# Contôle fonctions

#### Exercice 1 (3 points)

On considère une fonction g dont un tableau de valeurs est le suivant :

| x    | -3 | -1 | 4  | 6  | 2 |
|------|----|----|----|----|---|
| g(x) | 5  | -3 | -4 | 14 | 6 |

- a). Donnez une image de 6 par f.
- b). Donnez un antécédent de 6 par f.
- c). Donnez un nombre tel que f(x) = -x.

## Exercice 2 (9 points)

On considère le programme de calcul suivant :

- Prendre un nombre
- Retirer 3
- Multiplier par le nombre de départ
- Ajouter 2
- a). (2 pts) On note h(x) le résultat du programme lorsqu'on choisit le nombre x au départ. Donnez une expression algébrique de h(x).
- b). (1 pt) Calculez l'image de 1 par h.
- c). (1 pt) Calculez l'image de  $\frac{1}{2}$  par h.
- d). (3 pts) Remplir le tableau suivant :

| x    | 3 | -5 | $\frac{1}{2}$ |   |                |
|------|---|----|---------------|---|----------------|
| h(x) |   |    |               | 0 | $\overline{2}$ |

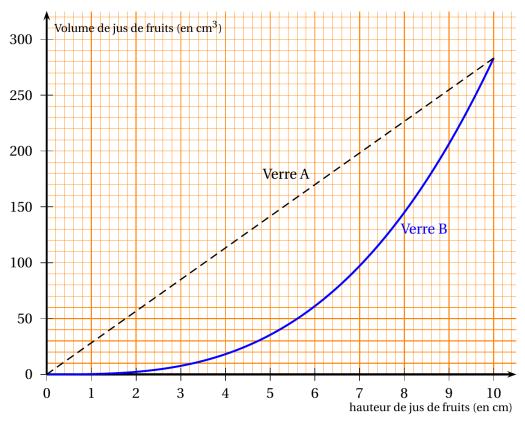
e). (2 pts) Développez et réduire l'expression de h(x).

#### Exercice 3 (8 points)

Pour servir ses jus de fruits, un restaurateur a le choix entre deux types de verres : - un verre cylindrique A de hauteur 10 cm et de rayon 3 cm -un verre conique B de hauteur 10 cm et de rayon 5,2 cm.

Le graphique situé en **ANNEXE** représente le volume de jus de fruits dans chacun des verres en fonction de la hauteur de jus de fruits qu'ils contiennent.

- 1) (3 pts) Répondre aux questions suivantes à l'aide du graphique :
  - (a) Pour quel verre le volume et la hauteur de jus de fruits sont-ils proportionnels? Justifier.
  - (b) Pour le verre A, quel est le volume de jus de fruits si la hauteur est de 5 cm?
  - (c) Quelle est la hauteur de jus de fruits si on en verse 50 cm<sup>3</sup> dans le verre B?
- 2) (2 pts) Montrer, par le calcul, que les deux verres ont le même volume total à 1 cm<sup>3</sup> près.
- 3) (1,5 pt) Calculer la hauteur du jus de fruits servi dans le verre A pour que le volume de jus soit égal à 200 cm<sup>3</sup>. Donner une valeur approchée au centimètre près.
- 4) (1,5 pt) Un restaurateur sert ses verres de telle sorte que la hauteur du jus de fruits dans le verre soit égale à 8 cm.
  - (a) Par lecture graphique, déterminer quel type de verre le restaurateur doit choisir pour servir le plus grand nombre possible de verres avec 1 L de jus de fruits.
  - (b) Par le calcul, déterminer le nombre maximum de verres A qu'il pourra servir avec 1 L de jus de fruits.



### Contôle fonctions

#### Exercice 1

On considère une fonction g dont un tableau de valeurs est le suivant :

| x    | -3 | -1 | 4  | 6  | 2 |
|------|----|----|----|----|---|
| g(x) | 5  | -3 | -4 | 14 | 2 |

- a). Donnez une image de -3 par f.
- b). Donnez un antécédent de -3 par f.
- c). Donnez un nombre tel que f(x) = x.

### Exercice 2 (9 points)

On considère le programme de calcul suivant :

- Prendre un nombre
- Retirer 3
- Multiplier par le nombre de départ
- Ajouter 2
- a). (2 pts) On note h(x) le résultat du programme lorsqu'on choisit le nombre x au départ. Donnez une expression algébrique de h(x).
- b). (1 pt) Calculez l'image de 1 par h.
- c). (1 pt) Calculez l'image de  $\frac{1}{2}$  par h.
- d). (3 pts) Remplir le tableau suivant :

| x    | 3 | -5 | $\frac{1}{2}$ |   |   |
|------|---|----|---------------|---|---|
| h(x) |   |    |               | 0 | 2 |

e). (2 pts) Développez et réduire l'expression de h(x).

#### Exercice 3 (8 points)

Pour servir ses jus de fruits, un restaurateur a le choix entre deux types de verres : - un verre cylindrique A de hauteur 10 cm et de rayon 3 cm -un verre conique B de hauteur 10 cm et de rayon 5,2 cm.

Le graphique situé en **ANNEXE** représente le volume de jus de fruits dans chacun des verres en fonction de la hauteur de jus de fruits qu'ils contiennent.

- 1) (3 pts) Répondre aux questions suivantes à l'aide du graphique :
  - (a) Pour quel verre le volume et la hauteur de jus de fruits sont-ils proportionnels? Justifier.
  - (b) Pour le verre A, quel est le volume de jus de fruits si la hauteur est de 5 cm?
  - (c) Quelle est la hauteur de jus de fruits si on en verse 50 cm<sup>3</sup> dans le verre B?
- 2) (2 pts) Montrer, par le calcul, que les deux verres ont le même volume total à 1 cm<sup>3</sup> près.
- 3) (1,5 pt) Calculer la hauteur du jus de fruits servi dans le verre A pour que le volume de jus soit égal à 200 cm<sup>3</sup>. Donner une valeur approchée au centimètre près.
- 4) (1,5 pt) Un restaurateur sert ses verres de telle sorte que la hauteur du jus de fruits dans le verre soit égale à 8 cm.
  - (a) Par lecture graphique, déterminer quel type de verre le restaurateur doit choisir pour servir le plus grand nombre possible de verres avec 1 L de jus de fruits.
  - (b) Par le calcul, déterminer le nombre maximum de verres A qu'il pourra servir avec 1 L de jus de fruits.

