



Chapitre Parallélogrammes I) Definition Un parallélogramme est un quadrilatère dont les côtés opposés sont parallèles. Ligures. remarque les bourges, les rostangles et les carrés sont des cas particuliers de parallelogrammos. II) Propriétés du parallelogramme. Théorème Le point d'intérsection des diagonales est un centre de synétrie de parallelogramme. démonstration:

A

B

Idée: on note Ole milieu de la

diagonale [AC] et on va montrer que O

est un centre de symétrie. 19) Gomme Oet le nilieu de [AC], le symétrique de A par rapport à O est C. 2°) De nême, le symétrique de C par rapport à O est A. 3°) Montrons que le symétrique de B est D. En détermine pour cela les symétriques de (AB) et (BC).

démonstration: [AB] est envoyé our [CD] par la synétie de centre O, donc ces deux segments ont la même longueur e De nême, [AD] et [BC] sont signétriques par rapport à O donc AD = BC La synétie de certe Denvoie les angles BAD et DCB l'un sur l'autre donc ils ont la même mesure De nême pour ADC et ABC. Enlin, comme A et Coort symétriques, O est le nilieu de [AC] et conne B et D sont synétriques par napport à O O est le nilieu de [BD] Donc [AC] et [BD] se croisent en O, qui est leur milieu II) Caractérizations du parallélogramme En II on a donné des propriétés que l'on pouvoit allirmen lorsqu'une figure était un parallélogramme. En III on donne différentes manières de récifier qu'une figure donnée est bien un parallélogramme. 1) à partir de sa définition. Rappel: par définition, si (AB) //(CD) et (BC)/(AD)
alors ABCD est un parallélogranme 2) à partir des diagonales Théorème Si les diagonales d'un quadrilatère se croisent en leurs milieux, ce quadrilatère est un parallélogramme. démontration: si les diagonales se croisent en leur milieu, on peut montrer (exercice) que celui-ci est un centre de sujmétrie de la figure Donc les côtés opposés sont sujmétriques par rapport au centre.

En avu au daptre sur les symétries que cla entrainait qu'ils étaient Donc la figure est un parallélogramme.

