Задача 16 (6 баллов)

На границу раздела двух изотропных сред под углом θ падает гауссов пучок, описываемый распределением электрического поля в плоскости, перпендикулярной направлению распространения,

$$\boldsymbol{E}_0(y) = \boldsymbol{\mathcal{E}}_0 \exp\left(-\frac{y^2}{2b^2}\right),$$

где y — координата, перпендикулярная плоскости падения, ${\cal E}_0$ — вектор перпендикулярный направлению распространения, характеризующий поляризацию пучка, $b \ll c/(n\omega)$ — ширина пучка. Определите сдвиг Федорова

$$\Delta y = \frac{\int y |\mathbf{E}_r(y)|^2 dy}{\int |\mathbf{E}_r(y)|^2 dy}$$

для отраженного пучка $E_r(y)$. Ответ выразите через коэффициенты отражения $r_s(\theta)$, $r_p(\theta)$ и параметры Стокса падающего пучка.