Задача 10 (4 балла)

В парамагнетике динамика намагниченности описывается уравнением

$$rac{doldsymbol{M}}{dt} = \left[oldsymbol{\Omega}_L imes oldsymbol{M}
ight] - rac{oldsymbol{M}_{\parallel} - oldsymbol{M}_0}{T_1} - rac{oldsymbol{M}_{\perp}}{T_2} \,,$$

где $\Omega_L = \gamma \boldsymbol{B}$ — частота ларморовской прецессии магнитного момента в магнитном поле \boldsymbol{B} , γ — гиромагнитная константа, $\boldsymbol{M}_0 = \tilde{\chi}_M \boldsymbol{B}$ — намагниченность в стационарных условиях, $\boldsymbol{M}_{\parallel}$ и \boldsymbol{M}_{\perp} — компоненты вектора \boldsymbol{M} , параллельные и перпендикулярные \boldsymbol{B} , $T_{1,2}$ — продольное и поперечное время релаксации намагниченности.

Рассмотрите парамагнетик, помещенный в постоянное магнитное поле $\boldsymbol{B}_0 \parallel z$. Пусть к системе дополнительно приложено переменное магнитное поле $\boldsymbol{B}_1 \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\omega t} + \boldsymbol{B}_1^* \mathrm{e}^{\mathrm{i}\omega t}$, $|\boldsymbol{B}_1| \ll |\boldsymbol{B}_0|$. Найдите обусловленную этим полем поправку к намагниченности вида $\boldsymbol{M}_1 \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\omega t} + \boldsymbol{M}_1^* \mathrm{e}^{\mathrm{i}\omega t}$ и определите тензор восприимчивости $\tilde{\chi}_{1,ij}(\omega)$, описывающий линейный отклик $\boldsymbol{M}_{1,i} = \tilde{\chi}_{1,ij} \boldsymbol{B}_{1,j}$. Постройте график зависимости компонент тензора $\tilde{\chi}_{1,ij}(\omega)/\tilde{\chi}_M$ от ω при $\gamma B_0 T_2 = 10$, $T_1 = T_2/2$.