

Centre de Gravité et de Flottaison

1 - Rectangle Triple

```
1- On a :
2-
3-
```

```
def integrale_triple(f, xmin, xmax, ymin, ymax, zmin, zmax, N=100):
    """
    Entrée : - f : [xmin, xmax]*[ymin, ymax]*[zmin, zmax] -> |R

    Sortie : -int ou float : Valeur de l'intégrale triple de f

"""

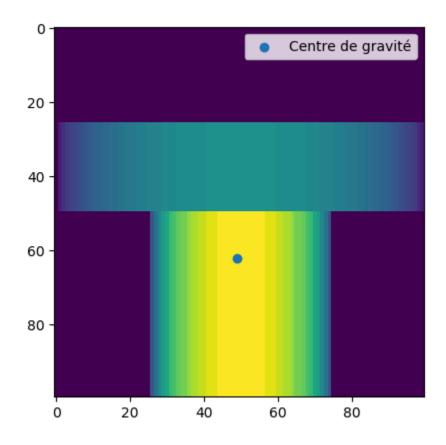
dx = (xmax-xmin)/N
    dy = (ymax-ymin)/N
    dz = (zmax-zmin)/N

res=0
    for i in range(0,N):
        for j in range(0,N):
            res+=f(xmin+i*dx, ymin+j*dy, zmin+k*dz)*dx*dy*dz

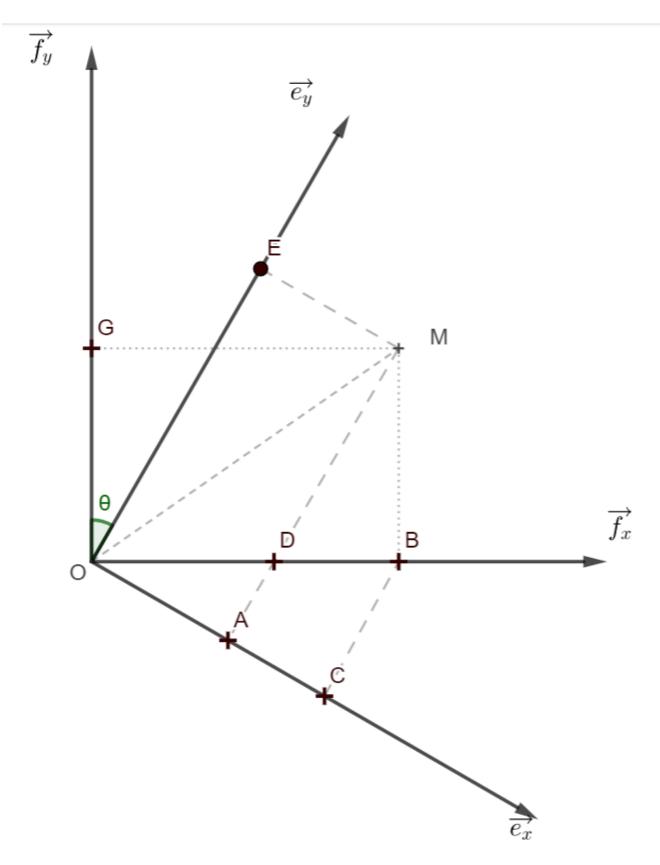
return res
```

4-

2 - Centre de gravité



3 - Centre de gravité



D'après le théorème de Thales, on a :

Donc

Avec le théorème de Pythagore, on obtient

2 -

3 -

```
def volume_immergé(rho, theta, h, xmin, xmax, ymin, ymax, zmin, zmax):
            Entrée :
                         - rho : [xmin, xmax]*[ymin, ymax]*[zmin, zmax] -> |R
                         - theta : Angle entre fy et ey
                         - h : Niveau de la surface de l'eau
                               -int ou float : volume immergé
            Sortie :
    return intégrale_triple(lambda x,y,z: un_dans_leau_et_dans_X(x,y,z,rho,theta,h),xmin,x
def centre_flott(rho, theta, h, xmin, xmax, ymin, ymax, zmin, zmax):
            Entrée :
                         - rho : [xmin, xmax]*[ymin, ymax]*[zmin, zmax] -> |R
                         - theta : Angle entre fy et ey
                         - h : Niveau de la surface de l'eau
                               - Triplet (int ou float) : Coordonnées de centre de flottaiso
            Sortie :
    V = 1/(volume_immergé(rho, theta, h, xmin, xmax, ymin, ymax, zmin, zmax))
    Fx = V*intégrale\_triple(lambda x, y, z: x*un\_dans\_leau\_et\_dans\_X(x, y, z, rho, theta, h), xmin
    Fy = V*intégrale\_triple(lambda x, y, z: y*un\_dans\_leau\_et\_dans\_X(x, y, z, rho, theta, h), xmin
    Fz = V*intégrale\_triple(lambda x, y, z: z*un\_dans\_leau\_et\_dans\_X(x, y, z, rho, theta, h), xmin
    return (Fx,Fy,Fz)
```

