Contrôle de calcul

1. Calculer 3 + (-4) - (-1)

Démonstration.
$$3 + (-4) - (-1) = 3 - 4 + 1 = 0$$

2. Calculer $5 \times (-3) + (-1)$

Démonstration.
$$5 \times (-3) + (-1) = -15 + (-1) = -16$$

3. Calculer $\frac{2}{3} + \frac{3}{4}$

Démonstration.
$$\frac{2}{3} + \frac{3}{4} = \frac{2 \times 4}{3 \times 4} + \frac{3 \times 3}{4 \times 3} = \frac{8}{12} + \frac{9}{12} = \frac{17}{12}$$
.

4. Calculer et réduire : $\frac{7}{8} \times \frac{4}{5}$

Démonstration.
$$\frac{7}{8} \times \frac{4}{5} = \frac{7 \times 4}{8 \times 5} = \frac{7}{2 \times 5} = \frac{7}{10}$$
.

5. Calculer et réduire : $\frac{1}{4} \div \frac{13}{8}$

Démonstration.
$$\frac{1}{4} \div \frac{13}{8} = \frac{1}{4} \times \frac{8}{13} = \frac{1 \times 8}{4 \times 13} = \frac{2}{13}$$
.

6. Calculer 3⁴

Démonstration.
$$3^4 = 3 \times 3 \times 3 \times 3 = 9 \times 9 = 81$$
.

7. Simplifier $\frac{945}{1365}$

Démonstration. On a les décompositions
$$945 = 3^3 \times 5 \times 7$$
 et $1365 = 3 \times 5 \times 7 \times 13$ donc $\frac{945}{1365} = \frac{3 \times 3 \times 3 \times 5 \times 7}{3 \times 5 \times 7 \times 13} = \frac{3 \times 3}{13} = \frac{9}{13}$.

8. Calculer $(-5)^3$

Démonstration.
$$(-5)^3 = (-5) \times (-5) \times (-5) = 25 \times (-5) = -125$$
.

9. Écrire 134 542, 123 sous forme scientifique.

Démonstration.
$$134\ 542, 123 = 1,345\ 421\ 23 \times 10^5.$$

10. Écrire $3,4\times 10^{-5}$ sous forme décimale.

Démonstration.
$$3, 4 \times 10^{-5} = 0,000 \ 034.$$

11. Réduire 2x + 3y - y + 4x

Démonstration.
$$2x + 3y - y + 4x = 2x + 4x + 3y - y = 6x + 2y$$
.

12. Réduire $(5x) \times (3xy^2)$

Démonstration.
$$(5x) \times (3xy^2) = (5 \times 3)xxy^2 = 15x^2y^2$$

13. Réduire $2x + 4x^2 + x + 5 + 4x^2 + x^3$

 $D\'{e}monstration.$

$$2x + 4x^{2} + x + 5 + 4x^{2} + x^{3} = x^{3} + 4x^{2} + 4x^{2} + 2x + x + 5$$
$$= x^{3} + 8x^{2} + 3x + 5$$

14. Calculer $(3xy^2)^3$

Démonstration.

$$(3xy^{2})^{3} = (3xy^{2})(3xy^{2})(3xy^{2})$$

$$= (3 \times 3 \times 3)xxxy^{2}y^{2}y^{2}$$

$$= 27x^{3}y^{6}$$

15. Calculer $(-12xy)(-3ax^2)(-5ab)$

 $D\'{e}monstration.$

$$(-12xy)(-3ax^2)(-5ab) = (-12) \times (-3) \times (-5)aabxx^2y$$

= $-180a^2bx^3y$

16. Calculer $(-3ab)^2(bc)$.

Démonstration.

$$(-3ab)^{2}(bc) = (-3ab)(-3ab)(bc)$$
$$= (-3) \times (-3)aabbbc$$
$$= 9a^{2}b^{3}c$$

17. Réduire : $(a^3 - 3a^2b + 3ab^2 - b^3) + (a^3 + 3a^2b + 3ab^2 + b^3) - (6ab^2 - 3a^3)$.

2

Démonstration.

$$(a^{3} - 3a^{2}b + 3ab^{2} - b^{3}) + (a^{3} + 3a^{2}b + 3ab^{2} + b^{3}) - (6ab^{2} - 3a^{3})$$

$$= a^{3} - 3a^{2}b + 3ab^{2} - b^{3} + a^{3} + 3a^{2}b + 3ab^{2} + b^{3} - 6ab^{2} + 3a^{3}$$

$$= a^{3} + a^{3} + 3a^{3} - 3a^{2}b + 3a^{2}b + 3ab^{2} + 3ab^{2} - 6ab^{2} - b^{3} + b^{3}$$

$$= (1 + 1 + 3)a^{3} + (-3 + 3)a^{2}b + (3 + 3 - 6)ab^{2} + (-1 + 1)b^{3}$$

$$= 5a^{3}.$$

18. Réduire : $\left(-\frac{3}{2}a^4b^3y^2\right)^3$.

$$\left(-\frac{3}{2}a^4b^3y^2 \right)^3 = \left(-\frac{3}{2}a^4b^3y^2 \right) \left(-\frac{3}{2}a^4b^3y^2 \right) \left(-\frac{3}{2}a^4b^3y^2 \right)$$

$$= \left(-\frac{3}{2} \right) \left(-\frac{3}{2} \right) \left(-\frac{3}{2} \right) a^4a^4a^4b^3b^3b^3y^2y^2y^2$$

$$= -\frac{3 \times 3 \times 3}{2 \times 2 \times 2} a^{12}b^9y^6$$

$$= -\frac{27}{8}a^{12}b^9y^6$$

19. Réduire : $\left(-\frac{7}{2}ax^2y\right)\left(-\frac{8}{15}b^3xy^2\right)\left(\frac{5}{21}abx^3\right)$.

Démonstration.

$$\left(-\frac{7}{2}ax^2y \right) \left(-\frac{8}{15}b^3xy^2 \right) \left(\frac{5}{21}abx^3 \right) = \left(-\frac{7}{2} \right) \left(-\frac{8}{15} \right) \frac{5}{21}aab^3bx^2xx^3yy^2$$

$$= +\frac{7 \times 8 \times 5}{2 \times 15 \times 21}a^2b^4x^6y^3$$

$$= \frac{7 \times 2 \times 4 \times 5}{2 \times 3 \times 5 \times 3 \times 7}a^2b^4x^6y^3$$

$$= \frac{4}{3 \times 3}a^2b^4x^6y^3$$

$$= \frac{4}{9}a^2b^4x^6y^3$$

20. Réduire : (3x - 5) + [2x - 5 - (3x - 2y + 4) - (4x - 3y - 9)].

Interrogation 19 novembre 2024

 $D\'{e}monstration.$

$$(3x-5) + [2x-5-(3x-2y+4)-(4x-3y-9)]$$

$$= 3x-5+[2x-5-3x+2y-4-4x+3y+9]$$

$$= 3x-5+[2x-3x-4x+2y+3y-5-4+9]$$

$$= 3x-5+(-5)x+5y+0$$

$$= -2x+5y-5$$