Задача 27 (4 балла)

Диэлектрическая проницаемость газа атомов дается формулой

$$\varepsilon(\mathbf{r}) = 1 + 4\pi\alpha \sum_{i=1}^{N} \delta(\mathbf{r} - \mathbf{r}_i),$$

где N — число атомов, \mathbf{r}_i — их координаты, α — поляризуемость одиночного атома. Вычислите коррелятор флуктуаций диэлектрической проницаемости $\langle \delta \varepsilon(\mathbf{r}) \delta \varepsilon(\mathbf{r}') \rangle$, где $\delta \varepsilon(\mathbf{r}) = \varepsilon(\mathbf{r}) - \langle \varepsilon(\mathbf{r}) \rangle$, а угловые скобки обозначают усреднение по координатам всех атомов, которые предполагаются независимыми случайными величинами, равномерно распределенными в объеме V:

$$\langle A \rangle = \int \frac{d^3r_1}{V} \int \frac{d^3r_2}{V} ... \int \frac{d^3r_N}{V} A(\boldsymbol{r}_1, \boldsymbol{r}_2, ... \boldsymbol{r}_N) .$$

Считайте, что $V,N \to \infty$, при этом концентрация частиц n=N/V конечна.

Используя полученное выражение для коррелятора, найдите коэффициент экстинкции. Ответ сравните с рэлеевским сечением рассеяния на одиночном атоме.