# Lógica para Computação Exercícios de Dedução Natural Saída da API CHATGPT

# 1 Informações:

MODELO = "gpt-3.5-turbo"

ENTRADA = 1 Exemplo de Resolução (pergunta seguida de Resposta), seguido pela seguite string "escreva a prova (Questão Aqui) usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logicproof"

SAÌDA = 1. Resposta da API escrita em LATEX; 2. Resposta Predefinida (Exemplo de Demonstração Correta);

# 2 Questões:

1. escreva a prova  $\vdash (A \lor (A \land B)) \to A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \lor (A \land B)$                | hipótese              |
|----|-------------------------------------|-----------------------|
| 2. | A                                   | hipótese              |
| 3. | $  \;   \;   \;   \;   \;  $        | $\rightarrow i \ 3$   |
| 4. | $A \wedge B$                        | hipótese              |
| 5. | $  \hspace{.1cm}   \hspace{.1cm} A$ | $\wedge e_1$ 5        |
| 6. | A                                   | ∨e 1, 2-3, 4-5        |
| 7. | $(A \vee (A \wedge B)) \to A$       | $\rightarrow i \ 1-6$ |

Comentário: Demonstração incorreta, pois o ChatGPT usou de forma errada a regra - >i na linha 3, além de se referir a própria linha 3.

RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | $A \lor (A \land B)$          | hipótese                 |
|----|-------------------------------|--------------------------|
| 2. | A                             | hipótese                 |
| 3. | A                             | copie 2                  |
| 4. | $A \wedge B$                  | hipótese                 |
| 5. | A                             | $\wedge e \ 4$           |
| 6. | A                             | $\vee e \ 1, \ 23, \ 45$ |
| 7. | $(A \vee (A \wedge B)) \to A$ | $\rightarrow i$ 1-6      |

2. escreva a prova  $\vdash (A \land (A \lor B)) \rightarrow A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \wedge (A \vee B)$        | premissa            |
|----|------------------------------|---------------------|
| 2. | A                            | hipótese            |
| 3. | $A \to A$                    | $\rightarrow i$ 2-2 |
| 4. | A                            | $\wedge e \ 1$      |
| 5. | $(A \land (A \lor B)) \to A$ | $\rightarrow i 1-3$ |

Comentário: A demonstração está incorreta. A regra  $\rightarrow i$  foi utilizada incorretamente na linha 5.

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

1. 
$$A \land (A \lor B)$$
 hipótese  
2.  $A \land (A \lor B) \rightarrow A \rightarrow i \ 1-2$   
3.  $(A \land (A \lor B)) \rightarrow A \rightarrow i \ 1-2$ 

3. escreva a prova  $\vdash (A \to (B \to C)) \to (B \to (A \to C))$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | A 	o (B 	o C)     | hipótese             |
|----|-------------------|----------------------|
| 2. | В                 | hipótese             |
| 3. | A                 | hipótese             |
| 4. | $B \to C$         | $\rightarrow e 1, 2$ |
| 5. | C                 | $\rightarrow e 3, 4$ |
| 6. | $B \to (A \to C)$ | $\rightarrow i$ 2-5  |
| 7. |                   |                      |

Comentário: A demonstração está incorreta. Não foi aberta uma caixa para a hipótese A (linha 3). A justificativa na linha 5 está incorreta. A regra  $\rightarrow i$  foi utilizada incorretamente na linha 6. O chat não concluiu a demonstração.

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

| 1. | $A \to (B \to C)$                         | hipótese               |
|----|---|------------------------|
| 2. | В   | hipótese               |
| 3. | A   | hipótese               |
| 4. | $  \;   \;   \; B 	o C$                   | $\rightarrow e \ 3, 1$ |
| 5. | $  \cdot   \cdot  $ C                     | $\rightarrow e \ 2, 4$ |
| 6. | $A \to C$                                 | $\rightarrow i 3-5$    |
| 7. | $B \to (A \to C)$                         | $\rightarrow i$ 2-6    |
| 8. | $(A \to (B \to C)) \to (B \to (A \to C))$ | $\rightarrow i$ 1-7    |

4. escreva a prova  $\vdash (A \to (A \to B)) \to (A \to B)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic POSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \to (A \to B)$                 | hipótese             |
|----|-----------------------------------|----------------------|
| 2. | A                                 | hipótese             |
| 3. | A 	o B                            | $\rightarrow e 1, 2$ |
| 4. | B                                 | $\rightarrow e 3, 2$ |
| 5. | A 	o B                            | $\rightarrow i$ 2-4  |
| 6. | $(A \to (A \to B)) \to (A \to B)$ | $\rightarrow i$ 1-3  |

Comentário: Demonstração incorreta. Regra  $\rightarrow i$  (linha 6) aplicada no intervalo incorreto.

Aqui o erro foi uma referência às linhas. Consideramos isso como um erro? A regra foi aplicada corretamente.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | A 	o (A 	o B)                     | hipótese                     |
|----|-----------------------------------|------------------------------|
| 2. | A                                 | hipótese                     |
| 3. | A 	o B                            | $\rightarrow e 2, 1$         |
| 4. | B                                 | $\rightarrow e 2, 3$         |
| 5. | A 	o B                            | $\rightarrow i \ 2\text{-}4$ |
| 6. | $(A \to (A \to B)) \to (A \to B)$ | $\rightarrow i 1-5$          |

5. escreva a prova  $\vdash (\neg A \to B) \to ((\neg A \to \neg B) \to A)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | eg A 	o B  | hipótese                 |
|-----|--|--------------------------|
| 2.  | $\neg A \rightarrow \neg B$                      | hipótese                 |
| 3.  | $\neg A$   | hipótese                 |
| 4.  | $\neg B$   | $\rightarrow e \ 3, \ 2$ |
| 5.  | $A \rightarrow \neg A$                           | $\neg i \ 3$             |
| 6.  |  | $\rightarrow e 5, 3$     |
| 7.  | B  | $\rightarrow e 1, 4$     |
| 8.  | A 	o B   | $\rightarrow i$ 3-6      |
| 9.  | $(\neg A \to \neg B) \to A$                      | $\rightarrow i \ 2-7$    |
| 10. | $(\neg A \to \neg B) \to ((\neg A \to B) \to A)$ | $\rightarrow i$ 1-8      |

 $\textbf{Comentário:} \ \ \text{Demonstração incorreta}. \ \ \text{Regra} \ \neg i \ (\text{linha 5}) \ \ \text{aplicada incorretamente e erros de formatação da caixa}$ 

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | $\neg A \to B$  | hipótese                 |
|----|---|--------------------------|
| 2. | $\neg A \rightarrow \neg B$   | hipótese                 |
| 3. | $\neg A$  | hipótese                 |
| 4. | $  \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}  $ | $\rightarrow e \ 3, \ 1$ |
| 5. | $\neg B$  | $\rightarrow e \ 3, \ 2$ |
| 6. |   | $\neg e \ 4, \ 5$        |
| 7. | A   | raa 3-6                  |
| 8. | $(\neg A \to \neg B) \to A$   | $\rightarrow i 2-7$      |
| 9. | $(\neg A \to B) \to ((\neg A \to \neg B) \to A)$  | $\rightarrow i$ 1-8      |

6. escreva a prova  $\vdash A \lor \neg A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof  $^1.$  RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | A               | hipótese        |
|----|-----------------|-----------------|
| 2. | $A \vee \neg A$ | $\forall i \ 1$ |
| 3. | $\neg A$        | hipótese        |
| 4. | $A \vee \neg A$ | $\vee i \ 2$    |
| 5. | $A \vee \neg A$ | ∨e 1-2, 1-2     |

Comentário: Demonstração incorreta. Regra  $\vee e$  (linha 5) aplicada no intervalo incorreto e de forma incorreta.

RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

 $<sup>^{1}\</sup>mathrm{Essa}$  questão tem resolvida no livro do Huth e Ryan

| 1. | $\neg(A \lor \neg A)$ | hipótese          |
|----|-----------------------|-------------------|
| 2. | $\neg A$              | hipótese          |
| 3. | $A \lor \neg A$       | $\forall i \ 2$   |
| 4. |                       | $\neg e \ 3, \ 1$ |
| 5. | A                     | raa 2-4           |
| 6. | $A \lor \neg A$       | $\forall i \ 5$   |
| 7. |                       | $\neg e 6, 1$     |
| 8  | $A \lor \neg A$       | raa 1-7           |

7. escreva a prova  $\vdash (A \to B) \lor (B \to A)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

1. 
$$A \rightarrow B$$
 hipótese  
2.  $(A \rightarrow B) \lor (B \rightarrow A)$   $\lor i_1 \ 1$   
3.  $B \rightarrow A$  hipótese  
4.  $(A \rightarrow B) \lor (B \rightarrow A)$   $\lor i_2 \ 2$   
5.  $(A \rightarrow B) \lor (B \rightarrow A)$   $\lor e \ 1-2$ 

Comentário: Demonstração incorreta. Regra  $\vee e$  (linha 5) aplicada no intervalo incorreto e de forma incorreta

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $\neg((A \to B) \lor (B \to A))$ | hipótese              |
|-----|----------------------------------|-----------------------|
| 2.  | A                                | hipótese              |
| 3.  | B                                | hipótese              |
| 4.  | $  \cdot  $ $A$                  | copie 2               |
| 5.  | B 	o A                           | $\rightarrow i \ 3-4$ |
| 6.  | $(A \to B) \lor (B \to A)$       | $\forall i \ 5$       |
| 7.  |                                  | $\neg e 6, 1$         |
| 8.  | B                                | $\perp e 7$           |
| 9.  | A 	o B                           | $\rightarrow i$ 2-8   |
| 10. | $(A \to B) \lor (B \to A)$       | $\forall i \ 9$       |
| 11. |                                  | $\neg e \ 10, \ 1$    |
| 12. | $(A \to B) \lor (B \to A)$       | raa 1-11              |

8. escreva a prova  $\vdash A \to A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | A                 | hipótese            |
|----|-------------------|---------------------|
| 2. | A                 | reitificação 1      |
| 3. | $A \rightarrow A$ | $\rightarrow i 1-2$ |

## Comentário: Demonstração correta.

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | A                 | hipótese              |
|----|-------------------|-----------------------|
| 2. | A                 | copie 1               |
| 3. | $A \rightarrow A$ | $\rightarrow i \ 1-2$ |

9. escreva a prova  $\vdash (A \to B) \to ((C \to A) \to (C \to A))$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | A 	o B                                    | hipótese             |
|----|---|----------------------|
| 2. | $C \to A$                                 | hipótese             |
| 3. | C   | hipótese             |
| 4. | A   | $\rightarrow e 2, 3$ |
| 5. | B   | $\rightarrow e 1, 4$ |
| 6. | $C \to A \to B$                           | $\rightarrow i$ 2-5  |
| 7. | $(A \to B) \to (C \to A \to B)$           | $\rightarrow i$ 1-6  |
| 8. | $(A \to B) \to ((C \to A) \to (C \to B))$ | $\rightarrow i$ 1-7  |

Comentário: Demonstração incorreta. Regra  $\rightarrow i$  (linha 8) aplicada de forma incorreta e erros de formatação da caixa

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

| 1. | A 	o B  | hipótese            |
|----|---|---------------------|
| 2. | $C \to A$   | hipótese            |
| 3. | $C \to A$   | copie 2             |
| 4. | $(C \to A) \to (C \to A)$                             | $\rightarrow i$ 2-3 |
| 5. | $(A \to B) \to ((C \xrightarrow{3} A) \to (C \to A))$ | $\rightarrow i$ 1-4 |

10. escreva a prova  $A \land B \to C \vdash B \to (A \to C)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \wedge B \to C$ | premissa                     |
|----|--------------------|------------------------------|
| 2. | В                  | hipótese                     |
| 3. | A                  | hipótese                     |
| 4. | $A \wedge B$       | $\wedge i \ 2, \ 1$          |
| 5. | C                  | $\rightarrow e \ 3, \ 3$     |
| 6. | $A \to C$          | $\rightarrow i \ 2\text{-}4$ |
| 7. | $B \to (A \to C)$  | $\rightarrow i \ 2-5$        |

Comentário: Demonstração incorreta. Referencias das linhas durante a aplicação das regras estão incorretas. aqui tem muitos erros de referência de linhas.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | $(A \wedge B) \to C$ | premissa              |
|----|----------------------|-----------------------|
| 2. | В                    | hipótese              |
| 3. | A                    | hipótese              |
| 4. | $A \wedge B$         | $\wedge i \ 3,2$      |
| 5. | C                    | $\rightarrow e 4, 1$  |
| 6. | $A \to C$            | $\rightarrow i$ 3-5   |
| 7. | $B \to (A \to C)$    | $\rightarrow i \ 2-6$ |

11. escreva a prova  $B \to (A \to C) \vdash A \land B \to C$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $B \to (A \to C)$  | premissa              |
|----|--------------------|-----------------------|
| 2. | $A \wedge B$       | hipótese              |
| 3. | A                  | $\wedge e \ 2$        |
| 4. | B                  | $\wedge e \ 2$        |
| 5. | $A \to C$          | $\rightarrow e 1, 3$  |
| 6. | C                  | $\rightarrow e 4, 2$  |
| 7. | $A \wedge B \to C$ | $\rightarrow i \ 2-5$ |

Comentário: Demonstração incorreta. Referencias das linhas durante a aplicação das regras estão incorretas.

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

1. 
$$B \rightarrow (A \rightarrow C)$$
 premissa  
2.  $A \wedge B$  hipótese  
3.  $B \wedge e 2$   
4.  $A \rightarrow C \rightarrow e 3, 1$   
5.  $A \wedge e 2$   
6.  $C \rightarrow e 5, 4$   
7.  $(A \wedge B) \rightarrow C \rightarrow i 2-6$ 

12. escreva a prova  $\vdash (A \to (B \to C)) \to ((A \to B) \to (A \to C))$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \to (B \to C)$                                 | hipótese                 |
|----|---|--------------------------|
| 2. | A 	o B  | hipótese                 |
| 3. | A   | hipótese                 |
| 4. | $  \cdot  $ B                                     | $\rightarrow e \ 3, \ 2$ |
| 5. | $  \;   \;   \; B 	o C$                           | $\rightarrow e 1, 3$     |
| 6. | $  \cdot   \cdot  $ C                             | $\rightarrow e 4, 5$     |
| 7. | $A \to C$   | $\rightarrow i$ 3-6      |
| 8. | $(A \to B) \to (A \to C)$                         | $\rightarrow i$ 2-7      |
| 9. | $(A \to (B \to C)) \to ((A \to B) \to (A \to C))$ | $\rightarrow i$ 1-8      |

## ${\bf Coment\'{a}rio:}\ {\bf Demonstraç\~{a}o}\ {\bf correta}.$

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

| 1. | $A \to (B \to C)$                                 | hipótese             |
|----|---|----------------------|
| 2. | $A \rightarrow B$                                 | hipótese             |
| 3. | A   | hipótese             |
| 4. | $  \cdot  $ B                                     | $\rightarrow e 3, 2$ |
| 5. | $  \;   \;   \; B 	o C$                           | $\rightarrow e 3, 1$ |
| 6. | C   | $\rightarrow e 4, 5$ |
| 7. | $A \to C$   | $\rightarrow i$ 3-6  |
| 8. | $(A \to B) \to (A \to C)$                         | $\rightarrow i$ 2-7  |
| 9. | $(A \to (B \to C)) \to ((A \to B) \to (A \to C))$ | $\rightarrow i$ 1-8  |

13. escreva a prova  $\vdash A \to (B \to A)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | A                 | hipótese            |  |
|----|-------------------|---------------------|--|
| 2. | В                 | hipótese            |  |
| 3. | A                 | $\rightarrow e 1$   |  |
| 4. | $B \to A$         | $\rightarrow i$ 2-3 |  |
| 5. | $A \to (B \to A)$ | $\rightarrow i$ 1-4 |  |

Comentário: Demonstração incorreta. Erro na aplicação da regra  $\rightarrow e$  na linha 3.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | A  | hipótese              |
|----|--|-----------------------|
| 2. | В  | hipótese              |
| 3. | $  \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}   \hspace{.04cm}  $ | copie 1               |
| 4. | $B \to A$  | $\rightarrow i \ 2-3$ |
| 5. | $A \to (B \to A)$  | $\rightarrow i \ 1-4$ |

14. escreva a prova  $\vdash ((A \to B) \to A) \to A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $(A \to B) \to A$         | hipótese             |
|-----|---------------------------|----------------------|
| 2.  | A                         | hipótese             |
| 3.  | $A \rightarrow B$         | hipótese             |
| 4.  | B                         | $\rightarrow e 2, 3$ |
| 5.  | A                         | $\rightarrow e 1, 4$ |
| 6.  | $A \to (A \to B)$         | $\rightarrow i$ 3-5  |
| 7.  | $(A \to B)$               | $\rightarrow e 1, 6$ |
| 8.  | B                         | $\rightarrow e 2, 7$ |
| 9.  | $A \rightarrow B$         | $\rightarrow i$ 2-8  |
| 10. | $((A \to B) \to A) \to A$ | $\rightarrow i$ 1-9  |

Comentário: Demonstração incorreta. Diversas aplicações erradas das regras de inclusão e exclusão de implicação além de erros na formatação na caixa

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $(A \to B) \to A$         | hipótese             |
|-----|---------------------------|----------------------|
| 2.  | $\neg A$                  | hipótese             |
| 3.  | A                         | hipótese             |
| 4.  |                           | $\neg e \ 3, \ 2$    |
| 5.  | B                         | $\perp e \ 4$        |
| 6.  | $A \to B$                 | $\rightarrow i$ 3-5  |
| 7.  | A                         | $\rightarrow e$ 6, 1 |
| 8.  |                           | $\neg e 7, 2$        |
| 9.  | A                         | raa 2-8              |
| 10. | $((A \to B) \to A) \to A$ | $\rightarrow i$ 1-9  |

15. escreva a prova  $A \to C, B \to C, A \lor B \vdash C$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

 $\textbf{Comentário:} \ \ \text{Demonstração incorreta.} \ \ \text{Referencia} \rightarrow e \ (\text{linha 7}) \ \ \text{incorreta e Referencia} \ \ \lor e \ (\text{linha 8}) \ \ \text{incompleta}$ 

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

16. escreva a prova  $A \vdash \neg \neg A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | A        | premissa          |
|----|----------|-------------------|
| 2. | $\neg A$ | hipótese          |
| 3. |          | $\neg e \ 1, \ 2$ |
| 4  | 1        | ÷ 9. 2            |

#### Comentário: Demonstração correta.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | 1 | 4             | premissa          |
|----|---|---------------|-------------------|
| 2. | - | $\neg A$      | hipótese          |
| 3. | _ | L             | $\neg e \ 1, \ 2$ |
| 4. | _ | $\neg \neg A$ | $\neg i \ 2-3$    |

17. escreva a prova  $\neg \neg A \vdash A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

1. 
$$\neg \neg A$$
 premissa  
2.  $\neg A$  hipótese  
3.  $\bot$   $\neg e 1, 2$   
4.  $A$   $\neg \neg e 2-3$ 

Comentário: Demonstração incorreta. Aplicação incorreta da regra dupla negação eliminação (deveria ser raa.)

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

1. 
$$\neg \neg A$$
 premissa  
2.  $\neg A$  hipótese  
3.  $\bot \neg e 2, 1$   
4.  $A$  raa 2-3

18. escreva a prova  $A \to B, \neg B \vdash \neg A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

1.
$$A \rightarrow B$$
premissa2. $\neg B$ premissa3. $A$ hipótese4. $B$  $\rightarrow e 1, 3$ 5. $\bot$  $\neg e 2, 4$ 6. $\neg A$  $\neg i 3-5$ 

# Comentário: Demonstração correta.

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

1. 
$$A \rightarrow B$$
 premissa  
2.  $\neg B$  premissa  
3.  $A$  hipótese  
4.  $B \rightarrow e \ 1, \ 3$   
5.  $\bot \qquad \neg e \ 4, \ 2$   
6.  $\neg A \qquad \neg i \ 3-5$ 

19. escreva a prova  $\neg B \to \neg A \vdash A \to B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $\neg B \to \neg A$ | premissa              |
|----|---------------------|-----------------------|
| 2. | A                   | hipótese              |
| 3. | $\neg B$            | hipótese              |
| 4. | $\neg A$            | $\rightarrow e 1, 3$  |
| 5. |                     | $\neg e \ 2, \ 4$     |
| 6. | $\neg \neg B$       | $\neg i \ 3-5$        |
| 7. | B                   | $\neg \neg e 6$       |
| 8. | $A \rightarrow B$   | $\rightarrow i \ 2-7$ |

# Comentário: Demonstração correta.

Comentário: Demonstração correta, apesar de "criar" a regra eliminação dupla da negação; deveria ser raa na linha 7 e a linha 6 não deveria existir.

RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

| 1. | $\neg B \to \neg A$ | premissa              |
|----|---------------------|-----------------------|
| 2. | A                   | hipótese              |
| 3. | $\neg B$            | hipótese              |
| 4. | $\neg A$            | $\rightarrow e 3, 1$  |
| 5. |                     | $\neg e \ 2, \ 4$     |
| 6. | B                   | raa 3-5               |
| 7. | $A \rightarrow B$   | $\rightarrow i \ 2-6$ |

20. escreva a prova  $A \to B \vdash \neg B \to \neg A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof² RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \to B$                   | premissa              |
|----|-----------------------------|-----------------------|
| 2. | $\neg B$                    | hipótese              |
| 3. | A                           | hipótese              |
| 4. | B                           | $\rightarrow e 1, 3$  |
| 5. |                             | $\neg e \ 2, \ 4$     |
| 6. | $\neg A$                    | $\neg i \ 3-5$        |
| 7. | $\neg B \rightarrow \neg A$ | $\rightarrow i \ 2-6$ |

#### Comentário: Demonstração correta.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | $A \to B$           | premissa             |
|----|---------------------|----------------------|
| 2. | $\neg B$            | hipótese             |
| 3. | A                   | hipótese             |
| 4. | B                   | $\rightarrow e 3, 1$ |
| 5. |                     | $\neg e \ 4, \ 2$    |
| 6. | $\neg A$            | $\neg i \ 3-5$       |
| 7. | $\neg B \to \neg A$ | $\rightarrow i$ 2-6  |

21. escreva a prova  $\neg (A \lor B) \vdash \neg A \land \neg B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $\neg(A \lor B)$       | premissa          |
|----|------------------------|-------------------|
| 2. | A                      | hipótese          |
| 3. | $A \lor B$             | $\vee i_1$ 2      |
| 4. | $\neg A$               | $\neg i \ 3, \ 1$ |
| 5. | В                      | hipótese          |
| 6. | $A \lor B$             | $\forall i_2 \ 4$ |
| 7. | $\neg B$               | $\neg i 5, 1$     |
| 8. | $\neg A \wedge \neg B$ | $\wedge i$ 3-6    |

Comentário: Demonstração incorreta da regra  $\neg i$  nas linhas 4 e 7 (deveria ser  $\neg e$ ). Aplicação incorreta da regra  $\land i$  na linha 8 RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

1.
 
$$\neg (A \lor B)$$
 premissa

 2.
 A
 hipótese

 3.
  $A \lor B$ 
 $\lor i$  2

 4.
  $\bot$ 
 $\neg e$  3, 1

 5.
  $\neg A$ 
 $\neg i$  2-4

 6.
 B
 hipótese

 7.
  $A \lor B$ 
 $\lor i$  6

 8.
  $\bot$ 
 $\neg e$  7, 1

 9.
  $\neg B$ 
 $\neg i$  6-8

 10.
  $\neg A \land \neg B$ 
 $\land i$  5,9

22. escreva a prova  $\neg A \land \neg B \vdash \neg (A \lor B)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

1.
 
$$\neg A \land \neg B$$
 premissa

 2.
  $\neg A$ 
 $\land e \ 1$ 

 3.
  $\neg B$ 
 $\land e \ 1$ 

 4.
  $A \lor B$ 
 hipótese

 5.
  $A$ 
 hipótese

 6.
  $\bot$ 
 $\neg e \ 3, \ 4$ 

 7.
  $B$ 
 hipótese

 8.
  $\bot$ 
 $\neg e \ 2, \ 6$ 

 9.
  $\bot$ 
 $\lor e \ 5 - 6, \ 7 - 8$ 

 10.
  $\neg (A \lor B)$ 
 $\neg i \ 4 - 9$ 

#### Comentário: Demonstração incorreta. Referencias $\neg e$ (linha 6 e 8) incorretas e Referencia $\lor e$ (linha 9) incompleta

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

1.
 
$$\neg A \land \neg B$$
 premissa

 2.
  $\neg A$ 
 $\land e \ 1$ 

 3.
  $\neg B$ 
 $\land e \ 1$ 

 4.
  $A \lor B$ 
 hipótese

 5.
  $A$ 
 hipótese

 6.
  $\bot$ 
 $\neg e \ 5, \ 2$ 

 7.
  $B$ 
 hipótese

 8.
  $\bot$ 
 $\neg e \ 7, \ 3$ 

 9.
  $\bot$ 
 $\lor e \ 4, \ 5 \ -6, \ 7 \ -8$ 

 10.
  $\neg (A \lor B)$ 
 $\neg i \ 4 \ -9$ 

23. escreva a prova  $\neg (A \land B) \vdash \neg A \lor \neg B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $\neg(A \land B)$    | premissa              |
|-----|----------------------|-----------------------|
| 2.  | A                    | hipótese              |
| 3.  | B                    | hipótese              |
| 4.  | $A \wedge B$         | $\wedge i$ 1, 2       |
| 5.  |                      | $\neg e \ 3, \ 1$     |
| 6.  | $\neg B$             | $\neg i \ 2\text{-}4$ |
| 7.  | A                    | hipótese              |
| 8.  | B                    | hipótese              |
| 9.  | $A \wedge B$         | $\wedge i \ 5, \ 6$   |
| 10. |                      | $\neg e \ 1, \ 7$     |
| 11. | $\neg B$             | <i>¬i</i> 6-8         |
| 12. | $\neg B$             | $\vee e 4, 5-8$       |
| 13. | $\neg A \lor \neg B$ | $\vee i$ 9            |
| 14. |                      |                       |

Comentário: Demonstração incorreta. Não abriu a caixa para a hipótese na linha 3. Aplicação incorreta da regra  $\neg i$  nas linhas 6 e 11. Aplicação incorreta da regra  $\lor e$  na linha 12. O chat não finalizou a prova. Referencias  $\land i$  (linha 4,9) incorretas e Referencias  $\neg e$  (linha 5,10) incorretas e Referencias  $\neg i$  (linha 6,11) incorretas e Referencia  $\lor e$  (linha 12) incorreta e Referencia  $\lor i$  (linha 13) incorreta além dos erros de formatação da caixa

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $\neg(A \land B)$          | premissa           |
|-----|----------------------------|--------------------|
| 2.  | $\neg(\neg A \vee \neg B)$ | hipótese           |
| 3.  | $\neg A$                   | hipótese           |
| 4.  | $\neg A \lor \neg B$       | $\forall i \ 3$    |
| 5.  |                            | $\neg e \ 4, \ 2$  |
| 6.  | A                          | raa 3-5            |
| 7.  | $\neg B$                   | hipótese           |
| 8.  | $\neg A \lor \neg B$       | $\vee i$ 7         |
| 9.  |                            | $\neg e \ 8, \ 2$  |
| 10. | B                          | raa 7-9            |
| 11. | $A \wedge B$               | $\wedge i$ 6,10    |
| 12. |                            | $\neg e \ 11, \ 1$ |
| 13. | $\neg A \lor \neg B$       | raa 2-12           |

24. escreva a prova  $\neg A \lor \neg B \vdash \neg (A \land B)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $\neg A \lor \neg B$ | premissa                |
|----|----------------------|-------------------------|
| 2. | $A \wedge B$         | hipótese                |
| 3. | A                    | $\wedge e_1$ 2          |
| 4. | B                    | $\wedge e_2$ 2          |
| 5. | $\neg A$             | $\lor e 1, 3$           |
| 6. | $\neg B$             | $\vee e 1, 4$           |
| 7. | $\neg A \lor \neg B$ | $\forall i \ 5$         |
| 8. |                      | $\neg e 6, 1$           |
| 9. | $\neg(A \land B)$    | $\neg i \ 2 \text{-} 7$ |

Comentário: Demonstração incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\vee e$  nas linhas 5 e 6. Aplicação incorreta da regra  $\neg e$  na linha 8. Referencias  $\vee e$  (linha 8) incorretas

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

| 1.  | $\neg A \lor \neg B$ | premissa          |
|-----|----------------------|-------------------|
| 2.  | $A \wedge B$         | hipótese          |
| 3.  | A                    | $\wedge e \ 2$    |
| 4.  | В                    | $\wedge e \ 2$    |
| 5.  | $\neg A$             | hipótese          |
| 6.  |                      | $\neg e \ 3, \ 5$ |
| 7.  | $\neg B$             | hipótese          |
| 8.  |                      | $\neg e \ 4, 7$   |
| 9.  |                      | ∨e 1, 5-6, 7-8    |
| 10. | $\neg (A \land B)$   | $\neg i \ 2-9$    |

25. escreva a prova  $A \lor (B \land C) \vdash (A \lor B) \land (A \lor C)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $A \vee (B \wedge C)$         | premissa             |
|-----|-------------------------------|----------------------|
| 2.  | A                             | hipótese             |
| 3.  | $A \lor B$                    | $\forall i \ 1, \ 1$ |
| 4.  | $A \lor C$                    | $\forall i \ 1, \ 1$ |
| 5.  | $B \wedge C$                  | hipótese             |
| 6.  | B                             | $\wedge e_1 \ 2$     |
| 7.  | $A \lor B$                    | $\forall i \ 3, \ 2$ |
| 8.  | C                             | $\wedge e_2$ 2       |
| 9.  | $A \lor C$                    | $\forall i \ 3, \ 4$ |
| 10. | $(A \lor B) \land (A \lor C)$ | $\wedge i$ 2-6       |

Comentário: Demonstração incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\land i$  na linha 10. Referencias  $\lor i$  (linha 3,4,7,9) e Referencias  $\land e$  (linha 6,8) e Referencia  $\land i$  (linha 10) incorretas

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $A \vee (B \wedge C)$          | premissa                                  |
|-----|--------------------------------|---|
| 2.  | A                              | hipótese                                  |
| 3.  | $A \lor B$                     | $\forall i \ 2$                           |
| 4.  | $A \lor C$                     | $\vee i \ 2$                              |
| 5.  | $(A \vee B) \wedge (A \vee C)$ | $\wedge i \ 3,4$                          |
| 6.  | $B \wedge C$                   | hipótese                                  |
| 7.  | B                              | $\wedge e \ 6$                            |
| 8.  | $A \lor B$                     | $\vee i$ 7                                |
| 9.  | C                              | $\wedge e \ 6$                            |
| 10. | $A \lor C$                     | $\vee i$ 9                                |
| 11. | $(A \vee B) \wedge (A \vee C)$ | $\wedge i$ 8,10                           |
| 12. | $(A \vee B) \wedge (A \vee C)$ | $\vee e \ 1, \ 2\text{-}5, \ 6\text{-}11$ |

26. escreva a prova  $(A \lor B) \land (A \lor C) \vdash A \lor (B \land C)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $(A \vee B) \wedge (A \vee C)$ | premissa                       |
|----|--------------------------------|--------------------------------|
| 2. | A                              | hipótese                       |
| 3. | $A \lor (B \land C)$           | $\vee i$ 1, 1                  |
| 4. | $B \wedge C$                   | hipótese                       |
| 5. | B                              | $\wedge e \ 2$                 |
| 6. | C                              | $\wedge e \ 2$                 |
| 7. | $A \vee (B \wedge C)$          | $\vee i \ 2, \ 2$              |
| 8. | $A \vee (B \wedge C)$          | $\vee e \ 1, \ 1 - 2, \ 2 - 4$ |

Comentário: Demonstração incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\vee e$  na linha 8. Referencias  $\vee i$  (linha 3,7) e Referencias  $\wedge e$  (linha 5,6) e Referencia  $\vee e$  (linha 8) incorretas

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

| 1.  | $(A \lor (B) \land (A \lor (C))$ | promisso                        |
|-----|----------------------------------|---------------------------------|
|     | $(A \vee B) \wedge (A \vee C)$   | premissa                        |
| 2.  | $A \lor B$                       | $\wedge e 1$                    |
| 3.  | $A \lor C$                       | $\wedge e \ 1$                  |
| 4.  | A                                | hipótese                        |
| 5.  | $A \lor (B \land C)$             | $\vee i$ 4                      |
| 6.  | В                                | hipótese                        |
| 7.  | A                                | hipótese                        |
| 8.  | $A \lor (B \land C)$             | $\vee i$ 7                      |
| 9.  | C                                | hipótese                        |
| 10. | $B \wedge C$                     | $\wedge i 6,9$                  |
| 11. | $A \vee (B \wedge C)$            | ∨ <i>i</i> 10                   |
| 12. | $A \lor (B \land C)$             | $\vee e \ 3, \ 7 - 8, \ 9 - 11$ |
| 13. | $A \vee (B \wedge C)_{Q}$        | $\forall e \ 2, \ 45, \ 612$    |

27. escreva a prova  $A \wedge (B \vee C) \vdash (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $A \wedge (B \vee C)$  | premissa                                 |
|-----|--|--|
| 2.  | A  | hipótese                                 |
| 3.  | $B \lor C$   | $\wedge e \ 1$                           |
| 4.  | В  | hipótese                                 |
| 5.  | $A \wedge B$   | $\wedge i \ 2, \ 4$                      |
| 6.  | $(A \land B) \lor (A \land C)$                                   | ∨ <i>i</i> 5                             |
| 7.  | C  | hipótese                                 |
| 8.  | $A \wedge C$   | $\wedge i \ 2, \ 7$                      |
| 9.  | $(A \land B) \lor (A \land C)$                                   | ∨ <i>i</i> 8                             |
| 10. | $(A \wedge B) \vee (A \wedge C)$                                 | $\vee e \ 3, \ 4\text{-}6, \ 7\text{-}9$ |
| 11. | $A \wedge (B \vee C) \rightarrow (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$ | $\rightarrow i$ 2-10                     |

Comentário: Demonstração incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\to i$  na linha 11. Conclusão incorreta.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $A \wedge (B \vee C)$            | premissa                                 |
|-----|----------------------------------|--|
| 2.  | A                                | $\wedge e \ 1$                           |
| 3.  | $B \vee C$                       | $\wedge e \ 1$                           |
| 4.  | В                                | hipótese                                 |
| 5.  | $A \wedge B$                     | $\wedge i \ 2,4$                         |
| 6.  | $(A \land B) \lor (A \land C)$   | $\forall i \ 5$                          |
| 7.  | C                                | hipótese                                 |
| 8.  | $A \wedge C$                     | $\wedge i \ 2,7$                         |
| 9.  | $(A \land B) \lor (A \land C)$   | $\forall i \ 8$                          |
| 10. | $(A \wedge B) \vee (A \wedge C)$ | $\vee e \ 3, \ 4\text{-}6, \ 7\text{-}9$ |

28. escreva a prova  $(A \land B) \lor (A \land C) \vdash A \land (B \lor C)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $(A \wedge B) \vee (A \wedge C)$ | premissa                   |
|-----|----------------------------------|----------------------------|
| 2.  | $A \wedge B$                     | hipótese                   |
| 3.  | A                                | $\wedge e_1$ 3             |
| 4.  | B                                | $\wedge e_2$ 3             |
| 5.  | $B \lor C$                       | $\forall i_1 \ 5$          |
| 6.  | $A \wedge C$                     | hipótese                   |
| 7.  | A                                | $\wedge e_1$ 8             |
| 8.  | C                                | $\wedge e_2$ 8             |
| 9.  | $B \lor C$                       | $\forall i_2 \ 11$         |
| 10. | $A \wedge (B \vee C)$            | $\wedge i$ 4-6, 7-9, 10-12 |

Comentário: Demonstração incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\land i$  na linha 10. Referencias  $\lor i$  (linha 5,9) e Referencias  $\land e$  (linha 3,4,7,8). RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $(A \wedge B) \vee (A \wedge C)$ | premissa                                  |
|-----|----------------------------------|---|
| 2.  | $A \wedge B$                     | hipótese                                  |
| 3.  | A                                | $\wedge e \ 2$                            |
| 4.  | B                                | $\wedge e \ 2$                            |
| 5.  | $B \lor C$                       | $\vee i$ 4                                |
| 6.  | $A \wedge (B \vee C)$            | $\wedge i \ 3,5$                          |
| 7.  | $A \wedge C$                     | hipótese                                  |
| 8.  | A                                | $\wedge e 7$                              |
| 9.  | C                                | $\wedge e \ 7$                            |
| 10. | $B \lor C$                       | $\vee i$ 9                                |
| 11. | $A \wedge (B \vee C)$            | $\wedge i 8,10$                           |
| 12. | $A \wedge (B \vee C)$            | $\vee e \ 1, \ 2\text{-}6, \ 7\text{-}11$ |

29. escreva a prova  $A \vee B$ ,  $\neg B \vdash A$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \vee B$ | premissa          |
|----|------------|-------------------|
| 2. | $\neg B$   | premissa          |
| 3. | B          | hipótese          |
| 4. | $\perp$    | $\neg e \ 2, \ 4$ |
| 5. | A          | ∨e 1, 3-5         |

Comentário: Demonstração incorreta. Regra  $\vee e$  (linha 5) aplicada de forma incorreta e com referencias erradas

RESPOSTA PREDEFINIDA

 ${\bf A}$  demonstração está correta.

| 1. | $A \vee B$     | premissa       |
|----|----------------|----------------|
| 2. | $\neg B$       | premissa       |
| 3. | A              | hipótese       |
| 4. | A              | copie 3        |
| 5. | B              | hipótese       |
| 6. |                | $\neg e 5, 2$  |
| 7. | A              | $\perp e$ 6    |
| 8. | $\overline{A}$ | ∨e 1, 3-4, 5-7 |

30. escreva a prova  $A \lor B \vdash \neg A \to B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \vee B$     | premissa            |
|----|----------------|---------------------|
| 2. | $\neg A$       | hipótese            |
| 3. | B              | $\vee e 1, 2$       |
| 4. | $\neg A \to B$ | $\rightarrow i$ 2-2 |
| 5. | A              | hipótese            |
| 6. | $\neg A \to B$ | $\rightarrow i$ 3-3 |
| 7. | $\neg A \to B$ | ∨e 1, 2-4           |
| 8  |                |                     |

Comentário: Demonstração incorreta. Regras  $\vee e$  (linha 3,7) aplicadas de forma incorreta e com referencias erradas e Regras  $\rightarrow i$  linhas(4,6) aplicadas de forma incorreta e com referencias erradas

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $A \vee B$     | premissa                                  |
|-----|----------------|---|
| 2.  | A              | hipótese                                  |
| 3.  | $\neg A$       | hipótese                                  |
| 4.  |                | $\neg e \ 2, 3$                           |
| 5.  | B              | $\perp e \ 4$                             |
| 6.  | $\neg A \to B$ | $\rightarrow i 3-5$                       |
| 7.  | В              | hipótese                                  |
| 8.  | $\neg A$       | hipótese                                  |
| 9.  | B              | copie 7                                   |
| 10. | $\neg A \to B$ | $\rightarrow i 8-9$                       |
| 11. | $\neg A \to B$ | $\vee e \ 1, \ 2\text{-}6, \ 7\text{-}10$ |

31. escreva a prova  $\neg A \to B \vdash A \lor B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $\neg A \to B$   | premissa             |
|-----|------------------|----------------------|
| 2.  | $\neg(A \lor B)$ | hipótese             |
| 3.  | $\neg A$         | hipótese             |
| 4.  | B                | $\rightarrow e 1, 2$ |
| 5.  | $B \lor A$       | $\forall i \ 3$      |
| 6.  | $\neg B$         | hipótese             |
| 7.  | A                | hipótese             |
| 8.  | $B \lor A$       | $\forall i \ 4$      |
| 9.  |                  | $\neg e \ 3, \ 5$    |
| 10. | B                | ¬e 4-6               |
| 11. | $B \lor A$       | $\vee i$ 7           |
| 12. |                  | $\neg e \ 2, \ 3-8$  |
| 13. | $A \lor B$       | $\neg \neg i \ 2-9$  |

 $\textbf{Comentário:} \ \ \text{A resposta está incorreta}. \ \ \text{Aplicação incorreta da regra} \ \neg e \ \text{nas linhas} \ 10 \ \text{e} \ 12. \ \ \text{Na linha} \ 13, \ \text{o correto seria o uso da regra raa}.$ 

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $\neg A \to B$   | premissa             |
|-----|------------------|----------------------|
| 2.  | $\neg(A \lor B)$ | hipótese             |
| 3.  | $\neg A$         | hipótese             |
| 4.  | B                | $\rightarrow e 3, 1$ |
| 5.  | $A \lor B$       | $\vee i \ 4$         |
| 6.  |                  | $\neg e 5, 2$        |
| 7.  | A                | raa 3-6              |
| 8.  | $A \lor B$       | $\vee i$ 7           |
| 9.  |                  | $\neg e \ 2, \ 8$    |
| 10. | $A \lor B$       | raa 2-9              |

32. escreva a prova  $A \land B \vdash \neg (A \to \neg B)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT 11

| 1. | $A \wedge B$                  | premissa             |
|----|-------------------------------|----------------------|
| 2. | $A \to \neg B$                | hipótese             |
| 3. | A                             | hipótese             |
| 4. | B                             | $\wedge e_1 \ 1$     |
| 5. | $\neg B$                      | $\rightarrow e 2, 3$ |
| 6. |                               | $\neg e \ 4, \ 2$    |
| 7. | $\neg (A \to \neg B)$         | $\neg i \ 3-5$       |
| 8. | $\neg (A \rightarrow \neg B)$ | $\neg i \ 2-6$       |

Comentário: A demonstração está incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\neg i$  nas linhas 7 e 8.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | $A \wedge B$          | premissa             |
|----|-----------------------|----------------------|
| 2. | A                     | $\wedge e \ 1$       |
| 3. | B                     | $\wedge e \ 1$       |
| 4. | $A \to \neg B$        | hipótese             |
| 5. | $\neg B$              | $\rightarrow e 4, 2$ |
| 6. | $\perp$               | $\neg e 5, 3$        |
| 7. | $\neg (A \to \neg B)$ | $\neg i \ 4-6$       |

33. escreva a prova  $\neg(A \to \neg B) \vdash A \land B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $\neg(A \to \neg B)$ | premissa            |
|----|----------------------|---------------------|
| 2. | A                    | hipótese            |
| 3. | $\neg B$             | hipótese            |
| 4. | $A \to \neg B$       | $\rightarrow i$ 2-3 |
| 5. |                      | $\neg e \ 1, \ 4$   |
| 6. | $\neg \neg B$        | $\neg i \ 3-5$      |
| 7. | B                    | $\neg \neg e \ 6$   |
| 8. | $A \wedge B$         | $\wedge i$ 1, 7     |
| 9. |                      |                     |

 $\textbf{Comentário:} \ \ \text{A demonstração está incorreta}. \ \ \text{Aplicação incorreta da regra} \rightarrow i \ \ \text{na linha 4. O chat não finalizou a prova}.$ 

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $\neg(A \to \neg B)$ | premissa               |
|-----|----------------------|------------------------|
| 2.  | $\neg A$             | hipótese               |
| 3.  | A                    | hipótese               |
| 4.  |                      | $\neg e \ 2, \ 3$      |
| 5.  | $\neg B$             | $\perp e \ 4$          |
| 6.  | $A \to \neg B$       | $\rightarrow i 3-5$    |
| 7.  |                      | $\neg e 6, 1$          |
| 8.  | A                    | raa 2-7                |
| 9.  | $\neg B$             | hipótese               |
| 10. | A                    | hipótese               |
| 11. | $\neg B$             | copie 9                |
| 12. | A 	o  eg B           | $\rightarrow i 10$ -11 |
| 13. |                      | $\neg e \ 12, \ 1$     |
| 14. | B                    | raa 9-13               |
| 15. | $A \wedge B$         | $\wedge i$ 8,14        |
|     |                      |                        |

34. escreva a prova  $A \vee B \vdash \neg(\neg A \wedge \neg B)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $A \vee B$                           | premissa                    |
|-----|--------------------------------------|-----------------------------|
| 2.  | $\neg(\neg A \land \neg B)$          | hipótese                    |
| 3.  | $\neg A \wedge \neg B$               | hipótese                    |
| 4.  | $\neg A$                             | $\wedge e_1$ 3              |
| 5.  | A                                    | $\vee e 1, 5$               |
| 6.  | $\perp$                              | $\neg e \ 4, \ 6$           |
| 7.  | A                                    | $\neg \neg e \ 3-7$         |
| 8.  | $\perp$                              | ∨e 1, 8                     |
| 9.  | $\neg(\neg A \land \neg B) \to \bot$ | $\rightarrow i$ 3-9         |
| 10. | $\neg\neg(\neg A \wedge \neg B)$     | $\neg \neg i \ 2\text{-}10$ |
| 11. | $\neg A \wedge \neg B$               | $\neg \neg e \ 11$          |
| 12. | $\neg A$                             | $\wedge e_1$ 12             |
| 13. | $A\vee B\to A$                       | $\vee e_1 \ 1$              |
| 14. | A                                    | $\forall i \ 14$            |
| 15. | $\neg B$                             | $\wedge e_2$ 12             |
| 16. | $A\vee B\to B$                       | $\vee e_2 1$                |
| 17. | B 12                                 | $\vee i$ 17                 |
|     |                                      |                             |

Comentário: A demonstração está incorreta. Aplicação incorreta da regra lore na linha 5. Aplicação incorreta da regra  $\neg \neg e$  na linha 7. Aplicação incorreta da regra lore na linha 8. Referência incorreta das linhas na justificativa da linha 9. Aplicação incorreta da regra lore na linha 10. Não existe a lore conforme mencionado na linha 13. Aplicação incorreta da regra lore na linha 14. Não existe a regra lore em dedução natural, conforme mencionado na linha 16. Aplicação incorreta da regra lore na linha 17.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $A \vee B$                  | premissa       |
|-----|-----------------------------|----------------|
| 2.  | $\neg A \wedge \neg B$      | hipótese       |
| 3.  | $\neg A$                    | $\wedge e \ 2$ |
| 4.  | $\neg B$                    | $\wedge e \ 2$ |
| 5.  | A                           | hipótese       |
| 6.  |                             | $\neg e 5, 3$  |
| 7.  | B                           | hipótese       |
| 8.  |                             | $\neg e 7, 4$  |
| 9.  |                             | ∨e 1, 5-6, 7-8 |
| 10. | $\neg(\neg A \land \neg B)$ | $\neg i \ 2-9$ |

35. escreva a prova  $\neg(\neg A \land \neg B) \vdash A \lor B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $\neg(\neg A \land \neg B)$ | premissa            |
|----|-----------------------------|---------------------|
| 2. | $\neg(A \lor B)$            | hipótese            |
| 3. | $\neg A$                    | hipótese            |
| 4. | $\neg A \wedge \neg B$      | $\wedge i \ 3, \ 1$ |
| 5. |                             | $\neg e \ 2, \ 4$   |
| 6. | $\overline{A}$              | $\neg \neg e \ 3-5$ |
| 7. | $A \lor B$                  | $\forall i_1$ 6     |
| 8. | $A \vee B$                  | $\vee e \ 2, \ 4-7$ |

Comentário: A demonstração está incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\land i$  na linha 4. Na linha 6, a justificativa deveria ser a regra raa e não a regra  $\neg nege$ . Aplicação incorreta da regra  $\lor e$  na linha 8.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $\neg(\neg A \land \neg B)$ | premissa           |
|-----|-----------------------------|--------------------|
| 2.  | $\neg(A \lor B)$            | hipótese           |
| 3.  | A                           | hipótese           |
| 4.  | $A \lor B$                  | $\forall i \ 3$    |
| 5.  |                             | $\neg e \ 4, \ 2$  |
| 6.  | $\neg A$                    | $\neg i \ 3-5$     |
| 7.  | В                           | hipótese           |
| 8.  | $A \lor B$                  | $\vee i$ 7         |
| 9.  |                             | $\neg e \ 8, \ 2$  |
| 10. | $\neg B$                    | $\neg i$ 7-9       |
| 11. | $\neg A \wedge \neg B$      | $\wedge i$ 6,10    |
| 12. | Т                           | $\neg e \ 11, \ 1$ |
| 13. | $A \vee B$                  | raa 2-12           |

36. escreva a prova  $A \to B \vdash \neg (A \land \neg B)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $A \to B$               | premissa              |
|----|-------------------------|-----------------------|
| 2. | $A \wedge \neg B$       | hipótese              |
| 3. | A                       | $\wedge e_1$ 2        |
| 4. | B                       | $\rightarrow e 1, 3$  |
| 5. | $\neg B$                | $\wedge e_2$ 2        |
| 6. | Т                       | $\neg e \ 4, \ 3$     |
| 7. | $\neg (A \land \neg B)$ | $\neg i \ 2\text{-}5$ |

Comentário: A demonstração está incorreta. Há algumas referências incorreta às linhas nas justificativas.

# RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

1. 
$$A \rightarrow B$$
 premissa  
2.  $A \land \neg B$  hipótese  
3.  $A \rightarrow B$  copie 1  
4.  $A \land e 2$   
5.  $B \rightarrow e 3, 4$   
6.  $\neg B \land e 2$   
7.  $\bot \neg e 5, 6$   
8.  $\neg (A \land \neg B) \neg i 2 - 7$ 

37. escreva a prova  $\neg(A \land \neg B) \vdash A \to B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1. | $\neg (A \land \neg B)$ | premissa              |
|----|-------------------------|-----------------------|
| 2. | A                       | hipótese              |
| 3. | $\neg B$                | hipótese              |
| 4. | $A \wedge \neg B$       | $\wedge i \ 1, \ 2$   |
| 5. | Ι                       | $\neg e \ 3, \ 1$     |
| 6. | В                       | ⊥e 4                  |
| 7. | B                       | $\neg i \ 2\text{-}5$ |
| 8  | $A \rightarrow B$       | $\rightarrow i \ 2-6$ |

Comentário: A demonstração está incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\wedge i$  na linha 4. Referência incorreta às linhas na justificativa da linha 5. Referência incorreta à linha na justificativa da linha 6. Aplicação incorreta da regra  $\neg e$  na linha 7. Referência incorreta às linhas na justificativa da linha 8.

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1. | $\neg (A \land \neg B)$ | premissa            |
|----|-------------------------|---------------------|
| 2. | A                       | hipótese            |
| 3. | $\neg B$                | hipótese            |
| 4. | A                       | copie 2             |
| 5. | $A \wedge \neg B$       | $\wedge i \ 4,3$    |
| 6. | $\neg (A \land \neg B)$ | copie 1             |
| 7. | 上                       | $\neg e 5, 6$       |
| 8. | B                       | raa 3-7             |
| 9. | $A \rightarrow B$       | $\rightarrow i 2-8$ |

38. escreva a prova  $A \land B \vdash \neg(\neg A \lor \neg B)$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $A \wedge B$  | premissa                                     |
|-----|---|--|
| 2.  | $\neg(\neg A \lor \neg B)$                          | hipótese                                     |
| 3.  | $\neg A \lor \neg B$                                | hipótese                                     |
| 4.  | $\neg A$  | hipótese                                     |
| 5.  | $  \;   \;   \;   \;   \;   \;   \;  $              | $\wedge e_1 \ 1$                             |
| 6.  |   | $\neg e \ 4, 5$                              |
| 7.  | $\neg B$  | hipótese                                     |
| 8.  | $  \;   \;   \;   \;   \;   \;   \;   \;   \;   \;$ | $\wedge e_2 1$                               |
| 9.  |   | $\neg e 6, 7$                                |
| 10. |   | $\vee e \ 3, \ 4\text{-}6, \ 7\text{-}9$     |
| 11. | $\neg(\neg A \vee \neg B) \to \bot$                 | $\rightarrow i$ 3-10                         |
| 12. | $\neg\neg(\neg A \lor \neg B)$                      | $\neg \neg i \ 11$                           |
| 13. | $\neg A \lor \neg B$                                | $\neg \neg e \ 12$                           |
| 14. | $\neg A$  | hipótese                                     |
| 15. | $\neg A \lor \neg B$                                | $\forall i_1 \ 13$                           |
| 16. | $\neg B$  | hipótese                                     |
| 17. | $\neg A \lor \neg B$                                | $\forall i_2 \ 13$                           |
| 18. | $\neg A \lor \neg B$                                | $\vee e \ 2, \ 14\text{-}15, \ 16\text{-}17$ |
| 19. | Т   | $\neg e \ 18, 13$                            |
| 20. | $A \wedge B \rightarrow \neg(\neg A \vee \neg B)$   | $\rightarrow i 2-19$                         |

Comentário: A demonstração está incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\neg \neg i$  na linha 12. Justificativa incorreta da aplicação do  $\lor e$  na linha 18 (correto seria  $\lor e$  13). Aplicação incorreta da regra  $\neg e$  na linha 19. Aplicação incorreta da regra  $\rightarrow i$  na linha 20.

## RESPOSTA PREDEFINIDA

 ${\bf A}$  demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $A \wedge B$                        | premissa          |
|-----|-------------------------------------|-------------------|
| 2.  | $\neg A \lor \neg B$                | hipótese          |
| 3.  | $\neg A$                            | hipótese          |
| 4.  | $  \hspace{.1cm}   \hspace{.1cm} A$ | $\wedge e \ 1$    |
| 5.  |                                     | $\neg e \ 3, \ 4$ |
| 6.  | $\neg B$                            | hipótese          |
| 7.  | B                                   | $\wedge e \ 1$    |
| 8.  |                                     | $\neg e 6, 7$     |
| 9.  |                                     | ∨e 2, 3-5, 6-8    |
| 10. | $\neg(\neg A \lor \neg B)$          | $\neg i \ 2-9$    |

39. escreva a prova  $\neg(\neg A \lor \neg B) \vdash A \land B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $\neg(\neg A \vee \neg B)$ | premissa          |
|-----|----------------------------|-------------------|
| 2.  | $\neg (A \land B)$         | hipótese          |
| 3.  | $\neg A$                   | hipótese          |
| 4.  | $\neg A \lor \neg B$       | $\forall i \ 2$   |
| 5.  |                            | $\neg e 1, 3$     |
| 6.  | $\neg B$                   | hipótese          |
| 7.  | $\neg A \lor \neg B$       | $\forall i \ 2$   |
| 8.  |                            | $\neg e \ 1, \ 5$ |
| 9.  |                            | $\wedge e 4, 6$   |
| 10. | $A \wedge B$               | $\neg \neg e \ 2$ |

Comentário: A resposta está incorreta. Na linha 4m o correto seria  $\vee e3$ . Na linha 5, o correto seria  $\neg e1$ , 4. Na linha 7, o correto seria lore6. Na linha 8, o correto seria  $\neg e1$ , 7. Na linha 9, nçao é possível obter  $\perp$  com a regra  $\wedge e$ . Na linha 10, aplicação incorreta da regra  $\neg \neg e$ .

#### RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $\neg(\neg A \vee \neg B)$ | premissa          |
|-----|----------------------------|-------------------|
| 2.  | $\neg A$                   | hipótese          |
| 3.  | $\neg A \lor \neg B$       | $\vee i \ 2$      |
| 4.  | $\neg(\neg A \vee \neg B)$ | copie 1           |
| 5.  | Т                          | $\neg e \ 3, \ 4$ |
| 6.  | A                          | raa 2-5           |
| 7.  | $\neg B$                   | hipótese          |
| 8.  | $\neg A \lor \neg B$       | $\vee i$ 7        |
| 9.  | $\neg(\neg A \vee \neg B)$ | copie 1           |
| 10. |                            | $\neg e 8, 9$     |
| 11. | B                          | raa 7-10          |
| 12. | $A \wedge B$               | $\wedge i$ 6,11   |

40. escreva a prova  $A \to B \vdash \neg A \lor B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | A 	o B                                    | premissa             |
|-----|---|----------------------|
| 2.  | $\neg(\neg A \lor B)$                     | hipótese             |
| 3.  | A   | hipótese             |
| 4.  | B   | $\rightarrow e 1, 3$ |
| 5.  | $\neg A \lor B$                           | $\forall i \ 4$      |
| 6.  | Т   | $\neg e \ 2, \ 5$    |
| 7.  | $\neg A$                                  | $\neg i \ 3-6$       |
| 8.  | $\neg A \lor B$                           | $\vee i$ 7           |
| 9.  | Т   | $\neg e \ 2, \ 8$    |
| 10. | $\neg(\neg A \lor B) \to (\neg A \lor B)$ | $\rightarrow i$ 2-9  |
| 11. | $\neg A \lor B$                           | $\vee e \ 10, \ 1$   |

Comentário: A demonstração está incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\rightarrow i$  na linha 10. Aplicação incorreta da regra  $\lor e$  na linha 11.

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $A \to B$                                | premissa             |
|-----|--|----------------------|
| 2.  | $\neg(\neg A \lor B)$                    | hipótese             |
| 3.  | A  | hipótese             |
| 4.  | $A \rightarrow B$                        | copie 1              |
| 5.  | $  \hspace{.1cm}   \hspace{.1cm} B$      | $\rightarrow e 3, 4$ |
| 6.  | $  \   \                               $ | $\forall i \ 5$      |
| 7.  | $\neg(\neg A \lor B)$                    | copie 2              |
| 8.  |  | $\neg e 6, 7$        |
| 9.  | $\neg A$                                 | $\neg i \ 3-8$       |
| 10. | $\neg A \lor B$                          | $\vee i$ 9           |
| 11. | Т  | $\neg e \ 2, \ 10$   |
| 12. | $\neg A \lor B$                          | raa 2-11             |

41. escreva a prova  $\neg A \lor B \vdash A \to B$  usando o sistema de dedução natural no estilo fitch e o pacote latex logic<br/>proof RESPOSTA CHAT-GPT

| 1.  | $\neg A \vee B$     | premissa                  |
|-----|---------------------|---------------------------|
| 2.  | A                   | hipótese                  |
| 3.  | B                   | $\lor e 1, 2, 2$          |
| 4.  | $A \to B$           | $\rightarrow i$ 2-3       |
| 5.  | $\neg A$            | hipótese                  |
| 6.  | B                   | $\vee e 1, 4$             |
| 7.  | $\neg A \to B$      | $\rightarrow i$ 4-5       |
| 8.  | A                   | hipótese                  |
| 9.  | $\neg A \lor B$     | $\forall i \ 2$           |
| 10. | B                   | $\forall e \ 6, \ 3, \ 5$ |
| 11. | $A \rightarrow_1 B$ | $\rightarrow i$ 6-7       |

Comentário: Demonstração incorreta. Aplicação incorreta da regra  $\vee e$  nas linhas 3, 6 e 10. Aplicação incorreta da regra  $\vee i$  na linha 2. Referência incorreta das linhas na justificativa da linha 11.

## RESPOSTA PREDEFINIDA

A demonstração está correta.

Código da demonstração no estilo Fitch em Latex:

| 1.  | $\neg A \lor B$                                  | premissa                    |
|-----|--|-----------------------------|
| 2.  | A  | hipótese                    |
| 3.  | $\neg B$   | hipótese                    |
| 4.  | $\neg A \lor B$                                  | copie 1                     |
| 5.  | $      \neg A$                                   | hipótese                    |
| 6.  | $  \;   \;   \;   \;   \;   \;   \;   \;   \;  $ | copie 2                     |
| 7.  |  | $\neg e 5, 6$               |
| 8.  | B  | hipótese                    |
| 9.  | $\neg B$   | copie 3                     |
| 10. |  | $\neg e \ 8, \ 9$           |
| 11. |  | $\vee e \ 4, \ 5-7, \ 8-10$ |
| 12. | B  | raa 3-11                    |
| 13  | $A \rightarrow B$                                | $\rightarrow i \ 2$ -12     |

A seguir apresentamos os resultados da análise por enunciado (teorema).

|    | Enunciado   | ChatGPT respondeu corretamente? | Erros Apenas de Referência | Demais Erros |
|----|---|---------------------------------|----------------------------|--------------|
| 1  | $\vdash (A \lor (A \land B)) \to A$                         | Não                             | Não                        | Sim          |
| 2  | $\vdash (A \land (A \lor B)) \to A$                         | Não                             | Não                        | Sim          |
| 3  | $\vdash (A \to (B \to C)) \to (B \to (A \to C))$            | Não                             | Não                        | Sim          |
| 4  | $\vdash (A \to (A \to B)) \to (A \to B)$                    | Não                             | Sim                        | Não          |
| 5  | $\vdash (\neg A \to B) \to ((\neg A \to \neg B) \to A)$     | Não                             | Não                        | Sim          |
| 6  | $\vdash A \lor \neg A$                                      | Não                             | Não                        | Sim          |
| 7  | $\vdash (A \to B) \lor (B \to A)$                           | Não                             | Não                        | Sim          |
| 8  | $\vdash A \rightarrow A$                                    | Sim                             | Não                        | Não          |
| 9  | $\vdash (A \to B) \to ((C \to A) \to (C \to A))$            | Não                             | Não                        | Sim          |
| 10 | $A \wedge B \to C \vdash B \to (A \to C)$                   | Não                             | Sim                        | Não          |
| 11 | $B \to (A \to C) \vdash A \land B \to C$                    | Não                             | Sim                        | Não          |
| 12 | $\vdash (A \to (B \to C)) \to ((A \to B) \to (A \to C))$    | Sim                             | Não                        | Não          |
| 13 | $\vdash A \to (B \to A)$                                    | Não                             | Não                        | Sim          |
| 14 | $\vdash ((A \to B) \to A) \to A$                            | Não                             | Não                        | Sim          |
| 15 | $A \to C, B \to C, A \lor B \vdash C$                       | Não                             | Sim                        | Não          |
| 16 | $A \vdash \neg \neg A$                                      | Sim                             | Não                        | Não          |
| 17 | $\neg \neg A \vdash A$                                      | Não                             | Não                        | Sim          |
| 18 | $A \to B, \neg B \vdash \neg A$                             | Sim                             | Não                        | Não          |
| 19 | $\neg B \to \neg A \vdash A \to B$                          | Sim                             | Não                        | Não          |
| 20 | $A \to B \vdash \neg B \to \neg A$                          | Sim                             | Não                        | Não          |
| 21 | $\neg (A \lor B) \vdash \neg A \land \neg B$                | Não                             | Não                        | Sim          |
| 22 | $\neg A \land \neg B \vdash \neg (A \lor B)$                | Não                             | Não                        | Sim          |
| 23 | $\neg (A \land B) \vdash \neg A \lor \neg B$                | Não                             | Não                        | Sim          |
| 24 | $\neg A \lor \neg B \vdash \neg (A \land B)$                | Não                             | Não                        | Sim          |
| 25 | $A \vee (B \wedge C) \vdash (A \vee B) \wedge (A \vee C)$   | Não                             | Não                        | Sim          |
| 26 | $(A \lor B) \land (A \lor C) \vdash A \lor (B \land C)$     | Não                             | Não                        | Sim          |
| 27 | $A \wedge (B \vee C) \vdash (A \wedge B) \vee (A \wedge C)$ | Não                             | Não                        | Sim          |
| 28 | $(A \land B) \lor (A \land C) \vdash A \land (B \lor C)$    | Não                             | Não                        | Sim          |
| 29 | $A \lor B, \neg B \vdash A$                                 | Não                             | Não                        | Sim          |
| 30 | $A \vee B \vdash \neg A \to B$                              | Não                             | Não                        | Sim          |
| 31 | $\neg A \to B \vdash A \lor B$                              | Não                             | Não                        | Sim          |
| 32 | $A \land B \vdash \neg (A \to \neg B)$                      | Não                             | Não                        | Sim          |
| 33 | $\neg(A \to \neg B) \vdash A \land B$                       | Não                             | Não                        | Sim          |
| 34 | $A \vee B \vdash \neg (\neg A \wedge \neg B)$               | Não                             | Não                        | Sim          |
| 35 | $\neg(\neg A \land \neg B) \vdash A \lor B$                 | Não                             | Não                        | Sim          |
| 36 | $A \to B \vdash \neg (A \land \neg B)$                      | Não                             | Não                        | Sim          |
| 37 | $\neg (A \land \neg B) \vdash A \to B$                      | Não                             | Não                        | Sim          |
| 38 | $A \wedge B \vdash \neg (\neg A \vee \neg B)$               | Não                             | Não                        | Sim          |
| 39 | $\neg(\neg A \vee \neg B) \vdash A \wedge B$                | Não                             | Não                        | Sim          |
| 40 | $A \to B \vdash \neg A \lor B$                              | Não                             | Não                        | Sim          |
| 41 | $\neg A \lor B \vdash A \to B$                              | Não                             | Não                        | Sim          |
|    | Total   | 6                               | 4                          | 31           |