# Федеральное государственное автономное образовательное учреждение высшего образования «Московский физико-технический институт (национальный исследовательский университет)»

Вопрос по выбору по курсу общей физики на тему:
«Униполярные двигатели»

Работу выполнил: Баринов Леонид (группа Б02-827)

## 1 Аннотация

В работе будут рассмотрены принципы работы униполярных машин, их преимущества и недостатки, а также приведены примеры их использования в промышленности.

На примере простейшей униполярной машины, вращающегося вокруг своей оси симметрии магнитного диска, будет проведена проверка закона электромагнитной индукции Фарадея.

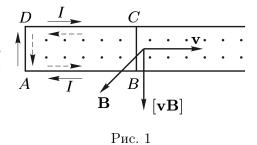
## 2 Теоретические сведения

### 2.1 Электромагнитная индукция

Открытие электромагнитной индукции Фарадеем в 1831 г. было одним из наиболее фундаментальных открытий в электродинамике Для демонстрации этого явления возьмем неподвижный магнит и проволочную катушку, концы которой соединим с гальванометром. Если катушку приближать к одному из полюсов магнита, то во время движения стрелка гальванометра отклоняется — в катушке возбуждается электрический ток. При движении катушки в обратном направлении направление тока меняется на противоположное. То же самое происходит, если повернуть магнит на 180°, не меняя направления движения катушки. Магнит можно заменить другой катушкой с током или электромагнитом. Вообще, при движении катушки в постоянном магнитном поле в ней (за исключением некоторых специальных случаев, которые выяснятся ниже) возбуждается электрический ток, прекращающийся, когда катушка останавливается. Этот ток называется индукционным током, а самое явление — электромагнитной индукцией. В частности, когда катушка равномерно вращается в постоянном магнитном поле, индукционный ток периодически меняет свою силу и направление.

Возбуждение электрического тока при движении проводника в магнитном поле объясняется действием силы Лоренца, возникающей при движении проводника. Рассмотрим сначала простейший случай, когда два параллельных провода AB и CD помещены в постоянное однородное магнитное поле, перпендикулярное к плоскости рисунка и направленное к читателю (рис. 1). Слева провода AB и CD замкнуты, справа — разомкнуты.

Вдоль проводов может свободно скользить проводящий мостик BC. Когда мостик движется вправо со скоростью v, вместе с ним движутся электроны и положительные ионы. На каждый движущийся заряд e в магнитном поле действует сила Лоренца  $\vec{F} = (e/c)[\vec{v}, \vec{B}]$ . На положительный ион она действует вниз, на отрицательный электрон — вверх. В результате электроны начнут перемещаться по мостику вверх, т. е. по нему потечет электрический ток, на-



правленный вниз. Это и есть индукционный ток. Перераспределившиеся заряды создадут электрическое поле, которое возбудит токи и в остальных участках кон-

тура ABCD . На рис. 1 эти токи изображены сплошными стрелками.

Сила Лоренца F в описанном опыте играет роль сторонней силы, возбуждающей электрический ток. Соответствующая напряженность стороннего поля равна

$$ec{E}^{ ext{ctop}} = rac{ec{F}}{e} = rac{1}{c} [ec{v}, ec{B}]$$

Электродвижущая сила, создаваемая этим полем, называется электродвижущей силой индукции и обозначается  $\mathcal{E}^{\text{инд}}$ . В рассматриваемом случае  $\mathcal{E}^{\text{инд}} = -(v/c)Bl$ , где l – длина мостика. Знак минус поставлен потому, что стороннее поле  $(1/c)[\vec{v},\vec{B}]$  направлено против положительного обхода контура, определяемого вектором  $\vec{B}$  по правило правого винта. На рис. 1 приращение площади контура ABCD в единицу времени, или скорость скорости приращения этой площади. Поэтому величина vBl равна  $d\Phi/dt$ , т.е. скорости приращения магнитного потока, пронизывающего площадь контура ABCD. Таким образом,

$$\mathscr{E}^{\text{инд}} = -\frac{1}{c} \frac{d\Phi}{dt} \tag{1}$$

Результат (1) справедлив и в том случае, когда однородное магнитное поле В направлено под любым углом к плоскости контура ABCD. Действительно, представим вектор  $\vec{B}$  в виде  $\vec{B}_t + \vec{B}_n$ , где  $\vec{B}_t$  — тангенциальная, а  $\vec{B}_n$  — нормальная к плоскости контура слагающие этого вектора. Вектор  $\vec{B}_t$  вносит в стороннее поле слагаемое (1/c)[ $\vec{v}$ , $\vec{B}_t$ ], перпендикулярное к мостику. Оно вызывает лишь перераспределение электрических зарядов поперек мостика, но тока не дает. Ток вызывается только нормальной слагающей  $\vec{B}_n$ , а потому инд определяется прежней формулой (1).

Теперь не составляет труда распространить формулу (1) на случай любого замкнутого провода, движущегося произвольным образом в постоянном неоднородном магнитном поле. Для этого надо мысленно разбить провод на бесконечно малые участки и рассмотреть движение каждого из них. При бесконечно малом перемещении каждого из таких участков магнитное поле, в котором он движется, можно считать однородным. Поэтому электродвижущая сила, действующая между концами участка, может быть представлена выражением (1). Путем суммирования таких выражений получится формула того же вида, в которой, однако, под  $\mathcal{E}^{\text{инд}}$  следует понимать полную электродвижущую силу, действующую в замкнутом проводе, а под  $d\Phi/dt$  — скорость изменения магнитного потока через любую поверхность, натянутую на контур провода.

Формула (1) выражает основной закон электромагнитной индукции. Она показывает, что при движении замкнутого провода в магнитном поле в нем возбуждается электродвижущая сила, пропорциональная скорости приращения магнитного потока, пронизывающего контур провода.

К формуле (1) можно прийти также с помощью закона сохранения энергии, как это впервые сделал Гельмгольц.

Рассмотрим, следуя Гельмгольцу, замкнутый виток провода, в который включен гальванический элемент с электродвижущей силой Виток движется в постоянном магнитном поле (вообще говоря, неоднородном). За время dt амперовы силы

совершают над витком работу  $(I/c)d\Phi$ . Кроме того, в витке выделяется джоулево тепло  $RI^2dt$ . Сумма этих величин должна равняться работе гальванического элемента  $\mathscr{E}Idt$ , т.е.

$$\frac{1}{c}Id\Phi + I^2Rdt = \mathcal{E}Idt \tag{2}$$

Отсюда

$$I = \frac{\mathscr{E} - (1/c)d\Phi/dt}{R} \tag{3}$$

Таким образом, в движущемся витке ток определяется не только электродвижущей силой гальванического элемента. К ней добавляется слагаемое  $-(1/c)d\Phi/dt$ . Это слагаемое и есть электродвижущая сила индукции.

Заметим, что уравнению сохранения энергии (1) можно также удовлетворить, положив I=0. Какое из двух решений выбрать: решение I=0 или решение (3) — на это закон сохранения энергии не дает никаких указаний. Следовательно, без привлечения дополнительных соображений он не позволяет предсказать явление электромагнитной индукции. Нужно как-то исключить решение I=0. С этой целью, как это сделал Гельмгольц, в виток и включен гальванический элемент с электродвижущей силой  $\mathscr E$ . То обстоятельство, что добавочная электродвижущая сила  $-(1/c)d\Phi/dt$ , появляющаяся при движении проводника, не зависит от  $\mathscr E$ , делает правдоподобным заключение, что и при отсутствии гальванического элемента в движущемся витке должна возникнуть такая же электродвижущая сила. Можно обойтись и без введения гальванического элемента, если предположить, что при движении проводника должен возникать индукционный ток. Тогда закон сохранения энергии позволяет определить силу этого тока, а следовательно, и электродвижущую силу индукции. В этом истинный смысл и содержание рассуждения Гельмгольца.

Индукционные токи могут возникать и в неподвижных проводниках. Действительно, возьмем замкнутый провод и постоянный магнит. При движении провода возникает индукционный ток. Что произойдет, если, оставляя провод неподвижным, двигать магнит? Покой и движение — понятия относительные. Явление индукционного тока должно зависеть только от относительного движения провода и магнита. Отсюда следует, что при движении магнита будет возбуждаться такой же индукционный ток, что и при соответствующем движении провода. Опыт подтверждает это заключение. Возьмем прежнюю катушку, соединенную с гальванометром, и будем приближать к ней магнит. Стрелка гальванометра отклонится в катушке возбудился электрический ток. При удалении магнита стрелка отклоняется в противоположную сторону, т.е. индукционный ток меняет направление. То же самое происходит, если магнит повернуть к катушке другим полюсом, не меняя направления его движения. Если магнит вращать, то индукционный ток в катушке будет периодически менять свое направление. Когда магнит останавливается, индукционный ток в катушке прекращается. Вместо магнита можно взять электромагнит или другую катушку, по которой течет ток, возбуждающий магнитное поле. При их движении в неподвижной катушке возбуждается электрический ток.

В описанных опытах с движением магнита менялся магнитный поток, пронизывающий неподвижную катушку. Но такое же изменение магнитного потока можно получить и без движения магнита. Достаточно поместить катушку в переменное

магнитное поле. Последнее можно подобрать так, чтобы в месте нахождения катушки оно в точности совпадало с магнитным полем движущегося магнита. От такой замены объективные физические условия, в которых находится катушка, не изменятся. Поэтому естественно ожидать, что не изменится и индукционный ток, возбуждаемый в катушке. Опыт подтверждает и это заключение. Возьмем две неподвижные катушки, одна из которых помещена внутри другой. Если через одну из катушек пропускать переменный ток, то в другой катушке появляется индукционный электрический ток. Таким образом, для возбуждения индукционного тока существенно изменение магнитного потока через контур проводника, а не способ, каким это изменение достигается.

Вот другая демонстрация, подтверждающая это заключение. На подковообразный магнит надевается проволочная катушка, соединенная с гальванометром (рис. 2). Если полюсы магнита замкнуть железным якорем, то изменится магнитный поток через катушку. В ней возникает индукционный ток, и стрелка гальванометра отклоняется.

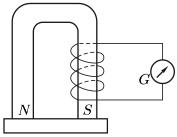


Рис. 2

### 2.2 Правило Ленца

Формула (1) определяет не только величину, но и направление индукционного тока.

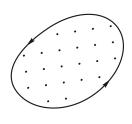


Рис. 3

Действительно, возьмем в магнитном поле замкнутый проволочный виток, положительное направление обхода которого составляет с направлением поля правовинтовую систему (на рис. 3 магнитное поле направлено к читателю). Допустим, что магнитный поток Ф возрастает. Тогда, согласно формуле (1), величина инд будет отрицательна, а потому индукционный ток в витке потечет в отрицательном направлении. Такой ток, ослабляя внешнее магнитное поле, будет препятствовать возрастанию магнитного потока. Пусть теперь магнитный поток Ф убывает.

Тогда величина  $\mathcal{E}^{\text{инд}}$  станет положительной, а индукционный ток в витке потечет в положительном направлении и будет препятствовать убыванию магнитного поля и магнитного потока. Таким образом, индукционный ток всегда имеет такое направление, что он ослабляет действие причины, возбуждающей этот ток.

### 2.3 Максвелловская трактовка явления электромагнитной индукции

Когда проводник движется в постоянном магнитном поле, индукционный ток вызывается магнитной составляющей силы Лоренца (e/c)[ $\vec{v}$ , $\vec{B}$ ]. Какая же сила возбуждает индукционный ток в неподвижном проводнике, находящемся в переменном магнитном поле? Ответ был дан Максвеллом. Согласно Максвеллу, всякое переменное магнитное поле возбуждает в окружающем пространстве электрическое поле. Последнее и является причиной возникновения индукционного тока в проводнике. Максвеллу принадлежит следующая углубленная формулировка закона электромагнитной индукции.

Всякое изменение магнитного поля во времени возбуждает в окружающем пространстве электрическое поле. Циркуляция вектора напряженности  $\vec{E}$  этого поля по любому неподвижному замкнутому контуру s определяется выражением

$$\oint_{s} (\vec{E}d\vec{s}) = -\frac{1}{c} \frac{\partial \Phi}{\partial t},\tag{4}$$

где  $\Phi$  — магнитный поток, пронизывающий контур s. Мы использовали для обозначения скорости изменения магнитного потока знак частной, а не полной производной. Этим мы хотим подчеркнуть, что контур s должен быть неподвижным.

Между максвелловым и фарадеевым пониманием явления электромагнитной индукции имеется существенное различие. Согласно Фарадею, электромагнитная индукция состоит в возбуждении электрического тока. Для ее наблюдения необходимо наличие замкнутого проводника. Максвелл, напротив, видит сущность электромагнитной индукции прежде всего в возбуждении электрического поля, а не тока. Электромагнитная индукция может наблюдаться и тогда, когда в пространстве вообще нет никаких проводников. Появление индукционного тока в замкнутом проводнике при внесении последнего в переменное магнитное поле есть лишь одно из проявлений электрического поля  $\vec{E}$ , возникшего в результате изменения поля магнитного. Но поле  $\vec{E}$  может производить и другие действия, например поляризовать диэлектрик, вызвать пробой конденсатора, ускорять и тормозить заряженные частицы и т.п. Оно может вызвать электрический ток и в незамкнутом проводнике, как показывает, например, следующий опыт.

Возьмем две катушки, расположенные близко одна от другой приблизительно так, чтобы ось одной катушки была продолжением оси другой. Концы первой катушки присоединим к звуковому генератору, т.е. прибору, который может возбуждать переменные токи с частотами, лежащими в звуковом диапазоне. Концы второй катушки соединим с горизонтальными пластинами электронного осциллографа. Когда в первой катушке течет переменный ток, луч осциллографа отклоняется, хотя цепь второй катушки разомкнута. Луч бегает вверх и вниз, и на экране видна светлая вертикальная полоска, переходящая в синусоиду после включения горизонтальной развертки. Это доказывает, что между горизонтальными пластинами осциллографа появилось переменное электрическое поле. Пластины оказались заряженными, причем их заряды периодически меняются во времени, а во второй катушке текут переменные индукционные токи, несмотря на то, что цепь разомкнута.

Максвеллова формулировка закона индукции более общая, чем формулировка Фарадея. Она принадлежит к числу наиболее важных обобщений электродинамики. Математически закон индукции в понимании Максвелла выражается формулой (4), где s — произвольный математический замкнутый контур, который может быть проведен и в диэлектрике, а не обязательно в проводнике, как было у Фарадея. Магнитный поток  $\Phi$  определяется интегралом

$$\Phi = \oint_{S} \vec{B} d\vec{S} \tag{5}$$

взятым по произвольной поверхности S, натянутой на контур s. Поэтому формулу (4) можно представить в виде

$$\oint_{S} (\vec{E}d\vec{s}) = -\frac{1}{c} \frac{\partial}{\partial t} \int_{S} \vec{B}d\vec{S} = -\frac{1}{c} \int_{S} \frac{\partial \vec{B}}{\partial t} d\vec{S} \tag{6}$$

Уравнение (6) может быть преобразовано в дифференциальную форму

$$\operatorname{rot}\vec{E} = -\frac{1}{c}\frac{\partial\vec{B}}{\partial t} \tag{7}$$

Это — дифференциальная форма закона электромагнитной индукции.

В электростатике источниками электрического поля являются неподвижные электрические заряды. Для такого поля интеграл  $\oint \vec{E} d\vec{s}$  обращается в нуль по любому замкнутому контуру. По этой причине одно только электростатическое поле не может обеспечить непрерывное течение электричества вдоль замкнутых проводов. Напротив, электрическое поле, возбуждаемое магнитным полем, меняющимся во времени, — не потенциальное, а вихревое. Ротор такого поля и его циркуляция, вообще говоря, отличны от нуля. Благодаря этому вихревое поле без каких бы то ни было добавочных сил может вызвать непрерывное течение электричества по замкнутым проводам. Это течение и наблюдается в виде индукционных токов.

# 2.4 Нерелятивистское преобразование полей B и H при переходе от одной инерциальной системы к другой

Пусть заряженная частица в системе отсчета S движется со скоростью  $\vec{v}$  в полях  $\vec{E}$  и  $\vec{B}$ . Тогда на нее действует сила

$$\vec{F} = q \left( \vec{E} + \frac{1}{c} [\vec{v}, \vec{B}] \right)$$

Перейдем в систему отсчета S', движущуюся со скоростью  $\vec{v}$ , в которой частица покоится. В этом системе не частицу действует только сила со стороны электрического поля:

$$\vec{F}' = q\vec{E}'$$

В нерелятивистском пределе сила есть инвариант, то есть  $\vec{F} = \vec{F}'$ . Отсюда следует первый закон преобразования:

$$\vec{E}' = \vec{E} + \frac{1}{c} [\vec{v}, \vec{B}] \tag{8}$$

Обратный переход от системы отсчета S' к системе S получается изменением знака скорости:

$$\vec{E} = \vec{E}' - \frac{1}{c} [\vec{v}, \vec{B}'] \tag{9}$$

Из закона Био-Савара следует, что магнитное поле заряда, движущегося со скоростью  $\boldsymbol{v}$ , равно

$$\vec{B} = \frac{1}{c} [\vec{v}, \vec{E}'], \vec{E}' = \frac{q\vec{r}}{r^3}$$

Рассмотрим систему покоящихся (в системе отсчета S') заряженных частиц. Они создают электростатическое поле

$$ec{E}' = \sum_k rac{q_k}{r_k^3} ec{r}_k = \sum_k ec{E}_k'$$

Перейдем в систему отсчета S, движущуюся со скорости  $\vec{v}$ . Тогда каждый из зарядов системы создает магнитное поле  $\vec{B}_k = \frac{1}{c} [\vec{v}, \vec{E}_k']$ , а все вместе они создают поле

$$\vec{B} = \frac{1}{c} [\vec{v}, \vec{E}']$$

Таким образом , в системе отсчета, в которой заряды движутся, возникает магнитное поле. Если в собственной системе зарядов присутствует магнитное поле  $\vec{B}'$  (создаваемое, например, собственным магнитным моментом частицы), то суммарное магнитное поле дается формулой

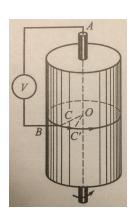
$$\vec{B} = \vec{B}' + \frac{1}{c} [\vec{v}, \vec{E}'] \tag{10}$$

Обратный переход от системы S к системе S' получается изменение знака скорости:

$$\vec{B}' = \vec{B} - \frac{1}{c} [\vec{v}, \vec{E}] \tag{11}$$

### 2.5 Униполярная машина

В своем принципе униполярная машина состоит из вращающегося вокруг своей оси цилиндрического постоянного магнита. Если при помощи скользящих контактов A и B присоединиться проводник к оси и к боковой поверхности вращающегося магнита (рис. 4) напряженность электромагнитного поля и плотность тока в каждой точке пространства будут постоянными во времени.



Применим закон индукции к какому-либо контуру, проходящему по внешнему проводу AVB и по магниту, например к контуру COAVBC. В момент времени  $t+\Delta t$  материальные точки, находившиеся в момент t на этом контуре, сместятся на расстояние  $\vec{u}dt$  и займут положение C'OAVBC. Обозначим эти потоки соответственно через  $\Psi$  и  $\Psi'$ , так что  $d\Psi = \Psi - \Psi'$ . Однако контур C'OAVBC в отличие от контура COAVBC не замкнут, так что, строго говоря, понятие потока  $\Psi'$  через этот незамкнутый контур не является определенным.

Из (6) следует, что в рассмотренном случае под  $d\Psi/dt$  надо понимать величину

$$\frac{d\Psi}{dt} = \oint \vec{B}[\vec{u}, d\vec{s}],$$

причем интеграл должен быть взят по замкнутому контуру COAVBC. Так как  $\vec{u}d\vec{s} \neq 0$  только на участке CO этого контура, то

$$d\Psi = \int\limits_{C}^{O} ec{B}[ec{u}dt, dec{s}]$$

Легко убедится, что это выражение для  $d\Psi$  с точностью до величин второго порядка относительно dt равно потоку индукции через бесконечно малый круговой сектор COC'. Поэтому при вычислении  $d\Psi$  из соотношения  $d\Psi = \Psi' - \Psi$  под  $\Psi'$  можно понимать поток через замкнутый контур C'OAVBCC', получающийся замыканием деформированного движением контура C'OAVBC отрезком CC' траектории, описанной точкой C' разрыва контура.

ЭДС индукции  $\mathscr{E}^{\text{инд}}$  в контуре COAVBC равна

$$\mathscr{E}^{ ext{\tiny MHZ}} = -rac{1}{c}rac{d\Psi}{dt} = -rac{1}{c}\int\limits_{C}^{O}ec{B}[ec{u},dec{s}]$$

Подобным же образом можно вычислить  $\mathcal{E}^{\text{инд}}$  для любого другого замкнутого контура. Для каждого фиксированного в пространстве контура величина  $\mathcal{E}^{\text{инд}}$  имеет постоянное, не меняющееся во времени значение. При вычислении токов, возбуждаемых в магните и во внешнем проводнике этими ЭДС индукции, уже не нужно больше учитывать вращение магнита; влияние этого вращения полностью учитывается значением  $\mathcal{E}^{\text{инд}}$ .

Рассмотрим равномерно вращающийся цилиндрический магнит, к которому никакие проводники не присоединены и в котором поэтому токи не циркулируют. Отсутствие токов означает, что направленная по радиусу r цилиндра лоренцева сила  $e[\vec{u}/c,\vec{B}]$  компенсируется внутри магнита радиальным электрическим полем  $\vec{E}$ , т.е. что внутри магнита

$$\vec{E} = -\left[\frac{\vec{u}}{c}, \vec{B}\right]$$

Будем считать вектор  $\vec{B}$  в магните постоянным и направленным по оси вращения, получаем

$$E_r = -\frac{u}{c}B = -\frac{\omega r}{c}B,$$

где  $\omega$  означает угловую скорость вращения магнита. Таким образом, между цилиндрической поверхностью магнита и его осью устанавливается разность потенциалов

$$\varphi_{\text{ось}} - \varphi_{\text{пов}} = \int_{r=0}^{r=a} E_r dr = -\frac{\omega a^2}{2c} B, \qquad (12)$$

где a — означает радиус магнита.

В чем причина возникновения в изолированном вращающемся магните радиального электрического поля? Частично это поле обусловливается перераспределением электронов проводимости в магните под воздействием лоренцевой силы

 $e[\vec{u}/c,\vec{B}]$ . Однако основная часть электрического поля, возникающего при движении магнита, имеет число релятивистское происхождение и связана с тем обстоятельством, что согласно теории относительности, движение магнита намагниченной среды возбуждает электрическое поле. Это видно, например, из формулы (8).

### 2.6 Практическое использование униполярных машин

Основной проблемой первых униполярных машин являлась проблема токасъема, т.е. создания скользящих контактов, которые выдерживали длительную эксплуатацию, большие токи и незначительно влияли на вращение ротора. Это проблема была решена сравнительно недавно благодаря использованию новых жидкометаллических сплавов, обладающих низкими температурами плавления и вязкостью при высокой электрической проводимости.

В униполярной машине и токи и поля постоянны, поэтому вихревых токов нет, потому как ротор, так и статор выполняются сплошными, что гарантирует долгое время службы.

Униполярная машина — это, грубо говоря, машина с обмоткой из одного витка. Потому она и дает относительно низкое напряжение — не более сотен вольт. Сила тока здесь достигает сотен тысяч ампер, и при этом он строго постоянен, практически лишен пульсаций. В этом есть свои плюсы и минусы. Плюс — в том, что можно получить ток такой силы. Минус — ток низкого напряжения невозможно передавать на большие расстояния. Потому униполярные генераторы ставятся там, где такая передача не требуется, например, электролитические производства.

Также униполярные машины могут быть использованы в металлургической и химической промышленности, в частности для получения электролизом алюминия, меди и других металлов; для питания дуговых печей и электромагнитных насосов, перекачивающих жидкий металл; получения хлора и т.д. Электромагнитные насосы применяются, например, с целью обеспечения циркуляции теплоносителя в атомных реакторах. Другой важной областью применения мощных униполярных генераторов являются экспериментальные установки ядерной физики, главным образом для питания обмоток электромагнитов.

# 3 Оборудование

В работе используется неодимовый диск диаметром 25 мм с зенковкой 4.5/7.5 мм, инструмент Dremel Model 800 Cordless Rotary Tool с диапазоном скорости вращения от 5000 до 35000 об/мин и мультиметр 26044 8. Магнитная индукция диска равна  $\boldsymbol{B}$ :

$$B = (1, 24 \pm 0, 02)$$
 Тл

Радиус диска *a*:

$$a = (12, 5 \pm 0, 2)$$
 mm

# 4 Результаты измерений и обработка результатов

Снимем зависимость разности потенциалов от скорости вращения диска

$\omega \cdot 10^3,$ об/мин	$\Delta arphi$ , мВ		
5	15	17	15
8	28	27	23
12	42	38	40
16	50	55	51
21	66	65	67
23	75	74	72
26	85	80	82

Таблица 1. Зависимость разности потенциалов  $\varphi_{\text{ось}}$  –  $\varphi_{\text{пов}}$  от угловой скорости вращения диска  $\omega$ 

По полученным данным построим зависимость разности потенциалов  $\varphi_{\text{ось}}$  –  $\varphi_{\text{пов}}$  от угловой скорости вращения диска  $\omega$ 

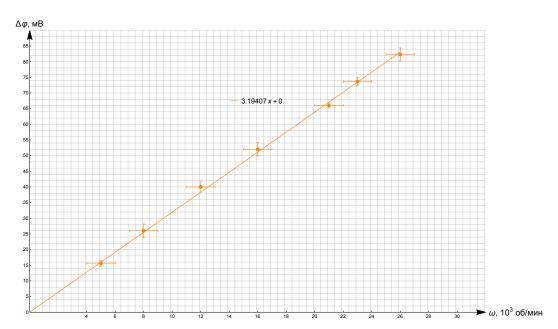


Рис. 5. Зависимость разности потенциалов  $\varphi_{\text{ось}}$  –  $\varphi_{\text{пов}}$  от угловой скорости вращения диска  $\omega$ 

Коэффициент наклона графика равен:

$$k = (3, 2 \pm 0, 2) \ 10^{-6} \ \mathrm{B} \cdot \mathrm{M}$$
ин

По формуле (12) рассчитаем теоретическое значение  $k^{\text{теор}}$ 

$$k^{\text{теор}} = 3, 3 \cdot 10^{-6} \text{ B} \cdot \text{мин}$$

# 5 Обсуждение результатов и выводы

В работе было подробно рассмотрены явление электромагнитной индукции и нерелятивистское преобразование полей. Объяснены принципы работы униполярный машин, их плюсы и минусы, а также приведены примеры их практического использования.

Была собрана простейшая униполярная машина (рис. 4) и исследована зависимость разности потенциалов  $\varphi_{\text{ось}} - \varphi_{\text{пов}}$  от угловой скорости вращения диска  $\omega$  (рис. 5). Коэффициент наклона графика в пределах погрешности сошелся с теоретическим значением, что может являться подтверждением закона электромагнитной индукции.