### Comparação de desempenho entre algoritmos

Leonardo D. Secchin

Tópicos em PO, 2021/1E

**UFES** 

Julho de 2021

- o Algoritmo A resolveu 65% dos problemas
- o Algoritmo B resolveu 72% dos problemas
- o tempo de execução do Algoritmo B foi, em média, 2 vezes o tempo do Algoritmo A.

- o Algoritmo A resolveu 65% dos problemas
- o Algoritmo B resolveu 72% dos problemas
- o tempo de execução do Algoritmo B foi, em média, 2 vezes o tempo do Algoritmo A.

Pergunta: Qual algoritmo foi melhor? Qual você indicaria?

- o Algoritmo A resolveu 65% dos problemas
- o Algoritmo B resolveu 72% dos problemas
- o tempo de execução do Algoritmo B foi, em média, 2 vezes o tempo do Algoritmo A.

#### Pergunta: Qual algoritmo foi melhor? Qual você indicaria?

A resposta possivelmente depende da situação, do tamanho dos problemas, do condicionamento dos dados, de paralelismo etc etc etc...

- o Algoritmo A resolveu 65% dos problemas
- o Algoritmo B resolveu 72% dos problemas
- o tempo de execução do Algoritmo B foi, em média, 2 vezes o tempo do Algoritmo A.

#### Pergunta: Qual algoritmo foi melhor? Qual você indicaria?

A resposta possivelmente depende da situação, do tamanho dos problemas, do condicionamento dos dados, de paralelismo etc etc etc...

ok, mas há uma forma de responder "balanceando" tempo vs eficácia?

### Agora, tente dar uma "resposta média" olhando a tabela... !!!!! :(

Row	Prob	n	m	st	it	f	viab	KKT	tempo	metodo
1 2 3 4	lp_adlittle lp_adlittle lp_adlittle lp_adlittle	138 138 138 138	56 56 56 56	1 0 0 1	8 13 13 20	NaN 225495.0 225495.0 NaN	4.59223e12 1.38656e-10 1.38062e-9 1.24738e-10	5.6862e8 2.17674e-10 4.6669e-12 2.84205e-8	0.00625257 0.00219731 0.00212062 0.00350535	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
5 6 7 8	lp_afiro lp_afiro lp_afiro lp_afiro	51 51 51 51	27 27 27 27 27	4 0 0 0	18 8 8 16	-464.754 -464.753 -464.753 -464.753	10.071 6.56722e-12 9.48886e-12 5.10003e-12	0.00554879 7.32249e-10 1.60566e-10 2.49791e-9	0.00123545 0.000450609 0.000536535 0.000865001	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
9 10 11 12	lp_agg lp_agg lp_agg lp_agg	615 615 615 615	488 488 488 488	1 0 0 0	33 27 39 57	NaN -3.59918e7 -3.59918e7 -3.59918e7	3.52612e15 2.7054e-5 1.0664e-5 0.0658189	6.39858e7 1.92828e-9 6.31478e-13 1.56728e-9	0.0930459 0.0961403 0.142016 0.143155	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
13 14 15 16	lp_agg2 lp_agg2 lp_agg2 lp_agg2	758 758 758 758 758	516 516 516 516	4 0 0 0	61 20 19 30	-1.99724e7 -2.02393e7 -2.02393e7 -2.02393e7	137955.0 2.11389e-7 2.02984e-5 0.00172784	0.00798686 7.04435e-12 1.72002e-10 6.43798e-9	0.203749 0.0931601 0.0913567 0.0974315	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
17 18 19 20	lp_agg3 lp_agg3 lp_agg3 lp_agg3	758 758 758 758 758	516 516 516 516	1 0 0 0	50 20 18 32	NaN 1.03121e7 1.03121e7 1.03121e7	5.01421e15 3.48558e-7 9.58804e-6 0.000617788	2.92043e8 1.30753e-9 9.13078e-11 1.45328e-9	0.163052 0.0950648 0.0866596 0.109657	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
21 22 23 24	lp_bandm lp_bandm lp_bandm lp_bandm	472 472 472 472 472	305 305 305 305 305	4 0 0 0	16 19 19 31	-139.181 -158.628 -158.628 -158.628	25.8847 6.21731e-10 3.3434e-10 3.01558e-10	0.370008 5.5994e-9 1.92558e-12 6.49026e-9	0.0234934 0.0289009 0.0266341 0.0348959	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
25 26 27 28	lp_beaconfd lp_beaconfd lp_beaconfd lp_beaconfd	295 295 295 295 295	173 173 173 173	4 0 0 0	16 11 10 18	33574.4 33592.5 33592.5 33592.5	3230.33 1.33872e-5 1.61167e-8 2.93402e-9	0.219422 6.59554e-9 6.77704e-12 4.69255e-9	0.0131723 0.0102533 0.00898379 0.0125896	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
29 30 31 32	lp_blend lp_blend lp_blend lp_blend	114 114 114 114	74 74 74 74	0 0 0 0	20 14 13 20	-29.8934 -30.8121 -30.8121 -30.8121	7.46157 1.47306e-11 3.29287e-11 2.25261e-11	0.0660842 9.00176e-10 1.70695e-11 9.91278e-9	0.00431388 0.00327916 0.00308425 0.00369068	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
33 34 35 36	lp_bn12   lp_bn12   lp_bn12   lp_bn12	4486 4486 4486 4486	2324 2324 2324 2324	1 4 4 0	45 40 36 68	NaN 1811.24 1811.24 1811.24	1.10967e15 0.00125769 0.000585816 5.68037e-7	3.02111e10 3.42411e-8 1.59491e-8 6.48521e-10	1.10452 1.74602 1.58145 1.65283	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3 seguidor
37 38 39	1p_d2q06c 1p_d2q06c 1p_d2q06c	5831 5831 5831 5831	2171 2171 2171 2171	4 4 0	13 26 30	2.52971e5 1.22829e5 1.22784e5	2.17288e5 8.90209e-5 3.41739e-5	1.49644 0.000328237 2.07375e-9	0.412703 1.29015 1.47965	afimescala pred-corr_p2 pred-corr_p3

A medida de comparação deve ser positiva e "menor ⇒ melhor".

• **Tempo de execução:** útil para comparar algoritmos de diferentes naturezas. *Veremos à frente alguns cuidados ao contabilizar tempo de CPU*.

- **Tempo de execução:** útil para comparar algoritmos de diferentes naturezas. *Veremos à frente alguns cuidados ao contabilizar tempo de CPU.*
- **Número de iterações:** útil quando os algoritmos têm iterações com custo computacional parecido.

- **Tempo de execução:** útil para comparar algoritmos de diferentes naturezas. *Veremos à frente alguns cuidados ao contabilizar tempo de CPU.*
- **Número de iterações:** útil quando os algoritmos têm iterações com custo computacional parecido. Exemplos:
  - Pontos interiores primal dual afim escala, seguidor de caminhos e preditor-corretor – custo por iteração similar

- **Tempo de execução:** útil para comparar algoritmos de diferentes naturezas. *Veremos à frente alguns cuidados ao contabilizar tempo de CPU.*
- **Número de iterações:** útil quando os algoritmos têm iterações com custo computacional parecido. Exemplos:
  - Pontos interiores primal dual afim escala, seguidor de caminhos e preditor-corretor – custo por iteração similar
  - Método do gradiente e Newton custo por iteração muito diferente.
     O primeiro necessita apenas de ∇f; o segundo, resolver um sistema linear com ∇²f.
    - ⇒ Não faz sentido comparar por número de iterações (gradiente pode dar mais iterações e mesmo assim ser muito mais rápido)

- Tempo de execução: útil para comparar algoritmos de diferentes naturezas. Veremos à frente alguns cuidados ao contabilizar tempo de CPU.
- Número de iterações: útil quando os algoritmos têm iterações com custo computacional parecido. Exemplos:
  - Pontos interiores primal dual afim escala, seguidor de caminhos e preditor-corretor – custo por iteração similar
  - Método do gradiente e Newton custo por iteração muito diferente.
     O primeiro necessita apenas de ∇f; o segundo, resolver um sistema linear com ∇²f.
    - ⇒ Não faz sentido comparar por número de iterações (gradiente pode dar mais iterações e mesmo assim ser muito mais rápido)
- Número de avaliações de funções e/ou gradientes: útil quando é caro avaliar funções e seus gradientes – problemas de grande porte, funções resultantes de processos iterativos

Independentemente da medida de comparação, queremos uma forma fácil para comparar o desempenho entre dois ou mais algoritmos.

Independentemente da medida de comparação, queremos uma forma fácil para comparar o desempenho entre dois ou mais algoritmos.

Como?

Perfis de desempenho: uma forma visual de comparação

Independentemente da medida de comparação, queremos uma forma fácil para comparar o desempenho entre dois ou mais algoritmos.

Como?

Perfis de desempenho: uma forma visual de comparação

Os perfis de desempenho que veremos foram idealizados por Elizabeth D. Dolan e Jorge J. Moré.

Dolan, Elizabeth D.; Moré, Jorge J. Benchmarking optimization software with performance profiles. Math. Program., Ser. A 91: 201-213 (2002)

Eles são muito utilizados pelos pesquisadores em otimização.

Vamos fixar tempo de execução como medida (as outras são análogas).

Vamos fixar tempo de execução como medida (as outras são análogas).

#### Sejam

- $\mathcal{P}$  o conjunto dos problemas-teste (instâncias);
- $\mathcal{A}$  o conjunto dos algoritmos aplicados à cada problema  $p \in \mathcal{P}$ ;
- $t_{p,a}$  o tempo de execução do algoritmo  $a \in \mathcal{A}$  para resolver  $p \in \mathcal{P}$ .
  - Definimos  $t_{p,a} = \infty$  caso *a* **não** resolveu *p*.
  - O tempo será em segundos, mas isso não importa para comparar...

O **índice de desempenho** do algoritmo a no problema p é a razão

$$r_{p,a} = rac{t_{p,a}}{\min\{t_{p, ilde{a}} \mid ilde{a} \in \mathcal{A}\}} \geq 1$$

•  $r_{p,a} = \tau$  significa que a levou  $\tau$  vezes o tempo do algoritmo mais rápido em p.

Por exemplo,  $r_{p,a}=2 \implies a$  levou o **dobro** do tempo do algoritmo mais rápido em p.

O **índice de desempenho** do algoritmo a no problema p é a razão

$$r_{p,a} = rac{t_{p,a}}{\min\{t_{p, ilde{a}} \mid ilde{a} \in \mathcal{A}\}} \geq 1$$

•  $r_{p,a} = \tau$  significa que a levou  $\tau$  vezes o tempo do algoritmo mais rápido em p.

Por exemplo,  $r_{p,a}=2 \implies a$  levou o **dobro** do tempo do algoritmo mais rápido em p.

•  $r_{p,a} = 1 \implies$  algoritmo a resolveu p mais rápido;

O **índice de desempenho** do algoritmo a no problema p é a razão

$$r_{p,a} = rac{t_{p,a}}{\min\{t_{p, ilde{a}} \mid ilde{a} \in \mathcal{A}\}} \geq 1$$

•  $r_{p,a} = \tau$  significa que a levou  $\tau$  vezes o tempo do algoritmo mais rápido em p.

Por exemplo,  $r_{p,a} = 2 \implies a$  levou o **dobro** do tempo do algoritmo mais rápido em p.

- $r_{p,a} = 1 \implies$  algoritmo a resolveu p mais rápido;
- ullet quanto maior  $r_{p,a}$ , mais lento foi a em p (talvez nem resolveu)

O **índice de desempenho** do algoritmo a no problema p é a razão

$$r_{p,a} = rac{t_{p,a}}{\min\{t_{p, ilde{a}} \mid ilde{a} \in \mathcal{A}\}} \geq 1$$

- $r_{p,a} = \tau$  significa que a levou  $\tau$  vezes o tempo do algoritmo mais rápido em p.
  - Por exemplo,  $r_{p,a}=2 \implies a$  levou o **dobro** do tempo do algoritmo mais rápido em p.
- $r_{p,a} = 1 \implies$  algoritmo a resolveu p mais rápido;
- ullet quanto maior  $r_{p,a}$ , mais lento foi a em p (talvez nem resolveu)
- convencionamos  $r_{p,a} = \infty$  caso  $t_{p,a} = \infty$  (note que o denominador pode ser  $\infty$  caso nenhum algoritmo tenha resolvido p).

Definimos o **perfil de desempenho** (ou **função de desempenho**) do algoritmo  $a \in \mathcal{A}$  por

$$ho_{\mathsf{a}}: [1,\infty) o [0,1], \qquad 
ho_{\mathsf{a}}( au) = rac{1}{\# \mathcal{P}} \operatorname{\mathsf{card}} \left\{ p \in \mathcal{P} \mid r_{\mathsf{p},\mathsf{a}} \leq au 
ight\}.$$

- $\rho_a(1)$  é a proporção de problemas em que a foi o mais rápido;
- $\rho_a(\tau)$  é a proporção de problemas que a resolve **em até**  $\tau$  **vezes** o tempo do algoritmo mais rápido.

Definimos o **perfil de desempenho** (ou **função de desempenho**) do algoritmo  $a \in \mathcal{A}$  por

$$ho_{\mathsf{a}}: [1,\infty) o [0,1], \qquad 
ho_{\mathsf{a}}( au) = rac{1}{\# \mathcal{P}} \operatorname{card} \left\{ p \in \mathcal{P} \mid \mathit{r}_{\mathsf{p},\mathsf{a}} \leq au 
ight\}.$$

- $\rho_a(1)$  é a proporção de problemas em que a foi o **mais rápido**;
- $\rho_a(\tau)$  é a proporção de problemas que *a* resolve **em até**  $\tau$  **vezes** o tempo do algoritmo mais rápido.
- a função ρ<sub>a</sub> balanceia tempo e eficácia.
  - qual o algoritmo mais rápido, desconsiderando eficácia?
  - qual o algoritmo é mais rápido, considerando uma taxa mínima de 70% dos problemas resolvidos?

A maneira fácil de visualizar o comparativo entre algoritmos é traçando os gráficos de  $\rho_a(\tau)$  em função de  $\tau$ , para os vários algoritmos.

É bastante utilizada pelos pesquisadores para tirar conclusões entre diferentes algoritmos.

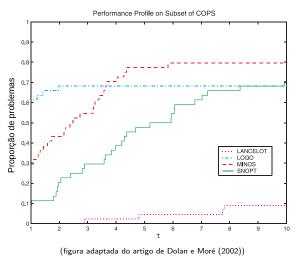
A maneira fácil de visualizar o comparativo entre algoritmos é traçando os gráficos de  $\rho_a(\tau)$  em função de  $\tau$ , para os vários algoritmos.

 $\acute{\text{E}}$  bastante utilizada pelos pesquisadores para tirar conclusões entre diferentes algoritmos.

Os perfis  $\rho_a$  podem ser definimos para qualquer medida de comparação (iterações, avaliações de função etc) de forma inteiramente análoga.

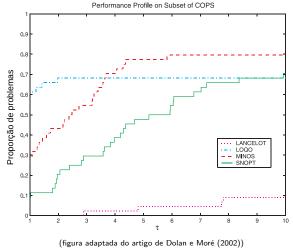
ightarrow Para tanto, basta definir  $t_{p,a}$  como a medida de interesse, mantendo  $t_{p,a}=\infty$  quando a não resolve p.

# Comparativo para até 10 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 10]$ )

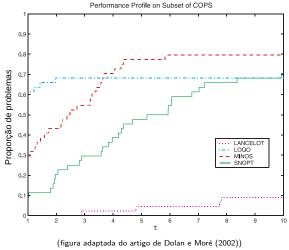


# Comparativo para até 10 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 10]$ )

LOQO é mais rápido em  $\approx 60\%$  dos problemas, mas não é o mais eficaz



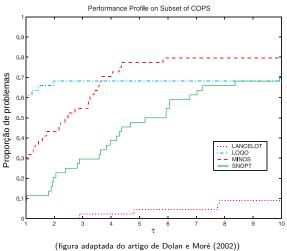
# Comparativo para até 10 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 10]$ )



LOQO é mais rápido em  $\approx 60\%$  dos problemas, mas não é o mais eficaz

MINOS é o mais eficaz se esperamos até 10x o tempo do alg. mais rápido

# Comparativo para até 10 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 10]$ )

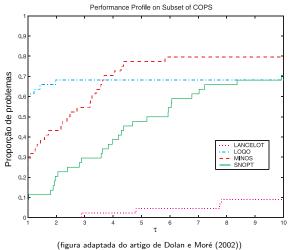


LOQO é mais rápido em  $\approx 60\%$  dos problemas, mas não é o mais eficaz

MINOS é o mais eficaz se esperamos até 10x o tempo do alg. mais rápido

LOQO e SNOPT têm eficácia similar, porém LOQO é muito mais rápido

# Comparativo para até 10 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 10]$ )



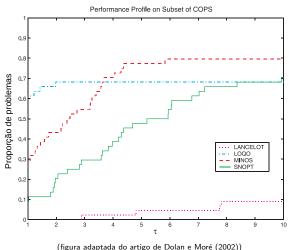
LOQO é mais rápido em  $\approx 60\%$  dos problemas, mas não é o mais eficaz

MINOS é o mais eficaz se esperamos até 10x o tempo do alg. mais rápido

LOQO e SNOPT têm eficácia similar, porém LOQO é muito mais rápido

A eficácia entre LOQO e SNOPT se equiparam somente se esperarmos até 8,5x o tempo do alg. mais rápido

# Comparativo para até 10 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 10]$ )



LOQO é mais rápido em  $\approx 60\%$  dos problemas, mas não é o mais eficaz

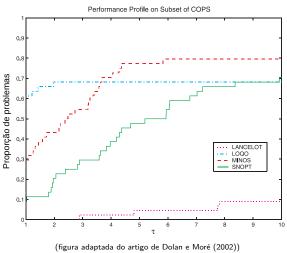
MINOS é o mais eficaz se esperamos até 10x o tempo do alg. mais rápido

LOQO e SNOPT têm eficácia similar, porém LOQO é muito mais rápido

A eficácia entre LOQO e SNOPT se equiparam somente se esperarmos até 8,5x o tempo do alg. mais rápido

MINOS tem eficácia superior se esperamos até cerca de 4x do algoritmo mais rápido

# Comparativo para até 10 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 10]$ )



LOQO é mais rápido em  $\approx 60\%$  dos problemas, mas não é o mais eficaz

MINOS é o mais eficaz se esperamos até 10x o tempo do alg. mais rápido

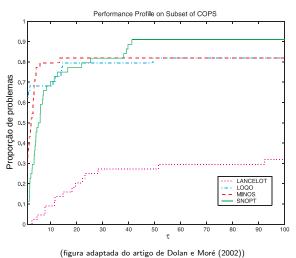
LOQO e SNOPT têm eficácia similar, porém LOQO é muito mais rápido

A eficácia entre LOQO e SNOPT se equiparam somente se esperarmos até 8,5x o tempo do alg. mais rápido

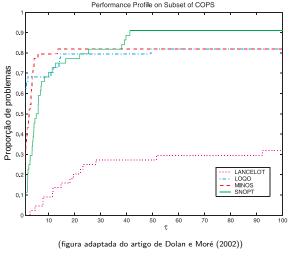
MINOS tem eficácia superior se esperamos até cerca de 4x do algoritmo mais rápido

LANCELOT é pior em eficácia e tempo

# Comparativo para até 100 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 100]$ )

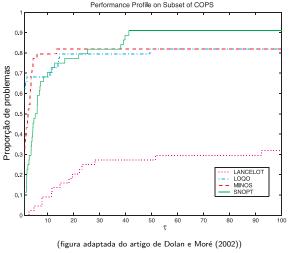


#### Comparativo para até 100 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 100]$ )



SNOPT é o mais eficaz, porém para resolver  $\approx 90\%$  dos problemas devemos esperar mais de 40x o tempo do algoritmo mais rápido

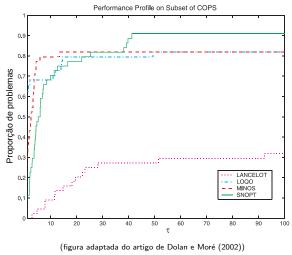
# Comparativo para até 100 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 100]$ )



SNOPT é o mais eficaz, porém para resolver  $\approx 90\%$  dos problemas devemos esperar mais de 40x o tempo do algoritmo mais rápido

LANCELOT aumenta sua eficácia se esperamos mais tempo

## Comparativo para até 100 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 100]$ )



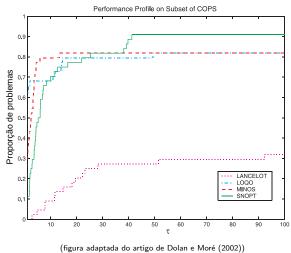
SNOPT é o mais eficaz, porém para resolver  $\approx 90\%$  dos problemas devemos esperar mais de 40x o tempo do algoritmo mais rápido

LANCELOT aumenta sua eficácia se esperamos mais tempo

LOQO resolve apenas poucos problemas mais para  $au \geq 50$ 

### Exemplo 2

# Comparativo para até 100 vezes o tempo do algoritmo mais rápido ( $\tau \in [1, 100]$ )



SNOPT é o mais eficaz, porém para resolver  $\approx 90\%$  dos problemas devemos esperar mais de 40x o tempo do algoritmo mais rápido

LANCELOT aumenta sua eficácia se esperamos mais tempo

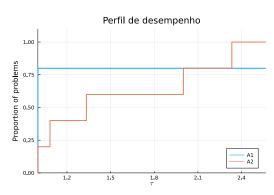
LOQO resolve apenas poucos problemas mais para  $au \geq 50$ 

MINOS não é mais eficaz se esperamos mais tempo

### Exemplo 3

### Como perfis de dois algoritmos podem se cruzar?

	A1	A2	$ r_1 $	r <sub>2</sub>
P1	10	20	1,00	2,00
P2	3	7	1,00	2,33
P3	6	8	1,00	1,33
P4	12	13	1,00	1,08
P5	$\infty$	50	$\infty$	1,00
$\rho(1)$	0,8	0,2		
$\rho(2)$	0,8	0,8		
$\rho(3)$	0,8	1,0		



### Escala logarítmica

As vezes o gráfico fica ilegível próximo de  $\tau=1$ . Podemos usar uma escala logarítmica de base 2 (proposto por Dolan e Moré) no eixo  $\tau$  para melhor visualização.

Na verdade, a proposta é plotar

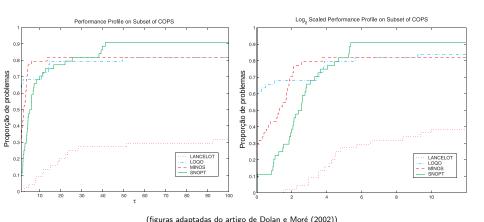
$$ho_{\mathsf{a}}: [1,\infty) o [0,1], \qquad 
ho_{\mathsf{a}}( au) = rac{1}{\# \mathcal{P}} \operatorname{\mathsf{card}} \left\{ p \in \mathcal{P} \mid \log_2(r_{p,\mathsf{a}}) \leq au 
ight\}.$$

A escala logarítmica serve para dar mais ênfase aos valores au menores.

"estica o eixo" para au pprox 1 e "comprime o eixo" para  $au \gg 1$ .

Problema: a leitura do perfil fica menos intuitiva...

### Exemplo



**Eixo horizontal:** à esquerda,  $\tau \ge 1$ ; à direita,  $\log_2(\tau) \ge 0$ .

Obs:  $\log_2(40) \approx 5,322$ ,  $\log_2(100) \approx 9,966$ 

O pacote BenchmarkProfiles.jl gera facilmente perfis de desempenho a partir da tabela dos dados.

O pacote BenchmarkProfiles.jl gera facilmente perfis de desempenho a partir da tabela dos dados.

#### Exercício:

• Gere uma tabela  $25 \times 3$  fictícia para 3 algoritmos e 25 problemas:

```
julia> T = 10 * rand(25,3);
```

O pacote BenchmarkProfiles.jl gera facilmente perfis de desempenho a partir da tabela dos dados.

#### Exercício:

**①** Gere uma tabela  $25 \times 3$  fictícia para 3 algoritmos e 25 problemas:

```
julia > T = 10 * rand(25,3);
```

Insira alguns tempos infinitos nos dados:

```
julia> T[1:7:end] .= Inf;
```

O pacote BenchmarkProfiles.jl gera facilmente perfis de desempenho a partir da tabela dos dados.

#### Exercício:

**①** Gere uma tabela  $25 \times 3$  fictícia para 3 algoritmos e 25 problemas:

```
julia > T = 10 * rand(25,3);
```

2 Insira alguns tempos infinitos nos dados:

```
julia> T[1:7:end] .= Inf;
```

lacktriangle Gere um perfil dos dados T com a legenda "Alg 1", "Alg 2", "Alg 3":

```
julia> fig = performance_profile(Array{Float64}(T), ["Alg 1","Alg
2","Alg 3"], title="Tempo CPU", logscale=false)
```

O pacote BenchmarkProfiles.jl gera facilmente perfis de desempenho a partir da tabela dos dados.

#### Exercício:

```
julia > T = 10 * rand(25,3);
```

2 Insira alguns tempos infinitos nos dados:

```
julia> T[1:7:end] .= Inf;
```

- Gere um perfil dos dados T com a legenda "Alg 1", "Alg 2", "Alg 3":
   julia> fig = performance\_profile(Array{Float64}(T), ["Alg 1","Alg
  2","Alg 3"], title="Tempo CPU", logscale=false)
- Salve a figura em PDF (carregue Plots antes): julia> savefig(fig, "fig.pdf")

O pacote BenchmarkProfiles.jl gera facilmente perfis de desempenho a partir da tabela dos dados.

#### Exercício:

 $lue{1}$  Gere uma tabela 25 imes 3 fictícia para 3 algoritmos e 25 problemas:

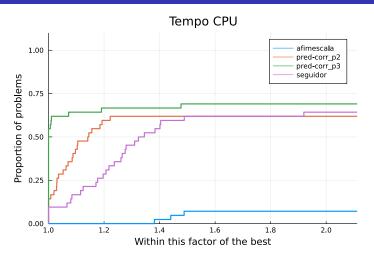
```
julia > T = 10 * rand(25,3);
```

Insira alguns tempos infinitos nos dados:

```
julia> T[1:7:end] .= Inf;
```

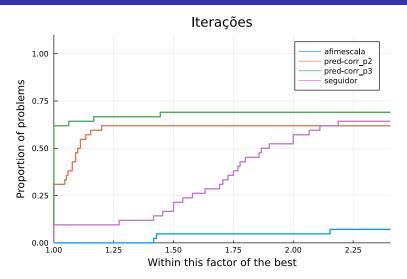
- Gere um perfil dos dados T com a legenda "Alg 1", "Alg 2", "Alg 3":
   julia> fig = performance\_profile(Array{Float64}(T), ["Alg 1","Alg
  2","Alg 3"], title="Tempo CPU", logscale=false)
- Salve a figura em PDF (carregue Plots antes): julia> savefig(fig, "fig.pdf")
- **5** Gere o mesmo perfil com escala logarítmica (padrão) e salve a figura.

# Exemplo – pontos interiores (Tempo CPU, "com cautela")



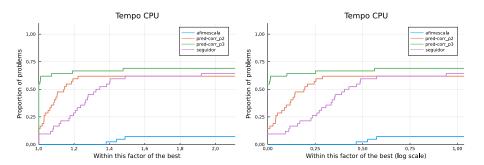
afimescala é **pior** em tempo e eficácia;  $pred-corr_p3$  é **melhor** em tempo e eficácia; seguidor é **mais lento** que  $pred-corr_p3$  porém, **se esperamos**  $\approx 1,9x$  **o tempo do mais rápido** ( $pred-corr_p3$ ), ele é mais eficaz que  $pred-corr_p2$ .

# Exemplo – pontos interiores (Número de iterações)



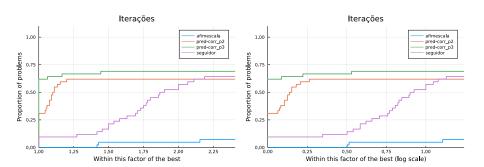
As conclusões são parecidas com o perfil de tempo, pois todos os métodos têm iterações com custo similar.

# Exemplo – pontos interiores (Tempo CPU)



**Eixo horizontal:** à esquerda,  $\tau \ge 1$ ; à direita,  $\log_2(\tau) \ge 0$ .

# Exemplo – pontos interiores (Número de iterações)



**Eixo horizontal:** à esquerda,  $\tau \ge 1$ ; à direita,  $\log_2(\tau) \ge 0$ .

- Recomendo usar a estrutura *DataFrames* para gerenciar tabelas.
  - Pacote DataFrames.jl
  - Similar ao dataframe do Python
  - Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt\_ex12

- Recomendo usar a estrutura *DataFrames* para gerenciar tabelas.
  - Pacote DataFrames.jl
  - Similar ao dataframe do Python
  - Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt\_ex12
- Para evitar erros, sempre converta os dados para Float64 como no exercício anterior (esse tipo aceita o "número" Inf)

- Recomendo usar a estrutura *DataFrames* para gerenciar tabelas.
  - Pacote DataFrames.jl
  - Similar ao dataframe do Python
  - Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt\_ex12
- Para evitar erros, sempre converta os dados para Float64 como no exercício anterior (esse tipo aceita o "número" Inf)
- Salve os resultados em arquivos.
   Recomendo arquivos binários pois preservam a estrutura dos objetos.
   Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt\_ex11

- Recomendo usar a estrutura *DataFrames* para gerenciar tabelas.
  - Pacote DataFrames.jl
  - Similar ao dataframe do Python
  - Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt\_ex12
- Para evitar erros, sempre converta os dados para Float64 como no exercício anterior (esse tipo aceita o "número" Inf)
- Salve os resultados em arquivos.
   Recomendo arquivos binários pois preservam a estrutura dos objetos.
   Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt\_ex11
- Você pode configurar o perfil de desempenho como uma figura Plots.
   Veja a seção "Configurando gráficos" em
   https://leonardosecchin.github.io/juliaopt\_ex5

A captura do tempo de execução pode sofrer oscilações de processos do sistema, processos concorrentes, paralelismo ou alterações na frequência do processador.

A captura do tempo de execução pode sofrer oscilações de processos do sistema, processos concorrentes, paralelismo ou alterações na frequência do processador.

Dicas para minimizá-las:

não trabalhe na máquina em que está executando os testes;

A captura do tempo de execução pode sofrer oscilações de processos do sistema, processos concorrentes, paralelismo ou alterações na frequência do processador.

Dicas para minimizá-las:

- não trabalhe na máquina em que está executando os testes;
- fique atento à swaps. Eles destroem qualquer contagem de tempo!
   Se seu computador não possui memória RAM suficiente, não insista;

A captura do tempo de execução pode sofrer oscilações de processos do sistema, processos concorrentes, paralelismo ou alterações na frequência do processador.

Dicas para minimizá-las:

- não trabalhe na máquina em que está executando os testes;
- fique atento à swaps. Eles destroem qualquer contagem de tempo!
   Se seu computador não possui memória RAM suficiente, não insista;
- se possível, "trave" o processador na sua frequência base, evitando TurboBoost ou similares. Talvez requeira acesso como root (Linux);

 se sua aplicação não requer paralelismo, pode ser bom executar cada problema com 1 thread apenas. Lembre-se que mesmo um programa em série pode ter trechos em paralelo pois vários resolvedores de sistemas lineares / pacotes de álgebra linear rodam em paralelo.

 se sua aplicação não requer paralelismo, pode ser bom executar cada problema com 1 thread apenas. Lembre-se que mesmo um programa em série pode ter trechos em paralelo pois vários resolvedores de sistemas lineares / pacotes de álgebra linear rodam em paralelo.

Geralmente você pode definir o número de *threads* por variáveis de ambiente (Linux). Algumas delas:

- OPENBLAS\_NUM\_THREADS=1, GOTO\_NUM\_THREADS=1 : OpenBlas
- OMP\_NUM\_THREADS=1 : threads para códigos com trechos OpenMP
- MKL\_NUM\_THREADS=1: Intel© Math Kernel Library© (BLAS da Intel para seus processadores)

Consulte a documentação do software que está utilizando.

Inconsistências surgem ainda de oscilações naturais na contagem do tempo (rode um algoritmo várias vezes; você verá que o tempo é diferente a cada execução).

Inconsistências surgem ainda de oscilações naturais na contagem do tempo (rode um algoritmo várias vezes; você verá que o tempo é diferente a cada execução).

ullet Se seu algoritmo leva "muito" tempo para resolver um problema (p. ex.  $> 15~{\rm seg}$ ), então essas oscilações naturais não devem representar grandes variações percentuais...

Inconsistências surgem ainda de oscilações naturais na contagem do tempo (rode um algoritmo várias vezes; você verá que o tempo é diferente a cada execução).

- $\bullet$  Se seu algoritmo leva "muito" tempo para resolver um problema (p. ex. >15 seg), então essas oscilações naturais não devem representar grandes variações percentuais...
- $\bullet$  Porém, se seu algoritmo é muito rápido num dado problema (p. ex.,  $<1~{\rm seg}),$  pequenas oscilações naturais no tempo representam grandes variações percentuais.

Isso compromete a comparação entre algoritmos em tais problemas.

### Como minimizar as variações naturais?

 Utilize sempre as melhores maneiras para contar tempo (aliás, essa dica vale para problemas demorados também).

```
Por exemplo, no Julia use os comandos @time ou @elapsed.
Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt_ex14
```

#### Como minimizar as variações naturais?

 Utilize sempre as melhores maneiras para contar tempo (aliás, essa dica vale para problemas demorados também).

```
Por exemplo, no Julia use os comandos @time ou @elapsed.
Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt_ex14
```

ullet Rode cada problema N vezes até somar um tempo "confortável", por exemplo, 15 seg. O tempo de execução será a média aritmética

$$\frac{\text{tempo total das execuções}}{N}$$
.

Isso deve ser implementado! (no Julia, talvez valha a pena olhar o pacote BenchmarkTools.jl).

Isso minimiza **muito** o efeito de oscilações nos problemas pequenos, pois a média oscila bem menos do que uma única execução.

### Como minimizar as variações naturais?

 Utilize sempre as melhores maneiras para contar tempo (aliás, essa dica vale para problemas demorados também).

```
Por exemplo, no Julia use os comandos @time ou @elapsed.
Veja https://leonardosecchin.github.io/juliaopt_ex14
```

ullet Rode cada problema  ${\it N}$  vezes até somar um tempo "confortável", por exemplo, 15 seg. O tempo de execução será a média aritmética

$$\frac{\text{tempo total das execuções}}{N}$$
.

Isso deve ser implementado! (no Julia, talvez valha a pena olhar o pacote BenchmarkTools.jl).

Isso minimiza **muito** o efeito de oscilações nos problemas pequenos, pois a média oscila bem menos do que uma única execução.

 Você pode simplesmente descartar os problemas cuja execução é muito rápida caso não sejam relevantes para sua análise.

### Exercícios e referências

Veja

https://leonardosecchin.github.io/topicospo