

CLASE 6

Los Tipos Abstractos de Datos (TADs) se definen por su **interfaz** (qué operaciones ofrecen) y no por su implementación (cómo se realizan esas operaciones). Esto genera distintos roles con diferentes responsabilidades:

- **Diseñador:** Define la interfaz del TAD.
- **Usuario:** Utiliza el TAD a través de su interfaz, sin conocer los detalles internos.
- **Implementador:** Elige las estructuras de datos y algoritmos para que las operaciones sean eficientes.

La **eficiencia** de las operaciones de un TAD es crucial y generalmente se mide en el peor de los casos, en función del número de elementos (n) de la estructura. Las complejidades comunes son:

- **Constante $O(1)$:** El costo es siempre el mismo, sin importar el tamaño.
- **Lineal $O(n)$:** El costo crece proporcionalmente al número de elementos.
- **Cuadrática $O(n^2)$:** El costo crece de forma cuadrática con el número de elementos.

Punto Clave: Es fundamental tener claro qué representa " n " en cada implementación, ya que puede variar y llevar a cálculos de costos engañosos (por ejemplo, en un Set, " n " podría ser el total de elementos o el número de elementos únicos).

TADs Clásicos y sus Implementaciones

1. Stack (Pila)

- **Concepto:** Una colección de elementos con acceso LIFO (Last-In, First-Out).
- **Operaciones clave:** push (agregar), pop (quitar), top (consultar el último).
- **Implementación común:** Usando una lista, donde push y pop se realizan en la cabeza de la lista, logrando una eficiencia de $O(1)$.

2. Queue (Cola)

- **Concepto:** Una colección de elementos con acceso FIFO (First-In, First-Out).
- **Operaciones clave:** enqueue (encolar), dequeue (desencolar), firstQ (consultar el primero).
- **Implementaciones y su eficiencia:**
 - **Una lista (agregando adelante):** enqueue es $O(1)$, pero dequeue (que debe quitar el último) es $O(n)$.
 - **Una lista (agregando atrás):** enqueue es $O(n)$, pero dequeue es $O(1)$.
 - **Dos listas (frente y fondo):** Esta es una implementación más eficiente que puede lograr que la mayoría de las operaciones sean $O(1)$ en promedio (costo amortizado).
- **Extensión de la interfaz:** Si se quiere agregar una operación lenQ (longitud), la implementación recursiva simple tiene un costo de $O(n)$. Para que sea $O(1)$, se debe modificar la representación interna para almacenar el tamaño explícitamente.

3. Set (Conjunto)

- **Concepto:** Una colección de elementos únicos, sin un orden particular.
- **Operaciones clave:** adds (agregar), belongs (pertenencia), removeS (quitar), unions (unión).
- **Implementaciones:**

- **Lista con repetidos:** adds es $O(1)$, pero belongs y removeS son $O(n)$. La unión puede ser costosa.
- **Lista sin repetidos (con invariante de representación):** adds requiere verificar si el elemento ya existe, por lo que su costo es $O(n)$, al igual que belongs y removeS.

4. Priority Queue (Cola de Prioridad)

- **Concepto:** Una colección donde cada elemento tiene una prioridad. Al eliminar, siempre se obtiene el elemento de máxima prioridad (el mínimo, según la definición).
- **Operaciones clave:** insertPQ, findMinPQ (encontrar mínimo), deleteMinPQ (eliminar mínimo).
- **Usos:** Salas de espera de hospitales (paciente más grave) , planificadores de sistemas operativos.
- **Implementaciones y su eficiencia:**
 - **Lista arbitraria:** insertPQ es $O(1)$, pero findMinPQ y deleteMinPQ requieren recorrer toda la lista, costando $O(n)$.
 - **Lista ordenada:** findMinPQ y deleteMinPQ son $O(1)$, pero insertPQ debe encontrar la posición correcta, costando $O(n)$.
- **Mejora:** Para mejorar la eficiencia se necesitan estructuras más avanzadas como los árboles.

5. Map (Diccionario o Mapa)

- **Concepto:** Una colección de pares clave-valor, donde cada clave es única y se asocia a un valor.
- **Operaciones clave:** assocM (asociar), lookupM (buscar), deleteM (eliminar).
- **Usos:** Agendas, diccionarios, y cualquier aplicación que requiera buscar información a partir de una clave.
- **Implementaciones y su eficiencia:**
 - **Lista de pares (clave, valor) sin claves repetidas:** Todas las operaciones principales (assocM, lookupM, deleteM) requieren, en el peor caso, buscar a lo largo de la lista, resultando en una eficiencia de $O(n)$.
- **Mejora:** Al igual que con las Priority Queues, se requieren estructuras como los árboles para obtener mejores costos.

6. Multiset (Multiconjunto o Bag)

- **Concepto:** Similar a un Set, pero permite que los elementos aparezcan múltiples veces.
- **Operaciones clave:** addMS (agregar), occurrencesMS (contar ocurrencias).
- **Implementaciones:**
 - **Con una lista de elementos:** Simple, pero operaciones como occurrencesMS tienen un costo de $O(n)$.
 - **Con un Map de elementos a enteros:** Se utiliza otro TAD para implementarlo. La clave es el elemento y el valor es el número de ocurrencias. La eficiencia dependerá de la implementación del Map subyacente.