- Pontos iniciais escolhidos dentre os conjuntos das cidades.
- Redução da dissimilaridade em cada cluster.

#### 3. Resultados

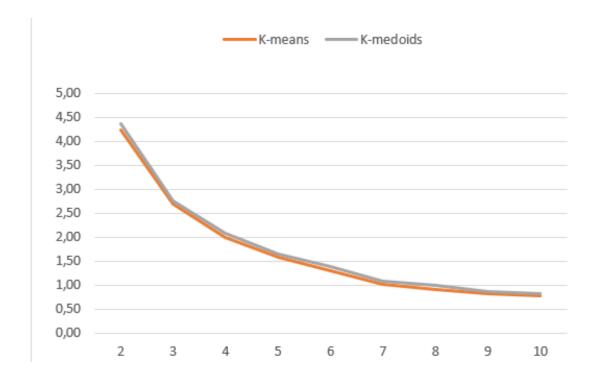
Para os dois algoritmos utilizamos a mesma quantidade de clusters e calculamos o erro quadrático médio de cada um. Vemos abaixo os resultados do k-means e k-medoids para 3 clusters com seus respectivos erros:



Abaixo temos so resultados da execução dos algoritmos k-menas e k-medoids para 10 clusters e cada um com seus respectivos erros:



Por fim um gráfico comparativo de ambos os algoritmos, com o erro quadrático médio para cada quantidade de clusters:



#### 4. Conclusão

Com os resultados obtidos vemos que o algoritmo k-medoids nãomostra mais efi- ciente que o k-means. Um ponto que o algoritmo k-medoids oferece uma melhora é na seleção dos centroides, o algoritmo k-means por selecionar os primeiros centroides de maneira totalmente aleatória pode gerar centroides extremamente distantes das cidades, que acabam não fazendo parte de nenhum cluster. Já no k-medoids como os primeiros medoids escolhidos são alguma das cidades, sempre todos os medoids pertencem a algum cluster. Para uma melhora da eurística um ponto a ser analizado é a utilização de algum outro metodo para determinar a distância entre as cidades, como por exemplo a distância de Minkowski, que é uma métrica em um espaço vetorial normado, a qual pode ser considerada como uma generalização de ambas as distâncias euclidiana e Manhat- tan. Assim para uma melhor eur istica efundamental a escolha dos primeiros centroides dentro da amostragem das posições e um calculo de distância mais robusto.

#### Referências

Wikipedia. (2023). Web page. https://en.wikipedia.org/wiki/K-medoids. Acessado: 2023-05-07.

Wikipedia. (2023). Web page. https://en.wikipedia.org/wiki/K-means\_clustering. Acessado: 2023-05-07.

Wikipedia. (2023). Web page. https://en.wikipedia.org/wiki/K-means\_clustering. Acessado: 2023-05-07.

 $Angel\ ,\ D.\ (2023).\ https://towardsdatascience.com/k-medoid-clustering-pam-algorithm-in-python-with-solved-example-c0dcb35b3f46.\ Acessado:\ 2023-05-07.$ 

Scikiti-learn. (2023). https://scikit-learn.org/stable/modules/generated/sklearn.cluster.KMeans.html. Acessado: 2023-05-07.

Scikiti-learn. (2023). https://scikit-learn.org/stable/modules/classes.html#module-sklearn.cluster . Acessado: 2023-05-07.