Linguaggi dinamici Corso di Laurea in Informatica

A.A. 2019/2020

Nozioni introduttive
Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle

Semplini esercizi sulle e i

lessicali

Il ruolo di un a.l. nel

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Les

Brevi note sui linguaggi formali

Nozioni introduttive

Alfabeti stringhe e linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Linguaggi regolari

Espressioni regolari

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

Analizzatori lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Linguaggi dinamici

Nozioni introduttive Alfabeti stringhe e linguaggi

Semplici esercizi sulle e.r.

Linguaggi regolari, espressioni ed automi Linguaggi regolari Espressioni regolari Espressioni regolari pelle applicazioni

Analizzatori lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Nozioni introduttive

Alfabeti, stringhe e linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Qualche definizione preliminare

- Un alfabeto è un insieme finito di simboli (caratteri)
- Esempi di alfabeti importanti in Informatica:
 - I set di caratteri ASCII e UNICODE:
 - \triangleright $\mathcal{B} = \{0, 1\}$, l'alfabeto binario;
 - $\triangleright \mathcal{D} = \{A, C, G, T\}, l'alfabeto del DNA.$
- Una stringa su un dato alfabeto è una seguenza di caratteri giustapposti
- Qualora ci possano essere ambiguità, per denotare un stringa useremo questo font oppure racchiuderemo la stringa fra apici
- Nella teoria, una stringa formata da un solo carattere è un oggetto diverso dal carattere stesso.
- Java segue questa impstazione, a differenza di Python
- Una stringa speciale è quella formata da zero caratteri, detta stringa vuota e indicata con ϵ



linguaggi

Operazioni sulle stringhe

- Concatenazione di due stringhe: X = Los,
 - Y= Angeles $\Rightarrow Z=XY=$ LosAngeles
 - ▶ In Python Z = X + Y
 - La concatenazione è un'operazione associativa
- Potenza di una stringa:

$$X = \text{Los} \Rightarrow Z = X^k = \underbrace{XX \dots X}_{k} = \underbrace{LosLos \dots Los}_{k}$$

- ▶ In Python: Z = X * k
- Notare: $k = 0 \Rightarrow X^k = \epsilon$ (anche in Python)
- Riflessione di una stringa:

$$X = \text{Roma} \Rightarrow Z = X^R = \text{amoR}$$

- ▶ In Python. Z = X[::-1]
- ▶ Lunghezza di una stringa: $X = Modena \Rightarrow |X| = 6$
 - ▶ In Python: len(X)

Nozioni introduttiv

Alfabeti, stringhe e linguaggi

espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Les

Linguaggi formali

- Indicheremo genericamente con Σ l'alfabeto di riferimento
- Un *linguaggio* L su un alfabeto Σ è semplicemente un insieme di stringhe su Σ .
- Se le stringhe che compongono il linguaggio sono in numero finito, una possibilità per descrivere L consiste nella elencazione di tali stringhe.
- Esempio:

$$L_1 = \{00, 01, 10, 11\}$$

è un linguaggio definito su $\ensuremath{\mathcal{B}}$ composto da 4 stringhe.

Molto più interessanti sono i linguaggi composti da un numero infinito di stringhe, che comunque dobbiamo e vogliamo descrivere in modo finito.

Alfabeti, stringhe e

linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Analizzato lessicali

Il ruolo di un a.l. ne

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lea

Operazioni con i linguaggi

- Poiché i linguaggi sono insiemi, su di essi sono definite tutte le operazioni insiemistiche: unione, intersezione, differenza, ecc.
- ▶ Due linguaggi L₁ ed L₂ si possono poi concatenare, dando origine ad un nuovo linguaggio L così definito:

$$L = L_1L_2 = \{X : \exists Y \in L_1, \exists Z \in L_2 \text{ t.c. } X = YZ\}$$

In altre parole, L è costituito da tutte le stringhe che si possono ottenere concatenando una stringa di L_1 e una stringa di L_2 .

Più in generale, la seguente ricorrenza permette di definire, per ogni m ≥ 0, la potenza n-esima di un linguaggio L:

$$L^{0} = \{\epsilon\}$$

$$L^{n} = L^{n-1}L, n > 0.$$

4 □ ト 4 □ ト 4 □ ト 4 □ ト 9 Q ○

Alfabeti, stringhe e

linguaggi

espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

a il

lessicali Il ruolo di un a.l. nel

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Les

Alfabeti, stringhe e linguaggi

Il ruolo di un a.l. nel

Chiusura riflessiva e transitiva

► La chiusura riflessiva e transitiva di un linguaggio L, indicata con L*, è l'unione di tutte le potenze n-esime di L, per ogni valore di n positivo. In formule:

$$L^* = \bigcup_{n \geq 0} L^n$$

▶ Esempio: sia $L = \mathcal{B} = \{0, 1\}$. Abbiamo

$$\begin{array}{rcl} \mathcal{B}^{0} & = & \{\epsilon\} \\ \mathcal{B}^{1} & = & \{0,1\} \\ \mathcal{B}^{2} & = & \{00,01,10,11\} \\ \mathcal{B}^{3} & = & \{000,001,010,011,100,101,110,111\} \\ & \cdots \\ \mathcal{B}^{n} & = & \{\underbrace{0\dots00}_{n},\underbrace{0\dots01}_{n},\dots,\underbrace{1\dots11}_{n}\} \end{array}$$

4 D > 4 A > 4 E > 4 E > 9 Q Q

Chiusura riflessiva e transitiva (cont.)

- Ne consegue che \mathcal{B}^* , in quanto unione di tutte le potenze \mathcal{B}^n , è l'insieme di <u>tutte</u> le stringhe (di qualsiasi lunghezza) composte da 0 e 1.
- Questa costruzione vale per qualunque alfabeto.
- In generale, cioè, Σ* è un modo per indicare
 l'insieme di tutte le possibili stringhe sull'alfabeto Σ
- ▶ Molto usata è anche la notazione L⁺, detta chiusura riflessiva di L e così definita

$$L^* = \bigcup_{n>1} L^n$$

▶ La differenza fra L* ed L+ consiste nel fatto che in L+ non è necessariamente presente la stringa vuota. Essa appartiene a L+ se e solo se appartiene ad L

Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni
Semplici esercizi sulle e r

Apolizzotori

lessicali

front-end
Strumenti di sviluppo: il
generatore di scanner Le



- Possiamo definire (in modo non formale) il linguaggio usando l'Italiano o un'altra lingua "naturale"
- Ad esempio: "il linguaggio costituito da tutte le stringhe su B che terminano con il carattere 0".
- Possiamo altrimenti definire, con linguaggio matematico, la struttura delle stringhe, se è possibile individuarne una...:
- Nel caso del linguaggio definito sopra, che chiameremo L₂, possiamo scrivere:

$$L_2 = \{X \in \mathcal{B}^* | X = Y0, Y \in \mathcal{B}^*\}$$

Altri esempi di linguaggi definiti in questo modo sono:

```
► L_3 = \{X \in \mathcal{B}^* : |X| \ge 3\};
► L_4 = \{X \in \mathcal{B}^* : \exists k \ge 0 \text{ t.c. } X = 01^k 0\};
► L_5 = \{X \in \mathcal{B}^* : X = X^R\}.
```

Alfabeti, stringhe e

Alfabeti, stringne e linguaggi

espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi s

lessicali

front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Le

- In ambito informatico ci aono due altri modi importanti per caratterizzare (e descrivere) un linguaggio
 - Caratterizzazione algoritmica (o riconoscitiva);
 - Caratterizzazione generativa
- Un algoritmo decisionale A ci permette di caratterizzare un linguaggio in quanto la sua "risposta" True/False ad ogni determinato input x può essere interpretata come indicativa dell'appartenenza o meno di x al linguaggio
- Più precisamente, se Σ è un alfabeto e A un algoritmo decisionale, possiamo definire il linguaggio associato a (o riconosciuto da) A nel modo seguente

$$\mathcal{L}_{A} = \{x \in \Sigma^{*} | A(x) = \mathsf{True}\}$$

dove A(x) indica l'output di A su input x



Alfabeti, stringhe e linguaggi

inguaggi regolari spressioni ed

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle e.

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: generatore di scanner

- Vediamo un esempio concreto
- Un programma C++ legale è una stringa (tipicamente abbastanza lunga) sull'alfabeto ASCII
- Chiaramente il viceversa, in generale, non è vero: non tutte le stringhe ASCII sono programmi C++ legali
- Ora, su input una qualsiasi stringa ASCII, il compilatore C++ esegue una fra due possibili (macro)azioni: (1) produce il corrispondente codice macchina, (2) emette un messaggio di errore.
- Se facciamo corrispondere le due azioni rispettivamente ai valori True e False, possiamo a ragione affermare che il C++ è il linguaggio costituito dalle stringhe ASCII per cui il compilatore risponde True (cioè produce il codice macchina)

Nozioni introduttiv

Alfabeti, stringhe e linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni
Semplici esercizi sulle e r.

Analizzatori

Il ruolo di un a.l. nel front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Le

- C'è naturalmente il problema dell'alfabeto di riferimento.
- Ad esempio, che cosa succede se l'input al compilatore non è una stringa ASCII?
- In tal caso il codice macchina non viene ovviamente prodotto. Possiamo quindi stabilire che il compilatore (e, in generale, l'algoritmo riconoscitore) risponde False oppure che emette un diverso messaggio di errore che segnali l'input mal-formato.
- ► La slide seguente mostra elementari funzioni Python per il riconoscimento dei linguaggi che abbiamo chiamato L_3 , L_4 ed L_5 sull'alfabeto \mathcal{B}

Alfabeti, stringhe e

linguaggi

espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni

Analizzatori lessicali

front-end
Strumenti di sviluppo: il
generatore di scanner Le

Semplici riconoscitori in Python

```
def isbinary(x):
    , , ,
    Verifica che x sia una stringa binaria
    111
   return all(c in '01' for c in x)
def L3(x):
   return isbinary(x) and len(x)>=3
def L4(x):
   if isbinary(x):
       return len(x)>=2 and x[0]=='0' and \
             x[-1] == '0' and \
             x[1:-1].find('0') ==-1
def L5(x):
   return isbinary(x) and x == x[::-1]
```

Nozioni introduttive

Alfabeti, stringhe e linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

- La seconda tecnica importante in ambito informatico per descrivere un linguaggio è quella *generativa*.
- Con questa tecnica si danno "regole" mediante le quali è possibile generare tutte e sole le stringhe del linguaggio che si vuole specificare.
- I più importanti formalismi generativi in ambito informatico sono le espressioni regolari e le grammatiche context-free
- Le corrispondenti famiglie di linguaggi portano lo stesso nome: linguaggi regolari e linguaggi context-free

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

Analizzato

Il ruolo di un a.l. nel

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Le

Linguaggi dinamici

Nozioni introduttive Alfabeti stringhe e linguagg

Linguaggi regolari, espressioni ed automi Linguaggi regolari

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni
Semplici esercizi sulle e.r.

Analizzatori lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Nozioni introduttive

Alfabeti, stringh linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Linguaggi regolari Espressioni regolari

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Les

Perché sono importanti

- Sono "pervasivi" in ambito informatico.
- Tipici pattern di ricerca all'interno di documenti definiscono linguaggi regolari.
- Rivestono poi un ruolo cruciale all'interno dei linguaggi di programmazione.
- Infatti, anche se un tipico linguaggio di programmazione non è un linguaggio regolare, sono tuttavia regolari i seguenti "sotto-linguaggi":
 - l'insieme degli identificatori di funzione e di variabile;
 - l'insieme di tutte le costanti numeriche (integer o float).
- Sono inoltre regolari tutti i linguaggi finiti, cioè costituiti da un numero finito di stringhe.

Nozioni introduttive

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Linguaggi regolari

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi si

lessicali

front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Le:



Definizione di linguaggio regolare

- Dato un alfabeto Σ comininciamo col definire unitario su Σ ogni linguaggio costituito da un singolo carattere di Σ
- Ad esempio, se $\Sigma = \{a,b,c\}$, i linguaggi unitari su Σ sono: $\{a\}$, $\{b\}$ e $\{c\}$
- ▶ Un linguaggio L su un alfabeto $\Sigma = \{a_1, \ldots, a_n\}$ si dice *regolare* se può essere espresso usando un numero finito di operazioni di concatenazione, unione e chiusura riflessiva a partire dai suoi linguaggi unitari $\{a_1\}, \ldots, \{a_n\}$
- Più precisamente:
 - ► $\{a_1\},...,\{a_n\}$ sono linguaggi regolari
 - ▶ se R_1 ed R_2 sono linguaggi regolari, allora $R_1 \cup R_2$ e R_1R_2 sono linguaggi regolari
 - ▶ se R è un linguaggio regolare allora R* è un linguaggio regolare

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolar espressioni ed automi

Linguaggi regolari

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sul

lessicali

front-end Strumenti di sviluppo: il

Esempi di linguaggi regolari

- Sia Σ l'alfabeto ASCII e sia X = X₁X₂...X_n una generica stringa di Σ*. Il linguaggio {X} è regolare in quanto esprimibile come concatenazione dei linguaggi unitari {X₁}, {X₂},...,{X_n}
- Ad esempio {C++} è concatenazione dei linguaggi unitari {C}, {+} e {+}, mentre {Python} è concatenazione dei linguaggi unitari {P}, {y}, {t}, {h}, {o} e {n}
- ► Il linguaggio {X, Y, Z}, dove X, Y e Z sono stringhe generiche sull'alfabeto ASCII è regolare perché esprimibile come unione dei linguaggi regolari {X}, {Y}, e {Z}

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari espressioni ed automi

Linguaggi regolari

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi s

essicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Esempi di linguaggi regolari (continua)

- Il linguaggio {C++,Python} è regolare perché unione di due linguaggi che sappiamo essere regolari
- Generalizzando gli esempi precedenti si dimostra facilmente come ogni linguaggio finito sia esprimibile come unione di concatenazioni di linguaggi unitari

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Linguaggi regolari

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle

lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Altri esempi

► {ab, c}² è (un linguaggio) regolare perché:

$${ab,c}^2 = ({a}{b} \cup {c})({a}{b} \cup {c})$$

- ▶ $L_6 = \{a^n | n \ge 0\}$ è regolare perché $L_6 = \{a\}^*$
- ▶ Anche il linguaggio $L_7 = \{a^nb^m|n, m \ge 0\}$ è regolare poiché $L_7 = \{a\}^*\{b\}^*$, cioè è la concatenazione di due linguaggi regolari
- ► II linguaggio $\{a\}^+ = \{a^n | n \ge 1\}$ è regolare perché $\{a\}^+ = \{a\}\{a\}^*$
- $(\{ab, c\}^2)^R$ è regolare poiché $(\{ab, c\}^2)^R = \{ba, c\}^2$
- ▶ In generale L^R è regolare se (e solo se) L è regolare.
- ▶ II linguaggio $L_8 = \{a^n b^n | n \ge 0\}$ non è regolare
- ▶ II linguaggio $L_9 = \{a^n | n \text{ primo}\}$ non è regolare

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed

Linguaggi regolari Espressioni regolari

Espressioni regolari nelle applicazioni

A malimmatavi

essicali Il ruolo di un a.l. nel

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Le

Linguaggi dinamici

Nozioni introduttive Alfabeti stringhe e linguagg

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Linguaggi regolar

Espressioni regolari

Espressioni regolari nelle applicazioni Semplici esercizi sulle e.r.

Analizzatori lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex Nozioni introduttive

linguaggi

espressioni ed automi

Enguaggi regolari

Espressioni regolari

applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

Analizza lessicali

Il ruolo di un a.l. nel

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Espressioni regolari

- Le espressioni regolari su un alfabeto Σ sono un formalismo (cioè a loro volta sono linguaggi) per definire linguaggi regolari
- Definiremo dapprima le espressioni regolari (e.r.) nella forma matematicamente più pulita
- In seguito presenteremo "abbreviazioni" linguistiche comunemente riconosciute da molti strumenti/ambienti (da MS Word® a grep)
- Negli esercizi useremo quasi esclusivamente le espressioni nella forma base

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Les



Espressioni regolari di base

Le e r su un alfabeto Σ riflettono le costruzioni usate nella definizione dei linguaggi regolari su Σ

Base

- Φ è un'espressione regolare che denota il linguaggio vuoto
- ▶ per ogni $a \in \Sigma$, **a** è un'e.r. che denota il linguaggio unitario {a}

Ricorsione Se \mathcal{E} ed \mathcal{F} sono e.r. che denotano. rispettivamente, i linguaggi E ed F, allora la scrittura:

- \triangleright \mathcal{EF} è un'e.r. che denota il linguaggio EF (concatenazione)
- \triangleright $\mathcal{E} + \mathcal{F}$ (o $\mathcal{E}|\mathcal{F}$) è un'e.r. che denota il linguaggio $E \cup F$ (unione)
- \triangleright \mathcal{E}^* è un'e.r. che denota il linguaggio E^* (chiusura riflessiva)

Espressioni regolari

Espressioni regolari

Un'ulteriore regola

Parentesi. Se $\mathcal E$ è un'e.r., la scrittura $(\mathcal E)$ è un'e.r. equivalente alla prima, cioè che denota lo stesso insieme di stringhe

serve a forzare un ordine di composizione delle espressioni diverso da quello standard (in base al quale chiusura precede concatenazione che precede unione) Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari espressioni ed automi

Linguaggi regolar

Espressioni regolari

applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il

Esempi

- L'espressione regolare 0 + 1*10 su B (interpretabile come 0 + ((1*)10), in base alle regole di precedenza) denota il linguaggio R₁ = {0,10,110,1110,...}
- ► Il linguaggio R₁ è chiaramente differente dal linguaggio R₂ su B definito dall'espressione regolare (0+1)*10, che consiste di tutte le stringhe binarie che terminano con 10
- Posto Σ = {a, b, c}, l'espressione regolare a(b + c)*a denota il linguaggio R₃ su Σ costituito dalle stringhe che iniziano e terminano con il carattere a e che non contengono altri caratteri a
- La scrittura (1 + 01)*(0 + 1 + 01) denota il linguaggio delle stringhe su B di lunghezza almeno 1 che non contengono due caratteri 0 consecutivi

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali
Il ruolo di un a.l. nel

front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Le

Linguaggi dinamici

Nozioni introduttive Alfabeti stringhe e linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Linguaggi regolari Espressioni regolar

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

Analizzatori lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle

applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Il ruolo di un a.l. ne front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Abbreviazioni di uso pratico

- ▶ Il simbolo ϵ si usa per indicare l'insieme $\{\epsilon\}$ (Attenzione! Non è l'insieme vuoto)
- La scrittura [\mathcal{E}] si può utilizzare al posto della e.r. $\mathcal{E}+\epsilon$ e l'operatore [] prende il nome di *opzione*
- Se è definito un ordinamento fra i caratteri di Σ, allora si possono utilizzare convenzioni specifiche per denotare intervalli di caratteri. Ad esempio, la scrittura [a - f] denota i caratteri compresi fra a ed f (opzione su un intervallo)
- Le scritture [xyz] e [^xyz] indicano rispettivamente un qualunque carattere appartenente o non appartenente all'insieme {x,y,z}

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle e.

Analizzatori lessicali

front-end
Strumenti di sviluppo: il
generatore di scanner Lex



Abbreviazioni di uso pratico

- Poiché $L^+ = LL^*$, l'operatore di chiusura (non riflessiva) è ammesso nelle e.r. dove si intende che $\mathcal{E}^+ = \mathcal{E}\mathcal{E}^*$ (in tal caso l'operatore di unione o alternativa viene sostituito da |)
- Poiché $L^n = \widehat{LL \dots L}$, l'operatore di elevamento a potenza è ammesso nelle e.r. e si intende che
- ▶ La scrittura $[\mathcal{E}]_i^j$ si può utilizzare al posto della e.r. $\mathcal{E}^i + \mathcal{E}^{i+1} + \ldots + \mathcal{E}^j$

Nozioni introduttive
Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle

applicazioni
Semplici esercizi sulle e r

Analizzator lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Definizione di numeri e di identificatori

- ▶ Per alcuni insiemi di caratteri di particolare importanza (cifre, lettere, caratteri alfanumerici, caratteri di spaziatura, ...) si possono usare espressioni specifiche, come ad esempio (prendendo a prestito la notazione dalle espressioni riconosciute dal comando grep di Linux): [: digit :], [: alpha :], [: alnum :], [: space :], ...
- L'espressione regolare [1 9][: digit :]* denota l'insieme delle stringhe che rappresentano (nella consueta rappresentazione in base 10) i numeri interi positivi
- L'espressione regolare [: alpha :]([: alpha :]|[: digit :])* denota l'insieme degli identificatori legali in alcuni linguaggi di programmazione (soprattutto fra i più vecchi)

Nozioni introduttive
Alfabeti, stringhe e

espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali
Il ruolo di un a.l. nel
front-end



Applicazioni diffuse che usano le espressioni regolari

- ► Innanzitutto gli editori di testo, più o meno sofisticati (MS Word[®], Libre Office Writer, Emacs, ...)
- Molte applicazioni che manipolano file eseguibili da linea di comando in ambiente Unix/Linux (ad esempio, grep, find e sed)
- Utility per la costruzione di analizzatori lessicali (come Lex)
- In tutti questi casi, la sintassi per le espressioni regolari è molto più ampia, e (pur non aumentando il potere espressivo) rende la definizione dei pattern molto più semplice

Nozioni introduttive
Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Le

Espressioni regolari in applicazioni di Linux

- ha un match con qualsiasi singolo carattere, ad eccezione di '\n'
- * ha un match con 0 o più copie della precedente espressione
- + ha un match con 1 o più copie della precedente espressione
- ? ha un match con 0 o 1 copia della precedente espressione
- {n} e {n, m}, dove n ed m sono numeri, hanno un match con la precedente espressione rispettivamente n volte (prima forma) oppure fra n ed m volte (seconda forma)
- ▶ [] ha un match con qualunque carattere incluso tra le parentesi; se il primo carattere è ^, allora c'è un match con qualunque carattere non incluso fra le parentesi

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle

applicazioni Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

front-end
Strumenti di sviluppo: il

Espressioni regolari in applicazioni di Linux (2)

- Un simbolo entro le parentesi quadre serve per indicare un intervallo di caratteri, come nel caso di [0 - 9]
- come primo carattere di una e.r. ha un match con l'inizio di una linea
- \$ come ultimo carattere di una e.r. ha un match con la fine di una linea
- ▶ \ è il classico carattere di escape
- ▶ | è il simbolo di alternativa
- ► (),o \(\), servono per il raggruppamento di e.r. e per il loro eventuale riferimento

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex



Esempi di uso di grep

- grep -e 404 algogroup.log stampa tutte le richieste che contengono la sottostringa 404 (quindi, presumibilmente, cha hanno originato status code 404 (file not found)
- prep -e "algogroup.unimo\(re\)\?.it"
 algogroup.log
 stampa tutte le richieste il cui referer è una pagina
 del sito algogroup.unimore.it (viene accettato anche
 l'alias algogroup.unimo.it)
- prep -e "http:[^;\)\"]*" -o
 algogroup.log
 | sort | uniq -c | sort -n -r
 stampa i differenti referer, ordinati per numerosità
 decrescente

Nozioni introduttive
Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolar espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle

applicazioni
Semplici esercizi sulle e

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il jeneratore di scanner Lex

Linguaggi dinamici

Nozioni introduttive Alfabeti stringhe e linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Linguaggi regolari
Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazion
Semplici esercizi sulle e.r.

Analizzatori lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Nozioni introduttive

Alfabeti, stringh linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Il ruolo di un a.l. ne front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Esercizi sulle e.r.

Scrivere un'e.r. per il seguente linguaggio sull'alfabeto {a,b,c}:

$$E_1 = \{a^nb^mc^k|m=0 \Rightarrow k=3\}$$

- Scrivere un'e.r. per il linguaggio E_2 , sull'alfabeto $\{a,b\}$, delle stringhe contenenti al più due a
- Scrivere un'e.r. per il linguaggio E₃, sull'alfabeto {a,b}, delle stringhe contenenti un numero dispari di b
- Scrivere un'e.r. per il linguaggio E₄, sull'alfabeto {a,b}, definito ricorsivamente nel modo seguente:
 - 1. $\epsilon \in E_4$;
 - 2. Se $x \in E_4$ allora anche $abax \in E_4$ e $xaa \in E_4$ Inoltre, solo stringhe ottenibili in questo modo appartengono a E_4 .

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

Il ruolo di un a.l. nel front-end



Esercizi sulle e.r.

- Scrivere un'e.r. per il linguaggio E₅, sull'alfabeto {a,b,c}, costituito dalle stringhe in cui ogni occorrenza di b è seguita da almeno un'occorrenza di c
- Descrivere nel modo più semplice possibile, in Italiano, il linguaggio corrispondente alla seguente espressione regolare: ((a|b)³)*(a|b)
- Si dica qual è la stringa più corta che non appartiene al linguaggio descritto dall'espressione regolare a*(ab)*b*

Nozioni introduttive

Linguaggi regolari espressioni ed automi

Linguaggi regolari
Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali
Il ruolo di un a.l. nel

front-end
Strumenti di sviluppo: il
generatore di scanner Le

Esercizi sulle e.r.

- Si scriva un'espressione regolare per definire il linguaggio delle stringhe sull'alfabeto {0,1} che non contengono tre 1 di fila
- Si consideri l'espressione regolare

$$b^*aa(ba | b)^*b$$

e si descriva "a parole" il linguaggio da essa rappresentato

Si scriva un'espressione regolare per il linguaggio su {0,1} costituito dalle stringhe che iniziano con 00 oppure terminano con 01 Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

espressioni ed automi

inguaggi regolari Espressioni regolari Espressioni regolari nelle Ipplicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

Il ruolo di un a.l. nel front-end



Linguaggi dinamici

Nozioni introduttive Alfabeti stringhe e linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi Linguaggi regolari Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni Semplici esercizi sulle e.r.

Analizzatori lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.r.

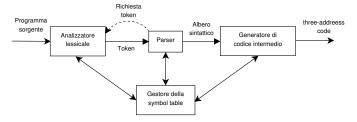
lessicali

front-end



Il front-end più in dettaglio

► La seguente figura illustra un tipico schema di organizzazione del front-end di un compilatore (tratto da Aho, Lam, Sethi, Ullman (2007)).



Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle
applicazioni

Semplici esercizi sulle

essicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

trumenti di sviluppo: il

Analizzatore lessicale

- L'analizzatore lessicale, detto anche scanner, è l'unico modulo che legge il file di testo che costituisce l'input per il compilatore.
- Il suo ruolo è di raggruppare i caratteri in input in token, ovvero "oggetti" significativi per la successiva analisi sintattica.
- Esempi di token sono i numeri, gli identificatori e le parole chiave di un linguaggio di programmazione.
- Ad esempio, la sequenza di caratteri:

$$X = 3.14;$$

potrebbe venire trasformata nella sequenza di token:

id assign number sep

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolar espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

nalizzatori essicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end Strumenti di sviluppo: il



Analizzatore lessicale (cont.)

- Ci sono però altri compiti che deve svolgere l'analizzatore lessicale:
 - riconoscere e "filtrare" commenti, spazi e altri caratteri di separazione;
 - associare gli eventuali errori trovati da altri moduli del compilatore (in particolare dal parser) alle posizioni (righe di codice) dove tali errori si sono verificati allo scopo di emettere appropriati messaggi diagnostici;
 - procedere all'eventuale espansione delle macro (se il compilatore le prevede).

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi su

essicali Il ruolo di un a.l. nel

front-end Strumenti di sviluppo: il



Linguaggi dinamici

Nozioni introduttive Alfabeti stringhe e linguaggi

Linguaggi regolari, espressioni ed automi Linguaggi regolari Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni Semplici esercizi sulle e.r.

Analizzatori lessicali

Il ruolo di un a.l. nel front-end

Strumenti di sviluppo: il generatore di scanner Lex

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle

Semplici esercizi sulle e.r.

lessicali

Il ruolo di un a.l. ne front-end

Che cosa è Lex

- Lex è un generatore di scanner.
- Si tratta cioè di un software in grado di generare automaticamente un altro programma che riconosce stringhe di un linguaggio regolare.
- Non solo, il software generato da Lex ha "capacità di scanning", cioè di acquisire le stringhe da analizzare in sequenza (da file o standard input) e di passare l'output ad un altro programma, tipicamente un parser.
- Lex può quindi essere uno strumento prezioso nella realizzazione di un compilatore.

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

lessicali



Come funziona Lex

- L'input per un programma Lex è costituito "essenzialmente" da un insieme di espressioni regolari/pattern da riconoscere.
- ▶ Inoltre, ad ogni espressione regolare £, l'utente associa un'azione, espressa sotto forma di codice C.
- Lex "trasforma" \mathcal{E} nella descrizione di un "automa" che riconosce il linguaggio descritto da \mathcal{E} .
- ► Lex inoltre associa, ad ogni stato terminale dell'automa che riconosce E, il corrispondente software fornito dall'utente.
- Nel programma generato da Lex, tale software andrà in esecuzione quando viene riconosciuto un lessema di €.

Nozioni introduttive

Linguaggi regola espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

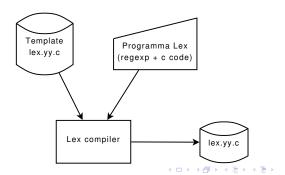
Semplici esercizi su

lessicali

Strumenti di sviluppo: il

Come funziona Lex (2)

- ► Lex inserisce la descrizione dell'automa e il codice fornito dall'utente in uno scheletro di programma (template) per ottenere così il programma finale "completo", per default chiamato yy.lex.c.
- La parte più "complessa" dal punto di vista teorico consiste proprio nella trasformazione delle espressioni regolari in automi.
- Ma noi sappiamo già "che cosa ci sta sotto"!



Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

inguaggi regola spressioni ed utomi

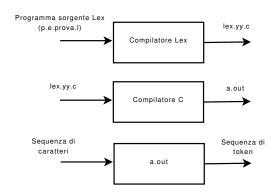
Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi

lessicali

ruolo di un a.l. nel ont-end

Schema d'uso di Lex



Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle

Semplici esercizi sulle e r

lessicali

Il ruolo di un a.l. nel

Un primo programma Lex

 Programma Lex per riconoscere (un sottoinsieme de) i token del linguaggio Pascal

```
delim [ \t\n]
ws {delim}+
letter [A-Za-z]
digit [0-9]
id {letter}({letter}|{digit})*
number [+-]?{digit}+(\.{digit}+)?(E[+-]?{digit}+)?
88
{ws} { }
if {printf("IF ");}
then {printf("THEN ");}
else {printf("ELSE ");}
{id} {printf("ID ");}
{number} {printf("NUMBER ");}
"<" {printf("RELOP ");}
"<=" {printf("RELOP ");}
"=" {printf("RELOP ");}
"<>" {printf("RELOP ");}
">" {printf("RELOP ");}
">=" {printf("RELOP ");}
":=" {printf("ASSIGNMENT ");}
88
main()
{ yylex();
  printf("\n"); }
```

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi sulle e.

lessicali

Esecuzione del programma

Se mandiamo in esecuzione il programma C ottenuto dopo le due compilazioni (si rammenti lo schema d'uso) con il seguente input:

```
if var1<0.0 then
    sign := -1
    else sign := 1</pre>
```

otteniamo come output la sequenza di token

IF ID RELOP NUMBER THEN ID ASSIGNMENT NUMBER ELSE ID ASSIGNMENT NUMBER

in realtà poiché i token name vengono internamente rappresentati mediante interi, la sequenza le output potrebbe essere:

12 2 6 1 13 2 18 1 14 2 18 1

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

inguaggi regola spressioni ed utomi

Espressioni regolari Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi :

lessicali Il ruolo di un a.l. nel

front-end

Struttura generale di un programma Lex

Un generico programma Lex contiene tre sezioni, separate dal dalla sequenza %%

```
Dichiarazioni
%%
Regole di traduzione
%%
Funzioni ausiliarie
```

- La sezione "Dichiarazioni" può contenere definizione di costanti e/o variabili, oltre alle cosiddette definizioni regolari, cioè espressioni che consentono di "dare un nome" ad espressioni regolari.
- ► La sezione più importante è quella relativa alle regole di traduzione che contiene le descrizioni dei pattern da riconoscere e, corrispondentemente, le azioni che devono essere eseguite dallo scanner.

Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi :

lessicali



Struttura generale di un programma Lex (continua)

- L'ultima sezione può contenere funzioni aggiuntive (che vengono tipicamente invocate nella parte relativa alle regole di traduzione).
- Se lo scanner non è utilizzato come routine del parser o di altro programma, quest'ultima sezione contiene anche il main program.
- Se presente, il main conterrà ovviamente la chiamata allo scanner (funzione yylex).

Nozioni introduttive Alfabeti, stringhe e

Linguaggi regolari, espressioni ed automi

Espressioni regolari
Espressioni regolari nelle applicazioni

Semplici esercizi

Analizza: lessicali

> I ruolo di un a.l. nel ront-end

Non solo riconoscimento di token

Il seguente programma Lex conta caratteri, parole e linee presenti in un file (assimiglia dunque al programma wc di Unix/Linux).

```
Nozioni introduttive
Alfabeti, stringhe e
linguaggi
```

```
8{
unsigned charCount = 0, wordCount = 0, lineCount = 0;
8}
word [^ \t\n]+
eol \n
                                                                li sviluppo: il
                                                                 di scanner Lex
용용
{word}
            {wordCount++; charCount += yyleng; }
            {charCount++; lineCount++}
{eol}
            charCount++;
용용
main()
{ yylex();
  printf("%d %d %d\n", lineCount, wordCount, charCount);
                                 イロト 不問 と イヨ と イヨ と 一 ヨー
```