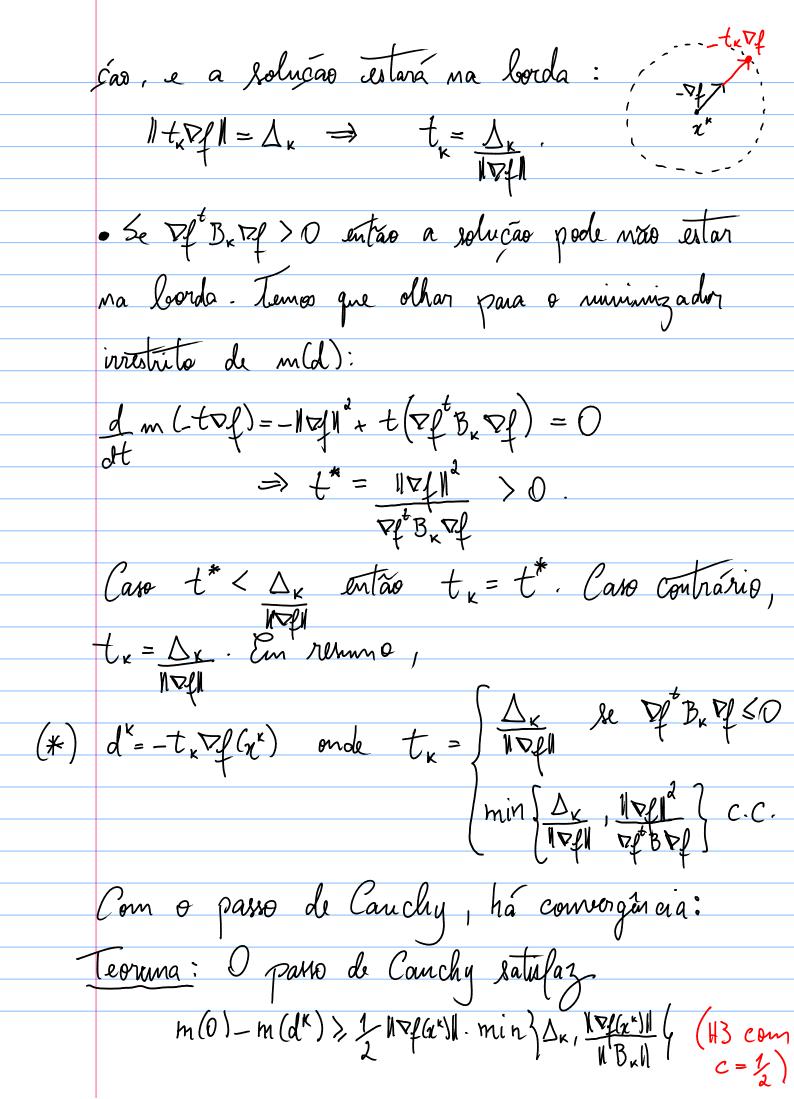
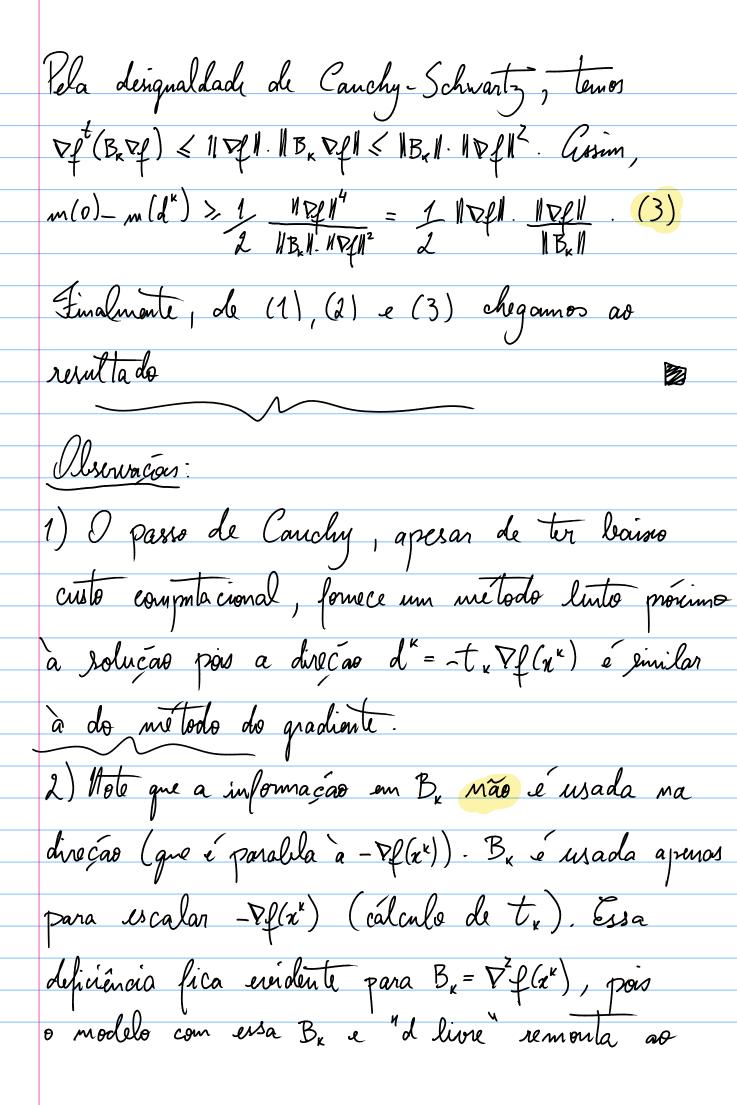
Regiões de confiança-métodos específicos
No 14 a sono alsol de 1884 por de Aducios
No esquema geral, devemos calcular d'solução
aproximada do modelo
min $m(d) = f(x^{u}) + \nabla f(x^{u})^{t} d + \int_{2}^{t} d^{t} B_{x} d$
$s.a.$ $IdI \leq \Delta_{\kappa}$.
Para garantu comorgineia, d'deve satisfazur a
Listing H3 (4)
hipótese H3 (vija anotações sobre convergência).
d'objetivo é discutir diferentes formas de fazer
isso.
1ª forma: parso de Cauchy
Supomos que $d^{k} = -t_{k} \nabla f(x^{k})$, onde $t_{k} > 0$
é solução de min $m(-t\nabla f(x^{\kappa}))$, $(N = norma \\ s.a. t \nabla f(x^{\kappa}) \leq \Delta_{\kappa}Resolvando (omitindo x^{\kappa}):$
S.a. 11 t V f (x*)11 ≤ Δ _x Puolus la (x-t) da xx):
· Se of B. of 40 entre o termo quadrático
d ^t Bd=t ² √f ^t B, √f < 0 mão influencia na minimiza



brova. Como d'=-txxf, temos $m(0) - m(d^{k}) = f(x^{k}) - f(x^{k}) - \nabla f^{t} d^{k} - f d^{k} + f d^{k}$ = t Nof12 - 1 t of B, of. CASO 1: 74Bx Rf 60 De (*), $t_* = \Delta_{\kappa}$ e $m(0) - m(d^{\kappa})$, $t_* \|\nabla f\|^2 = \Delta_{\kappa} \|\nabla f\|$. Em particular, $m(0) - m(d^{\kappa}) \ge \frac{1}{2} \|\nabla f\| \Delta_{\kappa}$. (1) CASO 2: PfB, Pf>O e Dx < 117/12. Neste caso, (*) formee $t_{\kappa} = \Delta_{\kappa} < \frac{\|\nabla f\|^2}{\|\nabla f\|^2}$, donde segue que $t_{\kappa}^{\lambda} \nabla f^{\delta} B_{\kappa} \nabla f \leq t_{\kappa} \|\nabla f\|^2 = \|\nabla f\| \Delta_{\kappa}$. Dan $m(0)-m(d^k) \ge N\nabla f N \Delta_{\kappa} - \frac{1}{2} N\nabla f N \Delta_{\kappa} = \frac{1}{2} N\nabla f N \Delta_{\kappa}.$ (2) CASO 3: Of B, Of > 0 e Ax > NDING. De (*) ven $t_{\kappa} = \frac{\|\nabla f\|^2}{\nabla f^{\dagger} B_{\kappa} \nabla f}$ e logo $m(0) - m(d^{k}) = 1PfH - 1 \cdot 1PfH = 1 \cdot 1P$



	método de Newton, que é muito mais rapido
_	que o método do gradiente.
	3) Portanto é rozoaul aproveitor Bx ao máximo,
	idealmente no restilo Menton/Augue-Newton.
	O préseino me todo procura la zer isso
_	2º forma; método dogleg
	Neste metodo, a solução aproximada de do modelo
	min m(d) s.a. NdN < Dx aproveita melhor Bx.
	Ele se aplica a B _K definida positiva e simetrica
	opçois para tal Bx em aula antorior). Quando e possivil
	$B_{\kappa} = \nabla^2 f(\kappa^{\kappa})$, o passo de mitodo dog leg coincide
_	aon Newton caso a direccao Newtoniana satisfaca
_	N dN ≤ △K.
	Dado o modela ao redor de x, considere

as seguintes partos: · x": mininizador irrestrito de m na durécao - $\nabla f(x^{\nu})$, ita i, $x_{v}^{\kappa} = x^{\kappa} - t \mathcal{D}f(x^{\kappa})$, $t = \underset{t}{\operatorname{argmin}} m(-t \mathcal{D}f(x^{\kappa}))$ · N' : minimizados irrestrito de m, isto é, $\chi_{\nu} = \chi + d_{\nu}$, $d_{\nu} = \operatorname{arguin}_{d} \operatorname{m}(d)$. Suprondo Br definida prositiva, esses prontes extrao bem definidos pois m(d) é uma quadratica estutamente convexa. I motodo dogleg minimiza m(d) sobre a poligonal que liga x', x' e x', respectando II dh ≤ Ax: Clamas situações: χ^{κ} χ^{κ Se $B_{\kappa} = \nabla^2 f(x^{\kappa})$, este é o passo

de Menton 2) $\|x^{\kappa}-x^{\kappa}\| \leq \Delta_{\kappa} < \|x^{\kappa}-z^{\kappa}\|$ I ponto dogleg $x^{\kappa}+d^{\kappa}$ estará

ma borda, intermediário entre xu e xv. χ_N^{κ} 3) $\|\chi^{\kappa} - \chi_0^{\kappa}\| > \Delta_{\kappa}$ na borda, e coincide com

o passo de Cauchy. Outra situação pode ocorrer / NAO/ Teorema: (i) $\|\chi^{k} - \chi_{p}\|$ cresce quando o ponto up sobre a poligonal vai de n'a n'.

(a poligonal corta a leorda no maximo 1 viz) (ii) m(x,-x) é vas decrerente as longo

da poligonal. de x'a x. Miste sentido, x'y é o melhor parto — de late é aquell que vem da minimização sem hdl & Dx com d livre) * leja o Jenna 5.40 de livre de Karas e Ribeiro en 0 Juna 4.2 de Nocedal e Wright.