

ფიზიკა

ლევან კანკაძე

16 ნოე. 2022 წ.



# სარჩევი

<b>1 წინასიტყვაობა.</b>	<b>5</b>
<b>2 მექანიკა</b>	<b>7</b>
2.1 ამოცანები . . . . .	7
2.2 4 ვექტორი . . . . .	7
2.3 რეაქტიული მოძრაობა . . . . .	7
2.4 სტატიკა . . . . .	7
2.5 შენახვის კანონები დაჯახებებში . . . . .	8
2.6 მასათა ცენტრი . . . . .	8
2.6.1 ამოცანები. . . . .	9
2.7 შენახვის კანონები . . . . .	9
2.8 ჭოჭონაქები . . . . .	9
2.9 კინემატიკური ბმები დინამიკის ამოცანებში . . . . .	10
2.10 მოძრაობა მოსახვევში . . . . .	10
2.10.1 ამოცანები . . . . .	10
2.11 მეშვიდე კლასი. . . . .	11
2.12 წრეწირზე მოძრაობა . . . . .	11
2.13 კოსმოსი . . . . .	11
2.13.1 ნიუტონის გრავიტაციული ფორმულა . . . . .	11
2.13.2 ელიფსი . . . . .	11
2.13.3 კეპლერის კანონები . . . . .	12
2.13.4 გრავიტაციული ურთიერთქმედების პოტენციალური ენერგია . . . . .	12
2.13.5 კოსმოსური სიჩქარეები . . . . .	13
2.13.6 ამოცანები . . . . .	13
<b>3 მექანიკური რხევები და ტალღები</b>	<b>15</b>
3.1 რხევის განტოლება . . . . .	15
3.2 მათემატიკური ქანქარა . . . . .	15
3.3 რეზონანსი . . . . .	15
3.4 ამოცანები . . . . .	16
<b>4 სითბური მოვლენები</b>	<b>19</b>
4.1 ენტროპია და მისი კავშირი ალბათობასთან . . . . .	19
4.2 მენდელეევი-კლაპეირონის განტოლება . . . . .	19
4.3 სითბური ბალანსი . . . . .	19
4.4 ამოცანები. . . . .	19
<b>5 ელექტრობა</b>	<b>21</b>
5.1 ემძ-ს შემცველი წრედების გამოთვლა . . . . .	21
5.2 გაუსის თეორემა . . . . .	21
5.3 კონდენსატორი . . . . .	21
5.4 ცვლადი დენი . . . . .	22
5.5 ფარადის კანონები . . . . .	22
5.6 კონდენსატორების გადამუხტვა . . . . .	22
5.7 გამტარი სფეროები . . . . .	23
5.8 რხევითი კონტური და ენერგიის შენახვის კანონები . . . . .	23

<b>6 გეომეტრიული ოპტიკა</b>	<b>25</b>
6.1 ჩრდილი და ნახევარჩრდილი . . . . .	25
6.2 თხელი ლინზები . . . . .	25
6.3 გამოსახულების აგება ლინზებსა და სფერულ სარკეებში . . . . .	26
6.4 სფერული სარკე . . . . .	27
6.5 მარგველაშვილი . . . . .	27
6.6 ამოცანები. . . . .	28
<b>7 ფიზიკური ოპტიკა</b>	<b>31</b>
<b>8 ბირთვული ფიზიკა</b>	<b>33</b>
<b>9 მათემატიკური ნაწილი</b>	<b>35</b>
9.1 წარმოდებულები . . . . .	35
9.2 ინტეგრალები . . . . .	35
<b>10 მელედინი 1.165</b>	<b>37</b>

## **თავი 1**

# **წინასიტყვაობა.**

აქ არის მოგროვებული სხვადასხვა მასალები ფიზიკაში.



## თავი 2

# მექანიკა

### 2.1 ამოცანები

ნივთიერი წერტილი იწყებს მოძრაობას წრფეზე  $a$  მუდმივი აჩქარებით.  $t_1$  დროის შემდეგ აჩქარება იცვლის ნიშანს, და მოდულით იგივე რჩება. განსაზღვრეთ რა  $t$  დროის შემდეგ დაუბრუნდება იგი საწყისს წერტილს.

პასუხი:  $t = t_1(2 + \sqrt{2})$

მატარებელი იმყოფებოდა  $L = 400$  მ შუქნიშიდან და ქონდა სიჩქარე  $v = 45$  კმ/სთ, როცა დაიწყო დამუხრუჭება. განსაზღვრე ლოკომოტივის მდებარეობა შუქნიშნის მიმართ 1 წუთის შემდეგ, მოძრაობდა  $a = 3$

პასუხი: 25 მ

### 2.2 4 ვექტორი

### 2.3 რეაქტიული მოძრაობა

### 2.4 სტატიკა

სტატიკაში შეისწავლება მყარი სხეულების წონასწორობა, რომელზეც მოქმედებს ძალები. წონასწორობაში იგულისხმება მდგომარეობა, რომლისთვისაც, სხეულს არ გააჩნია აჩქარება, ანუ მოძრაობს თანაბრად და წრფივად, ან ნაწილობრივ, იმყოფება უძრავად ათვლის ინერციულ სისტემაში. (პრაქტიკულად ამოცანებში, დედამიწასთან დაკავშირებული ათვლის სისტემა ითვლება ინერციულად).

განვიხილოთ თუ რა ძალები მოქმედებს წონასწორობაში მყოფ სხეულზე. პირველ რიგში უნდა გავიხსენოთ სიმძიმის ძალა. ეს სიმძიმის ძალა არის ტოლქმედი სხეულის შემადგენელი ნაწილაკების სიმძიმის ძალისა. სიმძიმის ძალა გადის სხეულის მასათა ცენტრზე.

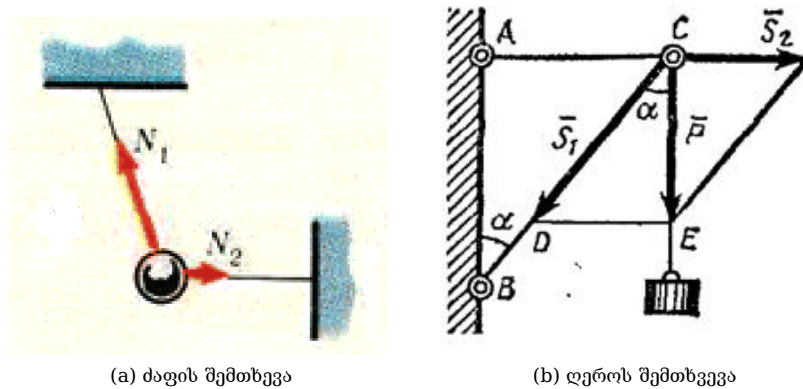
შემდეგ მოქმედებს ბმის რეაქციის ძალები - ეს ძალები ეწინააღმდეგება სხეულის მოძრაობას რომელიმე მიმართულებით. ბმის რეაქციის ძალა მიმართულია იმ მიმართულების საწინააღმდეგოდ, რომელი მიმართულებითაც ბმა ეწინააღმდეგება სხეულის მოძრაობას. რეაქციის ძალებია - დრეკადობისა და ხახუნის ძალები. მათი მოდულები და ზოგჯერ მიმართულება წინასწარ არაა ცნობილი და დამოკიდებულია, სხეულის ფორმაზე, ზედაპირების მდგომარეობაზე, ასევე სხეულზე მოქმედ სხვა ძალებზე.

რეაქციის ძალის მიმართულების განსაზღვრა აუცილებელია სტატიკის ამოცანების სწორად ამოხსენსნელად.

ამიტომაც განვიხილოთ როგორაა მიმართული რამდენიმე სახის ბმის რეაქციის ძალები:

1.

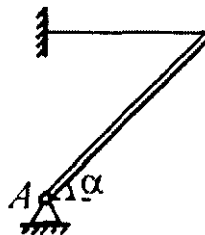
2. გადაბმა არის დრეკადი ძაფით ან უმასო ღეროთი, ძაფის შემთხვევაში დრეკადობის ძალა არის ყოველთვის მიმართული ძაფის გასწვრივ და "გამოდის" იმ წერტილიდან რომლითაც მიმაგრებულია სხეულზე ან ხდება გადაბმა. ღეროს დრეკადობის ძალის შემთხვევაში იგულისხმება იმ ძალის მნიშვნელობა რომლითაც ღერო იჭიმება ან იკუმშება, თუ ღერო უმასოა მაშინ აღძრული ძალა მიმართული იქნება ღეროს გასწვრივ, ხოლო მიმართულება (გამოდის თუ შედის ძალა გადაბმის წერტილში) უნდა დავადგინოთ ამოცანის პირობით.



სურ 2.1: ძალები

### 3. სახსრული შეერთება -

**ამოცანა** თხელი ერთგვაროვანი ღერო სახსრულადაა დამაგრებული წერტილ  $A$ -ში. ღეროს მეორე ბოლო კედელზე ძაფითაა დამაგრებული, ისე როგორც ნახაზზეა 2.5 ნახვენები. ღეროს მასაა  $m = 1$  კგ, ღერო ჰორიზონტისადმი დახრილია  $\alpha = 45^\circ$ . იპოვეთ სახსარში აღძრული დრეკადობის ძალა.



სურ 2.2: ამოცანა.

## 2.5 შენახვის კანონები დაჯახებებში

## 2.6 მასათა ცენტრი

მექანიკის ამოცანების ამოხსნისას, მატერიალურ წერტილთა სისტემის მასათა ცენტრის მცნების გამოყენებამ, შეიძლება ფასდაუდებელი დახმარება გაგვიწიოს. ზოგიერთი ამოცანის ამოხსნა საგრძნობლად მარტივდება და თვალსაჩინო ხდება, ხოლო ზოგიერთის ამოხსნა საერთოდ შეუძლებელია მისი გამოყენების გარეშე. სანამ შევუდგებით კონკრეტული ამოცანების ამოხსნას, დავიხსოვოთ ძირითადი მასათა ცენტრის თვისებები, რომლების ილუსტრირებული იქნება კონკრეტული მაგალითებით.

მატერიალურ წერტილთა სისტემის მასათა ცენტრი (ინერციის ცენტრი) ვუწოდოთ წერტილს, რომელიც ახასიათებს სისტემაში მასის განაწილებას და რომლის კოორდინატებიც მოიცემა ფორმულებით

$$x_{\text{მც}} = \frac{m_1 x_1 + \dots + m_N x_N}{m_1 + \dots + m_N} \quad y_{\text{მც}} = \frac{m_1 y_1 + \dots + m_N y_N}{m_1 + \dots + m_N} \quad z_{\text{მც}} = \frac{m_1 z_1 + \dots + m_N z_N}{m_1 + \dots + m_N} \quad (2.1)$$

$m_i$  - მატერიალური წერტილების მასებია,  $x_i, y_i, z_i$  - ამ წერტილების კოორდინატებია. თუ მკითხველისათვის ცნობილია რადიუს ვექტორის მცნება, ზემოთ მოყვანილი სისტემა შეიძლება ჩაიწეროს, ერთ ვექტორულ ტოლობად:

$$\vec{r}_{\text{მც}} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + \dots + m_N \vec{r}_N}{m_1 + \dots + m_N} \quad (2.2)$$

გავარჩიოთ რამდენიმე ამოცანა:

**ამოცანა 1** ვიპოვოთ მარტივი სისტემის მასათა, ცენტრი რომელიც შედგება ორი წერტილისაგან მასებით  $m_1$  და  $m_2$  და მათ შორის მანძილია  $l$ .



### 2.6.1 ამოცანები.

**ამოცანა** ცილინდრული ღეროს ერთი ნახევარი თუთიისა, მეორე ნახევარი - ალუმინის. განსაზღვრეთ სისტემის მასათა ცენტრის მდებარეობა, თუ ღეროს სიგრძე 40 სმ-ია.

**ამოცანა** თუთიისა და ალუმინის ერთნაირი მოცულობის ორი ბირთვი შეერთებულია შეხების წერტილით. განსაზღვრეთ სისტემის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** 3 და 5 მასის ორი სფერო მიმაგრებულია 2 კგ მასის და 30 სმ სიგრძის ღეროს ბოლოებზე. სფეროს რადიუსებია, შესაბამისად, 5 და 7 სმ. განსაზღვრეთ სისტემის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** ხუთი სფერო, რომელთა მასა მიმდევრობით 1, 2, 3, 4, 5, კგ-ის ტოლია, დამაგრებულია ღეროზე ისე, რომ მათი ცენტრები ერთმანეთისაგან, თანაბარი მანძილებითაა დაშორებული. უგულებელყავით ღეროს მასა და გაიგეთ სისტემის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** ერთგვაროვანი  $R$  რადიუსის წრიული ფორმის თხელი ფირფიტადან ორჯერ ნაკლები რადიუსის წრე ისეა ამოჭრილი, რომ ფირფიტის კიდე ეხება. განსაზღვრეთ დარჩენილი ფიგურის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** ერთგვაროვანი  $R = 105.6$  სმ წრიული ფორმის თხელი წრიდან ამოჭრილია კვადრატის ისე, როგორც სურათზეა გამოსახული. განსაზღვრეთ დარჩენილი ფიგურის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** იპოვეთ მდებარეობს ერთგვაროვანი, თხელი მავთულისგან შეკრული სამკუთხედის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** ათი ბურთულა, რომელთა მასებია 1, 2, ..., 10 გ. დამაგრებულია უმაღლეს 90 სმ სიგრძის ღეროზე, ისე რომ ყოველ ბურთულას შორის მანძილია 10 სმ, განსაზღვრეთ მასათა ცენტრის მდებარეობა

**ამოცანა** ერთგვაროვანი თხელი  $R$  რადიუსის დისკოდან ამოჭრეს ორჯერ პატარა რადიუსის წრე, რომელიც ეხება წრეწირის ნაპირს. განსაზღვრეთ მასათა ცენტრის მდებარეობა. (სურათი საჭიროა)

**ამოცანა** სად მდებარეობს ერთგვაროვანი კუბის მასათა ცენტრი, თუ მისგან ამოჭრილია  $a/2$  გვერდის მქონე კუბი. (სურათი საჭიროა)

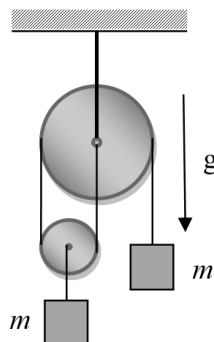
5 - ოთხი ერთგვაროვანი ბურთი მასებით  $7 \gg 1$  კგ, »ბუღია უწონო ღეროზე ისე როგორც მათი ცენტრები ერთმანეთისაგან დაშორებულია არიან თანაბარი მანძილით  $d = 0.2$  მ. რა მანძილითაა დაშორებული სისტემის მასათა ცენტრი მესამე ბურთულას ცენტრიდან.

## 2.7 შენახვის კანონები

**01.**  $m$  მასის უძრავ ბირთვს  $V$  სიჩქარით ეჯახება  $M$  მასის მოძრავი ბირთვი. იპოვეთ ბირთვების სიჩქარეები დაჯახების შემდეგ, თუ დაჯახება დრეკადია და ცენტრული. ძალის მოქმედებს წრფე გადის სხეულის მასათა ცენტრზე - სიმძიმის ცენტრი.

## 2.8 ჭოჭონაქები

**01.** იპოვეთ რა ძალით მოქმედებს ჭერზე, ნახატზე გამოსახული უმაღლეს ჭოჭონაქების სისტემა. თოკები უჭიმავია და უმაღლეს, თითოეული სხეულის მასაა  $m$ . ხახუნი უგულებელყავით.



სურ 2.3: A boat.

## 2.9 კინემატიკური ბმები დინამიკის ამოცანებში

მექანიკის ამოცანებში ხშირად გვხვდება სიტუაცია, როდესაც სხეულის მოძრაობა არ არის თავისუფალი. ეს შეზღუდვა შეიძლება იყოს განპირობებული მყარი ზედაპირებით, უჭიმვადი ძაფებით, ხისტი ღეროებით და ასე შემდეგ. მარტივ შემთხვევებში ამ შეზღუდვებს ვითვალისწინებთ ავტომატურად და არც კი ვსაუბრობთ მასზე. მაგალითად სხეულის აჩქარებას პირდაპირ მივმართავთ სიბრტყის გასწვრივ (ცხადია მყარი ზედაპირის შემთხვევაში), ბუქსირზე ჩაბმული მანქანისა და მათუქსირებელი მანქანის სიჩქარეს ვთვლით ტოლად (ვგულისხმობთ რომ მანქანები გადაბმულია უჭიმვადი ტროსით). ხანდახან კი აუცილებელია ეს შეზღუდვა აღვწეროთ სპეციალური განტოლებების საშუალებით, რომელთაც ჩვენ ვუწოდებთ **კინემატიკურ ბმებს**. განვიხილოთ რამდენიმე ამოცანა.

## 2.10 მოძრაობა მოსახვევში

### 2.10.1 ამოცანები

**ამოცანა.** როგორი უნდა იყოს გზის პროფილი, რომ ავტომობილმა, მოსახვევში სიჩქარის შეუმცირებლად და უსაფრთხოდ მოუხვიოს?

**ამოცანა.** გზის ჰორიზონტალურ უბანზე 140 მ რადიუსის წრეწირის 309-იანი რკალის დასაწყისში ავტომობილი ყველა წამყვანი 1. ალით იწყებს მოძრაობას და ზრდის სიჩქარის მოდულს. როგორ, ჩაქსიმალური სიჩქარით შეუძლია გავიდეს ავტომობილი გზის წრე, უბანზე? გზის ვაკისთან ბორბლების ხახუნის კოეფიციენტი 0,3.

**ამოცანა.** გზის ჰორიზონტალურ უბანზე 140 მ რადიუსის მოსახვევში 14 ტ. მატარებლის ვაგონის სიჩქარე 18 კმ/სთ-ია. განსაზღვრეთ, რა ძალით მოქმედებს რელსი ვაგონის რეზორდზე? გარე თუ შიდა რელსი მოქმედებს ბორბალზე? 3

+ 1013. ჯერ შეაფასეთ, შემდეგ განსაზღვრეთ, რამდენჯერ შეიცვ. ღება რეზორდზე მოქმედი ძალის მოდული მატარებლის ვაგონის სიჩქარის ორჯერ გაზრდისას? შეადარეთ ერთმანეთს რელსის რე- ორდზე და რეზორდის რელსზე მოქმედი ძალები.

1014. 800მ რადიუსის სიბრტყის მოსახვევში მატარებელი მოძრაობს. '0მ/წმ სიჩქარით. რამდენით მაღლა უნდა იყოს გარე რელსი შიდაზე, რომ თვლების რეზორდები არ ახლენდენ გვერდით დაწოლას რელსე- ზე? ლიანდაგის სიგანეა 1534მმ.

1015. თქვენი ვარაუდით, რატომ ამცირებს მემანქანე მატარებლის იჩქარის მოდულს მოსახვევში?

1016. მოციგურავე მოძრაობს 42მ რადიუსის წრეწირზე მოდულით 12მ/წმ სიჩქარით. ჰორიზონტალურად რა კუთხით უნდა გადაიხ- როს იგი წინასწორების შესანარჩუნებლად?

1017. რა მაქსიმალური სიჩქარით შეუძლია იმოძრაოს მოტო- იკლმა გზის ჰორიზონტალურ უბანზე 90მ რადიუსის სიბრტყის მოსახვევში, თუ სრიალის ხახუნის კოეფიციენტი 0,4? რას უნდა ედრიდეს ამ დროს შვეულიდან გადახრა?

1018. რა მაქსიმალური სიჩქარით შეუძლია იმოძრაოს მოტო" აიკლმა 309 -იანი კუთხით დახრილ ტრეკზე; ი შემოწერს 909 ჩადიუსის წრეწირს? ხახუნის კოეფიციენტი 0:4-ია. . ,

არაერთი იმობილის. მგზავრი მოსახვევში მოხვევის. საბი"

. თ; „თქმის უმჩნეველია. რვევი" 8 ავის მოხვევა კი მგზავრისათვის თითქ"

1020. თვითმფრინავი. ი.

უხვევს 6კმ რადიუსის წრეწირის რკალზე ?"

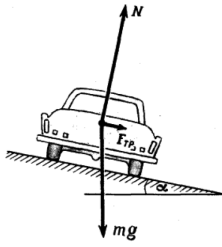
114

**01.** მოტოციკლისტი მოძრაობს ჰორიზონტალურ ზედაპირზე  $v = 70$  კმ/სთ სიჩქარით, ბრუნდება  $R = 100$  მ რადიუსის მოსახვევში, რა კუთხით უნდა გადაიხაროს რომ არ დაეცეს?

ამოხსნა

აქაც ხახუნის ძალაა, ძალა რომელიც აჩერებს მოტოციკლისტს,  $F_{fr} = \frac{mv^2}{R}$ , საყრდენის რეაქციის ძალა  $N = mg$ . მომენტების წესი სიმძიმის ცენტრის მიმართ მომცემს განტოლებას  $F_{fr} \cdot l \sin \alpha = N l \cos \alpha$ . აქ მოცემული არაა  $\mu$  და მაგიტომ გვჭირდება. ეს მომენტები.

**02.** რა მაქსიმალური  $v$  სიჩქარით შეიძლება იმოძრაოს მანქანამ  $\alpha$  კუთხით დახრილ სიბრტყეზე თუ სიბრტყის რადიუსია  $R$  და ხახუნის კოეფიციენტი ბორბლებსა და გზას შორის არის  $k$ .



სურ 2.4: A boat.

განსაზღვრე პლანეტის  $\rho$  საშუალო სიმკვრივე, თუ ეკვატორზე დინამომეტრზე ჩამოკიდებული ტვირთი 10 %-ით მსუბუქია ვიდრე პოლუსზე. დღელამის ხანგრძლივობა პლანეტაზე  $t = 6$  სთ-ია.

## 2.11 მეშვიდე კლასი.

ამოცანა ნომერი 4. ერთ ქვეყანაში გეოლოგმა იპოვა შავი მეტეორიტი

## 2.12 წრეწირზე მოძრაობა

წრეწირზე მოძრაობისას აღწერისას წრფივი სიჩქარის მცნებასთან ერთად შემოაქვთ კუთხური სიჩქარის განმარტებაც. თუკი ნივთიერი წერტილი წრეწირზე მოძრაობისას  $\Delta t$  დროში შემოწერს რკალს, რომლის კუთხური ზომაა  $\Delta\phi$ , მაშინ კუთხური სიჩქარეა  $\omega = \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$ .

## 2.13 კოსმოსი

### 2.13.1 ნიუტონის გრავიტაციული ფორმულა

ორი ნივთიერი წერტილი ერთმანეთს მიიზიდავს ძალით, რომელიც პირდაპირპროპორციულია მათი მასების ნამრავლისა და უკუპროპორციულია მათ შორის მანძილის კვადრატის.

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \quad (2.3)$$

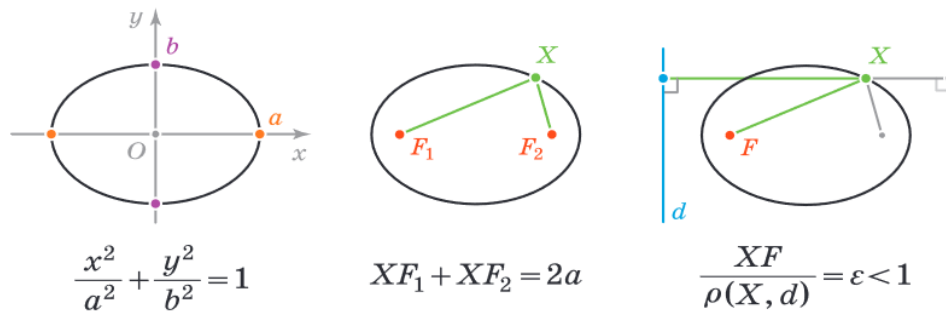
ანდა ჩაწერილი ვექტორული ფორმით.

$$\vec{F} = G \frac{m_1 m_2}{r^3} \vec{r} \quad (2.4)$$

$G = 6.67 \times 10^{-11} \frac{\text{ნ} \cdot \text{მ}^2}{\text{კგ}^2}$  კოეფიციენტს მსოფლიო მიზიდულობის ანუ გრავიტაციული მუდმივი ეწოდება. ის პირველად ინგლისელმა ფიზიკოსმა ჰენრი კავენდიშმა განსაზღვრა ცდით.

### 2.13.2 ელიფსი

ელიფსის ზოგიერთი თვისების შესწავლა დაგვეხმარება, ამოცანების ამოხსნაში, ამიტომაცაა აუცილებელი მისი ცოდნა.



სურ 2.5: ამოცანა.

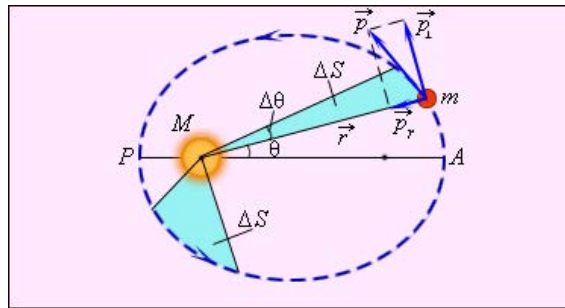
### 2.13.3 კეპლერის კანონები

#### კეპლერის პირველი კანონი

პლანეტები მოძრაობს ელიფსებზე, რომელთა ერთ-ერთ ფოკუსში იმყოფება მზე.

#### კეპლერის მეორე კანონი

პლანეტის რადიუს-ვექტორი დროის ტოლ შუალედებში ტოლ ფართობებს მოხვეტს.



სურ 2.6: კეპლერის მეორე კანონი - მოხვეტილი ფართობების ტოლობის კანონი.

#### კეპლერის მესამე კანონი

პლანეტების გარშემოვლის პერიოდების კვადრატები ისე შეეფარდება ერთმანეთს, როგორც მათი ორბიტების დიდი ნახევარღერძების კუბები.

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3} \quad (2.5)$$

### 2.13.4 გრავიტაციული ურთიერთქმედების პოტენციალური ენერგია

$r$  მანძილით დაშორებული  $m_1$  და  $m_2$  მასის ნივთიერი წერტილების გრავიტაციული ურთიერთქმედების პოტენციალური ენერგიის ფორმულის მიღებას ინტეგრირების ცოდნა სჭირდება. ჩვენ მოვიყვანთ შედეგს გამოყვანის გარეშე:

$$U = -G \frac{m_1 m_2}{r} + C \quad (2.6)$$

სადაც  $C$  ნებისმიერი მუდმივაა. მისი კონკრეტული მნიშვნელობა დამოკიდებულია ნულოვანი დონის არჩევაზე. ჩვეულებრივ, ნულად თვლიან უსასრულოდ დაშორებული სხეულების პოტენციალურ ენერგიას. ამ შემთხვევაში  $C = 0$  და

$$U = -G \frac{m_1 m_2}{r}$$

### 2.13.5 კოსმოსური სიჩქარეები

#### პირველი კოსმოსური სიჩქარე

პირველი კოსმოსური სიჩქარე არის ის სიჩქარე, რომელიც საჭიროა სხეულს მივანიჭოთ გასროლისას რომ არ დაეცეს უკან დედამიწაზე და გააგრძელოს მის გარშემო ბრუნვა. სხეულისთვის დაწეროთ ნიუტონის მეორე კანონი:

$$\frac{mv^2}{r_E} = G \frac{M_E m}{r_E^2} \quad (2.7)$$

სადაც  $M_E$  არის დედამიწის მასა,  $r_E$  არის დედამიწის რადიუსი. განვიხილავთ დედამიწასთან ახლოს მბრუნავ თანამგზავრს ამიტომაც  $r_E$  არის დედამიწის რადიუსი და დედამიწის ზედაპირიდან დაშორებას არ ვითვალისწინებთ.

2.7 განტოლებიდან მივიღებთ:

$$v = \sqrt{\frac{GM_E}{r_E}} \quad (2.8)$$

თუ გავითვალისწინებთ იმასაც რომ თავისუფალი ვარდნის აჩქარება  $g = GM/r_E^2$  საბოლოოდ მივიღებთ:

$$v = \sqrt{gr_E} = 7.91 \times 10^3 \text{ მ/წმ} \quad (2.9)$$

#### მეორე კოსმოსური სიჩქარე

მეორე კოსმოსური სიჩქარის მინიჭებისას სხეულს შეუძლია დატოვოს დედამიწის ორბიტა, თუკი ჩავეწერთ სრულ მექანიკურ ენერგიას.

$$E = \frac{mv^2}{2} - G \frac{M_E m}{r_E} \quad (2.10)$$

სადაც  $m$  არის სხეულის მასა,  $M_E$  დედამიწის მასა,  $r_E$  დედამიწის რადიუსი.

ცხადია როდესაც დედამიწის დატოვებს მას აღარ ექნება დედამიწასთან ურთიერთქმედების პოტენციალური ენერგია, და რადგან მინიმალურ სიჩქარეს ვეძებთ აღარც კინეტიკური ენერგია ექნება ორბიტის დატოვებისას მაშინ

$$\frac{mv^2}{2} - G \frac{M_E m}{r_E} = 0 \quad (2.11)$$

აქედან მივიღებთ:

$$v = \sqrt{\frac{2GM_E}{r_E}} = \sqrt{2gr_E} = 11.2 \times 10^3 \text{ მ/წმ} \quad (2.12)$$

#### მესამე კოსმოსური სიჩქარე

მესამე კოსმოსური სიჩქარეს თუ მივანიჭებთ სხეულს დედამიწის მიმართ, ის გაექცევა მზეს.

### 2.13.6 ამოცანები

**01.** თანამგზავრის კინეტიკური ენერგია წრიულ ორბიტაზე  $K$ -ს ტოლია. რისი ტოლი იქნება მისი პოტენციალური ენერგია?

**02.** რომელიმე პლანეტის რადიუსი დედამიწის რადიუსზე  $\sqrt{2}$ -ჯერ ნაკლებია, ხოლო თავისუფალი ვარდნის აჩქარება კი 3-ჯერ ნაკლები. განსაზღვრეთ ამ პლანეტის მასა.

**03.** განსაზღვრეთ დედამიწის ზედაპირიდან რა სიმაღლეზეა თავისუფალი ვარდნის აჩქარება, 16-ჯერ ნაკლები ვიდრე დედამიწის ზედაპირზე? დედამიწის რადიუსია 6400 კმ.

**04.** რომელიმე პლანეტის მასა 16-ჯერ ნაკლებია დედამიწის მასაზე. ამ პლანეტის საშუალო სიმკვრივე კი 2-ჯერ მეტია, დედამიწის საშუალო სიმკვრივეზე. რამდენჯერ მეტია თავისუფალი ვარდნის აჩქარება ამ პლანეტის ზედაპირზე დედამიწასთან შედარებით?

**05.** რამდენჯერ გაიზრდება დედამიწის ხელოვნური თანამგზავრის ორბიტის რადიუსი, თუ ბრუნვის პერიოდს 27-ჯერ გავზრდით?

**06.** პლანეტის მასა 4.5-ჯერ მეტია დედამიწის მასაზე, მისი რადიუსი კი 2-ჯერ მეტია დედამიწის რადიუსზე. რამდენი პროცენტით მეტია ამ პლანეტაზე პირველი კოსმოსური სიჩქარე, დედამიწასთან შედარებით?

**07.** წრიულ ორბიტაზე მოძრავი დედამიწის ზელოვანი თანამგზავრის ორბიტის რადიუსი 4-ჯერ გაზარდეს. როგორ შეიცვლება თანამგზავრის ბრუნვის პერიოდი და სიჩქარის მოდული?

**01.** რა დროში დაეცემა მთვარე დედამიწას თუ ის სწრაფად გაჩერდება.

ამოხსნა: ამ ამოცანაში უნდა გამოვიყენოთ კეპლერის მესამე კანონი:

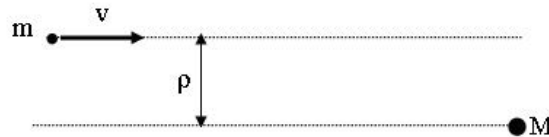
$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3} \quad (2.13)$$

დავარდნა შეიძლება განვიხილოთ როგორც ძალიან გაწეილი ელიფსი. თუ დავუშვებთ რომ თავიდან მთვარის რადიუსი იყო  $a$  ახალი რადიუსი იქნება  $a/2$ , მაშინ ვარდნის დრო იქნება.

$$T_1^2 = T_2^2 \cdot \frac{(a/2)^3}{a^3} = T_2^2 \frac{1}{8} \quad (2.14)$$

სადაც  $T_2$  არის ძველი მთვარის პერიოდი, მაშინ დავარდნის დრო იქნება პერიოდის ნახევარი  $T_1/2$

**02.** უძრავად დამაგრებული  $M$  მასის ნივთიერი წერტილის გრავიტაციულ ველში დიდი მანძილით დაშორებული წერტილიდან (ამ მანძილზე გრავიტაციული ურთიერთქმედება შეგვიძლია უგულებელვყოთ)  $v$  სიჩქარით მოძრაობს  $m$  მასის ნივთიერი წერტილი, რომლის სამიზნე პარამეტრია  $\rho$ . იპოვეთ უმცირესი მანძილი ნივთიერ წერტილებს შორის.



ნახ. 7.1

სურ 2.7: ამოცანა.

ამოხსნა: იხსნება იმპულსის მუდმივობისა და ენერგიის მუდმივობით.  
პასუხი:

$$r_{min} = \frac{1}{v^2}$$

## თავი 3

# მექანიკური რხევები და ტალღები

### 3.1 რხევის განტოლება

$$x = x_m \cos(\omega t + \varphi)$$

### 3.2 მათემატიკური ქანქარა

$$T = 2\pi \sqrt{\frac{l}{g}}$$

### 3.3 რეზონანსი

??

### 3.4 ამოცანები

Решение: При какой скорости поезда маятник длиной 10 см, по...

<https://easyfizika.ru/zadachi/kolebaniya-i-volny/pri-kakoj-skorosti-...>

Главная

**EasyFizika**  
Сайт о физике

Задачи по физике

Статьи по физике

Обратная связь

ке с решениями » Колебания и волны

#### При какой скорости поезда маятник длиной 10 см, подвешенный в вагоне, особенно

##### Условие задачи:

При какой скорости поезда маятник длиной 10 см, подвешенный в вагоне, особенно сильно раскачивается, если расстояние между стыками рельсов 12,55 м?

Задача №9.5.1 из «Сборника задач для подготовки к вступительным экзаменам по физике УГНТУ»

##### Дано:

$l = 10 \text{ см}, L = 12,55 \text{ м}, v = ?$

##### Решение задачи:

Математический маятник, находящийся в поезде, будет особенно сильно раскачиваться (то есть будет происходить резонанс), когда внешнее воздействие на вагон, возникающее в результате тряски вагона при переезде через стык между рельсами, будет происходить с периодом, равным собственному периоду колебаний маятника. Время, за которое поезд пройдет расстояние между двумя соседними стыками, легко найти по формуле:

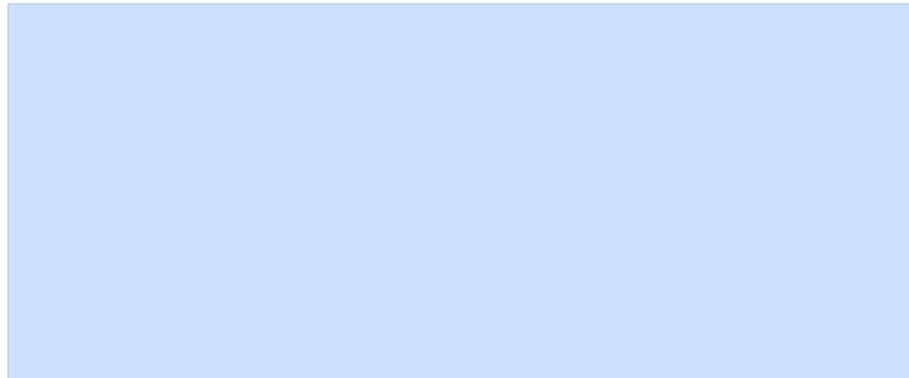
$$T = \frac{L}{v} \quad (1)$$

Период колебаний математического маятника легко найти по формуле Гюйгенса:

Loading [MathJax]/extensions/MathZoom.js



თქვენს მასა



### Задача по физике - 9922

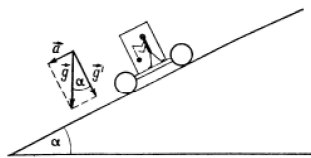
[ГЛАВНАЯ](#) » [РЕШЕБНИК](#)

2018-11-09

Тележка, на которой закреплен маятник, совершающий колебания с периодом  $0,5$  с, съезжает по наклонной плоскости, а затем движется по горизонтальному пути. Угол между наклонной плоскостью и горизонталью равен  $45^\circ$ . Каков период колебания маятника, когда

- а) тележка съезжает по наклонной плоскости;  
 б) движется по горизонтальному участку пути. Считать, что тележка во время движения по наклонной плоскости и по горизонтальному пути не испытывает действия силы трения и что движения маятника не влияют на движение тележки (тележка тяжелая, маятник легкий).

Решение:



Рассмотрим систему отсчета, связанную с тележкой. Это неинерциальная система, поскольку тележка скатывается по наклонной плоскости с определенным ускорением, которое нетрудно вычислить, - это параллельная наклонной плоскости составляющая ускорения свободного падения (рис.)

$$a = g \sin \alpha.$$

Составляющую ускорения свободного падения, перпендикулярную к наклонной плоскости, обозначим

02.



## თავი 4

# სითბური მოვლენები

### 4.1 ენტროპია და მისი კავშირი ალბათობასთან

განვიხილოთ ორი სხეული, ენერგიებით  $E_1$  და  $E_2$ , მოცულობებით  $V_1$  და  $V_2$ . მაშინ ამ ორი სხეულის გაერთიანებით მიღებული სისტემისათვის, ენერგია და მოცულობები შეიკრიბება. (ამ სხეულის მოლეკულებს შორს ურთიერთქმედება უგულებელყოფილია).

$$E = E_1 + E_2 \quad V = V_1 + V_2$$

მოდით შევცვალოთ ვიპოვოთ სისტემის ალბათობა, ცალკეული სისტემების ალბათობებით  $w_1$  და  $w_2$ . განვიხილოთ ორი დამოუკიდებელი სხეული  $W_1$  და  $W_2$  ალბათობების მაკრომდგომარეობით

### 4.2 მენდელეე-კლაპეირონის განტოლება

$$PV = \frac{m}{M}RT$$

### 4.3 სითბური ბალანსი

თუ ნივთიერება დნება  $+ \lambda m$  გამყარება  $- \lambda m$ , თუ ნივთიერება ორთქლდება  $+ rm$  კონდენსირდება  $- rm$ .

### 4.4 ამოცანები.



## თავი 5

# ელექტრობა

### 5.1 ემპ-ს შემცველი წრედების გამოთვლა

როდესაც წრედში გვაქვს ემპ წყარო, აუცილებელია განზოგადებული ომის კანონის გამოყენება.

$$I = \frac{U_{12} + \mathcal{E}}{r}$$

აქ შემავალი ეს სამი სიდიდე არის ალგებრული ნიშნით, შეიძლება იყოს როგორც უარყოფითი ისე დადებითი, მხოლოდ  $r$  არის ცალსახად დადებითი.

### 5.2 გაუსის თეორემა

შემოვიტანოთ ახალი ფიზიკური სიდიდე - ელექტრული ველის ნაკადი  $\Phi$  რაიმე ზედაპირში. განვიხილოთ ერთგვაროვან ელექტრულ ველში მოთავსებული ბრტყელი ზედაპირი. ამ ზედაპირის ფართობი იყოს  $S$ , ველის დაძაბულობა  $\vec{E}$ , ხოლო კუთხე დაძაბულობის ვექტორსა და ზედაპირის მართობ  $\vec{n}$  ერთეულოვან ვექტორს (ნორმალს) შორის  $\alpha$ .

ელექტრული ველის ნაკადი ბრტყელ ზედაპირში ტოლია დაძაბულობის მოდულის, ზედაპირის ფართობის და დაძაბულობასა და ზედაპირის ნორმალს შორის კუთხის კოსინუსის ნამრავლის.

$$\Phi = \vec{E} \cdot S\vec{n} = ES\cos\alpha = E_n S$$

ნებისმიერ ზედაპირში ელექტრული ნაკადის საპოვნელად ეს ზედაპირი უნდა დავყოთ იმდენად მცირე ელემენტარულ ნაწილებად, რომ თითოეული მათგანი ბრტყლად ჩაითვალოს და ველი მათ ფარგლებში ერთგვაროვანად. თითოეულ ელემენტარულ ზედაპირში ელემენტარულ ნაკადს ვიპოვით (3.1) ფორმულის გამოყენებით. მათი შეკრებით მივიღებთ ნაკადს მთელ ზედაპირში.

სადაც  $S_i$  ელემენტარული ზედაპირების ფართობებია,  $E_i$  ელემენტების ფარგლებში ველის დაძაბულობის მოდულებია, ხოლო  $\alpha_i$  ელემენტების ფარგლებში ველის დაძაბულობასა და ელემენტის ნორმალს შორის კუთხეებია. უფრო ზუსტად, უნდა მოხდეს არა მცირე ელემენტებში ნაკადების აჯამვა, არამედ უსასრულოდ მცირე ელემენტებში ნაკადების ინტეგრება

ჩაკეტილ ზედაპირებში ელექტრული ნაკადის გამოთვლისას ყოველი ელემენტისათვის იყენებენ გარე ნორმალს.

გაუსის თეორემა ამტკიცებს, რომ ელექტრული ველის ნაკადი ნებისმიერ ჩაკეტილ ზედაპირში ტოლია ამ ზედაპირის შიგნით მოთავსებული მუხტების ალგებრული ჯამის ფარდობისა ელექტრულ მუდმივასთან.

$$\Phi = \frac{q}{\epsilon_0}$$

დამტკიცებას ამ ეტაპზე არ მოვიყვანთ.

### 5.3 კონდენსატორი

კონდენსატორის ენერგია გამოითვლება შემდეგი ფორმულით:

$$C = \frac{q}{\varphi}$$

ბრტყელი კონდენსატორი:

$$C = \frac{\epsilon_0 \epsilon S}{d}$$

## 5.4 ცვლადი დენი

AC ხასიათდება ორი პარამეტრით: ამპლიტუდა და ფაზით

$$V = IZ$$

1)  $V$  და  $I$  არის კომპლექსური ძაბვა და ველი. ტრიგონომეტრიულად  $A_0 \cos(\omega t + \theta)$ , კომპლექსური ფორმით  $A_0 \exp(\omega t + \theta)$

2) როცა გვაქვს მარტო რეზისტორი  $Z = R$ , იმპედანსი არის ნამდვილი რიცხვი რომლის მოდული ტოლია წინალობის.

3) როცა მხოლოდ კონდენსატორია ჩართული,  $Z = -\frac{i}{\omega C}$ . ეს ნიშნავს რომ იმპედანსი არის წარმოსახვითი რიცხვი. რომლის ტევადობა ტოლია ტევადური წინალობის.

4) როდესაც გვაქვს მხოლოდ ინდუქტივობა, იმპედანსი არის წარმოსახვითი  $Z = +i(\omega L)$

5) როცა გვაქვს მიმდევრობითი ჩართვა.  $Z = Z_1 + Z_2 + \dots + Z_n$

6) როცა პარალელურადაა ჩართული.  $\frac{1}{Z} = \frac{1}{Z_1} + \frac{1}{Z_2} + \dots + \frac{1}{Z_n}$

## 5.5 ფარადის კანონები

ელექტროლიტში დენის გავლისას ელექტროდებზე ნივთიერების გამოყოფის მოვლენას ელექტროლიზი ეწოდება.

ინგლისელმა ფიზიკოსმა ფარადემ, ატარებდა რა სხვადასხვა დენს სხვადასხვა ელექტროლიტში და გულმოდგინედ ზომავდა თითოეული ელექტროლიტიდან ელექტროდებზე გამოყოფილი ნივთიერების მასას, 1833-1834 წწ. აღმოაჩინა ელექტროლიზის ორი კანონი.

ფარადის პირველი კანონით დადგენილია დამოკიდებულება ელექტროლიზის დროს გამოყოფილი ნივთიერების მასასა და ელექტროლიტში გავლილ მუხტის სიდიდეს შორის.

ეს კანონი ასე გამოითქმის: ელექტროლიზის დროს თითოეულ ელექტროდზე გამოყოფილი ნივთიერების მასა ელექტროლიტში გავლილი მუხტის სიდიდის პირდაპირ პროპორციულია:

$$m = kIt = kq$$

სადაც  $k$  არის ელექტროქიმიური ექვივალენტი.

ქიმიური ექვივალენტი  $\frac{M}{n}$

$$k = \frac{1}{F} \frac{M}{n}$$

$F$  ფარადის მუდმივა 96500 კ/მოლი

$$m = \frac{1}{F} \frac{M}{n} It$$

## 5.6 კონდენსატორების გადამუშავება

**ამოცანა 01.** ორი ერთნაირი კონდენსატორი შეერთებულია პარალელურად, დამუშტეს და გამორთეს კვების წყაროდან. ერთერთი კონდენსატორის ფირფიტებს შორის მანძილს ზრდიან სამჯერ. როგორ შეიცვლება ველის დაძაბულობა ამ კონდენსატორზე?

**ამოცანა 02.** ორი, მიმდევრობით შეერთებული კონდენსატორების შედგენილი წრედები, რომლიდანაც ერთიდან ტევადობა ოთხჯერ მეტია მეორეზე, დაართეს ძაბვის წყაროზე  $U = 75$  ვ. როდესაც კონდენსატორები დაიმუშტა, გამორთეს წრედიდან, და დააშორეს ერთმანეთს. შემდგომ შეართეს პარალელურად ერთნაირად დამუშტული კონდენსატორების ფირფიტები. რისი ტოლი იქნება ამის შემდეგ ძაბვა კონდენსატორებზე?

**ამოცანა 03.**  $C_1 = 10$  მკვ ტევადობის  $U_1 = 200$  ძაბვამდე დამუშტული კონდენსატორი, პარალელურად დააერთეს დაუმუშტავ  $C_2 = 15$  მკვ ტევადობის კონდენსატორზე. რა რაოდენობის სითბო გამოიყოფა ამ პროცესის განმავლობაში?

**ამოცანა 10.** კონდენსატორები ტევადობით  $C_1 = 3$  მკვ და  $C_2 = 1$  მკვ შეერთებულია მიმდევრობით და შეერთებულია ემძ-სთან  $\mathcal{E} = 200$  ვ. რა რაოდენობის სითბო გამოიყოფა კონდენსატორის გადამუშტვისას?

## 5.7 გამტარი სფეროები

წყარო: <http://kvant.mccme.ru/pdf/1999/04/kv0499chernoutsan.pdf>

დამუხტული სფეროს ენერგია, ცალკე ფორმულა და გამოყვანა...

**ამოცანა 2** ორი გამტარი სფერო რადიუსებით  $R_1$  და  $R_2$  მოთავსებულია ერთმანეთისაგან შორს. პირველი დამუხტულია  $q$  მუხტით, ხოლო მეორე არაა დამუხტული. სფეროები შეაერთეს გრძელი წვრილი მავთულით. რა მუხტები იქნება სფეროებზე შეერთების შემდეგ? რა რაოდენობის სითბო გამოიყოფა სფეროების გადამუხტვის შემდგომ? მავთულის მუხტი არ გაითვალისწინოთ.

**ამოცანა 3** ორი თხელი კონცენტრული სფერო რადიუსებით  $R_1$  და  $R_2$  ( $R_1 < R_2$ ) და მუხტებით  $q_1$  და  $q_2$ . განსაზღვრეთ სისტემის პოტენციალი და ენერგია. რა მუხტი დარჩება შიდა სფეროზე თუ მას დავამიწებთ? როგორ შეიცვლება ამ დროს სისტემის ენერგია?

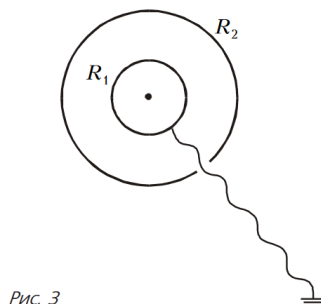


Рис. 3

სურ 5.1: ამოცანა 3.

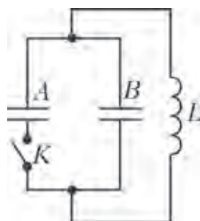
**ამოცანა 5** გამტარი  $R$  რადიუსის სფერო დამუხტულია  $Q$ . რისი ტოლი გახდება სფეროს პოტენციალი, თუ მისი ცენტრიდან  $l$  მანძილზე მოვათავსებთ წერტილოვან  $q$  მუხტს? განიხილეთ ორი შემთხვევა  $l > R$  და  $l < R$ .

**ამოცანა 6** მოცემულია ორი კონცენტრული სფერო  $R_1$  და  $R_2$  ( $R_1 < R_2$ ). სფეროებს შორის ცენტრიდან  $r$  მანძილზე მოთავსებულია წერტილოვანი  $q$  მუხტი. რა მუხტები ექნებათ სფეროებს თუ მათ დავამიწებთ?

## 5.8 რხევითი კონტური და ენერგიის შენახვის კანონები

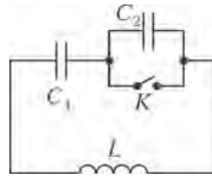
**ამოცანა 01.** იდეალური რხევით კონტურში

**ამოცანა 02.** ორი ერთნაირი კონდენსატორი  $A$  და  $B$  ტევადობით  $C$ , ინდუქტიური კოჭა  $L$  ინდუქტივობით, შეერთებულია არიან ისე როგორც ნახაზზეა მოცემული. თავიდან  $K$  ჩამრთველი გამორთულია, კონდენსატორი  $A$  დამუხტულია  $U_0$  ძაბვამდე. კონდენსატორი  $B$  არაა დამუხტული, კოჭაში დენი არაა. განსაზღვრეთ მაქსიმალური დენის ძალა ინდუქტიურ კოჭაში, ჩამრთველის ჩართვის შემდგომ.



სურ 5.2: ამოცანა 02.

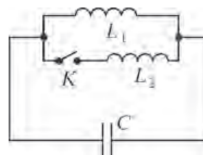
**ამოცანა 03.** როდესაც  $K$  ჩამრთველი ჩაკეტილია  $LC$  კონტურში მიმდინარეობს არა მიღევა-დი რხევები. მაშინ როდესაც ძაბვა  $C_1$  კონდენსატორზე ძაბვა იყოს მაქსიმალური და ტოლი  $U_1$ , ჩამრთველს ამორთავენ. განსაზღვრეთ მაქსიმალური დენის ძალა კონტურში ჩამრთველის ამორთვის შემდგომ. ელექტრული კომპონენტების პარამეტრები ნახაზზეა მოცემული.



სურ 5.3: ამოცანა 03.

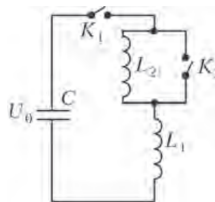
**ამოცანა 04.** დასაბამატებელია

**ამოცანა 05.** როდესაც  $K$  ჩამრთველი გახსნილ მდგომარეობაშია  $LC$  კონტურში მიმდინარეობს არამილევადი რხევები. მაშინ როდესაც წრედში დენი მაქსიმალურია და ტოლია  $I_0$ -ის, კეტავენ  $K$  ჩამრთველს. განსაზღვრეთ მაქსიმალური ძაბვა კონდენსატორზე ჩამრთველის ჩართვის შემდგომ. კომპონენტების პარამეტრები ნახაზზეა მოცემული.



სურ 5.4: ამოცანა 05.

**ამოცანა 06.** სურათზე გამოსახულ სქემაში წინაღობა არ გვაქვს.  $L_1$  და  $L_2$  ინდუქტიური კოჭები ერთმანეთთან შეერთებულია მიმდევრობით და  $C$  კონდენსატორთან. საწყის მომენტში  $K_1$  და  $K_2$  ჩამრთველები გამორთულია. კონდენსატორი დამუხტულია  $U_0$  ძაბვამდე. თავიდან რთავენ  $K_1$  ჩამრთველს და მას შემდეგ რაც კონდენსატორზე ძაბვა გაუტოლდება ნულს, რთავენ  $K_2$  ჩამრთველს. მეორე ჩამრთველის ჩართვიდან გარკვეული დროის შემდგომ კონდენსატორი გადაიმუხტება მაქსიმალურ  $U_m$  ძაბვამდე. განსაზღვრეთ ინდუქტივობებში გამავალი დენი  $K_2$  ჩართვის მომენტის წინ. ასევე განსაზღვრეთ ძაბვა  $U_m$ .



სურ 5.5: ამოცანა 06.

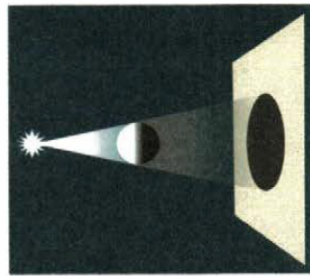


## თავი 6

# გეომეტრიული ოპტიკა

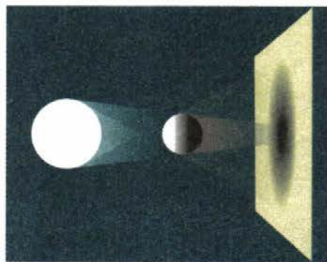
### 6.1 ჩრდილი და ნახევარჩრდილი

თუ სხეულს დავანათებთ წერტილოვანი წყაროდან, მაშინ საგნის ჩრდილი იქნება სრული, მკვეთრად შემოსაზღვრული საზღვრით.



სურ 6.1: ჩრდილი.

თუკი ობიექტს ვანათებთ არაწერტილოვანი გაწეილი სინათლის წყაროთი, მაშინ ის ასევე წარმოქმნის ნახევარჩრდილს - ნაწილობრივ განათებულ ეკრანის არეს, სადაც მხოლოდ მანათობელი ობიექტის ნაწილიდან ეცემა სინათლე. ზოგიერთ შემთხვევაში შეიძლება სრული ჩრდილი საერთოდ არ გვქონდეს, და მხოლოდ იყოს ნახევარჩრდილი.

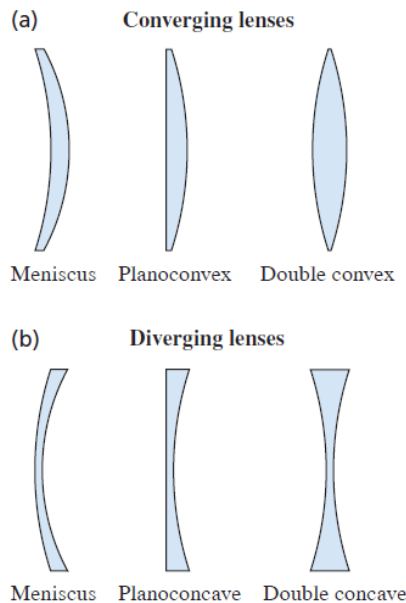


სურ 6.2: ნახევარჩრდილი.

ნახევარჩრდილის ზომის და გეომეტრიული ფორმის განსაზღვრა შესაძლებელია გეომეტრიული აგებით, სინათლის წრფივი გავრცელების მიხედვით.

### 6.2 თხელი ლინზები

ლინზას ორი სფერული ზედაპირით შემოსაზღვრულ გამჭვირვალე სხეულს უწოდებენ. თუ მისი სისქე მცირეა სფერული ზედაპირების სიმრუდის რადიუსთან შედარებით, მაშინ ლინზას თხელს უწოდებენ 6.3.



სურ 6.3: სხივთა სვლა თხელ ა) შემკრებ, ბ) გამბნევ ლინზაში.

ლინზები პრაქტიკულად ყველა ოპტიკური ხელსაწყო შემაღენლობაში შედიან. არსებობს შემკრები და გამბნევი ლინზები. შემკრები ლინზა შუაში უფრო სქელია ვიდრე კიდეებზე, გამბნევი კი პირიქით, შუაშია უფრო თხელი.

თხელი ლინზის ფორმულა

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} \quad (6.1)$$

$D$  სიდიდე ფოკუსური მანძილის შებრუნებულია და ლინზის ოპტიკურ ძალას უწოდებენ. ოპტიკური ძალის ერთეულია დიოპტრი. დიოპტრი ერთი მეტრი ფოკუსური მანძილის მქონე ლინზის ოპტიკური ძალაა:

### 6.3 გამოსახულების აგება ლინზებსა და სფერულ სარკეებში

ლინზით ან სარკით მიღებული გამოსახულების ადგილმდებარეობის განსაზღვრა შეიძლება ორი მეთოდით - ალგებრული გამოთვლით (ლინზისა და სარკის ფორმულის გამოყენებით) ანდა გეომეტრიული აგებით.

პირველი მეთოდი თუმც არის უფრო უნივერსალური, ხშირად რთულ ოპტიკურ სისტემებში მას თავს ვერ აგარიდებთ. სამაგიეროდ მეორე მეთოდი უფრო თვალსაჩინოა. ამიტომაც ალგებრულად ამოცანის შემთხვევაშიც კი ვაკეთებთ ნახაზს, რომელიც გვეხმარება საჭირო სისტემის დაწერაში. თუ ამოცანა არ არის ზედმეტად შრომატევადი(?), აგებით ამოხსნა არის უფრო მოსახერხებელი.

თხელ ლინზებში გამოსახულების აგებისას ვსარგებლობთ სამი ძირითადი თვისებით სინათლის სხივის ნახ.ა) 6.4.

1) სხივი  $AA_1$ , რომელიც გადის ლინზის ოპტიკურ ცენტრში  $O$  (მეორენაირად ეძახიან დამხმარე ოპტიკურ ღერძს) არ გარდატეხდება.

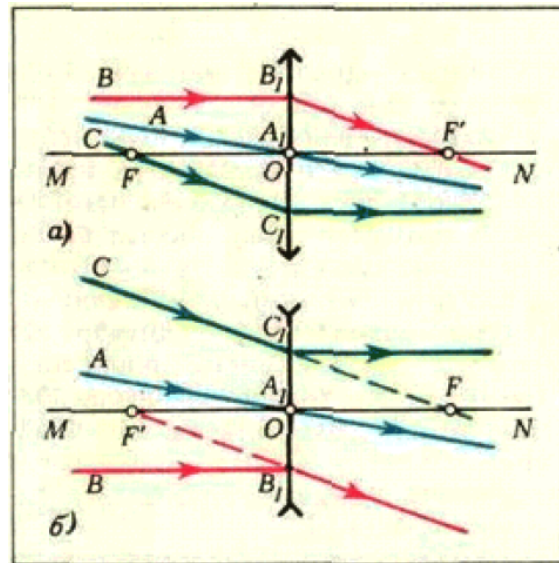
2) სხივი  $BB_1$ , რომელიც ეცემა ლინზას მთავარი ოპტიკური ღერძის პარალელურად გარდატეხდება და გაივლის ლინზის უკანა  $F'$  ფოკუსსი.

3) სხივი  $CC_1$ , რომელიც გადის წინა ფოკუსში  $F$ , ლინზაში გარდატეხის მერე გამოდის მთავარი ოპტიკური ღერძის პარალელურად.

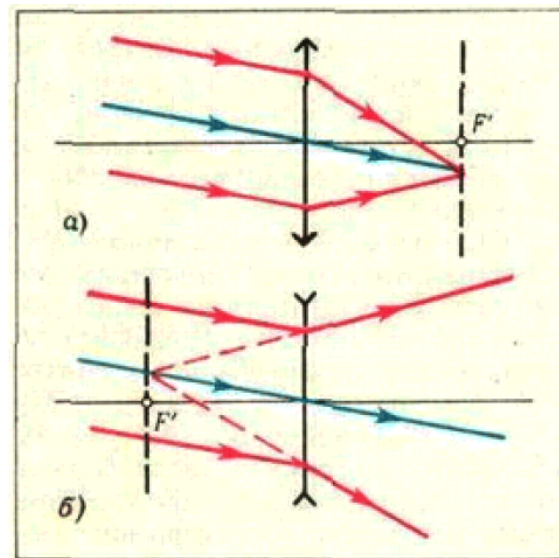
უკანა ფოკუსი  $F'$  ეწოდება წერტილს რომელშიც იკრიბებიან გარდატეხის შემდეგ ოპტიკური ღერძის პარალელურად, ლინზაზე დაცემული სხივები. წინა  $F$  და უკანა  $F'$  ფოკუსები განლაგებული არიან თხელი ლინზის მიმართ სიმეტრიულად.  $F$  გადის უკანა ფოკალური სიბრტყე,  $F'$ -ში გადის უკანა ფოკალური სიბრტყე.

ხანდახან ასევე გვეხმარება შემდეგი წესებიც: 1) სხივები, რომლებიც ლინზას ეცემიან პარალელურ ნაკადად, გარდატეხის შემდეგ იკრიბებიან უკანა ფოკალურ სიბრტყეში 6.5.

2) სხივები რომლებიც გამოდიან ლინზიდან პარალელურ ნაკადად, ლინზაზე დაცემამდე გადაიკვეთენ წინა ფოკალურ სიბრტყეში 6.6.



სურ 6.4: სხივთა სვლა თხელ ა) შემკრებ, ბ) გამბნევ ლინზაში.



სურ 6.5: ლინზაზე დაცემულ პარალელურ სხივთა სვლა თხელ ა) შემკრებ, ბ) გამბნევ ლინზაში.

## 6.4 სფერული სარკე

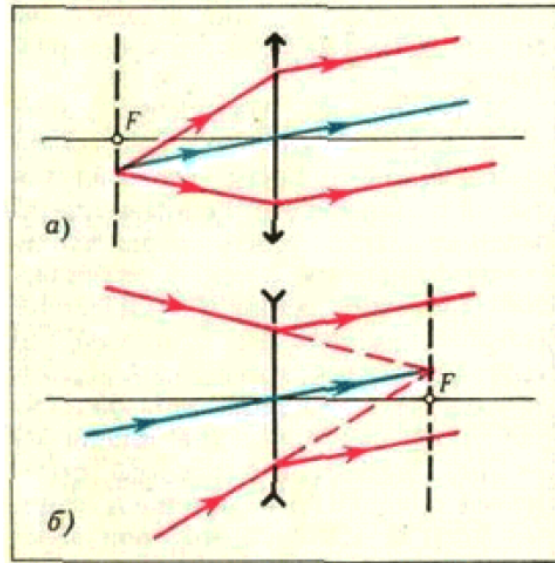
## 6.5 მარგველაშვილი

**6-118.** პარალელურ სხივთა კონა ეცემა შემკრებ ლინზას, რომლის ფოკუსური მანძილია 20 სმ. ლინზიდან რა მანძილზე უნდა მოვათავსოთ მეორე ასეთივე ლინზა, რომ მისგან გამოსული სხივები ისევ პარალელური იყოს?

6-119. შემკრებ ლინზას, რომლის ფოკუსური მანძილია 20 (გ ეცემა პარალელურ სხივთა კონა. ლინზის ოპტიკურ ღეროზე მისგან 60 სმ მანძილზე მოთავსებულია მეორე შემკრები ლინზა, რომ ნაც კვლავ პარალელური სხივები გამოდის. იპოვეთ მეორე ლინზას ფოკუსური მანძილი.

6-190. გამბნევი ლინზის ფოკუსური მანძილია 7 სმ. რა მანძილზე უნდა დაგაყენოთ შემკრები ლინზა, რომლის ფოკუსური მანძილია 20 სმ, რომ მივიღოთ პარალელური სხივები, თუ გამბნევ ლინზას ეცემა პარალელური სხივები?

6-181. მიღში მოთავსებულია ორი შემკრები ლინზა, რომლებიც ერთმანეთისაგან დაშორებულია 16 სმ-ით. პირველი ლინზის ფოკუსური მანძილია 8 სმ, მეორისა — 5 სმ. საგანი მდებარეობს პირველი ლინზიდან 40 სმ მანძილზე, მეორე ლინზიდან რა მანძილზე მიიღება გამოსახულება?



სურ 6.6: ლინზიდან გამოსული პარალელურ სხივთა "უკუსვლა"თხელ ა) შემკრებ, ბ) გამბნევ ლინზაში.

შემკრები ლინზა (f)				
სხეული ( $d_o$ )	გამოსახულება ( $d_i$ )			
მდებარეობა	ტიპი	მდებარეობა	ორიენტაცია	ზომა
	ნამდვილი		შებრუნებული	შემცირებული
	ნამდვილი		შებრუნებული	იგივე ზომის
	ნამდვილი		შებრუნებული	გადიდებული
	წარმოსახვითი		პირდაპირი	გადიდებული

9–199. შემკრები ლინზას ეცემა მთავარი ოპტიკური ღერძის პარალელური სხივთა კონა. შემკრები ლინზიდან 10 სმ-ის მანძილზე ი თავსებულია გამბნევი ლინზა. გამბნევი ლინზიდან რა მანი ე. 20 იღება გამოსახულება, თუ შემკრები ლინზის ფოკუსური მანძილ სმ, გამბნევისა კი — 15 სმ. ს პარალელურ სხივთა კონაზე.

## 6.6 ამოცანები.

**რიმკვეთი 1075** რამდენით გაიზრდება კუთხე დაცემულ და არეკვლილ სხივებს შორის, თუ ბრტყელ სარკეს  $\phi$  კუთხით შემოვარდნებით ღერძის გარშემო, რომელიც სხივის არეკვლის წერტილში გადის და სხივების განლაგების სიბრტყის მართობია?

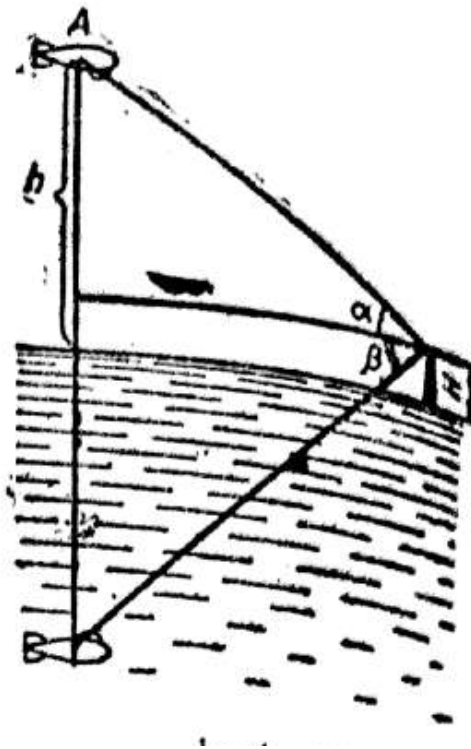
**რიმკვეთი 1076** დახაზეთ ორი ურთიერთმართობი  $AO$  და  $OB$  სარკე.  $OB$  სარკეზე დაცემული  $CD$  სხივი და სხივის შემდგომი სვლის  $DE$  და  $EF$  მიმართულებები. დაამტკიცეთ, რომ  $EF$  სხივი  $CD$ -ს პარალელურია,  $CD$  სხივის ნებისმიერი კუთხით დაცემისას.

**რიმკვეთი 1083** რა  $h$  სიმაღლეზე იმყოფება  $A$  აეროსტატი, თუ  $H$  სიმაღლის კოშკიდან იგი პორიზონტისადმი  $\alpha$  კუთხით ჩანს, ხოლო მისი გამოსახულება ტბაში პორიზონტისადმი  $\beta$  კუთხით ჩანს.

**რიმკვეთი 1097** 2 მ სიღრმის წყალსაცავის ფსკერზე ჩასობილია ხიმიჯი, რომელიც წყლის ზედაპირიდან 0.5 მ-ზეა ამოშვებული. იპოვეთ ხიმიჯის ჩრდილის სიგრძე წყალსაცავის ფსკერზე, თუ სხივები  $30^\circ$ -იანი კუთხით ეცემიან.

**რიმკვეთი 1101** . იპოვეთ პარალელურწახნაგებიან გამჭვირვალე ფირფიტაში გამავალი სხივის  $a$  წანაცვლება, თუ სხივის დაცემის კუთხეა  $\alpha$ , გარდატეხის კუთხე  $\gamma$ , ხოლო ფირფიტის სისქე  $d$ . შეიძლება თუ არა ამ ფირფიტაში გამავალმა სხივმა წანაცვლოს ისე, რომ მის მიმართულებასა და პირვანდელ მიმართულებას შორის მანძილი ფირფიტის სისქეზე მეტი აღმოჩნდეს?

.. ორ ბრტყელ სარკეს შორის კუთხე არის  $\alpha$ . იპოვეთ სარკეებს შორის მოთავსებული მნათი წერტილის რამდენი გამოსახულება მიიღება ასეთ სარკეში.



სურ 6.7: .

შემკრები ლინზა (f)				
სხეული ( $d_o$ )	გამოსახულება ( $d_i$ )			
მდებარეობა	ტიპი	მდებარეობა	ორიენტაცია	ზომა
$\infty > d_o > 2f$	ნამდვილი		შებრუნებული	შემცირებული
$d_o = 2f$	ნამდვილი	$d_i = 2f$	შებრუნებული	იგივე ზომის
$2f < d_o < f$	ნამდვილი		შებრუნებული	გადიდებული
$d_o = f$				
$d_o < f$	წარმოსახვითი		პირდაპირი	გადიდებული

**01.** როგორია დაცემის კუთხე, თუ წყლის ზედაპირიდან არეკვლილი სხივი გარდატეხილი სხივის პერპენდიკულარულია.

**02.** სინათლის სხივი ეცემა  $d = 0.6$  სმ სისქის ბრტყელი პარალელური მინის ფირფიტას. დაცემის კუთხე  $60^\circ$ -ია. იპოვეთ ამ ფირფიტაში გასული სხივის წანაცვლების სიდიდე.

**217** იროდოვი მოცემულია ორი ბრტყელი საზღვრის მქონე ორი ოპტიკური გარემო. დავუშვათ რომ სხივის დაცემის ზღვრული კუთხე  $\theta_1$ -ის ტოლია, ხოლო  $n$  არის დაცემის კუთხე, რომლის დროსაც გარდატეხილი სხივი არეკვლილი სხივის პერპენდიკულარულია (იგულისხმება რომ სხივი ვრცელდება ოპტიკურად მეტად მკვრივი გარემოდან). იპოვეთ ამ ორი გარემოს ფარდობითი გარდატეხის მაჩვენებელი, თუ  $\eta = 1.28$ .



## თავი 7

# ფიზიკური ოპტიკა

Table 16.1	
Colors Associated with Different Wavelengths of Light	
Color	Wavelength (nm)
Violet	380–440
Blue	440–490
Green	490–560
Yellow	560–590
Orange	590–620
Red	620–750

სურ 7.1: A boat.





## თავი 8

# ბირთვული ფიზიკა

$\alpha$  დაშლა  ${}^{235}_{92}\text{U} \longrightarrow {}^{231}_{90}\text{Th} + {}^4_2\text{He}$

რადიოაქტიურობა - როცა ბირთვი იყოფა თვითონ ბირთვი ბირთვული რეაქციები - როცა ბირთვი ურთიერთქმედებს სხვა ბირთვთან ან ნაწილაკთან.



## **თავი 9**

# **მათემატიკური ნაწილი**

### **9.1 წარმოებულები**

### **9.2 ინტეგრალები**

<https://calculus.nipissingu.ca/tutorials/integrals.html>



## თავი 10

### მელედინი 1.165

აუზის პორიზონტალურ ზედაპირზე დევს უმასო  $r$  რადიუსის სფერო, რომელზეც მობმულია წვრილი  $l$  სიგრძის ღერო, რომელიც ეხება აუზის ფსკერს, იხილე ნახაზი. იპოვეთ უმცირესი ღეროს მასა რომლისთვისაც სფერო ჯერ კიდევ დევს ფსკერზე. სითხის სიმკვრივეა  $\rho_0$ .