

ფიზიკა

ლევან კანკაძე

2 მარ. 2022 წ.



# სარჩევი

<b>1 წინასიტყვაობა.</b>	<b>5</b>
<b>2 მექანიკა</b>	<b>7</b>
2.1 ამოცანები . . . . .	7
2.2 4 ვექტორი . . . . .	7
2.3 რეაქტიული მოძრაობა . . . . .	7
2.4 სტატიკა . . . . .	7
2.5 შენახვის კანონები დაჯახებებში . . . . .	8
2.6 მასათა ცენტრი . . . . .	8
2.6.1 ამოცანები. . . . .	9
2.7 შენახვის კანონები . . . . .	9
2.8 ჭოჭონაქები . . . . .	9
2.9 კინემატიკური ბმები დინამიკის ამოცანებში . . . . .	9
2.10 მოძრაობა მოსახვევში . . . . .	10
2.10.1 ამოცანები . . . . .	10
2.11 მეშვიდე კლასი. . . . .	11
2.12 წრეწირზე მოძრაობა . . . . .	11
2.13 კოსმოსი . . . . .	11
2.13.1 ნიუტონის გრავიტაციული ფორმულა . . . . .	11
2.13.2 ელიფსი . . . . .	11
2.13.3 კეპლერის კანონები . . . . .	11
2.13.4 გრავიტაციული ურთიერთქმედების პოტენციალური ენერგია . . . . .	12
2.13.5 კოსმოსური სიჩქარეები . . . . .	12
2.13.6 ამოცანები . . . . .	13
<b>3 სითბური მოვლენები</b>	<b>15</b>
3.1 სითბური ბალანსი . . . . .	15
3.2 ამოცანები. . . . .	15
<b>4 ელექტრობა</b>	<b>17</b>
4.1 ემძ-ს შემცველი წრედების გამოთვლა . . . . .	17
4.2 გაუსის თეორემა . . . . .	17
4.3 კონდენსატორი . . . . .	17
4.4 ფარადეის კანონები . . . . .	18
<b>5 გეომეტრიული ოპტიკა</b>	<b>19</b>
5.1 ჩრდილი და ნახევარჩრდილი . . . . .	19
5.2 თხელი ლინზები . . . . .	19
5.3 გამოსახულების აგება ლინზებსა და სფერულ სარკეებში . . . . .	20
5.4 სფერული სარკე . . . . .	21
5.5 მარგველაშვილი . . . . .	21
5.6 ამოცანები. . . . .	22
<b>6 ბირთვული ფიზიკა</b>	<b>25</b>



## **თავი 1**

# **წინასიტყვაობა.**

აქ არის მოგროვებული სხვადასხვა მასალები ფიზიკაში.



## თავი 2

# მექანიკა

### 2.1 ამოცანები

ნივთიერი წერტილი იწყებს მოძრაობას წრფეზე  $a$  მუდმივი აჩქარებით.  $t_1$  დროის შემდეგ აჩქარება იცვლის ნიშანს, და მოდულით იგივე რჩება. განსაზღვრეთ რა  $t$  დროის შემდეგ დაუბრუნდება იგი საწყისს წერტილს.

პასუხი:  $t = t_1(2 + \sqrt{2})$

მატარებელი იმყოფებოდა  $L = 400$  მ შუქნიშიდან და ქონდა სიჩქარე  $v = 45$  კმ/სთ, როცა დაიწყო დამუხრუჭება. განსაზღვრე ლოკომოტივის მდებარეობა შუქნიშნის მიმართ 1 წუთის შემდეგ, მოძრაობდა  $a = 3$

პასუხი: 25 მ

### 2.2 4 ვექტორი

### 2.3 რეაქტიული მოძრაობა

### 2.4 სტატიკა

სტატიკაში შეისწავლება მყარი სხეულების წონასწორობა, რომელზეც მოქმედებს ძალები. წონასწორობაში იგულისხმება მდგომარეობა, რომლისთვისაც, სხეულს არ გააჩნია აჩქარება, ანუ მოძრაობს თანაბრად და წრფივად, ან ნაწილობრივ, იმყოფება უძრავად ათვლის ინერციულ სისტემაში. (პრაქტიკულად ამოცანებში, დედამიწასთან დაკავშირებული ათვლის სისტემა ითვლება ინერციულად).

განვიხილოთ თუ რა ძალები მოქმედებს წონასწორობაში მყოფ სხეულზე. პირველ რიგში უნდა გავიხსენოთ სიმძიმის ძალა. ეს სიმძიმის ძალა არის ტოლქმედი სხეულის შემადგენელი ნაწილაკების სიმძიმის ძალისა. სიმძიმის ძალა გადის სხეულის მასათა ცენტრზე.

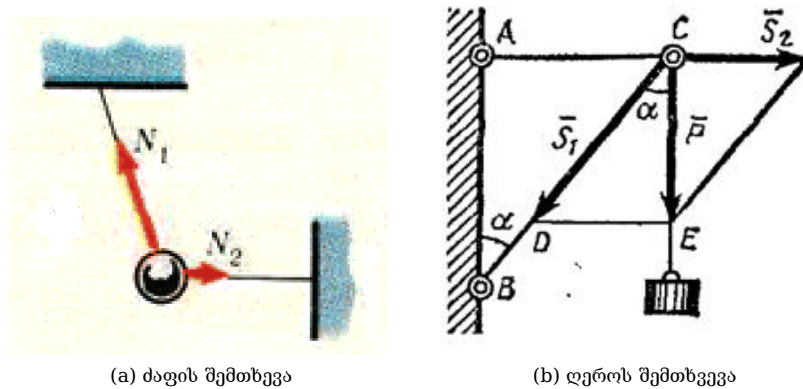
შემდეგ მოქმედებს ბმის რეაქციის ძალები - ეს ძალები ეწინააღმდეგება სხეულის მოძრაობას რომელიმე მიმართულებით. ბმის რეაქციის ძალა მიმართულია იმ მიმართულების საწინააღმდეგოდ, რომელი მიმართულებითაც ბმა ეწინააღმდეგება სხეულის მოძრაობას. რეაქციის ძალებია - დრეკადობისა და ხახუნის ძალები. მათი მოდულები და ზოგჯერ მიმართულება წინასწარ არაა ცნობილი და დამოკიდებულია, სხეულის ფორმაზე, ზედაპირების მდგომარეობაზე, ასევე სხეულზე მოქმედ სხვა ძალებზე.

რეაქციის ძალის მიმართულების განსაზღვრა აუცილებელია სტატიკის ამოცანების სწორად ამოხსენსნელად.

ამიტომაც განვიხილოთ როგორაა მიმართული რამდენიმე სახის ბმის რეაქციის ძალები:

1.

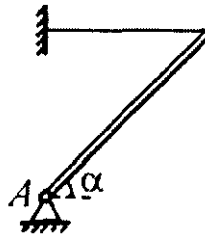
2. გადაბმა არის დრეკადი ძაფით ან უმასო ღეროთი, ძაფის შემთხვევაში დრეკადობის ძალა არის ყოველთვის მიმართული ძაფის გასწვრივ და "გამოდის" იმ წერტილიდან რომლითაც მიმაგრებულია სხეულზე ან ხდება გადაბმა. ღეროს დრეკადობის ძალის შემთხვევაში იგულისხმება იმ ძალის მნიშვნელობა რომლითაც ღერო იჭიმება ან იკუმშება, თუ ღერო უმასოა მაშინ აღძრული ძალა მიმართული იქნება ღეროს გასწვრივ, ხოლო მიმართულება (გამოდის თუ შედის ძალა გადაბმის წერტილში) უნდა დავადგინოთ ამოცანის პირობით.



სურ 2.1: ძალები

### 3. სახსრული შეერთება -

**ამოცანა** თხელი ერთგვაროვანი ღერო სახსრულადაა დამაგრებული წერტილ  $A$ -ში. ღეროს მეორე ბოლო კედელზე ძაფითაა დამაგრებული, ისე როგორც ნახაზზე 2.2 ნაჩვენებია. ღეროს მასაა  $m = 1$  კგ, ღერო ჰორიზონტისადმი დახრილია  $\alpha = 45^\circ$ . იპოვეთ სახსარში აღძრული დრეკადობის ძალა.



სურ 2.2: ამოცანა.

## 2.5 შენახვის კანონები დაჯახებებში

## 2.6 მასათა ცენტრი

მექანიკის ამოცანების ამოხსნისას, მატერიალურ წერტილთა სისტემის მასათა ცენტრის მცნების გამოყენებამ, შეიძლება ფასდაუდებელი დახმარება გაგვიწიოს. ზოგიერთი ამოცანის ამოხსნა საგრძნობლად მარტივდება და თვალსაჩინო ხდება, ხოლო ზოგიერთის ამოხსნა საერთოდ შეუძლებელია მისი გამოყენების გარეშე. სანამ შევუდგებით კონკრეტული ამოცანების ამოხსნას, დავისწავლოთ ძირითადი მასათა ცენტრის თვისებები, რომლების ილუსტრირებული იქნება კონკრეტული მაგალითებით.

მატერიალურ წერტილთა სისტემის მასათა ცენტრი (ინერციის ცენტრი) ვუწოდოთ წერტილს, რომელიც ახასიათებს სისტემაში მასის განაწილებას და რომლის კოორდინატებიც მოიცემა ფორმულებით

$$x_{\text{მც}} = \frac{m_1 x_1 + \dots + m_N x_N}{m_1 + \dots + m_N} \quad y_{\text{მც}} = \frac{m_1 y_1 + \dots + m_N y_N}{m_1 + \dots + m_N} \quad z_{\text{მც}} = \frac{m_1 z_1 + \dots + m_N z_N}{m_1 + \dots + m_N} \quad (2.1)$$

$m_i$  - მატერიალური წერტილების მასებია,  $x_i, y_i, z_i$  - ამ წერტილების კოორდინატებია. თუ მკითხველისათვის ცნობილია რადიუს ვექტორის მცნება, ზემოთ მოყვანილი სისტემა შეიძლება ჩაიწეროს, ერთ ვექტორულ ტოლობად:

$$\vec{r}_{\text{მც}} = \frac{m_1 \vec{r}_1 + \dots + m_N \vec{r}_N}{m_1 + \dots + m_N} \quad (2.2)$$

გავარჩიოთ რამდენიმე ამოცანა:

**ამოცანა 1** ვიპოვოთ მარტივი სისტემის მასათა, ცენტრი რომელიც შედგება ორი წერტილისაგან



### 2.6.1 ამოცანები.

**ამოცანა** ცილინდრული ღეროს ერთი ნახევარი თუთიისა, მეორე ნახევარი - ალუმინის. განსაზღვრეთ სისტემის მასათა ცენტრის მდებარეობა, თუ ღეროს სიგრძე 40 სმ-ია.

**ამოცანა** თუთიისა და ალუმინის ერთნაირი მოცულობის ორი ბირთვი შეერთებულია შეხების წერტილით. განსაზღვრეთ სისტემის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** 3 და 5 მასის ორი სფერო მიმაგრებულია 2 კგ მასის და 30 სმ სიგრძის ღეროს ბოლოებზე. სფეროს რადიუსებია, შესაბამისად, 5 და 7 სმ. განსაზღვრეთ სისტემის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** ხუთი სფერო, რომელთა მასა მიმდევრობით 1, 2, 3, 4, 5, კგ-ის ტოლია, დამაგრებულია ღეროზე ისე, რომ მათი ცენტრები ერთმანეთისაგან, თანაბარი მანძილებითაა დაშორებული. უგულებელყავით ღეროს მასა და გაიგეთ სისტემის მასათა ცენტრი.

**ამოცანა** ერთგვაროვანი  $R$  რადიუსის წრიული ფორმის თხელი ფირფიტისა და ორჯერ ნაკლები რადიუსის წრე ისეა ამოჭრილი, რომ ფირფიტის კიდეზე ეხება. განსაზღვრეთ დარჩენილი ფიგურის მასათა ცენტრი.

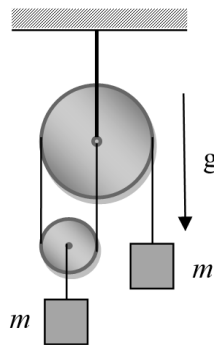
**ამოცანა** ერთგვაროვანი  $R = 105.6$  სმ წრიული ფორმის თხელი წრიდან ამოჭრილია კვადრატის ისე, როგორც სურათზეა გამოსახული. განსაზღვრეთ დარჩენილი ფიგურის მასათა ცენტრი.

## 2.7 შენახვის კანონები

**01.**  $m$  მასის უძრავ ბირთვს  $V$  სიჩქარით ეჯახება  $M$  მასის მოძრავი ბირთვი. იპოვეთ ბირთვების სიჩქარეები დაჯახების შემდეგ, თუ დაჯახება დრეკადია და ცენტრული. ძალის მოქმედებს წრფე გადის სხეულის მასათა ცენტრზე - სიმძიმის ცენტრი.

## 2.8 ჭოჭონაქები

**01.** იპოვეთ რა ძალით მოქმედებს ჭერზე, ნახატზე გამოსახული უმასო ჭოჭონაქების სისტემა. თოკები უჭიმვადია და უმასო, თითოეული სხეულის მასაა  $m$ . ხახუნი უგულებელყავით.



სურ 2.3: A boat.

## 2.9 კინემატიკური ბმები დინამიკის ამოცანებში

მექანიკის ამოცანებში ხშირად გვხვდება სიტუაცია, როდესაც სხეულის მოძრაობა არ არის თავისუფალი. ეს შეზღუდვა შეიძლება იყოს განპირობებული მყარი ზედაპირებით, უჭიმვადი ძაფებით, ხისტი ღეროებით და ასე შემდეგ. მარტივ შემთხვევებში ამ შეზღუდვებს ვითვალისწინებთ ავტომატურად და არც კი ვსაუბრობთ მასზე. მაგალითად სხეულის აჩქარებას პირდაპირ მივმართავთ სიბრტყის გასწვრივ (ცხადია მყარი ზედაპირის შემთხვევაში), ბუქსირზე ჩაბმული მანქანისა და მახუჭირებელი მანქანის სიჩქარეს ვთვლით ტოლად (გველისხმობთ რომ მანქანები გადაბმულია უჭიმვადი ტროსით). ხანდახან კი აუცილებელია ეს შეზღუდვა აღვწეროთ სპეციალური განტოლებების საშუალებით, რომელთაც ჩვენ ვუწოდებთ **კინემატიკურ ბმას**. განვიხილოთ რამდენიმე ამოცანა.

## 2.10 მოძრაობა მოსახვევში

### 2.10.1 ამოცანები

**ამოცანა.** როგორი უნდა იყოს გზის პროფილი, რომ ავტომობილმა, მოსახვევში სიჩქარის შეუმცირებლად და უსაფრთხოდ მოუხვიოს?

**ამოცანა.** გზის ჰორიზონტალურ უბანზე 140 მ რადიუსის წრეწირის 309-იანი რკალის დასაწყისში ავტომობილი ყველა წამყვანი 1.“ ალით იწყებს მოძრაობას და ზრდის სიჩქარის მოდულს. როგორ, მაქსიმალური სიჩქარით შეუძლია გავიდეს ავტომობილი გზის წრე, უბანზე? გზის ვაკისთან ბორბლების ხახუნის კოეფიციენტი 0,3.

**ამოცანა.** გზის ჰორიზონტალურ უბანზე 140 მ რადიუსის მოსახვევში 14 ტ. მატარებლის ვაგონის სიჩქარე 18 კმ/სთ-ია. განსაზღვრეთ, რა ძალით მოქმედებს რელსი ვაგონის რეზორდზე? გარე თუ შიდა რელსი მოქმედებს ბორბალზე? 3

+ 1013. ჯერ შეაფასეთ, შემდეგ განსაზღვრეთ, რამდენჯერ შეიცვ. დება რეზორდზე მოქმედი ძალის მოდული მატარებლის ვაგონის სიჩქარის ორჯერ გაზრდისას? შეადარეთ ერთმანეთს რელსის რე- ორდზე და რეზორდის რელსზე მოქმედი ძალები.

1014. 800მ რადიუსის სიმრუდის მოსახვევში მატარებელი მოძრაობს. '0მ/წმ სიჩქარით. რამდენით მაღლა უნდა იყოს გარე რელსი შიდაზე, რომ თვლების რეზორდები არ ახლენდენ გვერდით დაწოლას რელსე- ზე? ლიანდაგის სიგანეა 1534მმ.

1015. თქვენი ვარაუდით, რატომ ამცირებს მემანქანე მატარებლის იჩქარის მოდულს მოსახვევში?

1016. მოციგურავე მოძრაობს 42მ რადიუსის წრეწირზე მოდულ- ლით 12მ/წმ სიჩქარით. ჰორიზონტალურად რა კუთხით უნდა გადაიხ- როს იგი წონასწორობის შესანარჩუნებლად?

1017. რა მაქსიმალური სიჩქარით შეუძლია იმოდრაოს მოტო- იკლმა გზის ჰორიზონტალურ უბანზე 90მ რადიუსის სიმრუდის ოსახვევში, თუ სრიალის ხახუნის კოეფიციენტი 0,4? რას უნდა ედრიდეს ამ დროს შვეულიდან გადახრა?

1018. რა მაქსიმალური სიჩქარით შეუძლია იმოდრაოს მოტო“ აიკლმა 309 -იანი კუთხით დახრილ ტრეკზე; ი შემოწერს 909 ჩადიუსის წრეწირს? ხახუნის კოეფიციენტი 0:4-ია. . ,

არაერთი იმობილის. მგზავრი მოსახვევში მოხვევის. საბი“

. თ; „თქმის ეუმნეველია. რვეი“ 8 ავის მოხვევა კი მგზავრისათვის თითქ“

1020. თვითმფრინავი. ი.

უხვევს 6კმ რადიუსის წრეწირის რკალზე ?“

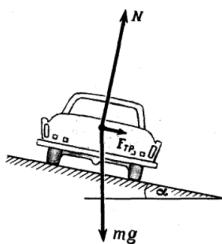
114

**01.** მოტოციკლეტისტი მოძრაობს ჰორიზონტალურ ზედაპირზე  $v = 70$  კმ/სთ სიჩქარით, ბრუნდება  $R = 100$  მ რადიუსის მოსახვევში, რა კუთხით უნდა გადაიხაროს რომ არ დაეცეს?

ამოხსნა

აქაც ხახუნის ძალაა, ძალა რომელიც აჩერებს მოტოციკლისტს,  $F_{fr} = \frac{mv^2}{R}$ , საყრდენის რეაქციის ძალა  $N = mg$ . მომენტების წესი სიმძიმის ცენტრის მიმართ მომენტებს განტოლებას  $F_{fr} \cdot l \sin \alpha = N l \cos \alpha$ . აქ მოცემული არაა  $\mu$  და მაგიტომ გვეჭირდება. ეს მომენტები.

**02.** რა მაქსიმალური  $v$  სიჩქარით შეიძლება იმოდრაოს მანქანამ  $\alpha$  კუთხით დახრილ სიბრტყეზე თუ სიმრუდის რადიუსია  $R$  და ხახუნის კოეფიციენტი ბორბლებსა და გზას შორის არის  $k$ .



სურ 2.4: A boat.

განსაზღვრე პლანეტის  $\rho$  საშუალო სიმკვრივე, თუ ეკვატორზე დინამომეტრზე ჩამოკიდებული ცირთი 10 %-ით მსუბუქია ვიდრე პოლუსზე. დღელამის ხანგრძლივობა პლანეტაზე  $t = 6$  სთ-ია.

## 2.11 მეშვიდე კლასი.

ამოცანა ნომერი 4. ერთ ქვეყანაში გეოლოგმა იპოვა შავი მეტეორიტი

## 2.12 წრეწირზე მოძრაობა

წრეწირზე მოძრაობისას აღწერისას წრფივი სიჩქარის მცნებასთან ერთად შემოაქვთ კუთხური სიჩქარის განმარტებაც. თუკი ნივთიერი წერტილი წრეწირზე მოძრაობისას  $\Delta t$  დროში შემოწერს რკალს, რომლის კუთხური ზომაა  $\Delta\phi$ , მაშინ კუთხური სიჩქარეა  $\omega = \frac{\Delta\phi}{\Delta t}$ .

## 2.13 კოსმოსი

### 2.13.1 ნიუტონის გრავიტაციული ფორმულა

ორი ნივთიერი წერტილი ერთმანეთს მიიზიდავს ძალით, რომელიც პირდაპირპროპორციულია მათი მასების ნამრავლისა და უკუპროპორციულია მათ შორის მანძილის კვადრატის.

$$F = G \frac{m_1 m_2}{r^2} \quad (2.3)$$

ანდა ჩაწერილი ვექტორული ფორმით.

$$\vec{F} = G \frac{m_1 m_2}{r^3} \vec{r} \quad (2.4)$$

$G = 6.67 \times 10^{-11} \frac{\text{ნ} \cdot \text{მ}^2}{\text{კგ}^2}$  კოეფიციენტს მსოფლიო მიზიდულობის ანუ გრავიტაციული მუდმივი ეწოდება. ის პირველად ინგლისელმა ფიზიკოსმა ჰენრი კავენდიშმა განსაზღვრა ცდით.

### 2.13.2 ელიფსი

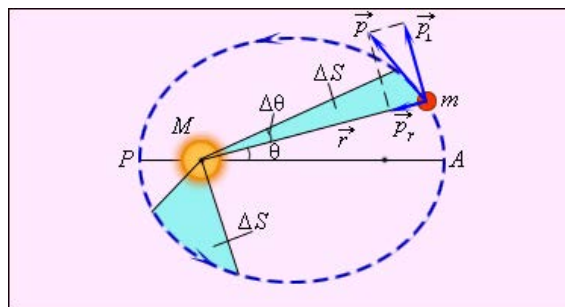
### 2.13.3 კეპლერის კანონები

#### კეპლერის პირველი კანონი

პლანეტები მოძრაობს ელიფსებზე, რომელთა ერთ-ერთ ფოკუსში იმყოფება მზე.

#### კეპლერის მეორე კანონი

პლანეტის რადიუს-ვექტორი დროის ტოლ შუალედებში ტოლ ფართობებს მოხვეტს.



სურ 2.5: კეპლერის მეორე კანონი - მოხვეტილი ფართობების ტოლობის კანონი.

#### კეპლერის მესამე კანონი

პლანეტების გარშემოვლის პერიოდების კვადრატები ისე შეეფარდება ერთმანეთს, როგორც მათი ორბიტების დიდი ნახევარღერძების კუბები.

$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3} \quad (2.5)$$

### 2.13.4 გრავიტაციული ურთიერთქმედების პოტენციალური ენერგია

$r$  მანძილით დაშორებული  $m_1$  და  $m_2$  მასის ნივთიერი წერტილების გრავიტაციული ურთიერთქმედების პოტენციალური ენერგიის ფორმულის მიღებას ინტეგრირების ცოდნა სჭირდება. ჩვენ მოვიყვანთ შედეგს გამოყვანის გარეშე:

$$U = -G \frac{m_1 m_2}{r} + C \quad (2.6)$$

სადაც  $C$  ნებისმიერი მუდმივაა. მისი კონკრეტული მნიშვნელობა დამოკიდებულია ნულოვანი დონის არჩევაზე. ჩვეულებრივ, ნულად თვლიან უსასრულოდ დაშორებული სხეულების პოტენციალურ ენერგიას. ამ შემთხვევაში  $C = 0$  და

$$U = -G \frac{m_1 m_2}{r}$$

### 2.13.5 კოსმოსური სიჩქარეები

#### პირველი კოსმოსური სიჩქარე

პირველი კოსმოსური სიჩქარე არის ის სიჩქარე, რომელიც საჭიროა სხეულს მივანიჭოთ გასროლისას რომ არ დაეცეს უკან დედამიწაზე და გააგრძელოს მის გარშემო ბრუნვა. სხეულისთვის დაწვრილ ნიუტონის მეორე კანონი:

$$\frac{mv^2}{r_E} = G \frac{M_E m}{r_E^2} \quad (2.7)$$

სადაც  $M_E$  არის დედამიწის მასა,  $r_E$  არის დედამიწის რადიუსი. განვიხილავთ დედამიწასთან ახლოს მბრუნავ თანამგზავრს ამიტომაც  $r_E$  არის დედამიწის რადიუსი და დედამიწის ზედაპირიდან დაშორებას არ ვითვალისწინებთ.

2.7 განტოლებიდან მივიღებთ:

$$v = \sqrt{\frac{GM_E}{r_E}} \quad (2.8)$$

თუ გავითვალისწინებთ იმასაც რომ თავისუფალი ვარდნის აჩქარება  $g = GM/r_E^2$  საბოლოოდ მივიღებთ:

$$v = \sqrt{gr_E} = 7.91 \times 10^3 \text{ მ/წმ} \quad (2.9)$$

#### მეორე კოსმოსური სიჩქარე

მეორე კოსმოსური სიჩქარის მინიჭებისას სხეულს შეუძლია დატოვოს დედამიწის ორბიტა, თუკი ჩავეერთ სრულ მექანიკურ ენერგიას.

$$E = \frac{mv^2}{2} - G \frac{M_E m}{r_E} \quad (2.10)$$

სადაც  $m$  არის სხეულის მასა,  $M_E$  დედამიწის მასა,  $r_E$  დედამიწის რადიუსი.

ცხადია როდესაც დედამიწის დატოვებს მას აღარ ექნება დედამიწასთან ურთიერთქმედების პოტენციალური ენერგია, და რადგან მინიმალურ სიჩქარეს ვეძებთ აღარც კინეტიკური ენერგია ექნება ორბიტის დატოვებისას მაშინ

$$\frac{mv^2}{2} - G \frac{M_E m}{r_E} = 0 \quad (2.11)$$

აქედან მივიღებთ:

$$v = \sqrt{\frac{2GM_E}{r_E}} = \sqrt{2gr_E} = 11.2 \times 10^3 \text{ მ/წმ} \quad (2.12)$$

#### მესამე კოსმოსური სიჩქარე

მესამე კოსმოსური სიჩქარეს თუ მივანიჭებთ სხეულს დედამიწის მიმართ, ის გაექცევა მზეს.

### 2.13.6 ამოცანები

**01.** თანამგზავრის კინეტიკური ენერგია წრიულ ორბიტაზე  $K$ -ს ტოლია. რისი ტოლი იქნება მისი პოტენციალური ენერგია?

**02.** რომელიმე პლანეტის რადიუსი დედამიწის რადიუსზე  $\sqrt{2}$ -ჯერ ნაკლებია, ხოლო თავისუფალი ვარდნის აჩქარება კი 3-ჯერ ნაკლები. განსაზღვრეთ ამ პლანეტის მასა.

**03.** განსაზღვრეთ დედამიწის ზედაპირიდან რა სიმაღლეზეა თავისუფალი ვარდნის აჩქარება, 16-ჯერ ნაკლები ვიდრე დედამიწის ზედაპირზე? დედამიწის რადიუსია 6400 კმ.

**04.** რომელიმე პლანეტის მასა 16-ჯერ ნაკლებია დედამიწის მასაზე. ამ პლანეტის საშუალო სიმკვრივე კი 2-ჯერ მეტია, დედამიწის საშუალო სიმკვრივეზე. რამდენჯერ მეტია თავისუფალი ვარდნის აჩქარება ამ პლანეტის ზედაპირზე დედამიწასთან შედარებით?

**05.** რამდენჯერ გაიზრდება დედამიწის ხელოვნური თანამგზავრის ორბიტის რადიუსი, თუ ბრუნვის პერიოდს 27-ჯერ გავზრდით?

**06.** პლანეტის მასა 4.5-ჯერ მეტია დედამიწის მასაზე, მისი რადიუსი კი 2-ჯერ მეტია დედამიწის რადიუსზე. რამდენი პროცენტით მეტია ამ პლანეტაზე პირველი კოსმოსური სიჩქარე, დედამიწასთან შედარებით?

**01.** რა დროში დაეცემა მთვარე დედამიწას თუ ის სწრაფად გაჩერდება.  
ამოხსნა: ამ ამოცანაში უნდა გამოვიყენოთ კეპლერის მესამე კანონი:

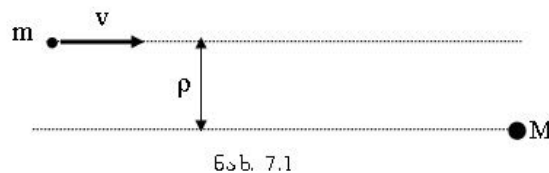
$$\frac{T_1^2}{T_2^2} = \frac{a_1^3}{a_2^3} \quad (2.13)$$

დავარდნა შეიძლება განვიხილოთ როგორც ძალიან გაწელილი ელიფსი. თუ დავუშვებთ რომ თავიდან მთვარის რადიუსი იყო  $a$  ახალი რადიუსი იქნება  $a/2$ , მაშინ ვარდნის დრო იქნება.

$$T_1^2 = T_2^2 \cdot \frac{(a/2)^3}{a^3} = T_2^2 \frac{1}{8} \quad (2.14)$$

სადაც  $T_2$  არის ძველი მთვარის პერიოდი, მაშინ დავარდნის დრო იქნება პერიოდის ნახევარი  $T_1/2$

**02.** უძრავად დამაგრებული  $M$  მასის ნივთიერი წერტილის გრავიტაციულ ველში დიდი მანძილით დაშორებული წერტილიდან (ამ მანძილზე გრავიტაციული ურთიერთქმედება შეგვიძლია უგულებელვყოთ)  $v$  სიჩქარით მოძრაობს  $m$  მასის ნივთიერი წერტილი, რომლის სამიზნე პარამეტრია  $\rho$ . იპოვეთ უმცირესი მანძილი ნივთიერ წერტილებს შორის.



ნახ. 7.1

სურ 2.6: ამოცანა.

ამოხსნა: იხსნება იმპულსის მუდმივობისა და ენერგიის მუდმივობით.  
პასუხი:

$$r_{min} = \frac{1}{v^2}$$



## თავი 3

# სითბური მოვლენები

### 3.1 სითბური ბალანსი

თუ ნივთიერება დნება  $+ \lambda m$  გამყარება  $- \lambda m$ , თუ ნივთიერება ორთქლდება  $+ r m$  კონდენსირდება  $- r m$ .

### 3.2 ამოცანები.





## თავი 4

# ელექტრობა

### 4.1 ემპ-ს შემცველი წრედების გამოთვლა

როდესაც წრედში გვაქვს ემპ წყარო, აუცილებელია განზოგადებული ომის კანონის გამოყენება.

$$I = \frac{U_{12} + \mathcal{E}}{r}$$

აქ შემავალი ეს სამი სიდიდე არის ალგებრული ნიშნით, შეიძლება იყოს როგორც უარყოფითი ისე დადებითი, მხოლოდ  $r$  არის ცალსახად დადებითი.

### 4.2 გაუსის თეორემა

შემოვიტანოთ ახალი ფიზიკური სიდიდე - ელექტრული ველის ნაკადი  $\Phi$  რაიმე ზედაპირში. განვიხილოთ ერთგვაროვან ელექტრულ ველში მოთავსებული ბრტყელი ზედაპირი. ამ ზედაპირის ფართობი იყოს  $S$ , ველის დაძაბულობა  $\vec{E}$ , ხოლო კუთხე დაძაბულობის ვექტორსა და ზედაპირის მართობ  $\vec{n}$  ერთეულოვან ვექტორს (ნორმალს) შორის  $\alpha$ .

ელექტრული ველის ნაკადი ბრტყელ ზედაპირში ტოლია დაძაბულობის მოდულის, ზედაპირის ფართობის და დაძაბულობასა და ზედაპირის ნორმალს შორის კუთხის კოსინუსის ნამრავლის.

$$\Phi = \vec{E} \cdot S\vec{n} = ES\cos\alpha = E_n S$$

ნებისმიერ ზედაპირში ელექტრული ნაკადის საპოვნელად ეს ზედაპირი უნდა დავყოთ იმდენად მცირე ელემენტარულ ნაწილებად, რომ თითოეული მათგანი ბრტყლად ჩაითვალოს და ველი მათ ფარგლებში ერთგვაროვანად. თითოეულ ელემენტარულ ზედაპირში ელემენტარულ ნაკადს ვიპოვიოთ (3.1) ფორმულის გამოყენებით. მათი შეკრებით მივიღებთ ნაკადს მთელ ზედაპირში.

სადაც  $S_i$  ელემენტარული ზედაპირების ფართობებია,  $E_i$  ელემენტების ფარგლებში ველის დაძაბულობის მოდულებია, ხოლო  $\alpha_i$  ელემენტების ფარგლებში ველის დაძაბულობასა და ელემენტის ნორმალს შორის კუთხეებია. უფრო ზუსტად, უნდა მოხდეს არა მცირე ელემენტებში ნაკადების აჯამვა, არამედ უსასრულოდ მცირე ელემენტებში ნაკადების ინტეგრება

ჩაკეტილ ზედაპირებში ელექტრული ნაკადის გამოთვლისას ყოველი ელემენტისათვის იყენებენ გარე ნორმალს.

გაუსის თეორემა ამტკიცებს, რომ ელექტრული ველის ნაკადი ნებისმიერ ჩაკეტილ ზედაპირში ტოლია ამ ზედაპირის შიგნით მოთავსებული მუხტების ალგებრული ჯამის ფარდობისა ელექტრულ მუდმივასთან.

$$\Phi = \frac{q}{\epsilon_0}$$

დამტკიცებას ამ ეტაპზე არ მოვიყვანთ.

### 4.3 კონდენსატორი

კონდენსატორის ენერგია გამოითვლება შემდეგი ფორმულით:

$$C = \frac{q}{\varphi}$$

ბრტყელი კონდენსატორი:

$$C = \frac{\epsilon_0 \epsilon S}{d}$$

#### 4.4 ფარადის კანონები

ელექტროლიტში დენის გავლისას ელექტროდებზე ნივთიერების გამოყოფის მოვლენას ელექტროლიზი ეწოდება.

ინგლისელმა ფიზიკოსმა ფარადემ, ატარებდა რა სხვადასხვა დენს სხვადასხვა ელექტროლიტში და გულმოდგინედ ზომავდა თითოეული ელექტროლიტიდან ელექტროდებზე გამოყოფილი ნივთიერების მასას, 1833-1834 წწ. აღმოაჩინა ელექტროლიზის ორი კანონი.

ფარადის პირველი კანონით დადგენილია დამოკიდებულება ელექტროლიზის დროს გამოყოფილი ნივთიერების მასასა და ელექტროლიტში გავლილ მუხტის სიდიდეს შორის.

ეს კანონი ასე გამოითქმის: ელექტროლიზის დროს თითოეულ ელექტროდზე გამოყოფილი ნივთიერების მასა ელექტროლიტში გავლილი მუხტის სიდიდის პირდაპირ პროპორციულია:

$$m = kIt = kq$$

სადაც  $k$  არის ელექტროქიმიური ექვივალენტი.

ქიმიური ექვივალენტი  $\frac{M}{n}$

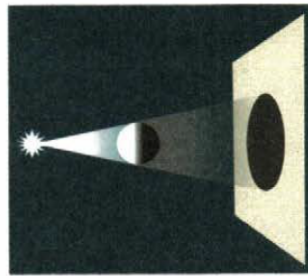
$$k = \frac{1}{F} \frac{M}{n}$$

## თავი 5

# გეომეტრიული ოპტიკა

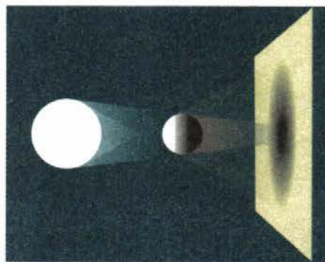
### 5.1 ჩრდილი და ნახევარჩრდილი

თუ სხეულს დავანათებთ წერტილოვანი წყაროდან, მაშინ საგნის ჩრდილი იქნება სრული, მკვეთრად შემოხაზული საზღვრით.



სურ 5.1: ჩრდილი.

თუკი ობიექტს ვანათებთ არაწერტილოვანი გაწეილი სინათლის წყაროთი, მაშინ ის ასევე წარმოქმნის ნახევარჩრდილს - ნაწილობრივ განათებულ ეკრანის არეს, სადაც მხოლოდ მანათობელი ობიექტის ნაწილიდან ეცემა სინათლე. ზოგიერთ შემთხვევაში შეიძლება სრული ჩრდილი საერთოდ არ გვქონდეს, და მხოლოდ იყოს ნახევარჩრდილი.

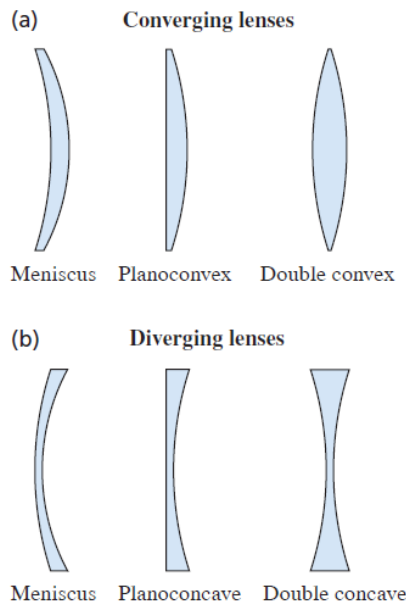


სურ 5.2: ნახევარჩრდილი.

ნახევარჩრდილის ზომის და გეომეტრიული ფორმის განსაზღვრა შესაძლებელია გეომეტრიული აგებით, სინათლის წრფივი გავრცელების მიხედვით.

### 5.2 თხელი ლინზები

ლინზას ორი სფერული ზედაპირით შემოსაზღვრულ გამჭვირვალე სხეულს უწოდებენ. თუ მისი სისქე მცირეა სფერული ზედაპირების სიმრუდის რადიუსთან შედარებით, მაშინ ლინზას თხელს უწოდებენ 5.3.



სურ 5.3: სხივთა სვლა თხელ ა) შემკრებ, ბ) გამბნევ ლინზაში.

ლინზები პრაქტიკულად ყველა ოპტიკური ხელსაწყო შემაღენლობაში შედიან. არსებობს შემკრები და გამბნევი ლინზები. შემკრები ლინზა შუაში უფრო სქელია ვიდრე კიდეებზე, გამბნევი კი პირიქით, შუაშია უფრო თხელი.

თხელი ლინზის ფორმულა

$$\frac{1}{f} + \frac{1}{d} = \frac{1}{F} \quad (5.1)$$

$D$  სიდიდე ფოკუსური მანძილის შებრუნებულია და ლინზის ოპტიკურ ძალას უწოდებენ. ოპტიკური ძალის ერთეულია დიოპტრი. დიოპტრი ერთი მეტრი ფოკუსური მანძილის მქონე ლინზის ოპტიკური ძალაა:

### 5.3 გამოსახულების აგება ლინზებსა და სფერულ სარკეებში

ლინზით ან სარკით მიღებული გამოსახულების ადგილმდებარეობის განსაზღვრა შეიძლება ორი მეთოდით - ალგებრული გამოთვლით (ლინზისა და სარკის ფორმულის გამოყენებით) ანდა გეომეტრიული აგებით.

პირველი მეთოდი თუმც არის უფრო უნივერსალური, ხშირად რთულ ოპტიკურ სისტემებში მას თავს ვერ აგარიდებთ. სამაგიეროდ მეორე მეთოდი უფრო თვალსაჩინოა. ამიტომაც ალგებრულად ამოცანის შემთხვევაშიც კი ვაკეთებთ ნახაზს, რომელიც გვეხმარება საჭირო სისტემის დაწერაში. თუ ამოცანა არ არის ზედმეტად შრომატევადი(?), აგებით ამოხსნა არის უფრო მოსახერხებელი.

თხელ ლინზებში გამოსახულების აგებისას ვსარგებლობთ სამი ძირითადი თვისებით სინათლის სხივის ნახ.ა) 5.4.

1) სხივი  $AA_1$ , რომელიც გადის ლინზის ოპტიკურ ცენტრში  $O$  (მეორენაირად ეძახიან დამხმარე ოპტიკურ ღერძს) არ გარდატეხდება.

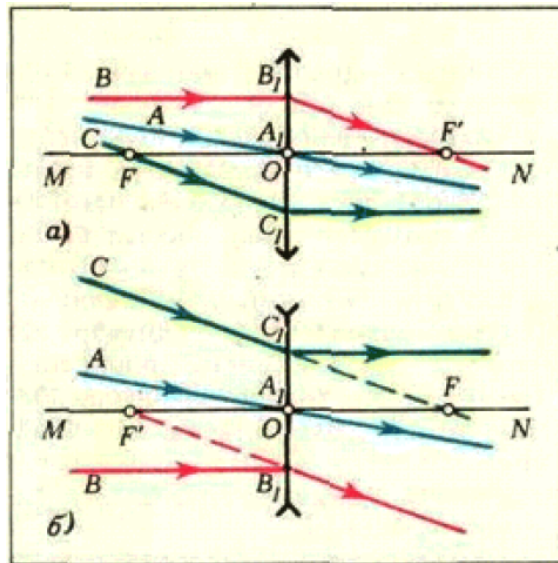
2) სხივი  $BB_1$ , რომელიც ეცემა ლინზას მთავარი ოპტიკური ღერძის პარალელურად გარდატეხდება და გაივლის ლინზის უკანა  $F'$  ფოკუსსი.

3) სხივი  $CC_1$ , რომელიც გადის წინა ფოკუსში  $F$ , ლინზაში გარდატეხის მერე გამოდის მთავარი ოპტიკური ღერძის პარალელურად.

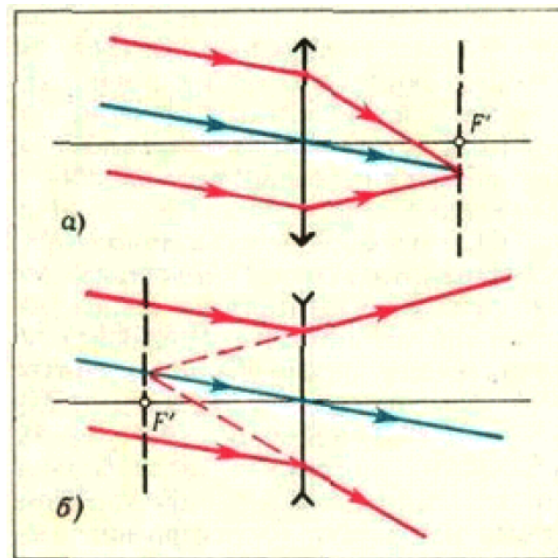
უკანა ფოკუსი  $F'$  ეწოდება წერტილს რომელშიც იკრიბებიან გარდატეხის შემდეგ ოპტიკური ღერძის პარალელურად, ლინზაზე დაცემული სხივები. წინა  $F$  და უკანა  $F'$  ფოკუსები განლაგებული არიან თხელი ლინზის მიმართ სიმეტრიულად.  $F$  გადის უკანა ფოკალური სიბრტყე,  $F'$ -ში გადის უკანა ფოკალური სიბრტყე.

ხანდახან ასევე გვეხმარება შემდეგი წესებიც: 1) სხივები, რომლებიც ლინზას ეცემიან პარალელურ ნაკადად, გარდატეხის შემდეგ იკრიბებიან უკანა ფოკალურ სიბრტყეში 5.5.

2) სხივები რომლებიც გამოდიან ლინზიდან პარალელურ ნაკადად, ლინზაზე დაცემამდე გადაიკვეთენ წინა ფოკალურ სიბრტყეში 5.6.



სურ 5.4: სხივთა სვლა თხელ ა) შემკრებ, ბ) გამბნევ ლინზაში.



სურ 5.5: ლინზაზე დაცემულ პარალელურ სხივთა სვლა თხელ ა) შემკრებ, ბ) გამბნევ ლინზაში.

## 5.4 სფერული სარკე

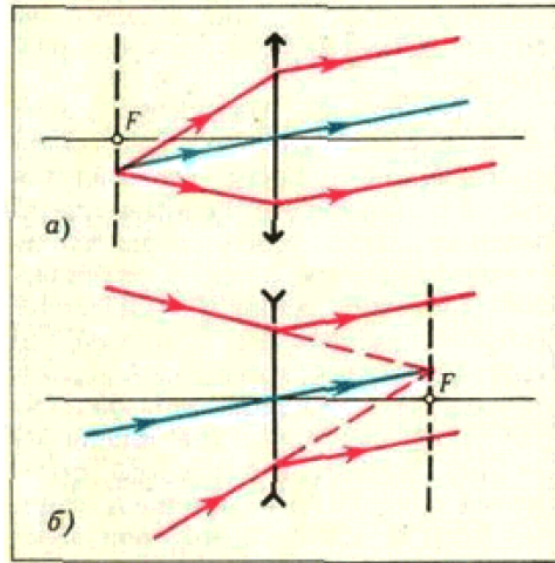
## 5.5 მარგველაშვილი

**6-118.** პარალელურ სხივთა კონა ეცემა შემკრებ ლინზას, რომლის ფოკუსური მანძილია 20 სმ. ლინზიდან რა მანძილზე უნდა მოვათავსოთ მეორე ასეთივე ლინზა, რომ მისგან გამოსული სხივები ისევ პარალელური იყოს?

6-119. შემკრებ ლინზას, რომლის ფოკუსური მანძილია 20 (გ ეცემა პარალელურ სხივთა კონა. ლინზის ოპტიკურ ღეროზე მისგან 60 სმ მანძილზე მოთავსებულია მეორე შემკრები ლინზა, რომ ნაც კვლავ პარალელური სხივები გამოდის. იპოვეთ მეორე ლინზას ფოკუსური მანძილი.

6-190. გამბნევი ლინზის ფოკუსური მანძილია 7 სმ. რა მანძილზე უნდა დაგაყენოთ შემკრები ლინზა, რომლის ფოკუსური მანძილია 20 სმ, რომ მივიღოთ პარალელური სხივები, თუ გამბნევ ლინზას ეცემა პარალელური სხივები?

6-181. მიღში მოთავსებულია ორი შემკრები ლინზა, რომლებიც ერთმანეთისაგან დაშორებულია 16 სმ-ით. პირველი ლინზის ფოკუსური მანძილია 8 სმ, მეორისა — 5 სმ. საგანი მდებარეობს პირველი ლინზიდან 40 სმ მანძილზე, მეორე ლინზიდან რა მანძილზე მიიღება გამოსახულება?



სურ 5.6: ლინზიდან გამოსული პარალელურ სხივთა "უკუსვლა"თხელ ა) შემკრებ, ბ) გამბნევ ლინზაში.

9-199. შემკრებ ლინზას ეცემა მთავარი ოპტიკური ღერძის პარალელური სხივთა კონა. შემკრები ლინზიდან 10 სმ-ის მანძილზე ი თავსებულია გამბნევი ლინზა. გამბნევი ლინზიდან რა მანი ე. 20 იღება გამოსახულება, თუ შემკრები ლინზის ფოკუსური მანძილ სმ, გამბნევისა კი — 15 სმ. ს პარალელურ

## 5.6 ამოცანები.

**რიმკვეთი 1075** რამდენით გაიზრდება კუთხე დაცემულ და არეკვლილ სხივებს შორის, თუ ბრტყელ სარკეს  $\phi$  კუთხით შემოგაბრუნებთ ღერძის გარშემო, რომელიც სხივის არეკვლის წერტილში გადის და სხივების განლაგების სიბრტყის მართობია?

**რიმკვეთი 1076** დახაზეთ ორი ურთიერთმართობი  $AO$  და  $OB$  სარკე.  $OB$  სარკეზე დაცემული  $CD$  სხივი და სხივის შემდგომი სვლის  $DE$  და  $EF$  მიმართულებები. დაამტკიცეთ, რომ  $EF$  სხივი  $CD$ -ს პარალელურია,  $CD$  სხივის ნებისმიერი კუთხით დაცემისას.

**რიმკვეთი 1083** რა  $h$  სიმაღლეზე იმყოფება  $A$  აეროსტატი, თუ  $H$  სიმაღლის კოშკიდან იგი პორიზონტისადმი  $\alpha$  კუთხით ჩანს, ხოლო მისი გამოსახულება ტბაში პორიზონტისადმი  $\beta$  კუთხით ჩანს.

**რიმკვეთი 1097** 2 მ სიღრმის წყალსაცავის ფსკერზე ჩასობილია ხიმინჯი, რომელიც წყლის ზედაპირიდან 0.5 მ-ზეა ამოშვერილი. იპოვეთ ხიმინჯის ჩრდილის სიგრძე წყალსაცავის ფსკერზე, თუ სხივები  $30^\circ$ -იანი კუთხით ეცემიან.

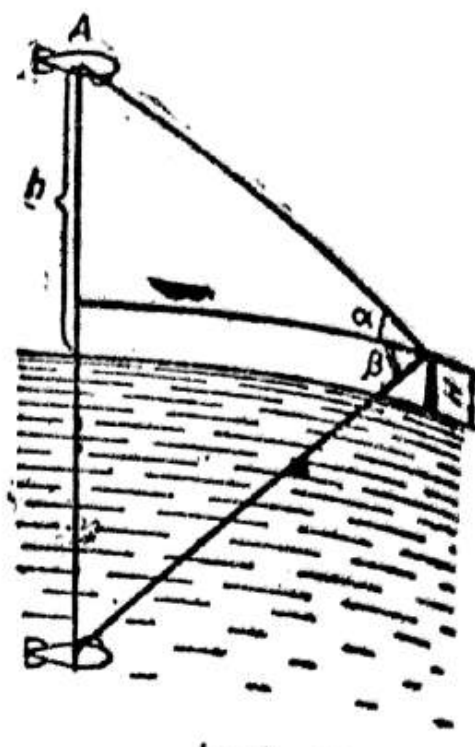
**რიმკვეთი 1101** . იპოვეთ პარალელურწახნაგებიან გამჭვირვალე ფირფიტაში გამავალი სხივის  $a$  წანაცვლება, თუ სხივის დაცემის კუთხეა  $\alpha$ , გარდატეხის კუთხე  $\gamma$ , ხოლო ფირფიტის სისქე  $d$ . შეიძლება თუ არა ამ ფირფიტაში გამავალმა სხივმა წაინაცვლოს ისე, რომ მის მიმართულებასა და პირვანდელ მიმართულებას შორის მანძილი ფირფიტის სისქეზე მეტი აღმოჩნდეს?

.. ორ ბრტყელ სარკეს შორის კუთხე არის  $\alpha$ . იპოვეთ სარკეებს შორის მოთავსებული მნათი წერტილის რამდენი გამოსახულება მიიღება ასეთ სარკეში.

**01.** როგორია დაცემის კუთხე, თუ წყლის ზედაპირიდან არეკვლილი სხივი გარდატეხილი სხივის პერპენდიკულარულია.

**02.** სინათლის სხივი ეცემა  $d = 0.6$  სმ სისქის ბრტყელი პარალელური მინის ფირფიტას. დაცემის კუთხე  $60^\circ$ -ია. იპოვეთ ამ ფირფიტაში გასული სხივის წანაცვლების სიდიდე.

**217** იროდოვი მოცემულია ორი ბრტყელი საზღვრის მქონე ორი ოპტიკური გარემო. დავუშვათ რომ სხივის დაცემის ზღვრული კუთხე  $\theta_1$ -ის ტოლია, ხოლო  $n$  არის დაცემის კუთხე, რომლის დროსაც გარდატეხილი სხივი არეკვლილი სხივის პერპენდიკულარულია (იგულისხმება რომ სხივი ვრცელდება ოპტიკურად მეტად მკვრივი გარემოდან). იპოვეთ ამ ორი გარემოს ფარდობითი გარდატეხის მაჩვენებელი, თუ  $\eta = 1.28$ .



სურ 5.7: .





## თავი 6

# ბირთვული ფიზიკა

$\alpha$  დაშლა  ${}^{235}_{92}\text{U} \longrightarrow {}^{231}_{90}\text{Th} + {}^4_2\text{He}$