Para efeitos da nota atribuida à resolução de exercícios ao longo do semestre - **Submeter até 23:59 de 8 de Maio** (o problema continuará depois disponível para submissão, mas sem contar para a nota)

[para perceber o contexto do problema deve ler o guião da aula #07]

[ED005] Notação Polaca Invertida

Neste problema deverá submeter uma classe **ED005** contendo um programa completo para resolver o problema (ou seja, com o método main).

Pode assumir que no Mooshak terá acesso às classes de listas, pilhas e filas como dadas nas aulas (ou seja, não precisa de as incluir no código submetido).

O problema

Quando andaste na escola primária, aprendeste que os diferentes operadores aritméticos têm diferentes precedências. Isso acontece em todos os países, e por exemplo os ingleses usam a mnemónica: "Please Excuse My Dear Aunt Sally", que indica a ordem dos operadores (Parenteses, Exponenciação, Multiplicação, Divisão, Adição, Subtração).



Por exemplo, a expressão:

$$1 + 2 \times 3 = ?$$

dá como resultado 7, pois o operador multiplicação tem precedência.

Se quiseremos avaliar primeiro a soma a expressão tem de ser:

$$(1 + 2) \times 3 = ?$$

No entanto, nos tempos iniciais das calculadoras electrónicas, revelou-se complicado analisar este tipo de expressões.

Por isso mesmo, em 2021, o matemático polaco **Jan Lukasiewicz** criou uma notação que tornava desnecessário o uso de parenteses, garantindo sempre que as operações eram efectuadas como desejado. A notação consistia basicamente em escrever os operadores antes dos números e não no meio deles.

Já em 1950, o *computer scientist* **Charles L. Hamblin** propôs um esquema onde os operadores apareciam a seguir aos números, em vez de ser antes. Esta notação acbou por ser muito usada, devido entre outras coisas à sua fácil implementação num sistema automático usando uma pilha, e ficou conhecida como **Notação Polaca Invertida (RPN)** (ou *postfix*). Em RPN, uma expressão arbitrariamente complexa pode ser escrita sem o uso de parenteses.

Notação Normal Notação Polaca Invertida (RPN)

A tua tarefa é criar um programa capaz de calcular o valor final de expressões dadas em RPN, sabendo que um algoritmo para as analisar é:

- Criar uma pilha
- Ir da esquerda para a direita lendo elemento a elemento e:
 - Se o elemento for um número, inseri-lo na pilha
 - Se for um operador, retirar dois valores da pilha, aplicar esse operador, e inserir o resultado na pilha
- No final, fica apenas um valor na pilha, que é o resultado da expressão

• Se a pilha não corresponder a alguma das coisas que foi dita atrás (por exemplo, ficar vazia), então a expressão é incorrecta.

Input

A primeira linha contém um número N, indicando o número de expressões a analisar.

As seguintes N linhas contêm expressões RPN, contendo

- Dígitos, representando números inteiro
- Caracteres, representando operações (+, -, * , /)

Podes assumir que os números são sempre inteiros, que os cálculos intermédios vão dar sempre números inteiros, e que só aparecem os quatro tipos básicos de operações atrás citados.

Output

Uma linha para cada expressão, indicando o resultado final caso a expressão seja correcta, ou **Expressão Incorrecta**, caso contrário.

Exemplo de input/output

Input	Output
6 1 1 + 3 4 5 + * 3 4 5 * + 1 + 1 1 1 + 2 3 8 2 / - 1 + *	2 27 23 Expressao Incorrecta Expressao Incorrecta 0

Estruturas de Dados (CC1007) DCC/FCUP - Faculdade de Ciências da Universidade do Porto