Задача 11 (2 балла)

Металлический шар радиуса a с проводимостью σ помещен во внешнее магнитное поле $\mathbf{B}_0 \mathrm{e}^{-\mathrm{i}\omega t} + \mathbf{B}_0^* \mathrm{e}^{\mathrm{i}\omega t}$. В квазимагнитостатическом приближении определите магнитное во всем пространстве. Из вида магнитного поля снаружи шара,

$$oldsymbol{B}(oldsymbol{r}) = oldsymbol{B}_0 + \operatorname{rot}\operatorname{rot}rac{oldsymbol{m}}{r}\,,$$

определите магнитную поляризуемость α , связывающую магнитный момент шара с внешним полем, $m{m}=\alpha m{B}_0.$

Найдите асимптотические поведение поляризуемости при (a) $a \to 0$, (b) $\sigma \to \infty$. (c) Также определите поляризуемость сверхпроводящего шара, проводимость которого описывается формулой Друде с $\tau = \infty$: $\sigma(\omega) = ine^2/(m\omega)$.