

Chap. 9 – Cinétique chimique macroscopique

1. Contexte

• Réaction très rapide :

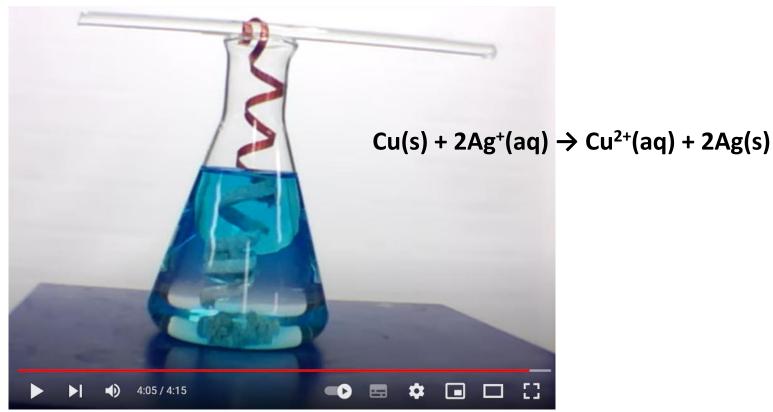




1. Contexte

- Réaction elle-même très rapide (échange d'électrons) :
- La croissance de cristaux d'argent est lente

https://youtu.be/j6vWJipXees





1. Contexte



CsBr + PbBr₂ → CsPbBr₃



1. Contexte



2. Cas concret

Un médicament contre l'hypertension (bétabloquant) est injecté à un patient.

On souhaite savoir au bout de combien de temps, le médicament est complètement éliminé du corps.

Dosage du bétabloquant dans le plasma sanguin (source : Atkins' Physical Chemistry)								
t (min)	15	30	60	80	120	150		
c (ng.mL ⁻¹)	c (ng.mL ⁻¹) 850 699 622 518 413 292							

- Peut-on prévoir quand c atteint 1% de sa valeur initiale ?
- Cette évolution dans le temps peut-elle être modélisée ?

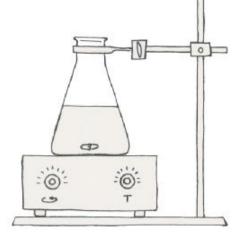


3. Définitions

Nos hypothèses sur le système sont :

 Les réactions ont lieu dans un réacteur fermé (pas d'échange de matière avec l'extérieur),

- Le réacteur est isochore (à volume V constant),
- Le réacteur a une composition uniforme.





3. Définitions

Soit la réaction : $A \rightarrow B$ [A] (mol.L-1)

15

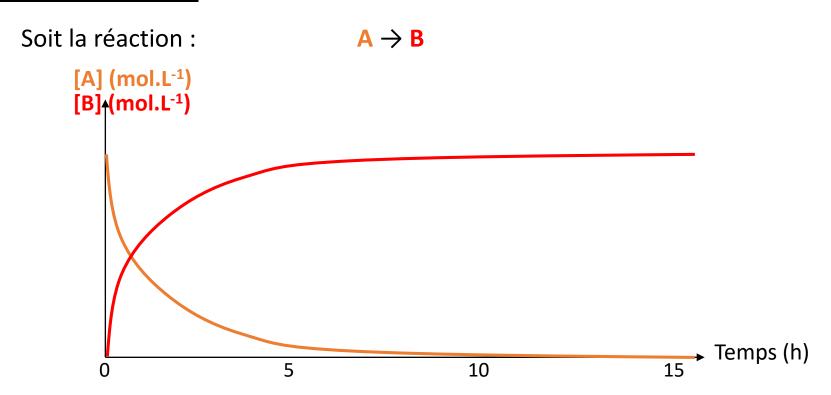
Temps (h)

La vitesse de disparition de A

- est plus grande à t = 0 qu'à t = 10 h ?
- est plus grande pour les conditions 1 ou pour les conditions 3 ?



3. Définitions



La vitesse volumique de disparition d'un réactif (ou d'apparition d'un produit) à l'instant t est donné par la dérivée de la courbe $[A]_t = f(t)$ à cet instant.

C'est une grandeur qui varie au cours de la réaction.

C'est une grandeur toujours positive (signe –pour les réactifs).



<u>3. Définitions</u>

Soit la réaction : $A \rightarrow B$ [A] (mol.L-1)

[B] (mol.L-1)

Produit : $V_{app}(B) = \frac{d[B]}{dt}$ 0Réactif : $V_{disp}(A) = -\frac{d[A]}{dt}$ Temps (h)

La vitesse volumique de disparition d'un réactif (ou d'apparition d'un produit) à l'instant t est donné par la dérivée de la courbe $[A]_t = f(t)$ à cet instant.

C'est une grandeur qui varie au cours de la réaction.

C'est une grandeur toujours positive (signe –pour les réactifs).



<u>3. Définitions</u>

Soit la réaction : $A \rightarrow B$ $[A] \ (mol.L^{-1}) \ [B] \ (mol.L^{-1}) \ Produit : V_{app}(B) = \frac{d[B]}{dt}$ $V_{Réaction} = V_{app}(produit) = \frac{d[B]}{dt} = V_{disp}(réactif) = -\frac{d[A]}{dt}$ $Unit\'e : mol.L-1h-1 \ ou \ mol.L-1min-1...$ $Réactif : V_{disp}(A) = -\frac{d[A]}{dt}$ $Temps \ (h)$

La vitesse volumique de disparition d'un réactif (ou d'apparition d'un produit) à l'instant t est donné par la dérivée de la courbe $[A]_t = f(t)$ à cet instant.

C'est une grandeur qui varie au cours de la réaction.

C'est une grandeur toujours positive (signe –pour les réactifs).



3. Définitions

En généralisant :

$$A_1 \rightarrow A_2$$

$$V = V_{app}(produit) = \frac{d[Produit]}{dt} = V_{disp}(réactif) = -\frac{d[réactif]}{dt}$$

$$V = \frac{1}{v_i} \frac{d[A_i]_t}{dt}$$

v_i étant le nombre stœchiométrique algébrique:

- $v_i > 0$ pour un produit
- $v_i < 0$ pour un réactif



3. Définitions

Exemple 1: 14C \rightarrow 14N + particule β⁻ La vitesse de disparition du 14C est égale à la vitesse d'apparition du 14N Donc v = $v_{disp}(14C) = v_{app}(14N)$

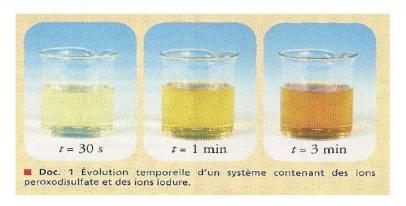
Exemple 2:
$$2 I^{-} + S_{2}O_{8}^{2-} \rightarrow I_{2} + 2 SO_{4}^{2-}$$

I⁻ disparaît deux fois plus vite que S₂O₈²⁻ et SO₄²⁻ apparaît deux fois plus vite que I₂.

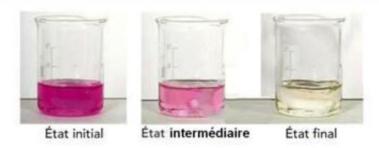


3. Définitions

$$2 I^{-} + S_{2}O_{8}^{2-} \rightarrow I_{2} + 2 SO_{4}^{2-}$$



$$2 \text{ MnO}_4^- + 5 \text{ H}_2\text{C}_2\text{O}_4 + 6 \text{ H}^+ \rightarrow 2 \text{ Mn}^{2+} + 10 \text{ CO}_2 + 8 \text{ H}_2\text{O}$$



Exprimer la vitesse volumique v de ces 2 réactions en fonction des concentrations des réactifs et produits.



Liste des primitive à connaître

$$\int k \, dx = kx + C$$

$$\int \frac{1}{x} dx = \ln(x) + C$$

$$\int \frac{1}{x^2} dx = \frac{-1}{x} + C$$

A connaître parfaitement

•



1. Généralités

Dans la plupart des cas, la vitesse de réaction varie quand la concentrations des réactifs varie.

On définit peut écrire une relation, appelée loi de vitesse :

$$v = k[A]^{\alpha}[B]^{\beta}[C]^{\gamma}$$

Dans ce cas,

on dit que la relation admet un ordre

 α , β , γ sont appelés **ordres partiels** par rapport à A, B, C etc..

L'ordre global correspond à $\alpha + \beta + \gamma$

k est appelée constante de vitesse, son unité dépend de l'ordre global



1. Généralités

Dans la plupart des cas, la vitesse de réaction varie quand la concentrations des réactifs varie.

On définit peut écrire une relation, appelée loi de vitesse :

$$v = k[A]^{\alpha}[B]^{\beta}[C]^{\gamma}$$

Par exemple:

$$2 I^{-} + S_{2}O_{8}^{2-} \rightarrow I_{2} + 2 SO_{4}^{2-}$$

loi de vitesse
$$v = k [S_2O_8^{2-}][I^-]$$

$$2 N_2 O_5 \rightarrow 4 NO_2 + O_2$$

$$v = k [N_2O_5]$$



1. Généralités



Que vaut l'ordre partiel par rapport à 1-?

Que vaut l'ordre global?

Peut-on prévoir la loi de vitesse à partir du bilan?

Par exemple:

$$2 I^{-} + S_{2}O_{8}^{2-} \rightarrow I_{2} + 2 SO_{4}^{2-}$$

loi de vitesse
$$v = k[S_2O_8^{2-}][I^-]$$

$$2 N_2 O_5 \rightarrow 4 NO_2 + O_2$$

$$v = k [N_2O_5]$$



2. Ordres de vitesse

Nous allons nous intéresser à 3 cas simples :

•
$$v = k[A]^0$$
 Ordre 0

•
$$v = k[A]^1$$
 Ordre 1

•
$$v = k[A]^2$$
 Ordre 2



2. Ordres de vitesse

Méthode:

démonstration

1) Définition de v



- 2) Loi de vitesse
- 3) Équation différentielle
- 4) Loi de vitesse intégrée



2. Ordres de vitesse : ordre 0

1) Définition de v :

$$v = k[A]^0 = k$$

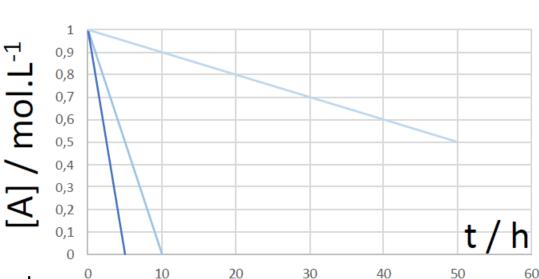
2) Loi de vitesse

$$V = -\frac{1}{v_A} \frac{d[A]}{dt} = k$$

3) Loi de vitesse intégrée :

$$[A] = [A]_0 - v_A kt$$

[A] = f(t) est une droite de pente -k k en mol.L⁻¹.h⁻¹



ordre 0

Temps de demie vie :

$$t_{1/2} = \frac{[A]0}{2v_A k}$$



2. Ordres de vitesse : ordre 0

1) Définition de v :

$$v = k[A]^0 = k$$

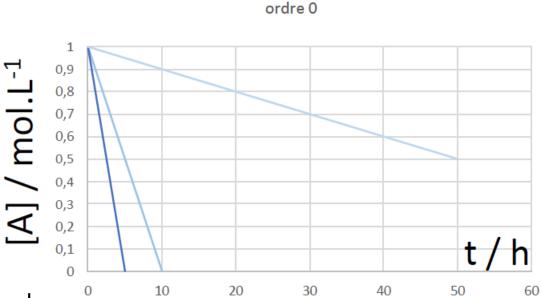
2) Loi de vitesse

$$V = -\frac{1}{v_A} \frac{d[A]}{dt} = k$$

3) Loi de vitesse intégrée :

$$[A] = [A]_0 - v_A kt$$

[A] = f(t) est une droite de pente -k k en mol.L⁻¹.h⁻¹



Temps de demie vie :

$$\mathsf{t}_{1/2} = \frac{[\mathsf{A}]0}{2\mathsf{v}_A k}$$



2. Ordres de vitesse : ordre 0

Activité Ethylotest : Une personne présente une alcoolémie de 0,5 g.L⁻¹ (taux légal maximal pour conduire en France).

Au bout de combien de temps son alcoolémie est elle divisée par 2 sachant que la vitesse de métabolisation de l'alcool est constante et égale à 0,15 g.L⁻¹.h⁻¹ ?



2. Ordres de vitesse : ordre 1

- 1) Définition de v : $v = k[A]^1$
- 2) Loi de vitesse $v = -\frac{1}{v_A} \frac{d[A]}{dt} = k [A]$
- 3) Loi de vitesse intégrée :

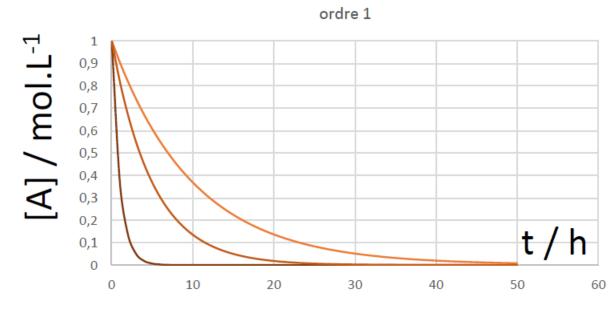
$$ln[A] = ln[A]_0 - v_A kt$$

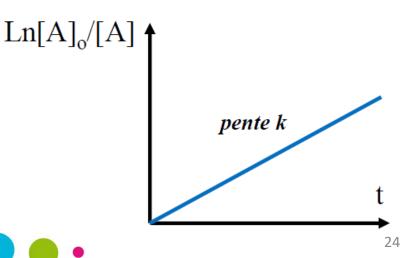
$$[A] = [A]_0.\exp(-v_A kt)$$

k en h⁻¹

Temps <u>de demie vie</u> :

$$t_{1/2} = \frac{\ln 2}{k}$$





2. Ordres de vitesse : ordre 1

Activité Archéo: La période $(t_{1/2})$ de décomposition du carbone 14 est 5730 ans. Un échantillon de bois mort archéologique contient 74 % du carbone 14 présent dans les organismes vivants. En déduire depuis quand est mort cet arbre.





2. Ordres de vitesse : ordre 2

1) Définition de v :

$$v = k[A]^2$$

2) Loi de vitesse

$$v = -\frac{1}{v_A} \frac{d[A]}{dt} = k [A]^2$$

3) Loi de vitesse intégrée :

$$\frac{1}{[A]} - \frac{1}{[A]_0} = v_A kt$$

k en mol⁻¹.L.h⁻¹



Temps de demie vie :

$$\mathsf{t}_{1/2} = \frac{1}{\mathsf{v}_A k[A]_0}$$



2. Cas concret

Un médicament contre l'hypertension (bétabloquant) est injecté à un patient.

On souhaite savoir au bout de combien de temps, le médicament est complètement éliminé du corps.

Dosage du bétabloquant dans le plasma sanguin (source : Atkins' Physical Chemistry)								
t (min)	15	30	60	80	120	150		
c (ng.mL ⁻¹)	c (ng.mL ⁻¹) 850 699 622 518 413 292							

- Peut-on prévoir quand c atteint 1% de sa valeur initiale ?
- Cette évolution dans le temps peut-elle être modélisée ?



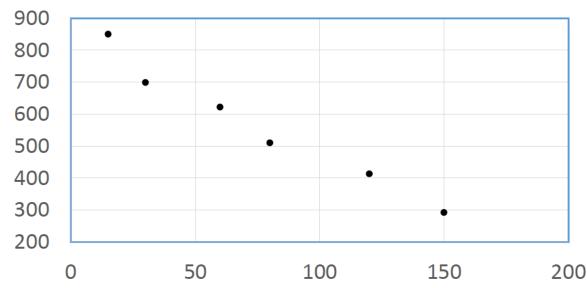
2. Cas concret

Un médicament contre l'hypertension (bétabloquant) est injecté à un patient.

On souhaite savoir au bout de combien de temps, le médicament est complètement éliminé du corps.

Dosage du bétabloquant dans le plasma sanguin (source : Atkins' Physical Chemistry)								
t (min) 15 30 60 80 120 150								
c (ng.mL ⁻¹)	c (ng.mL ⁻¹) 850 699 622 518 413 292							

$$c = f(t)$$



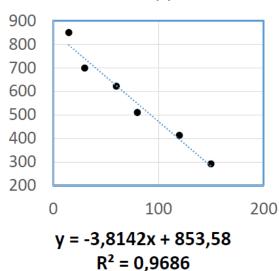
2. Cas concret

Dosage du bétabloquant dans le plasma sanguin (source : Atkins' Physical Chemistry)								
t (min)	15	30	60	80	120	150		
c (ng.mL ⁻¹)	c (ng.mL ⁻¹) 850 699 622 518 413 292							

si ordre 0

$$[A] = [A]_0 - kt$$

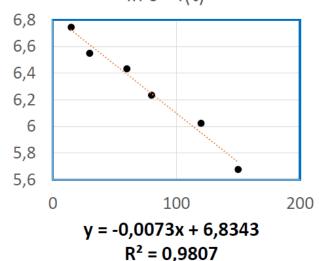
$$c = f(t)$$



si ordre 1

$$\operatorname{Ln}\frac{[A]}{[A]_0} = -k.t$$

In c = f(t)



si ordre 2

$$\frac{1}{[A]} - \frac{1}{[A]_0} = kt$$

1/c = f(t)

0,004
0,0035
0,003
0,0025
0,002
0,0015
0,0001
0,0005
0
0
50
100
150
200

y = 2E-05x + 0,0008

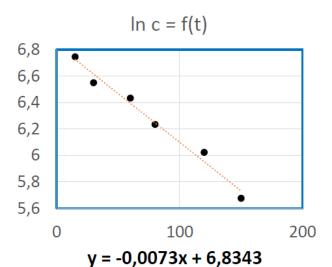
 $R^2 = 0.9374$

2. Cas concret

Dosage du bétabloquant dans le plasma sanguin (source : Atkins' Physical Chemistry)							
t (min)	15	30	60	80	120	150	
c (ng.mL ⁻¹)	850	699	622	518	413	292	

si ordre 1

$$\operatorname{Ln}\frac{[A]}{[A]_0} = -k.t$$



 $R^2 = 0,9807$

L'ordre 1 présente le meilleur coefficient de corrélation (98 %)

=> hypothèse ordre 1 retenue

=> pente $= -k = -0,0073 \text{ min}^{-1}$

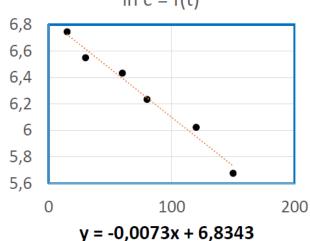
2. Cas concret

Dosage du bétabloquant dans le plasma sanguin (source : Atkins' Physical Chemistry)							
t (min)	15	30	60	80	120	150	
c (ng.mL ⁻¹)	850	699	622	518	413	292	

si ordre 1

$$\operatorname{Ln}\frac{[A]}{[A]_0} = -k.t$$

In c = f(t)



 $R^2 = 0.9807$

L'ordre 1 présente le meilleur coefficient de corrélation (98 %)

=> hypothèse ordre 1 retenue

=> pente $= -k = -0,0073 \text{ min}^{-1}$

Avec k = 0,0073 min⁻¹, on calcule le temps $t_{1\%}$ pour avoir c/ c_0 = 0,01 (1 % de la concentration initiale)

-k.
$$t_{1\%} = \ln(0.01)$$
 \rightarrow $t_{1\%} = -\ln(10^{-2})/k = \ln(100)/k$

$$\rightarrow$$
 $t_{1\%}$ = 630 min = 10,5 h



Nous venons de voir un exemple de méthode expérimentale pour le suivi cinétique

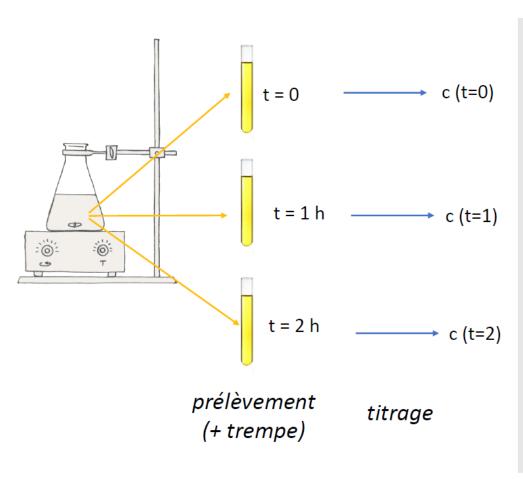
Cette méthode consiste en :

- -un suivi par dosage réalisé à différents instants
- -l'exploitation des données par la <u>méthode intégrale</u> on compare les données aux différentes lois de vitesses intégrées et on retient l'ordre qui donne la meilleure corrélation
- III. Méthodes expérimentales pour l'étude cinétique
- 1. Suivi. Méthodes chimiques / Méthodes physiques
- 2. Dégénérescence de l'ordre
- 3. Méthode intégrale / Méthode différentielle
- Méthode des vitesses initiales



1. Suivi de la cinétique de réaction

a. Suivi par une méthode chimique



On peut doser le milieu réactionnel à différents instants

Condition temps (dosage) << temps caractéristique de la réaction

Inconvénients:

- -mauvaise précision sur t
- -erreurs subjectives (dues à l'expérimentateur) sur chaque mesure

Par une méthode physique bien choisie -la mesure est instantanée

- -précision dépend de la précision de
- l'appareil



1. Suivi de la cinétique de réaction

b. Suivi par une méthode physique

$$2 I^{-} + S_2 O_8^{2-} \rightarrow I_2 + 2 SO_4^{2-}$$

$$CH_3-CH_2-OH_{(l)} \xrightarrow{Cu_{(s)}} CH_3-CHO_{(g)} + H_{2(g)}$$

$$R - Br + H_2O \rightarrow R - OH + H^+ + Br^-$$

Quelle méthode physique utiliser pour le suivi de chacune de ces réactions?



pression







conductivité

absorbance

pouvoir rotatoire



2. Méthode de détermination des ordres

a. Dégénérescence de l'ordre

• Il s'agit d'une méthode pour déterminer les ordres partiels (appelé aussi méthode d'isolement d'Ostwald)

Soit la réaction avec plusieurs réactifs : $A+B \rightarrow C$

Pour déterminer l'ordre partiel par rapport à un réactif A, il suffit de mettre un large excès de tous les autres réactifs qui auront alors des concentrations quasi constantes.

Si
$$[A]_0 >> [B]_0$$
; la loi de vitesse $\mathbf{v} = \mathbf{k}[A]^a[B]^b$ devient $\mathbf{v} = \mathbf{k}_{app}.[B]^b$ avec $\mathbf{k}_{app} = \mathbf{k}.[A]_0^a$

• **Exemple**:
$$2l^{-} + S_{2}O_{8}^{2-} \rightarrow l_{2} + 2SO_{4}^{2-}$$

Si on travaille en large excès d'ions iodure :

$$v=k.[I^{-}].[S_{2}O_{8}^{2-}] \approx k.[I^{-}]_{0}.[S_{2}O_{8}^{2-}] = k_{app}.[S_{2}O_{8}^{2-}]$$

On revient à une loi d'ordre 1 : on parle d'ordre 1 apparent



2. Méthode de détermination des ordres

b. Méthode intégrale / méthode différentielle

 Tout d'abord si on cherche à déterminer l'ordre global d'une réaction, on peut utiliser un mélange de réactif en quantités stœchiométriques.

$$A+B \rightarrow C$$

- Si $[B]_0 = [A]_0$, on aura [B] = [A] à tout instant (un simple tableau d'avancement le démontre)
- La loi de vitesse $\mathbf{v} = \mathbf{k}[\mathbf{A}]^a[\mathbf{B}]^b$ devient $\mathbf{v} = \mathbf{k}[\mathbf{A}]^{a+b}$
- Il nous reste à déterminer **n** = a+b

 Pour cela, plusieurs méthodes peuvent être utilisées.



2. Méthode de détermination des ordres

b. Méthode intégrale / méthode différentielle

Méthode intégrale

On compare les données aux différentes lois de vitesses intégrées et on retient l'ordre qui donne la meilleure corrélation voir exemple sur le médicament bétabloquant

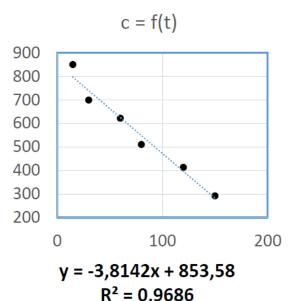


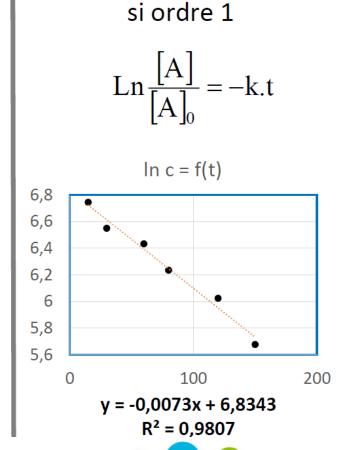
2. Méthode de détermination des ordres

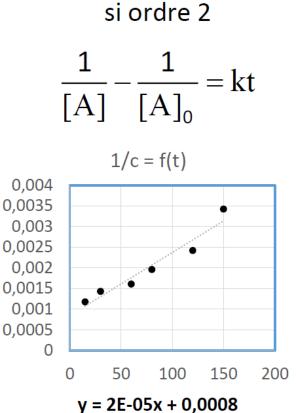
b. Méthode intégrale / méthode différentielle

Méthode intégrale si ordre 0

$$[A] = [A]_0 - kt$$







 $R^2 = 0.9374$

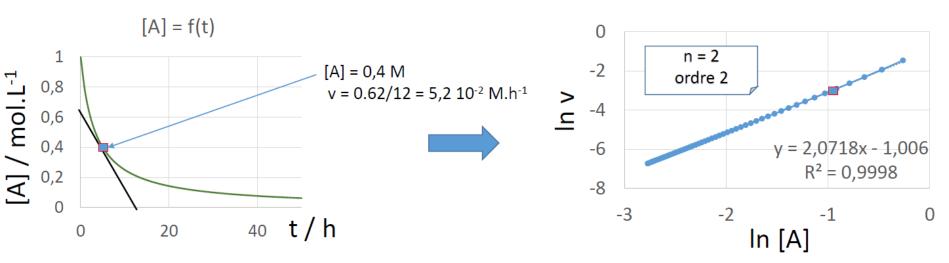
2. Méthode de détermination des ordres

b. Méthode intégrale / méthode différentielle

Méthode différentielle

Si $\mathbf{v} = k[\mathbf{A}]^n$ on peut écrire : $\ln \mathbf{v} = \ln k + \mathbf{n} \cdot \ln[\mathbf{A}]$

On mesure [A] en fonction de t, puis on calcule v = -d[A]/dt et on trace Inv= f(In [A]), la pente de la droite obtenue donne n.





1. Observations expérimentales

Quelques exemples de réactions chimiques accélérées par la température :

- -dégradation des aliments (congélateur)
- -dissolution de sels (NaCl...)
- -saponification
- etc





1. Observations expérimentales

La dépendance de la vitesse avec la température s'explique par le fait que k varie avec T selon la loi d'Arrhénius :

$$k = A \exp(-\frac{E_a}{RT})$$

avec

A: appelé facteur pré-exponentiel (même unité que k)

E_a: énergie d'activation de la réaction en J.mol⁻¹

R: constante de gaz parfaits (8,314 J.K⁻¹.mol⁻¹)

T : température exprimée en KELVIN (K)

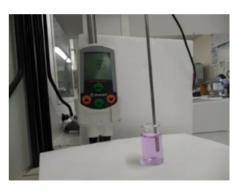
L'expression linéarisée : In $k = In A - (E_a/R).T^{-1}$ permet de trouver E_a après avoir mesuré k pour plusieurs T de réaction.



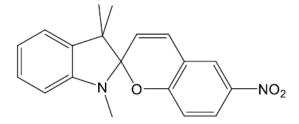
1. Observations expérimentales

Exemple: Décoloration spiropyrane

Connaissant le temps de décoloration (t_d) à 50 °C, 40 °C et 30 °C Peut-on prévoir le temps de décoloration à 20 °C ?



Mérocyanine (coloré)



Spiropyrane (incolore)



1. Observations expérimentales

Exemple: Décoloration spiropyrane

Connaissant le temps de décoloration (t_d) à 50 °C, 40 °C et 30 °C Peut-on prévoir le temps de décoloration à 20 °C ?

$$\operatorname{Ln}\frac{\left[A\right]}{\left[A\right]_{0}} = -k.t$$

Température (°C)	20	30	40	50
t _d (s)	?	230	75	13

Hypothèse : même concentration en espèce colorée au départ pour toutes les expériences donc t_d correspond au même rapport $[A]/[A]_0$ pour chaque expérience.

Donc
$$t_d = p/k$$

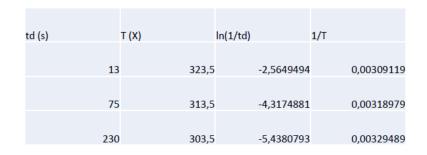


1. Observations expérimentales

Exemple: Décoloration spiropyrane

$$k = A \exp(-\frac{E_a}{RT})$$

$$Ln (1/td) = ln (k/p) = - ln p + ln k = -ln p + ln A - (Ea/R). T-1$$



$$=> t_d = \exp(-6.51) = 676 s = environ 11 min$$

In(1/td) en fontion de 1/T

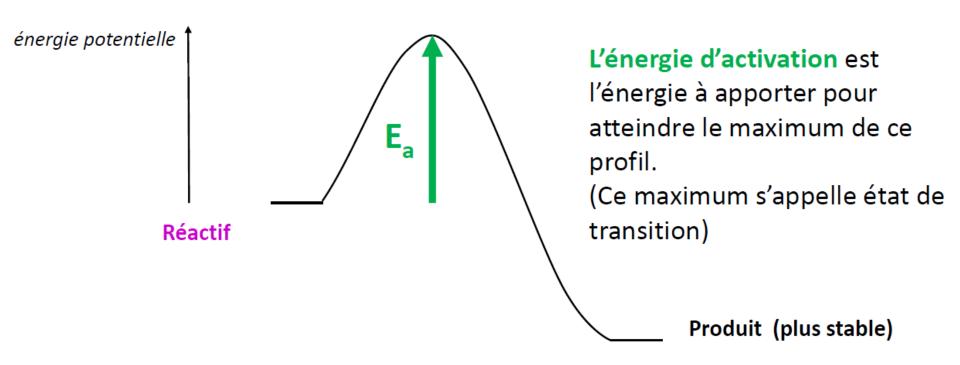


Pente =
$$-(E_a/R)$$

donc Ea = 14067 * R = 14607*8,314 = 118 kJ.mol⁻¹

2. Profil énergétique et énergie d'activation

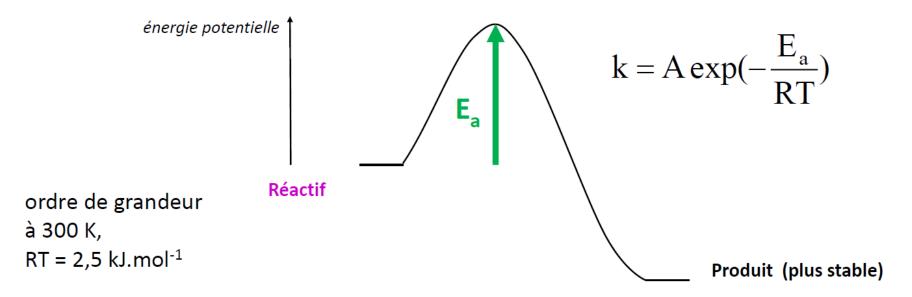
Si l'on pouvait mesurer l'énergie potentielle du système en fonction de l'avancement de la réaction on obtiendrait une courbe de ce type :





2. Profil énergétique et énergie d'activation

Si l'on pouvait mesurer l'énergie potentielle du système en fonction de l'avancement de la réaction on obtiendrait une courbe de ce type :



Le facteur RT donne l'énergie d'agitation des molécules du système à une température donnée. Plus T augmente, plus il y aura d'agitation des molécules, plus il y aura de chocs susceptibles de conduire à une réaction

