### 1 ShellSort

Este laboratório tem por objetivo implementar o algoritmo de ShellSort e testá-lo com diferentes sequências. O primeiro passo é implementar o algoritmo de ShellSort, de forma que ele possa facilmente trocar a sequência utilizada. Neste laboratório iremos testar as três sequências definidas abaixo:

1. SHELL: potências de 2:

```
1, 2, 4, 8, 16, 32, 64, 128, 256, 512, 1024, 2048, 4096, 8192, 16384, 32768, 65536, 131072, 262144, 524288, 1048576, \dots
```

2. KNUTH:

```
1,4,13,40,121,364,1093,3280,9841,29524,88573,265720,797161,2391484,...
```

3. CIURA: A sequência proposta por Ciura [1] (https://oeis.org/A102549), que é composta dos seguintes números <sup>1</sup>:

```
1, 4, 10, 23, 57, 132, 301, 701, 1577, 3548, 7983, 17961, 40412, 90927, 204585, 460316, 1035711, \ldots.
```

Uma vez implementado o algoritmo vamos testá-lo com diferentes vetores de entrada, usando as diferentes sequências. Para isto, o programa de vocês deve ler os vetores de um arquivo da entrada padrão, e gravar resultados na saída padrão<sup>2</sup>. A entrada padrão deve ser redirecionado para um arquivo disponibilizado chamado **entrada1.txt**, contendo vários vetores a serem ordenados. Cada vetor é descrito em 1 linha. O primeiro número da linha descreve o tamanho n do vetor, seguido por n números do vetor.

Um exemplo que ilustra o formato do arquivo de entrada segue:

```
16 16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7, 3, 10, 5
16 3, 10, 5, 16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7
```

A saída gerada pelo programa de vocês vai imprimir o vetor parcialmente ordenado após cada etapa do algoritmo de ShellSort, correspondendo a um incremento. O formato da saída deve seguir um formato exato. Para a entrada acima, a saída a ser gerada é:

```
16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7, 3, 10, 5 SEQ=SHELL 15, 13, 11, 1, 7, 3, 9, 5, 16, 14, 12, 2, 8, 4, 10, 6 INCR=8 7, 3, 9, 1, 8, 4, 10, 2, 15, 13, 11, 5, 16, 14, 12, 6 INCR=4 7, 1, 8, 2, 9, 3, 10, 4, 11, 5, 12, 6, 15, 13, 16, 14 INCR=2 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16 INCR=1 16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7, 3, 10, 5 SEQ=KNUTH 3, 10, 5, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7, 16, 14, 12 INCR=1 3, 4, 5, 1, 7, 10, 9, 2, 8, 13, 11, 6, 15, 16, 14, 12 INCR=4 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16 INCR=1 16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7, 3, 10, 5 SEQ=CIURA
```

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Para números maiores que 701, os termos dessa sequência são gerados pela formula  $h_k = \lfloor 2.25h_{k-1} \rfloor$ .

<sup>2</sup>https://www.ime.usp.br/~pf/algoritmos/aulas/io.html

```
11, 2, 7, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 16, 14, 12, 3, 10, 5 INCR=10
8, 2, 7, 1, 11, 3, 9, 5, 12, 4, 10, 6, 15, 13, 16, 14 INCR=4
1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16 INCR=1
3, 10, 5, 16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7 SEQ=SHELL
3, 9, 5, 15, 13, 11, 1, 7, 4, 10, 6, 16, 14, 12, 2, 8 INCR=8
3, 9, 1, 7, 4, 10, 2, 8, 13, 11, 5, 15, 14, 12, 6, 16 INCR=4
  7, 2, 8, 3, 9, 4, 10, 5, 11, 6, 12, 13, 15, 14, 16 INCR=2
1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16 INCR=1
3, 10, 5, 16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7 SEQ=KNUTH
3, 2, 5, 16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 10, 7 INCR=13
3, 2, 1, 7, 4, 9, 5, 8, 13, 11, 6, 15, 14, 12, 10, 16 INCR=4
1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16 INCR=1
3, 10, 5, 16, 14, 12, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 11, 2, 7 SEQ=CIURA
3, 10, 5, 11, 2, 7, 1, 8, 4, 9, 6, 15, 13, 16, 14, 12 INCR=10
2, 7, 1, 8, 3, 9, 5, 11, 4, 10, 6, 12, 13, 16, 14, 15 INCR=4
1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 10, 11, 12, 13, 14, 15, 16 INCR=1
```

A saída do programa deve mostrar o estado da sequência após cada iteração, exatamente como mostrado acima, imprimindo o conteúdo do vetor e o incremento usado. Os resultados devem ser colocados em um arquivo chamado saida1.txt.

#### 2 Testes de escala

Cronometre o tempo de execução em vetores contendo números aleatórios de tamanho 100, 1000, 10000, 100000 e 1000000 para todas as três sequências da questão anterior. Estes vetores serão informados no arquivo **entrada2.txt** seguindo o mesmo formato da questão anterior.

Execute o seu código nesse algoritmo e gere a seguinte saída:

```
SHELL,100,0.000011
KNUTH,100,0.000009
CIURA,100,0.000009
SHELL,1000,0.000158
KNUTH,1000,0.000132
CIURA,1000,0.000120
SHELL,10000,0.003103
KNUTH,10000,0.001701
CIURA,10000,0.01717
SHELL,100000,0.175326
KNUTH,100000,0.037043
CIURA,100000,0.029902
SHELL,1000000,0.2571261
KNUTH,1000000,0.348631
CIURA,1000000,0.348631
```

Em cada linha coloca-se o nome da sequência usada, seguido do tamanho de vetor de entrada e tempo em segundos para ordenar o vetor usando o algoritmo de ShellSort e a sequência respectiva. Os resultados devem ser colocados em um arquivo chamado saida2.txt.

## 3 Entrega

A solução deve ser enviada pelo Moodle dentro de um arquivo .zip, contendo os seguintes arquivos:

- integrantes.txt: coloque o nome dos integrantes do grupo (até 2 pessoas), com um nome por linha
- saida1.txt: resultado do exercício 1, no exato formato listado acima
- saida2.txt: resultado do exercício 2, no exato formato listado acima
- · código fonte correspondente a solução

# 4 Desafio Bônus - DNA Sorting

Resolva o problema "DNA Sorting"

 $\label{lem:https://onlinejudge.org/index.php?option=com_onlinejudge&Itemid=8&category=8&page=show\_problem&problem=553$ 

Este é um problema de maratona de programação. O problema será considerado completo se for aceito no site da https://uva.onlinejudge.org e o código for entregue com o resto dos exercícios. O entregue correto valerá um adicional de 25% pontos.

### Referências

[1] Ciura, Marcin (2001). "Best Increments for the Average Case of Shellsort". In Freiwalds, Rusins. Proceedings of the 13th International Symposium on Fundamentals of Computation Theory. London: Springer-Verlag. pp. 106–117. ISBN 978-3-540-42487-1.