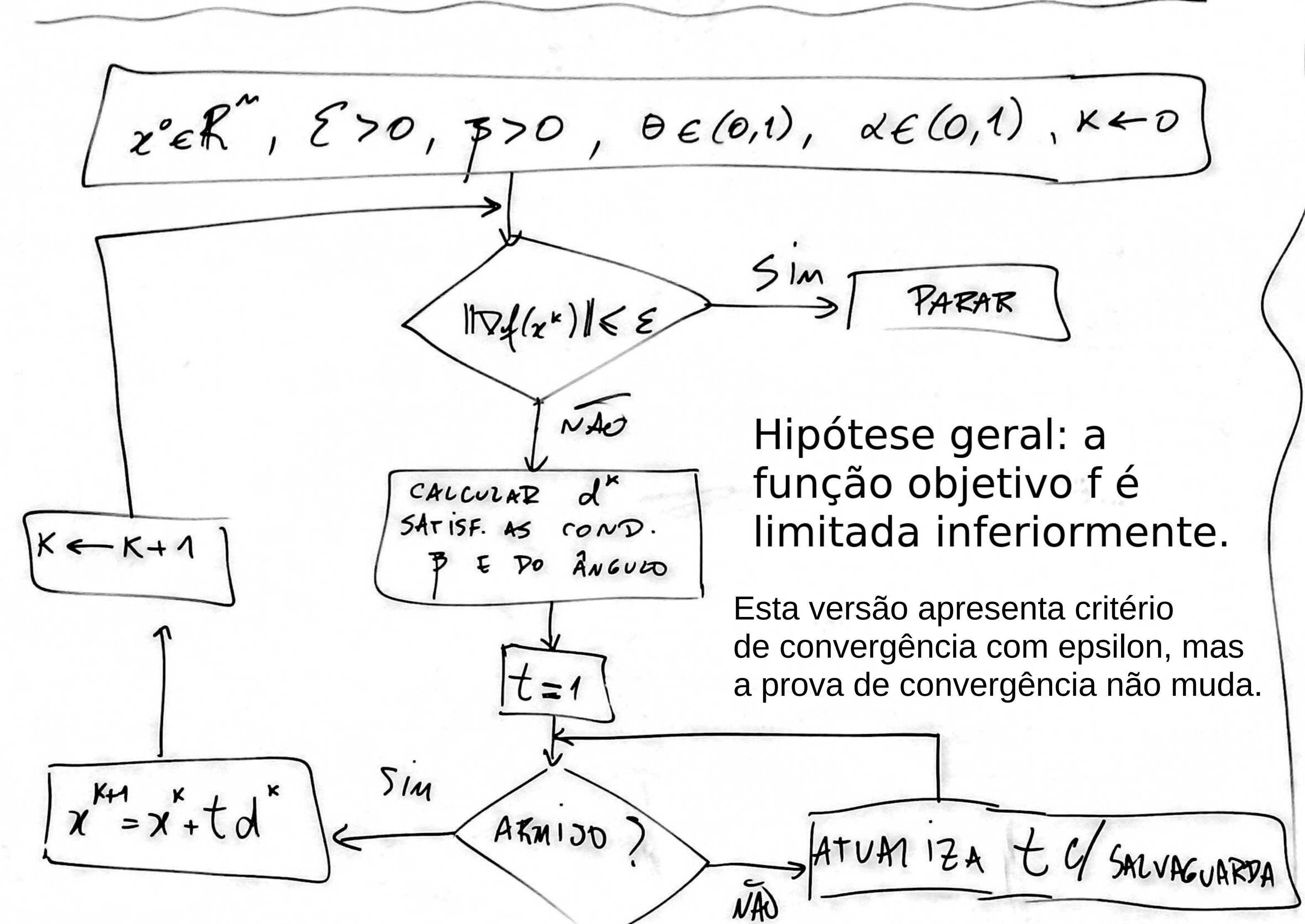
CONVERGÉNCIA GLOBAL DO MÉTODO DE DESCIDA



TEOREMA: SEJA X* UN PONTO DE ACUMULAÇÃO DA SEQUÊNCIA 32×6 GERADA PELO ALGORITMO. ENTAD $\nabla f(x^*) = 0.$ 3xxxx Subsequência DE 3xxx com L'MITE X*. CASO1. It, d'I > E, > O PARA ALGUM E, > O, E PARA INFINITOS KEN. PAS CONDICOES DE ARMIJO E 20 ÂNGULO TEMOS $f(x^{x+1}) = f(x^x + t_x d^x) \leq f(x^x) + \alpha t_x \nabla f(x^x)^t d^x$ $\leq f(x^*) - \chi t_{\kappa} \theta \|\nabla f(x^*)\| \cdot \|d^*\|$

PARA TOPOS KCN, CN, Sofar) - LE, O Mafaril R.
PARA CERTO No GN. DAÍ. $\|\nabla f(\alpha^*)\| \leq \frac{f(\alpha^*) - f(\alpha^{**})}{\alpha \in \theta}$ Como a sequência $\{f(x^k)\}$ é decrescente e limitada inferiormente BO LADO DIREITO É NULO. ASSIM, $\|\nabla f(x^*)\| = \lim_{\kappa \in \mathcal{N}_A} \|\nabla f(x^*)\| = 0 \implies \nabla f(x^*) = 0.$

CASO 2: ||t,d"|| -> 0.

SE FOREM FEITAS INFINITAS ESCOLHAS tr=1 NO ALGORITMO, DIGAMOS QUE tx=1, XXEN, CD, OLHAMOS PARA A CONDIÇÃO B: 11 d x 1 > 3 11 Telax)1. $|t_{x}d^{x}|| \rightarrow 0$ & $t_{x}=1$, TEMOS $\lim_{\kappa \in N_{z}} ||d^{\kappa}|| = 0$. ASSIM,

 $||\nabla f(x^*)|| = \lim_{\kappa \in N_2} ||\nabla f(x^{\kappa})|| \leq \lim_{\kappa \in N_2} \frac{||d^{\kappa}||}{\beta} = 0$ $\implies \nabla f(x^*) = 0.$

1

CONSIDERANOS 160RA O CASO EM QUE 1=1 FALHA A PARTIR DE CERTA ITERAÇÃO DO MÉTODO. EXISTE ENTAU UM KIENTAL QUE tx <1 PARA TOPOS K > K1. SETA N3 = 3 KEN; K > K. (N3 CN). A CONDIÇÃO DE ARMIJO NÃO VALE NA PRIMEIRA TENTATIVA (t=1) NOS INDICES DE N3. SEJA ÉX O PASSO RESEITADO IMEDIATAMENTE ANTES DO PASSO ACEITO Ex. TEMOS t_x ∈ [0,1 T_x, 0,9 T_x]

(SAL VACUARDA)

The state
$$t_{x}$$
 and t_{x} and t_{x}

PA CONDIÇÃO PO ANGULO, $\nabla f(x^*)^t \frac{\hat{t}_k d^k}{\|\hat{t}_k d^k\|} \leq -\Theta \|\nabla f(x^*)\|$, ϵ PASSAN 20 O LIMITE EM N4, OBTEMOS $\nabla f(x^{*})^{t} \mathcal{N}^{*} \leq - \frac{\partial}{\partial x^{*}} \lim_{\kappa \in \mathcal{N}_{4}} |\nabla f(x^{*})| = - \frac{\partial}{\partial x^{*}} |\nabla f(x^{*})| .$ SE OLHARMOS PARA A FUNÇÃO SE OLHARMOS PARA A FUNÇÃO $\varphi(S) = \varphi(x^* + S \mathcal{X}_{\kappa} d^*)$ PODEMOS APLICAR O TEO. DO VALOR MÉDIO RELATIVO

PODEMOS APLICAR O TEO. DO VALOR MEDIO RELATIVO

AO INTERVALO [0,1]: EXISTE SE(0,1) TAL QUE

$$\rho'(S_{k}) = \frac{\rho(1) - \varphi(0)}{1 - \delta} = \rho(1) - \rho(0)$$

$$\tilde{t}_{\kappa} \nabla f(x^{\kappa} + \delta_{\kappa} \tilde{t}_{\kappa} d^{\kappa})^{t} d^{\kappa} = f(x^{\kappa} + \tilde{t}_{\kappa} d^{\kappa}) - f(x^{\kappa}).$$

USANDO (2), OBTEMOS

$$\alpha \tilde{t}_{x} \nabla f(x^{x})^{t} d^{x} < \tilde{t}_{x} \nabla f(x^{x} + \delta_{x} \tilde{t}_{x} d^{x})^{t} d^{x}$$

PIVIPINDO ESTA PESIGNAL PADE POR LEXAL! PASSANDO O LIMITE GOBRE N4 E CONSIDERANDO (1) OBTEMES (4) $\propto \nabla f(x^*)^t 10^* \leq \nabla f(x^*)^t 10^*$ COMO ∠ ∈ (0,1) E $\nabla f(x^*)^t v^* \leq 0 \quad (\nabla \varepsilon \quad (3))$ SE $\nabla f(x^*) \neq 0$ ENTAU A EXPRESSAD (4) SERIA CONTRADITORIA. 2060 20 PODE TER