

Расчет координат конечной точки отображения (??) идет следующим образом: вычисления начинаются из точки  $(y_1(-0, z_1, z_2), y_2(-0, z_1, z_2))^T$ , координаты которой представляют собой начальные условия системы (??). Начальным моментом времени считается величина  $t = -0$ . Далее, итерационно, с шагом  $h$ , при помощи метода Рунге-Кутты подсчитывались координаты следующей точки отображения (??). Этот метод позволяет достаточно точно численно посчитать решения системы обыкновенных дифференциальных уравнений. Он имеет четвертый порядок точности, т.е. ошибка на каждом интервале подсчета будет иметь порядок  $O(h^5)$ . Существуют также и другие способы численного расчета, однако метод Рунге-Кутты является самым удобным с точки зрения соотношения скорости вычислений и их точности. Координаты следующей точки отображения (??), согласно методу Рунге-Кутты, подсчитываются по итерационной формуле:

$$y_j(t + h) = y_j(t) + \frac{h}{6} (k_1 + 2k_2 + 2k_3 + k_4), \quad j = \overline{1, m-1},$$

где  $y_j(t + h), y_j(t)$  — координаты точек, полученных на текущей и предыдущей итерациях,  $h$  — величина шага сетки по  $t$  для метода Рунге-Кутты, а коэффициенты  $k_1, k_2, k_3, k_4$  рассчитываются по следующим формулам:

$$\begin{aligned} k_1 &= d(\exp(y_{j+1}) + \exp(-y_j) - \exp(y_j) - \exp(-y_{j-1})), \\ k_2 &= d(\exp(y_{j+1} + \frac{h}{2}k_1) + \exp(-y_j + \frac{h}{2}k_1) - \exp(y_j + \frac{h}{2}k_1) - \exp(-y_{j-1} + \frac{h}{2}k_1)), \\ k_3 &= d(\exp(y_{j+1} + \frac{h}{2}k_2) + \exp(-y_j + \frac{h}{2}k_2) - \exp(y_j + \frac{h}{2}k_2) - \exp(-y_{j-1} + \frac{h}{2}k_2)), \\ k_4 &= d(\exp(y_{j+1} + hk_3) + \exp(-y_j + hk_3) - \exp(y_j + hk_3) - \exp(-y_{j-1} + hk_3)). \end{aligned}$$

Подсчет координат с помощью метода Рунге-Кутты проводился для достаточно малой величины шага ( $h = 0.001, 0.0001, 0.00001$ ). Вычисления такого рода будут продолжаться до тех пор, пока не будет получено конечное состояние в значении времени  $T_0$ . Однако в точках переключения  $0, 1, \alpha, \alpha + 1$  релаксационной системе придавался импульс. Координаты точки в этом случае подсчитывались по формулам:

$$\begin{aligned}
y_j(+0) &= \frac{\alpha - 1}{\alpha - \beta - 1} y_j(-0), \\
y_j(1 + 0) &= y_j(1 - 0) - \frac{\alpha}{\alpha - 1} y_j(+0), \\
y_j(\alpha + 0) &= (1 + \beta) y_j(\alpha - 0), \\
y_j(\alpha + 1 + 0) &= y_j(\alpha + 1 - 0) - \frac{\alpha}{1 + \beta} y_j(\alpha + 0), \\
j &= \overline{1, m - 1}, \quad y_0 = y_m = 0.
\end{aligned}$$

Далее происходила проверка начальной и конечной точек отображения (??) на эквивалентность. Если соответствующие координаты отличались друг от друга не более, чем на величину параметра  $\epsilon_{ps}$ , считалось, что последнее рассчитанное состояние отображения (??) является устойчивым. В противном случае, конечная точка  $(y_1(T_0, z_1, z_2), y_2(T_0, z_1, z_2))^T$  считалась начальной и для нее осуществлялась описанная ранее последовательность операций.