1 Método dual afin escala P: min  $c^{t}x$ s.a. Ax = b x > 0D: max by  $y_1 z_2 = C$   $x - a \cdot A + z = C$  z > 0Primal asim escala: da passos na var-primal.  $Ax^{k}=b$ ,  $x^{k}>0$   $\Rightarrow$  estima  $y', y' \Rightarrow d' \Rightarrow x' = x + d_{x}d''$ Dual afin escala: da passos mas var du ais.  $A^{t}y^{k}+2^{k}=C$ ,  $3^{k}>0$  estima  $x^{k} \rightarrow dy$ ,  $d_{3}^{k}$ ,  $d_{3}^{k}$ ,  $d_{3}^{k}$ .

Dado (y°, z°) dual viavel e intérior là (i.é., Ay+3°=c, 3°>0), bus camos uma boa estimativa para N. Sembre-se que as condições de olimalidade são Ax=b, x>0Ay+3=C,3>0 $XZe=0 \quad (\Leftrightarrow ZXe=0 \Leftrightarrow Z\chi=0)$ Duscamos minimizar 1/22/1 mantendo viabili-dade primal:

3 min 1/2 11 Zx 1/2 s.a. Ax = b. Kasolvendo: plas condições KKT, devemos ter Zx - Atw = 0, Ax = b. Como 3>0, temos  $x=Z^{-2}A^{t}w$  e  $Ax=b \Rightarrow AZA^{t}w=b \Rightarrow |w=(AZA^{t})b|$ Considere à direção d<sub>z</sub> = -Z<sup>2</sup>x. Inveremos uma direção d<sub>y</sub> que aumente à F.O. dual

ty e que forneça (y+ x dy, z+ x dz) [4. dual viant para algun x>0: (i)  $A^{t}(y+dy) + z+dz = c \Rightarrow A^{t}y + A^{t}dy + z+dz = c$  $\Rightarrow A^{\dagger}d_{y} + d_{z} = 0 \Rightarrow d_{z} = -A^{\dagger}d_{y}.$ Wishin  $d_z = -Z x = -A d_y \Rightarrow Z (Z A w) =$ Ady = Ady = Aw. Como vosto  $A = m \le m$ , so pode ser  $dy = w \implies dy = (AZ^{-2}A^{+})^{-1}b$ 

En resumo,  $d_y = (AZ^{-2}A^t)$  b,  $d_z = -A^t d_y$ . (ii) y à variant livre. Portanto, de deve garanter apenas que 3 > 0. Como antes,  $2x = 2 \min \left\{ -\frac{3i}{d_{3i}}, \frac{3i}{d_{3i}} < 0 \right\},$ onde  $G \in (0,1)$ . (iii) bt(y+dy) = bty + bt(AZA)b > bty.

Método dual afin escala Dado (y°,3°) dual viavel interior.
para K=0,..., maxit  $d_{y}^{k} = (A Z^{-2} A^{t})^{-1} b$ ,  $d_{z}^{k} = -A^{t} d_{y}^{k}$ xx = 3 min 3 - 3i/x; d3i < 0 9  $y^{-1} = y^{k} + d_{k} d_{y}^{k}$ até "convergir" (melhor: 3 = C-Ayk)  $\chi = -Z^{-2}d_{x}^{x}$  (retorna solução de P)

Vonto inicial Precisamos de  $(y^{\circ}, z^{\circ})$  com  $Ay^{\circ}+z^{\circ}=c$  e  $z^{\circ}>0$ . (FASE 1) 1)  $y^{\circ}=\frac{\|c\|}{\|A^{\dagger}\|}$ 2) le  $\tilde{z}^{\circ} = c - A\tilde{y}^{\circ} > 0$ , entro  $(y^{\circ}, z^{\circ}) = (\tilde{y}^{\circ}, \tilde{z}^{\circ})$ . 3) se 3° >0 entro tome M = 10° 15 y° 1 onde 6°=-2 min 3°>0.

(8 4) Resolva min  $-(b^{\dagger}y - M6)$ y,3,6

s.a.  $A^{\dagger}y - Ge + 3 = C$ ,  $z \ge 0$ ,

ondo e = (1,...,1), pelo método dual afim Mote que (j°, c-Aty°+v°e, o°) é viame e interior. Atotenha (y\*, z\*, 6\*). · 0 \*>0 => D mão tem golução => Pilimitade ou intrâml. Se 6 x < 0 éntão podemos paran e retornar y x e 3 = c - Aty x > 0.

Critério de parada Ideia: parar quando a F.O. dual não melhora de uma iteração para a seguinte em relação à sua magnitude. 1 by - bty / (p.m. E=10) max 31, 16ty 15