## PONTOS INTERIORES NO CASO DE RESTRIÇÕES LINEARES.

P: min 
$$f(x)$$
  
s.a.  $Az = b$   
 $z \ge 0$ 

OBS: Já É SABIDO QUE RESTRIÇÕES LINEARES OUAISQUER

POPEM SER REESCRITAS NA FORMA AX=b, X>O, VIA

INSERÇÃO DE FOLGAS.

## CASOS PARTICULARES.

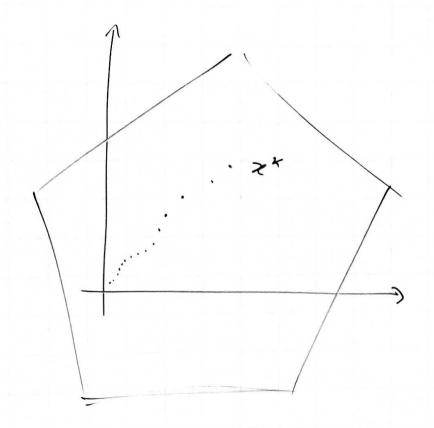
1) 
$$PL: f(x) = c^{T}x$$

2) QP: 
$$f(x) = \frac{1}{2} x^T Q x + b^T x$$
, Q SIMÉTRICA E DEF.

POSITIVA.

O SUBPROBLEMA DE PONTOS INTERIORES E

$$SP(\mu_{\mathbf{x}}): \min_{\mathbf{x} \in \mathbb{R}} f(\mathbf{x}) - \mu_{\mathbf{x}} \sum_{i=1}^{M} ln(\mathbf{x}_i)$$
  
 $s.a.$   $A = b$ ,  $(\mathbf{x} > 0)$ .



RÉCLIGENCIAMOS 2>0 EMENDENDO QUE O LOS FAZ ESSE TRABALHO.

$$F(x,y) = \begin{cases} \nabla f(x) - \mu_x \begin{bmatrix} \frac{1}{2}x_1 \\ \vdots \\ \frac{1}{x_m} \end{bmatrix} + A^T y \\ Ax - b \end{cases} = 0$$

$$\nabla^2 f(x) + \mu_x \begin{vmatrix} 1_{\chi_1^2} & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & 1_{\chi_1^2} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \vdots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & 1_{\chi_n^2} \end{vmatrix}$$

$$\begin{bmatrix}
d_{x} \\
d_{y}
\end{bmatrix} = - 
\begin{bmatrix}
\nabla_{x}(x) - \mu_{x} \\
\frac{\lambda_{x}}{\lambda_{x}} \\
+ A^{T}y
\end{bmatrix}$$

CHAMANDO

$$X = \operatorname{diag}\left(\chi_{1}, \dots, \chi_{m}\right) = \begin{bmatrix} \chi_{1} & 0 & \cdots & 0 \\ 0 & \chi_{2} & \cdots & 0 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & \chi_{m} \end{bmatrix},$$

TEMOS 
$$X^{-1} = diag(\frac{1}{x_n}, \dots, \frac{1}{x_m}) = \begin{bmatrix} \frac{1}{x_n} & 0 \\ 0 & \frac{1}{x_m} \end{bmatrix}$$

DAI, A MATRIZ DO SISTEMA DE NEWTON FICA

$$\nabla^2 f(x) + \mu_k \times^{-a} A^T$$

OBSERVE À MEDIDA QUE  $\chi_i \to 0^+$ , ESSA MATRIZ

FICA MAL CONDICIONADA (A ENTRADA  $\chi_{ii}^{-2} = \frac{1}{\chi_i^2} \to \infty$ ).

O SEGREDO PARA EVITAR ESSE PROBLEMA É CONTROCAR

PRODUTOS  $\mu_k \frac{1}{(\chi_i^k)^2}$ 

DEFINIMOS  $3i = \frac{\mu}{\chi_i}$ ,  $\forall i = 1,...,m$ . DESTA FORMA, REESCREVEMOS O SISTEMA KKT DO SUBPROBLEMA COMO

$$\hat{F}(x_1y_1z_1) = \begin{bmatrix}
\nabla_{f}(x) - z_1 + A^{T}y \\
Ax - b
\end{bmatrix} = \begin{bmatrix}
x_1z_1 - \mu \\
\vdots \\
x_mz_m - \mu
\end{bmatrix}$$

VESA QUE ESTA MATRIZ É BEM CONDICIONADA POIS ELA MAO ENVOLVE FRAÇÕES COMO A ANTERIOR.

NA MATRIZ DE NEUTON ANTERIOR, O CONTROLE PAS FRAÇÕES

L. L. É FEITO SOMENTE COM Z: PROBLEMA: L.

É FIXO É X; FAZ PARTE DA SOLUÇÃO DO SUBPROBLEMA.

PORTANTO NOSSO CONTROLE DESSA FRAÇÃO É LIMITADO.

NA MATRIZ ANTERIOR, O CONTROLE É FEITO VIA VARIAVEL

AUXILIAR ZI: AQUI, O CONTROLE É FEITO COM XI E ZI,

E TEMOS MAIS LIBERDADE

EXEMPLO: SUPONHA QUE  $\mu = \mu_K = 10^{-3}$ .

1 SISTEMA NEUTONIANO: AFIM DE JE FICAR CONTROLATO

7: PEVERIA SER MUITO GRANDE": X = 10-2 =>

 $\frac{\mu}{T_{\chi_{i}^{2}}} = \frac{10^{-3}}{10^{-4}} = 10. \quad SE \quad \chi_{i} = 10^{-3} \quad ELTAD \quad \frac{\mu}{\chi_{i}^{2}} = \frac{10^{-3}}{10^{-6}} = 10^{3}.$ 

ALEM DISSO, LEMBRE QUE NÃO TEMOS LIBERDADE PARA ESCOLHER X: ELE VEM DA SOLUÇÃO DO SUBPROB.

2° SISTEMA NENTONIANO: AFIM DE 7:3:-  $\mu \approx 0$  (=0),
POPEMOS TER

(i) 
$$x_i = 10^{-300}$$
,  $y_i = 10^{29}$ 

(ii) 
$$x_i = 3i = \sqrt{n} = 10^{-\frac{3}{2}}$$

(iii) 
$$x_i = 10^{-3}$$
,  $y_i = 1$ 

PEVE BUSCAR UM PRODUTO BALANCEAPO.

1550 EVITA O MAL CONDICIONAMENTO DA MATRIZ

$$\begin{array}{ccccc}
\nabla^2 f(x) & A^{\dagger} & -I \\
A & 0 & 0 \\
\hline
Z & 0 & X
\end{array}$$

OBS.: A VELOCIDADE COM QUE SE DIMINUI MX
TEM REFLEXOS NO BALANCEAMENTO.

ESSA I PEIA ESTÁ IMPLEMENTADA EM PACOTES
COMO CPLEX, CUBOBI, KNITRO ETC.

CLOVIS GONZAGA.