

Laboratorio di Architetture degli Elaboratori I
Corso di Laurea in Informatica, A.A. 2022-2023
Università degli Studi di Milano



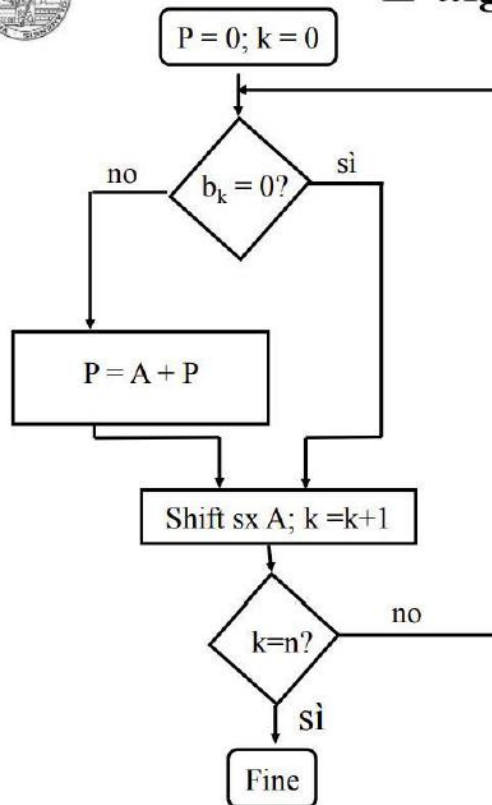
Firmware

Esercizio Moltiplicatore

- Costruire una macchina a stati finiti in grado di eseguire la moltiplicazione di due sequenze a 4 bit utilizzando l'algoritmo «add & shift»



L'algoritmo



A →
B →

1 1 0 1 1 x	
0 1 0 1 1 =	

0 0 0 0 0 0 0 0 0 +	Initial P=0
1 1 0 1 1 =	A * 2 ⁰

0 0 0 0 0 1 1 0 1 1 +	P ₁ =P+A
1 1 0 1 1 - =	A * 2 ¹

0 0 0 1 0 1 0 0 0 1 +	P ₂ =P ₁ +A
0 0 0 0 0 - - =	0 * 2 ²

0 0 1 0 1 0 0 0 1 +	P ₃ =P ₂ +0
1 1 0 1 1 - - - =	A * 2 ³

1 0 0 1 0 1 0 0 1 +	P ₄ =P ₃ +A
0 0 0 0 0 - - - =	0 * 2 ⁴

1 0 0 1 0 1 0 0 1	Final P=P ₄

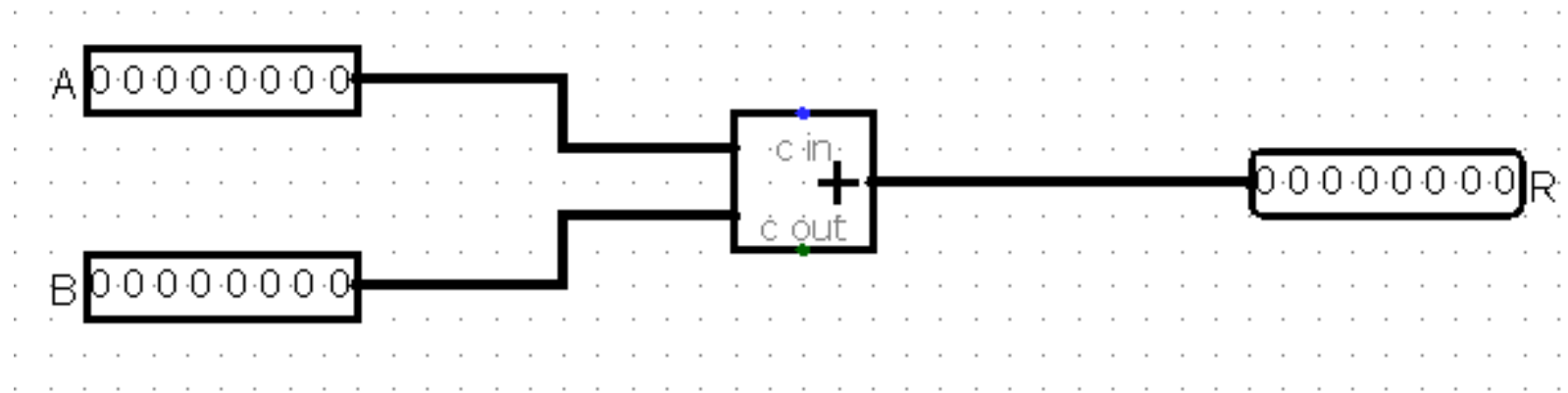


Esercizio Moltiplicatore

Componenti:

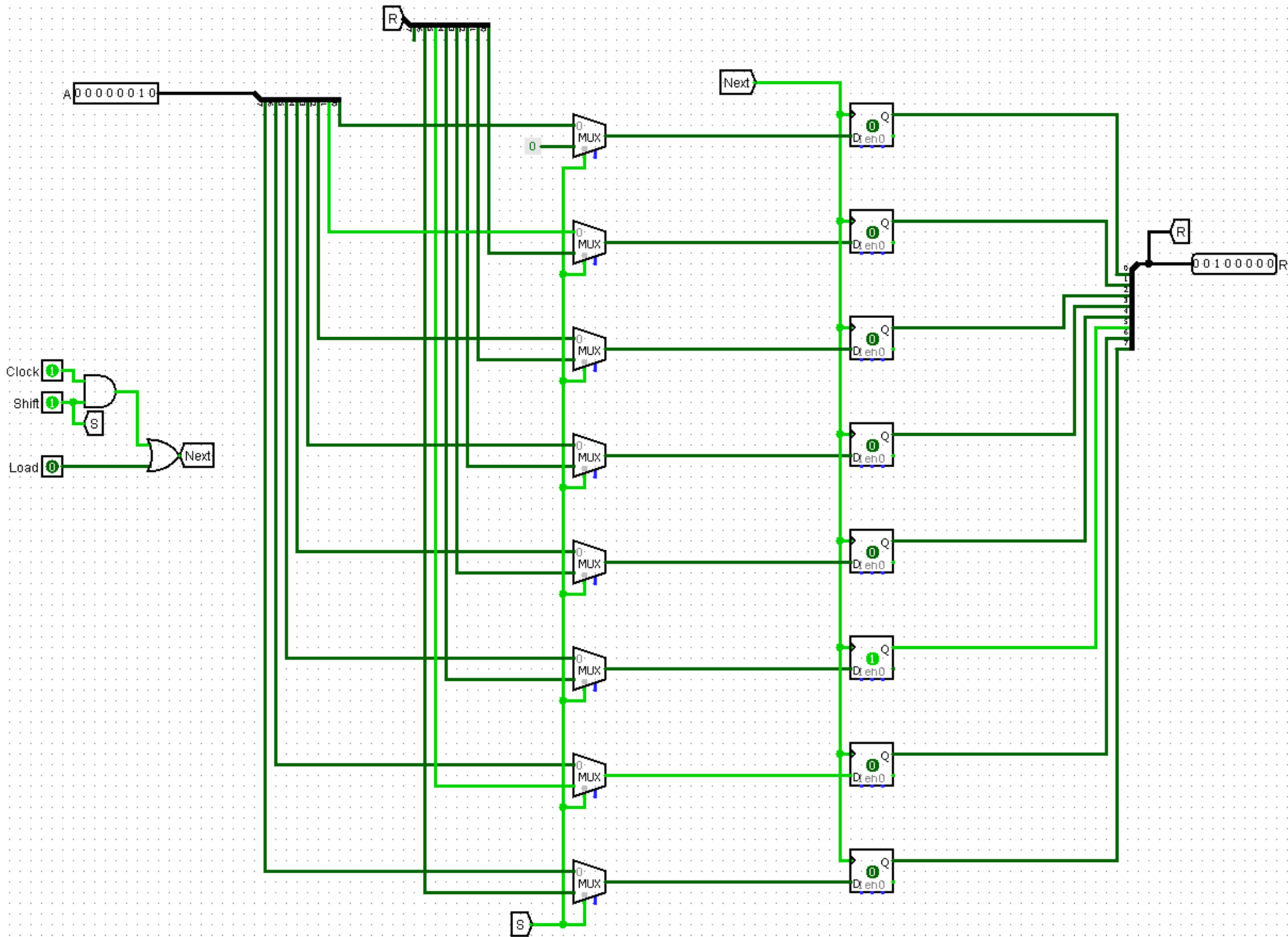
- ALU a 8 bit (semplifichiamo usando un solo sommatore)
- Registro a 8 bit in grado di caricare una sequenza o shiftarla di 1
- Logica $A * b_k$
- Logica di controllo

ALU



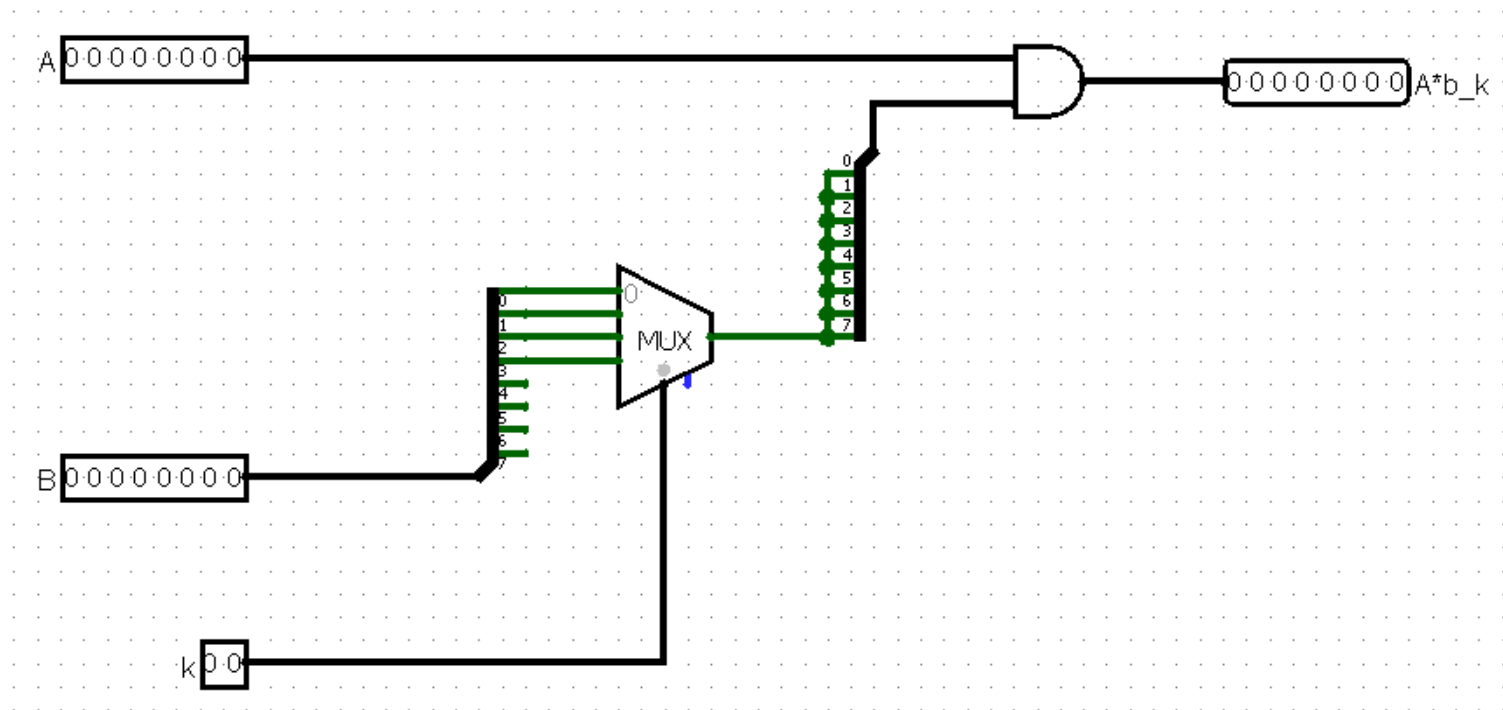
Registro 8 bit con shift

- Input A a 8 bit
- Il bit in input per lo shift sempre a 0
- 3 input di controllo (Clock, Load e Shift)
 - Indipendentemente da Clock e Shift, Load carica i valori di A nel registro
 - Lo shift avviene solo se Shift e Clock sono entrambi a 1



Logica $A * b_k$

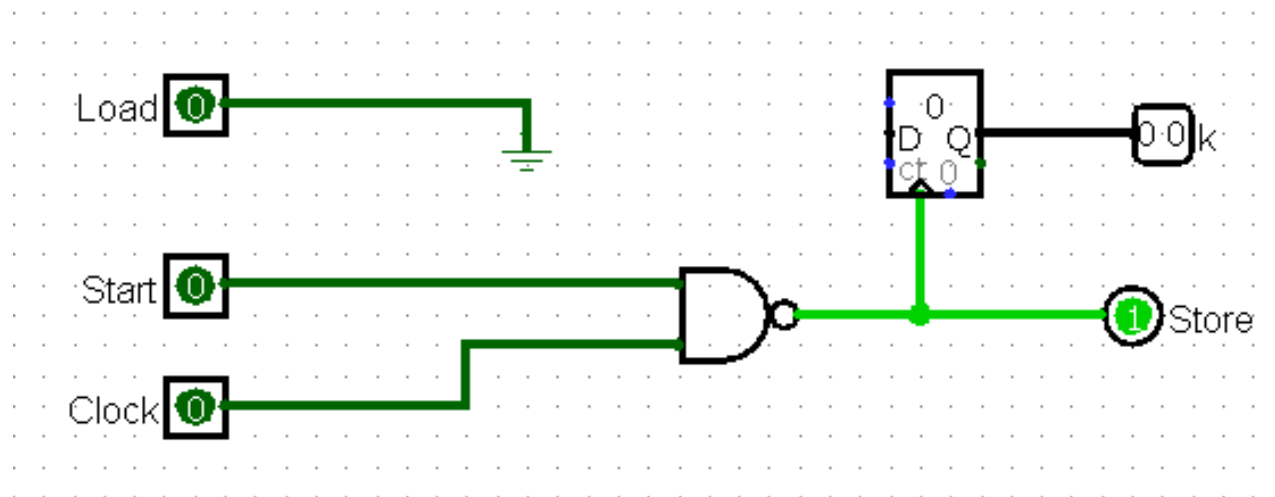
- Input A e B a 8 bit, input k a 2 bit
- L'output è il k-esimo bit di B moltiplicato per A e cioè b_k esteso AND A



Logica di controllo

- 3 input: Load, Start e Clock
 - Load permette di caricare A e B a 4 bit dentro i registri a 8
- 2 output:
 - k (a 2 bit) che definisce l'iterazione. k incrementa quando Clock passa da alto a basso e Start è alto
 - Store: comando di salvataggio del registro P a 8 bit attivo con Start NAND Clock

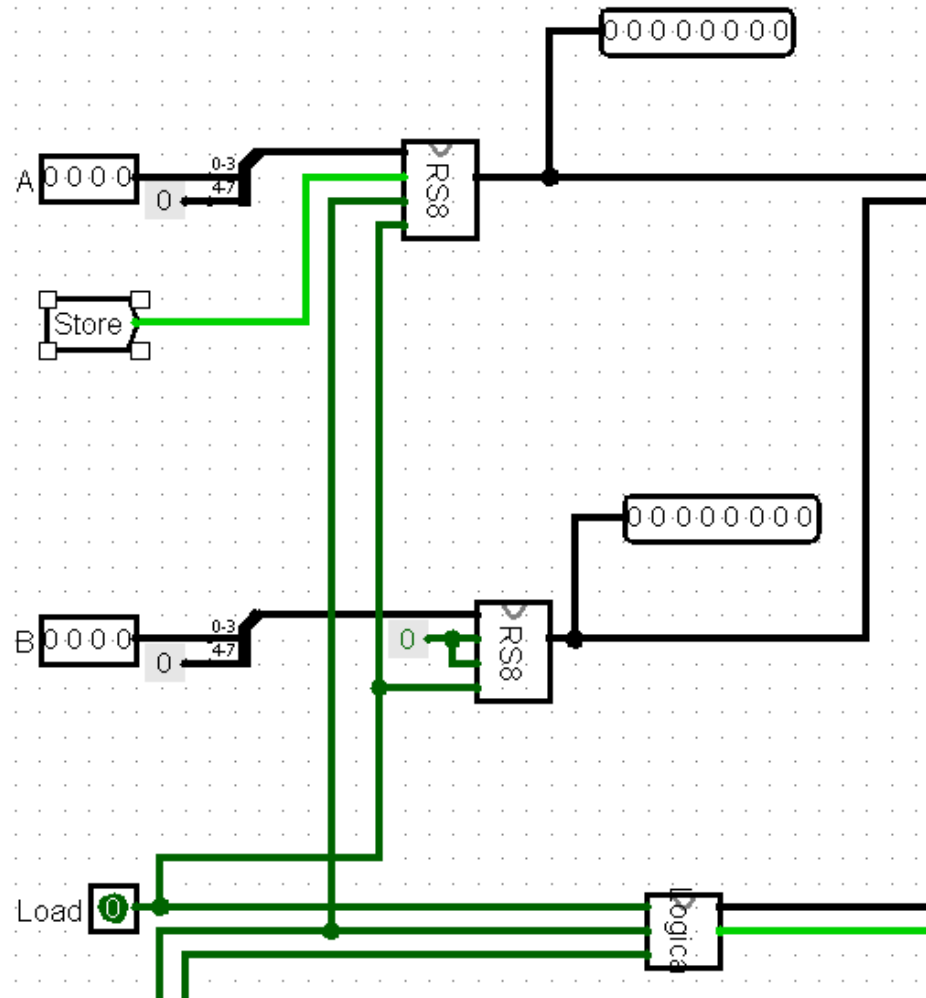
Logica di controllo



Input A, B e Load

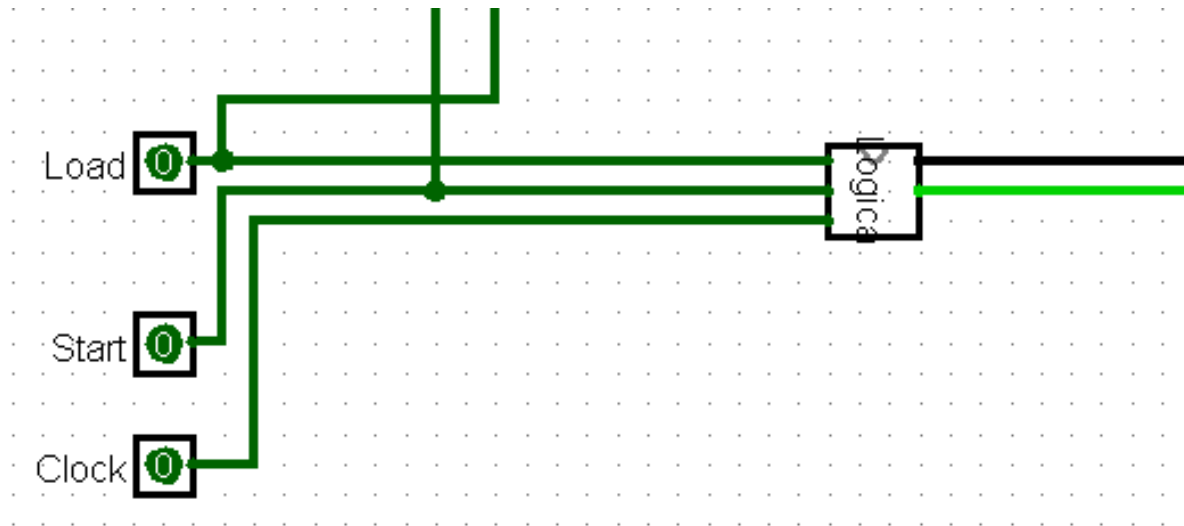
- Predisporre due sequenze a 4 bit (A e B) estese a 8 bit
- Le sequenze vengono memorizzate nel registro quando Load diventa alto

Input A, B e Load



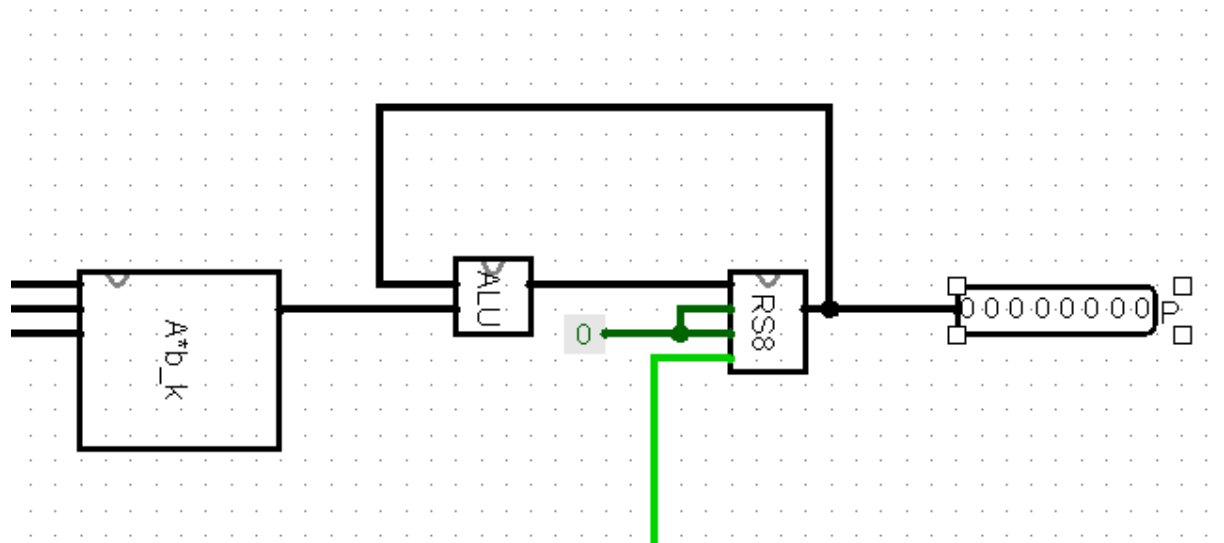
Input Load, Start e Clock

- Questi 3 input finiscono nella logica di controllo e nei registri per A e B

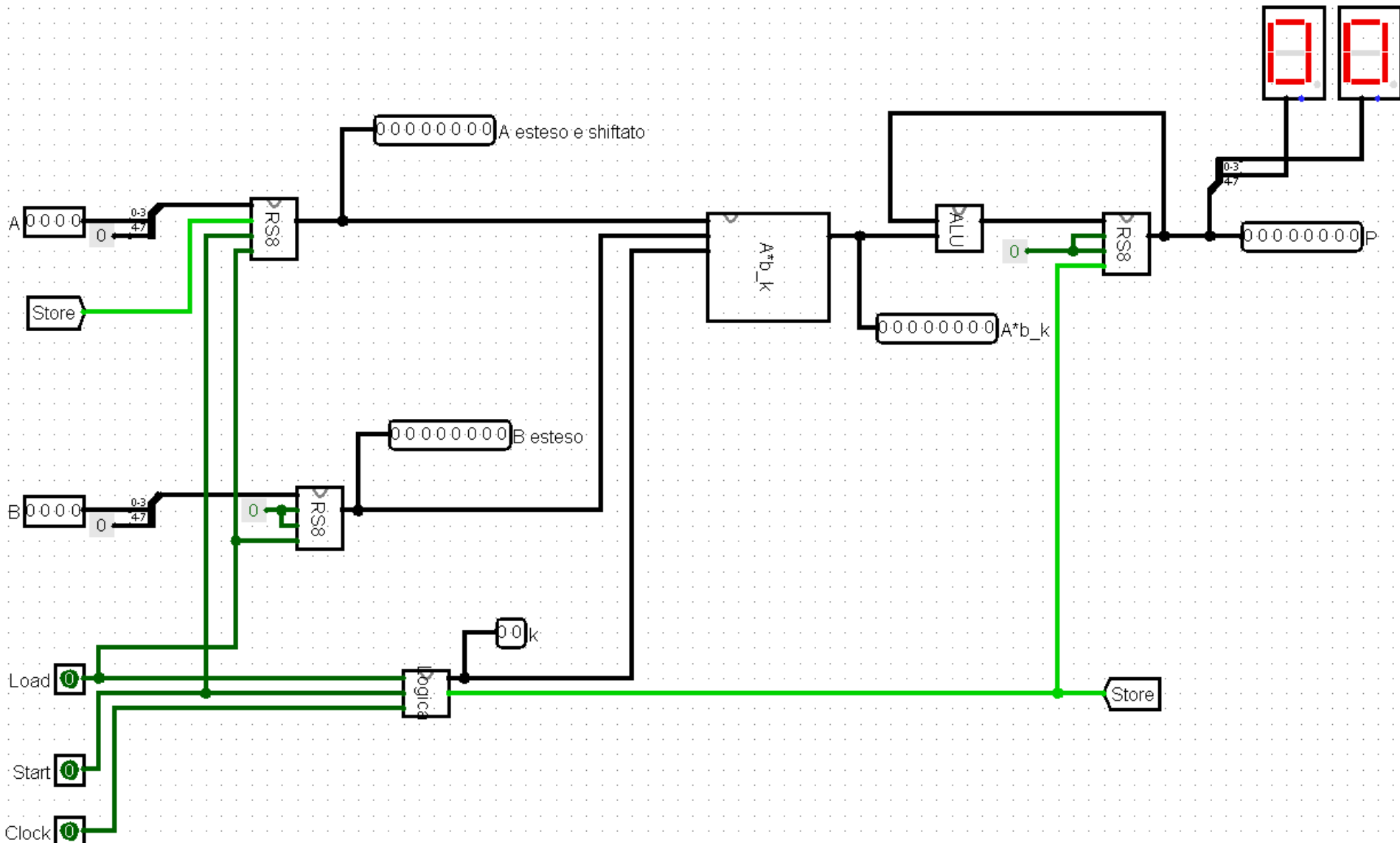


Output P

- L'output P (sequenza a 8 bit) è $P + A * b_k$
- P è salvato in un registro
- Il salvataggio di P nel registro avviene col comando di Store



Circuito finale



Esercizio

Iterazione (k)	Passo	Moltiplicatore (B)	Moltiplicando (A)	Prodotto (P)
0	Valori iniziali	1011	0000 1010	0000 0000
1	b0=1->P=P+A	101 1	0000 1010	0000 1010
	Moltiplicando << 1	1011	000 1 0100	0000 1010
2	b1=1->P=P+A	10 1 1	000 1 0100	0001 1110
	Moltiplicando << 1	1011	00 10 1000	0001 1110
3	b2=0->Nulla	10 1 1	00 10 1000	0001 1110
	Moltiplicando << 1	1011	0 101 0000	0001 1110
4	b3=1->P=P+A	1 011	0 101 0000	0110 1110
	Moltiplicando << 1	1011	1010 0000	0110 1110