Expressões condicionais, guardas e padrões

2.1 Escreva duas definições, respectivamente usando expressões condicionais e guardas, da função classifica :: Int -> String que faz corresponder uma classificação qualitativa a uma nota de 0 a 20:

```
\leq 9 "reprovado"

10-12 "suficiente"

13-15 "bom"

16-18 "muito bom"

19-20 "muito bom com distinção"
```

2.2 O *índice de massa corporal* (IMC) é uma medida simples para classificar o peso de adultos. O IMC de um indivíduo é calculado como o valor do peso (em quilogramas) a dividir pelo quadrado da altura (em metros):

$$IMC = peso/altura^2$$

Por exemplo: um indíduo com $70 \rm Kg~e~1.70 m$ de altura tem IMC igual a $70/1.70^2 \approx 24.22$. Classificamos o resultado nos seguinte intervalos:

$$\begin{array}{cccc} & IMC & < 18.5 & \text{``baixo peso''} \\ 18.5 \leq & IMC & < 25 & \text{``peso normal''} \\ 25 \leq & IMC & < 30 & \text{``excesso de peso''} \\ 30 \leq & IMC & \text{``obsesidade''} \end{array}$$

Escreva uma definição da função classifica :: Float -> Float -> String que determina a classificação acima; os dois argumentos da função são, respectivamente, o peso em quilogramas e a altura em metros.

2.3 Considere duas possíveis definições das funções max e min do prelúdiopadrão que calculam, respectivamente, o máximo e o mínimo de dois valores:

```
max, min :: Ord a \Rightarrow a \rightarrow a \rightarrow a
max x y = if x>=y then x else y
min x y = if x<=y then x else y
```

- (a) Escreva definições deste género para duas funções max3 e min3 para calcular, respectivamente, o máximo e o mínimo de três números.
- (b) Observe que as operação de máximo e mínimo são associativas. Por exemplo, para calcular o máximo de três valores podemos determinar o máximo entre dois deles e depois o máximo do resultado com o terceiro. Re-escreva as funções max3 min3 usando esta ideia e as funções de max e min do prelúdio-padrão.

 $^{^1} https://www.euro.who.int/en/health-topics/disease-prevention/nutrition/a-healthy-lifestyle/body-mass-index-bmi$

2.4 Escreva uma definição da função lógica ou-exclusivo

```
xor :: Bool -> Bool -> Bool
```

usando múltiplas equações com padrões.

- 2.5 Pretende-se implementar uma função safetail :: [a] -> [a] que extende a função tail do prelúdio de forma a dar a lista vazia quando o argumento é a lista vazia (em vez de um erro). Escreva três definições diferentes usando condicionais, equações com guardas e padrões.
- 2.6 Escreva duas definições da função curta :: [a] -> Bool para testar se uma lista tem zero, um ou dois elementos, usando:
 - (a) a função length do prelúdio-padrão;
 - (b) múltiplas equações e padrões.
- 2.7 A mediana de três valores é o valor "no meio" quando os colocamos por ordem crescente. Por exemplo: mediana 2 3 (-1) == 2.
 - (a) Escreva uma definição da função mediana para determinar a mediana de 3 valores quaisquer. Qual será o seu tipo mais geral? Note que podemos determinar a mediana usando apenas comparações de ordem.
 - (b) Em vez de definir a mediana diretamente usando comparações (que provavelmente terá sido a sua primeira ideia), pode usar o seguinte método: somamos os 3 valores e subtraimos o maior e o menor. Re-defina a função mediana desta forma. Qual será agora o tipo mais geral?

2.8 (T) Defina uma função

```
converte :: Int -> String
```

para converter um inteiro positivo inferior a 1 milhão para texto em português. Alguns exemplos:

Ideia: Vamos começar por definir funções auxiliares para converter para texto os números inferiores a 100 e 1000. Este exercício será resolvido numa aula teórica.