ANÁLISE INTELIGENTE DE DADOS (COB 754)

K-NEAREST NEIGHBOR (K-NN)

LETÍCIA MARTINS RAPOSO

"Diga-me com quem andas e te direi quem és!"

IDEIA

MEMORIZAR O CONJUNTO DE TREINAMENTO E DEPOIS PREDIZER O RÓTULO DE QUALQUER NOVA INSTÂNCIA COM BASE NOS RÓTULOS DE SEUS VIZINHOS MAIS PRÓXIMOS NO CONJUNTO DE TREINAMENTO



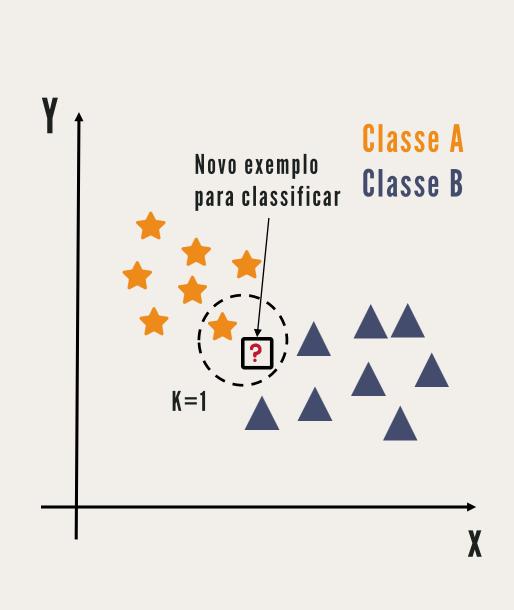
ALGORITMO DOS VIZINHOS MAIS PRÓXIMOS

CARACTERÍSTICAS

- ALGORITMO <u>SUPERVISIONADO</u>
- <u>NÃO PARAMÉTRICO</u>
- PREGUIÇOSO
- BASEADO EM INSTÂNCIAS
- USADO PARA

 CLASSIFICAÇÃO E

 REGRESSÃO



1-VIZINHO MAIS PRÓXIMO (1-NN)

CONSIDERA APENAS O VIZINHO MAIS PRÓXIMO

- CALCULA AS DISTÂNCIAS ENTRE CADA DOIS PONTOS.
- UM PONTO É O ROTULADO
 DO TREINAMENTO E O
 OUTRO É O QUE DESEJAMOS
 ROTULAR.
- O PONTO A SER ROTULADO RECEBE O RÓTULO DO EXEMPLO DE TREINAMENTO MAIS PRÓXIMO.

1-VIZINHO MAIS PRÓXIMO (1-NN)



O ALGORITMO PRESSUPÕE QUE OS ATRIBUTOS SÃO NUMÉRICOS

- QUALITATIVOS: <u>CONVERTER!</u>
- QUANTITATIVOS, MAS COM ESCALAS DIFERENTES:

NORMALIZAR.

 MEDIDAS DE DISTÂNCIAS SÃO AFETADAS PELA ESCALA DOS ATRIBUTOS.

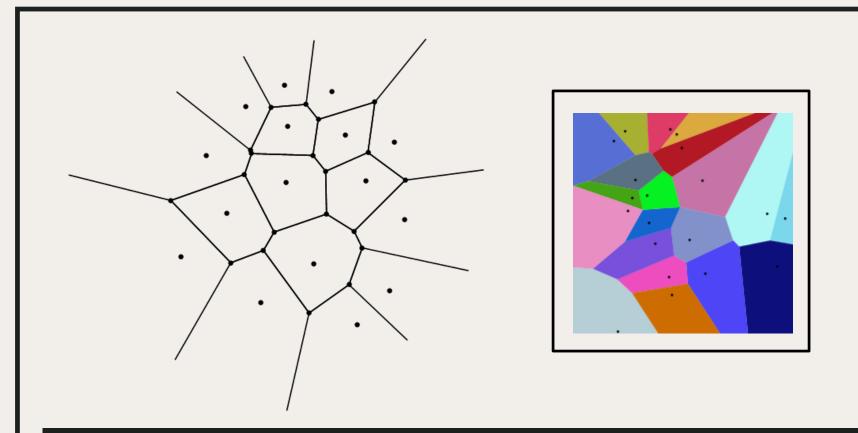


DIAGRAMA DE VORONOI

ILUSTRAÇÃO DOS LIMITES DE DECISÃO DA REGRA 1-NN. OS PONTOS DESCRITOS SÃO OS PONTOS DE AMOSTRA, E O RÓTULO PREVISTO DE QUALQUER NOVO PONTO SERÁ O RÓTULO DO PONTO DE AMOSTRA NO CENTRO DA CÉLULA À QUAL ELE PERTENCE.

K-NN

PODE SER USADO PARA
PROBLEMAS PREDITIVOS
DE CLASSIFICAÇÃO E
REGRESSÃO

■ COMUMENTE USADO POR SUA FACILIDADE DE INTERPRETAÇÃO E BAIXO TEMPO DE CÁLCULO



CONJUNTO DE EXEMPLOS DE TREINAMENTO



DEFINIR UMA
MÉTRICA PARA
CALCULAR A
DISTÂNCIA ENTRE OS
EXEMPLOS DE
TREINAMENTO



DEFINIR O VALOR DE K (O NÚMERO DE VIZINHOS MAIS PRÓXIMOS)

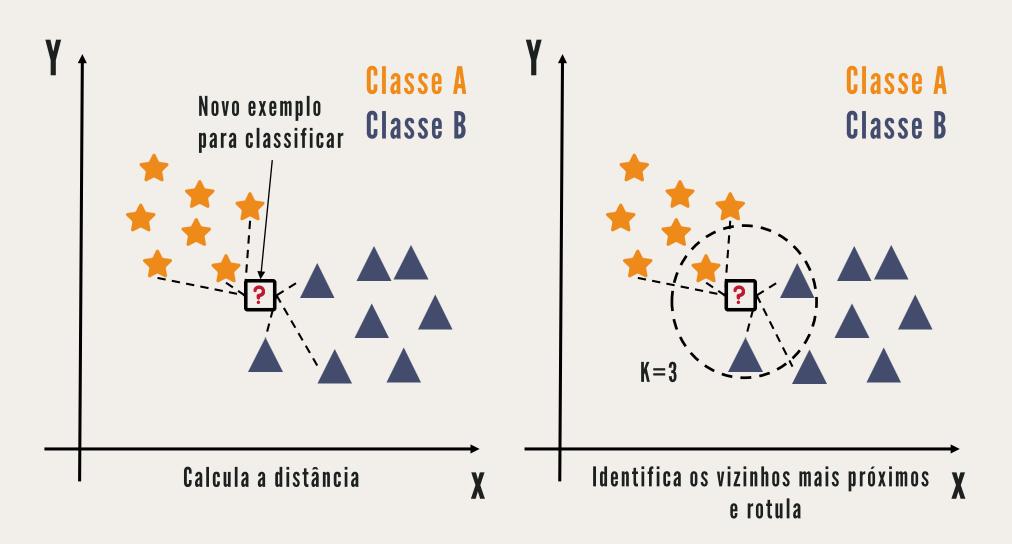
UTILIZAÇÃO DO K-NN

COMO O ALGORITMO K-NN FUNCIONA?

CALCULAR A
DISTÂNCIA ENTRE O
EXEMPLO
DESCONHECIDO E OS
OUTROS EXEMPLOS DO
CONJUNTO DE
TREINAMENTO

IDENTIFICAR OS K VIZINHOS MAIS PRÓXIMOS UTILIZAR O RÓTULO
DOS VIZINHOS MAIS
PRÓXIMOS.
REGRESSÃO: MÉDIA
CLASSIFICAÇÃO: VOTO
MAJORITÁRIO

COMO O ALGORITMO K-NN FUNCIONA?



PREPARAÇÃO DOS DADOS PARA O K-NN



NORMALIZAÇÃO DOS DADOS

- Funciona muito melhor se todos os dados tiverem a mesma escala.
- Normalizar os dados para o intervalo [0,
 1] é uma boa ideia.

LIDAR COM DADOS AUSENTES

- Dados ausentes significam que a distância entre as amostras não pode ser calculada.
- Essas amostras podem ser excluídas ou os valores ausentes podem ser imputados.

REDUÇÃO DA DIMENSIONALIDADE

- Mais adequado para dados com dimensão reduzida.
- Pode se beneficiar da seleção de variáveis.

MEDIDAS DE DISTÂNCIA

- Determinar quais das K instâncias do conjunto de dados de treinamento são mais semelhantes a uma nova entrada.
- Para variáveis de entrada de valor real, a medida de distância mais popular é a distância euclidiana.

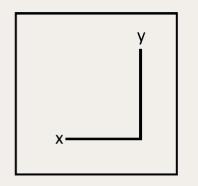
$$d(x_i, x_j) = \sqrt{\sum_{i=1}^d (x_i^l - x_j^l)^2}$$

 x_i, x_j : dois objetos representados por vetores do espaço \Re^d ; x_i^l, x_j^l : são elementos desses vetores, que correspondem aos valores da coordenada l (atributos).

MEDIDAS DE DISTÂNCIA



DISTÂNCIA DE HAMMING = 3 1 1 0 1 1 1 0 0 1 1 1 1 0 1 1 0 Q 0 0 1 0 1 0 1 0



DISTÂNCIA DE HAMMING

Distância entre os vetores binários de igual comprimento: nº de posições em que os símbolos correspondentes são diferentes.

DISTÂNCIA DE MANHATTAN

$$d(x_i, x_j) = \sum_{i=1}^{d} |x_i^l - x_j^l|$$

DISTÂNCIA MINKOWSKI

$$d(x_i, x_j) = \sqrt[q]{\sum_{i=1}^d (x_i^l - x_j^l)^q}$$

MEDIDAS DE DISTÂNCIA

EXISTEM OUTRAS MEDIDAS DE DISTÂNCIA QUE PODEM SER USADAS, COMO A DISTÂNCIA DE JACCARD, MAHALANOBIS E COSSENO.

- A escolha da melhor medida de distância pode ser feita com base nas propriedades de seus dados.
- Se n\u00e3o tiver certeza, pode-se experimentar diferentes medidas e diferentes valores de K e ver qual mistura resulta nos modelos mais acurados.

COMO ESCOLHEMOS O K?

N° PAR DE CLASSES - K IGUAL A UM NÚMERO ÍMPAR

 Empates: utilizar a classe da instância mais próxima.

K MUITO GRANDE

- Vizinhos podem ser muito diferentes;
- Predição tendenciosa para classe majoritária;
- Mais resistente a outliers.

K MUITO PEQUENO

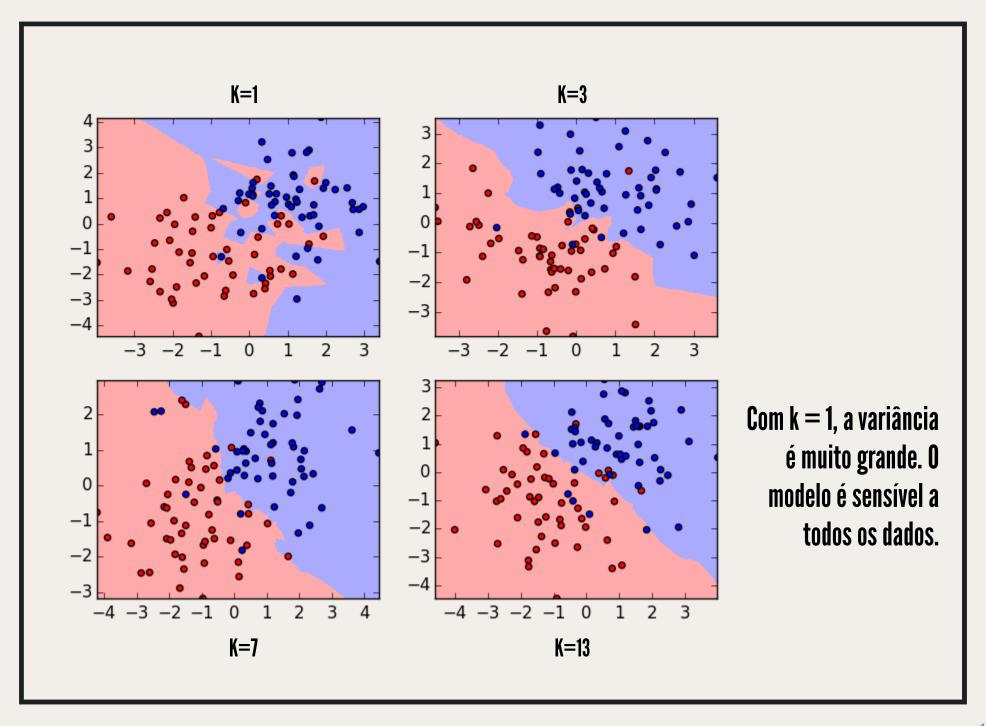
- Apenas os objetos muito parecidos serão considerados;
- Predição pode ser instável;
- Sensível a outliers.

COMO ESCOLHEMOS O K?

TENTAR DIFERENTES VALORES
DE K

ESTIMAR K POR VALIDAÇÃO CRUZADA

 Esse valor de K deve ser usado para todas as predições.



K-NN COM DISTÂNCIA PONDERADA

- Ponderar a contribuição de cada um dos K vizinhos de acordo com suas distâncias até o ponto x_j que queremos classificar, dando maior peso aos vizinhos mais próximos.
- Podemos ponderar o voto de cada vizinho de acordo com o quadrado do inverso de sua distância de x_i .

$$w_i = \frac{1}{d(x_i, x_j)^2}$$

• Porém, se $x_i = x_j$, o denominador torna-se zero. Neste caso, o ponto que queremos rotular receber a classe/valor do exemplo de treinamento.

VANTAGENS



NÃO TEM UM TREINAMENTO
PROPRIAMENTE DITO

APLICÁVEL EM <u>PROBLEMAS</u> <u>COMPLEXOS</u>

FÁCIL DE ENTENDER

NENHUMA SUPOSIÇÃO SOBRE DADOS

PODE SER APLICADO TANTO À <u>CLASSIFICAÇÃO</u> QUANTO À <u>REGRESSÃO</u>

FUNCIONA FACILMENTE EM PROBLEMAS DE <u>VÁRIAS</u>
<u>CLASSES</u>

PODE SER PARALELIZADO

DESVANTAGENS



NÃO TEM UM MODELO EXPLÍCITO

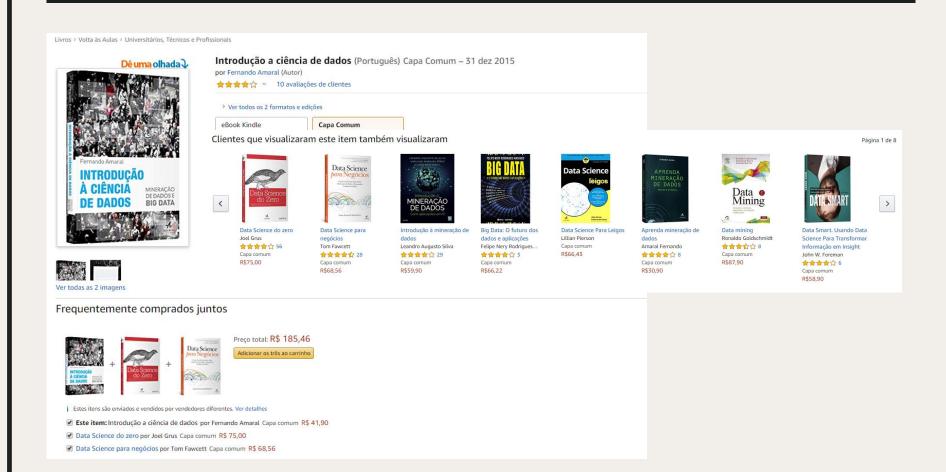
PODE SER <u>CUSTOSO</u> POR COMPARAR O NOVO EXEMPLO A CADA UMA DAS INSTÂNCIAS DE TREINAMENTO

AFETADO PELA PRESENÇA DE VARIÁVEIS <u>IRRELEVANTES</u> OU <u>REDUNDANTES</u>

SENSÍVEL À ESCALA DE DADOS

ESCOLHER O MELHOR <u>K</u> PODE SER <u>DIFÍCIL</u>

EXEMPLO REAL



RESUMO



- ARMAZENA TODO O
 CONJUNTO DE DADOS DE
 TREINAMENTO.
- NÃO POSSUI UM MODELO EXPLÍCITO.
- FAZ PREDIÇÕES CALCULANDO A SIMILARIDADE ENTRE UMA OBSERVAÇÃO DE ENTRADA A CADA OBSERVAÇÃO DE TREINAMENTO.
- EXISTEM MUITAS MEDIDAS DE DISTÂNCIA, SENDO A EUCLIDIANA A MAIS FAMOSA.
- É UMA BOA IDEIA
 REDIMENSIONAR OS DADOS
 AO USAR O K-NN.