



Міністерство освіти і науки України
НТУУ «Київський політехнічний інститут»
Фізико-технічний інститут

Лабораторна робота № 4

з предмету «Криптографія»

на тему: «Вивчення криптосистеми RSA та алгоритму електронного
підпису; ознайомлення з методами генерації параметрів для
асиметричних криптосистем»

Варіант №15

Виконала:
Студентка III
курсу
ФТІ групи ФБ-84
Матвієнко В.С.
Перевірив:
Чорний О. М.

Мета роботи

Ознайомлення з тестами перевірки чисел на простоту і методами генерації ключів для асиметричної криптосистеми типу RSA; практичне ознайомлення з системою захисту інформації на основі криптосхеми RSA, організація з використанням цієї системи засекреченого зв'язку й електронного підпису, вивчення протоколу розсилання ключів.

Порядок виконання роботи

1. Написати функцію пошуку випадкового простого числа з заданого інтервалу або заданої довжини, використовуючи датчик випадкових чисел та тести перевірки на простоту. В якості датчика випадкових чисел використовуйте вбудований генератор псевдовипадкових чисел вашої мови програмування. В якості тесту перевірки на простоту рекомендовано використовувати тест Міллера-Рабіна із попередніми пробними діленнями. Тести необхідно реалізовувати власноруч, використання готових реалізацій тестів не дозволяється.
2. За допомогою цієї функції згенерувати дві пари простих чисел p, q і p_1, q_1 довжини щонайменше 256 біт. При цьому пари чисел беруться так, щоб $pq \leq p_1 q_1$; p і q – прості числа для побудови ключів абонента А, p_1, q_1 – абонента В.
3. Написати функцію генерації ключових пар для RSA. Після генерування функція повинна повертати та/або зберігати секретний ключ (d, p, q) та відкритий ключ (n, e) . За допомогою цієї функції побудувати схеми RSA для абонентів А і В – тобто, створити та зберегти для подальшого використання відкриті ключі (e, n) , (e_1, n_1) та секретні d і d_1 .
4. Написати програму шифрування, розшифрування і створення повідомлення з цифровим підписом для абонентів А і В. Кожна з операцій (шифрування, розшифрування, створення цифрового підпису, перевірка цифрового підпису) повинна бути реалізована окремою процедурою, на вхід до якої повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для її виконання. За допомогою датчика випадкових чисел вибрати відкрите повідомлення М і знайти криптограму для абонентів А и В, перевірити правильність розшифрування. Скласти для А і В повідомлення з цифровим підписом і перевірити його.
5. За допомогою раніше написаних на попередніх етапах програм організувати роботу протоколу конфіденційного розсилання ключів з підтвердженням справжності по відкритому каналу за допомогою алгоритму RSA. Протоколи роботи кожного учасника (відправника та приймаючого) повинні бути реалізовані у вигляді окремих процедур, на вхід до яких повинні подаватись лише ті ключові дані, які необхідні для виконання. Перевірити роботу програм для випадково обраного ключа $0 < k < n$. Кожна з наведених операцій повинна бути реалізована у вигляді окремої процедури, інтерфейс якої повинен приймати лише ті дані, які необхідні для її роботи; наприклад, функція `Encrypt()`, яка шифрує повідомлення для абонента, повинна приймати на вхід повідомлення та відкритий ключ адресата (і тільки його), повертаючи в якості результату шифротекст. Відповідно, програмний код повинен містити сім високорівневих процедур: `GenerateKeyPair()`, `Encrypt()`, `Decrypt()`, `Sign()`, `Verify()`, `SendKey()`, `ReceiveKey()`.

Опис кроків протоколу:

1. Програма генерує 2 пари простих чисел. Для абонента Alice p, q та для Bob p_1, q_1 довжиною 256 біт($p * q \leq p_1 * q_1$)
2. Програма генерує ключові пари RSA для Alice і Bob, де (n, e) -open key, (d, p, q) -secret key.
3. Абонент Alice формує повідомлення, використовуючи функцію $\text{SendKey}()$, де ще використовуються функції $\text{Encrypt}()$, $\text{Sign}()$.

$k_1 = 0x9b82c1937813fae77e9dea1b1af66ff23e949de5b9b3d849440356abe48a70ba3bc209fff23ade53cc26605ec58294bf34b8927b028cec3fab88e74e3d483a10$

$S = 0x5f04e97213a60e061f12a43a724bf12d6d1300265282438c0c8ed684048595a2ee082c73f949f1df973bb22a9a6caf08ce8035570865e04624442fee8c2c6a71$

$S_1 = 0x766908bd9f0066fcee3e037766511060ed264e38f26847443286603b2ba052339ca68920deea792e929fa7fd50b3c1ebf9b089aeb45fd5ade9dad4609bae7bf$

4. Абонент Bob приймає повідомлення і за допомогою свого таємного ключа перевіряє підпис Alice.

$k = 0x109f95664f4b50b1330d7ccbfcd2b02d1fb407f989406ad8373b0dac022d1d4bf653b5400e05a8b3faa244ea1d1419d7b579b7cfda1dd123bf50b416dee8e8a$

$S = 0x5f04e97213a60e061f12a43a724bf12d6d1300265282438c0c8ed684048595a2ee082c73f949f1df973bb22a9a6caf08ce8035570865e04624442fee8c2c6a71$

$S^{\text{mod}(n)} = 0x109f95664f4b50b1330d7ccbfcd2b02d1fb407f989406ad8373b0dac022d1d4bf653b5400e05a8b3faa244ea1d1419d7b579b7cfda1dd123bf50b416dee8e8a$

$S^{\text{mod}(n)} = k$, отриманий підпис правильний.

Хід роботи:

Таблиці вибраних чисел p, q та кандидатів, що не пройшли тест перевірки простоти

| Alice | |
|--|--|
| $p = 0xb34313196979640425de085073dc54deef7e7b2ae503ff956995d310b9147861$ | $q = 0xabe6b2b2ead5987636852146855947b5b740f8cb36e77d56e70df5e9a8daa1f7$ |
| $0x66e58c407986e08701280c8b0862c53c559994c299fd26fdadf42eb5a82de64f$ is not prime number | $0xbb5107a6bcc8b4e80959c217d76776dbfe503847ca7f91fed3963f455de4143f$ is not prime number |
| $0x7b29e0db2deee9a74fe635c03e838d715c7ba6260e7efbefbbb72245f16c1ff$ is not prime number | $0x6a7eabdda3d69f920469283093bb68636afc904b070d8fb4a9890113ebcbe3e5$ is not prime number |
| $0x848ff0e571b83203a25335c29c29a7e9098abc0672f173c61a286f768a4f0d5$ is not prime number | $0xa9794fc97deef20e65444bdca66fe61d1914aa28fba873bbe91792da8800e581$ is not prime number |
| $0xcb56dba19e0de535874ee41bac209791e4efcdd2607e69ce075cc20caea3f$ is not prime number | $0x6031d1751fa6824cd2788a6c5088c099df26ad74a1fe54d5faf07b14859ea235$ is not prime number |
| $0xf1d4c8bb900d7cfc89ebd29bce54ef9a1e06adeee1193a95b9b45afede8ae1b7$ is not prime number | $0x7f40f8c67b4710525964716fb3382446a9192e85baabed356f891a00a59b4a3$ is not prime number |
| $0x338735679812af0de62f8eccbc7a5351c30280be3d632330db6682cbf7de4861$ is not prime number | $0xda6ebb3f68c327b8ed6cbeea8cb2f7ccbcf84b871d21b48abeb5d54336c949b$ is not prime number. |

| Bob | |
|---|--|
| $p = 0xdb6858d928f8bb43f783cb6552f05b27d878b3d8d6044830b85b9494f81ee20b$ | $q = 0xabc6a8dd6d0d07777cec8f18cae440b1d76ba0a99c1811218961998a8d7cb4291$ |
| $0xb402f0a9660de9b848c09b493e7853b5f4f549f8e5d84c4fd6b46b8bd9c7a81f$ is not prime number | $0x35a71c8fcd61028acb13f421e54c0da2cf796ee84b184ea66330c1ca5cb5e93b$ is not prime number |
| $0x443302e7b75f60a0d2632c60e24ea33ac92f105575b571a5cdf4b962b6c0d661$ is not prime number | $0xbe6c43051e6e8fef80779cc0bf4aaee75afc2c9a785e8f22b7c85d6cdb08989$ is not prime number |
| $0xb894c5ebf2a1f64dc6d19b08405e0f481e7e0dbfa0e269f0ce382f700801ac03$ is not prime number | $0x6f00713a6308336f2c819a0645528d67df2a018646b3bb0c99632ed600869199$ is not prime number |
| $0x7ce5491a5c41ae5cef1ecf5db1d38a29de1cef9a907832817244fda623035005$ is not prime number | $0xd5e9a75fcd7c1a48a7c594404a105cfcf98245f4dca900729427ac8ed50e107f$ is not prime number |
| $0xe5e17feb3963acae35550e479e1ec376392f252620954639b38b1b83531d5b33$ is not prime number | $0xdb29240f1d787f182f185147b5aa927b69fd933490e2d0c381fab379d783599$ is not prime number |
| $0xed5ccac0c1f9ff632feee9847e4e35425e4e90cd918d030816dd0e7425999c17$ is not prime number. | $0xae3aec330782019818d1e4f5dd7fae7557a640a5fec0966399f30a65b2817311$ is not prime number |

Параметри криптосистеми RSA для абонентів Alice і Bob

| Alice | Bob |
|----------|-----|
| Open key | |

| | | |
|-------------------|--|--|
| n | 0x7862a171782bcb501cc82eb0b5d766237c5634fcd632d6902d3c2b0491c3a65e2f6da61264cec93f05fc2ac4f5e9c115b09726ab98494417dc2993f9d0f2697 | 0xa17bf404d922f4f984be115c21bff1d01ea372fa8192f4f9f7a5efcd4a4d9a4f433605872e75d7e88f42ca77d6e67484be4f486b4615cd1ba63e1fe4fb7dde3b |
| e | 0x50ebb13e701f9a8ff567d7f75ce2e1f5648857e3a241273cb0f1fa844c5aef907d8311605dbec41d7332257745611a052d8ae754d707506441589b261c60b36f | 0x17c80be95940b64a7ee818a057bf0677f3cc2fb9d12c0d3c0d9664eca8e746e2d3d982afe346fdc6b08ea4a9cb816c2ec09d42523684a7f25fef41b84e244f55 |
| Secret key | | |
| d | 0x44aee938daa81a74b91ed7ed505d5f7b884948b4c4b10279d596dcdbd778f62aa00a0e6d2563e8ac3adbffe61c0606121a5ff765c28004b18ace867cc678b80f | 0x6dffddd3fb30c189fe3c718a453e3fc7b516a58e9d0b4af46538e0357fca171fd91fa6ec27ae2eacab5d4568d8e4f16d17693ac70ba85fec69e30e6250095dfd |
| p | 0xb34313196979640425de085073dc54deef7e7b2ae503ff956995d310b9147861 | 0xdb6858d928f8bb43f783cb6552f05b27d878b3d8d6044830b85b9494f81ee20b |
| q | 0xabeb62b2ead5987636852146855947b5b740f8cb36e77d56e70df5e9a8daa1f7 | 0xbc6a8dd6d0d07777cec8f18cae440b1d76ba0a99c1811218961998a8d7cb4291 |

Чисельні значення прикладів ВТ, ШТ

| ВТ | ШТ |
|---|--|
| 0x109f95664f4b50b1330d7dcbfcd2b02d1fb407f989406ad8373b0dac022d1d4bf653b5400e05a8b3faa244ea1d1419d7b579b7cfda1dd123bf50b416dee8e8a | 0x9b82c1937813fae77e9dea1b1af66ff23e949de5b9b3d849440356abe48a70ba3bc209fff23ade53cc26605ec58294bf34b8927b028cec3fab88e74e3d483a10 |

Цифровий підпис для Alice і Bob

| Alice | Bob |
|--|---|
| 0x5f04e97213a60e061f12a43a724bf12d6d1300265282438c0c8ed684048595a2ee082c73f949f1df973bb22a9a6caf08ce8035570865e04624442fee8c2c6a71 | 0x766908bd9f0066fcee3e037766511060ed264e38f26847443286603b2ba052339ca68920deea792e929fa7fd50b3c1ebf9b089aeb45fd5ade9dad4609bae7bf |

Висновки:

Під час виконання лабораторної роботи №4 я ознайомилась з асиметричною криптосистемою RSA, генерацією ключів для цієї криптосистеми, а також з тестами перевірки чисел на простоту. У ході роботи реалізувала функції шифрування, розшифрування, підпису, перевірки підпису для RSA. RSA-алгоритм з відкритим ключем, що часто використовується в криптографічних застосунках. Складність задачі цього алгоритму полягає у великих цілих простих числах.