## Bài 3. PHÂN TÍCH TỪ VỰNG

cuu duong than cong . com

Viện CNTT&TT - ĐHBKHN

## Kiểm tra bài trước

• Bài tập 2.1:

Cho văn phạm phi ngữ cảnh:  $S \rightarrow S S + |SS^*| a$   $\Rightarrow$  Xây dựng cây PTCP cho câu nhập:  $aa+a^*$ 

• Bài 2.2 Đâu là văn phạm mơ hồ:

a) 
$$S \rightarrow 0 S 1 \mid 0 1$$

$$cub)dS \rightarrow g+|S|S|-|S|S|a|$$

c) 
$$S \rightarrow S(S)S \mid \in$$

d) 
$$S \rightarrow a S b S | b S a S | \in$$

e) 
$$S \rightarrow a | S + S | S S | S * | (S)$$

2

## Mục đích

- Sau khi học xong chương này, sinh viên sẽ nắm được:
  - Các kỹ thuật xác định và cài đặt bộ PTTV.
  - Xây dựng các lược đồ cho các biểu thức chính quy mô tả ngôn ngữ.
  - DFA và NFA. Các automata hữu hạn xác định và không xác định dùng để nhận dạng chính xác ngôn ngữ.
  - Sử dụng công cụ có sẵn Lex để sinh ra bộ PTTV

# Điều kiện

- Kiến thức cần có:
  - Kiến thức cơ bản về NFA và DFA
  - Cách chuyển đổi giữa các Automata.

cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com

## Tài liệu tham khảo

- [1] Slide bài giảng
- [2] Compilers: Principles, Technique and Tools Alfred V.Aho, Jeffrey D.Ullman Addison Wesley Publishing Company, 1986.
- [3] Automata and Formal Language, An Introduction- Dean Kelley- Prentice Hall, Englewood Cliffs, New Jersey 07632
- [4] Compilers course, CS 143 summer 2010, Standford University.

## Nội dung

- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong . com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Tổng kết quá trình PTTV
- 9. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

## Nội dung

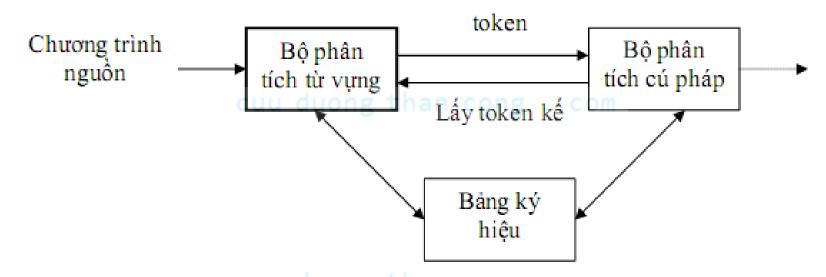
- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong . com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Tổng kết quá trình PTTV
- 9. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

## 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng

- 1.1 Ý nghĩa của giai đoạn PTTV
- 1.2 Các khái niệm
- 1.3 Thuộc tính của Token
- 1.4 Lỗi từ vựng

cuu duong than cong . com

## 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng



Hình 3.1 - Giao diện của bộ phân tích từ vựng

CuuDuongThanCong.com https://fb.com/tailieudientucntt

9

# 1.1 Ý nghĩa của giai đoạn PTTV

- Làm cho việc thiết kế đơn giản và dễ hiểu hơn
- Hiệu quả của trình biên dịch được cải thiện nhờ một số chương trình xử lý chuyên dụng.
- Tính đa tương tích của trình biên dịch được cải thiện.

cuu duong than cong . com

## 1.2 Các khái niệm

- Từ tố (Token): là các ký hiệu kết thúc trong văn phạm đối với ngôn ngữ nguồn. Ví dụ: từ khóa, toán tử, dấu câu, hằng, định danh...
- Trị từ vựng (Lexeme) của một token là một chuỗi ký tự biểu diễn cho token đó
- Mẫu từ vựng (pattern) là qui luật mô tả một tập các trị từ vựng kết hợp với một token nào đó.

## 1.2 Các khái niệm

Token	Trị từ vựng minh họa	Mô tả của mẫu từ vựng
const	const	const
if	if cuu duong t	ifan cong . com
relation	<, <=, =, <>, >, >=	< hoặc <= hoặc = hoặc <> hoặc > hoặc >=
id	pi, count, d2	Mở đầu là chữ cái theo sau là chữ cái, chữ số
num	3.1416, 0, 5	Bất kỳ hằng số nào
literal	"hello"	Mọi chữ cái nằm giữa " và " ngoại trừ "

Hình 3.2 - Các ví dụ về token

### 1.3 Thuộc tính của Token

- Khi có nhiều mẫu từ vựng khớp với trị từ vựng, bộ PTTV phải cung cấp thêm thông tin và cất chúng vào bảng danh biểu (Ví dụ trị từ vựng).
- Token luôn mang trong mình một thuộc tính duy nhất là con trỏ để chỉ đến vị trí của nó trong bảng danh biểu trong . com
- ➤ Khi một token được chuyển đến bộ phân tích cú pháp nó sẽ có dạng.

## 1.3 Thuộc tính của Token

- Ví dụ 3.1: Câu lệnh: X=Y\*2, được viết như một dãy các bộ:
  - <id>−<id, con trỏ trong bảng ký hiệu của X>
  - <assign\_op, >
  - <id, con trỏ trong bảng ký hiệu của Y>
  - **<mult\_op**, >
  - < num, giá trị nguyên 2> cong

<u>Chú ý:</u> Một số bộ không cần giá trị thuộc tính, thành phần đầu tiên là đủ nhận dạng trị từ vựng

## 1.4 Lỗi từ vựng

- Chỉ một số ít lỗi được phát hiện tại bước PTTV.
- Ví dụ: fi (i>=m)...
  - ⇒fi lỗi viết sai từ khóa if?
  - ⇒**Hay** một id (danh biểu) chưa được khai báo?
- Các chiến lược khắc phục lỗi:
  - Xóa đi 1 ký tự dư
  - Xen thêm 1 ký tự bị mất
  - Thay thế ký tự sai bằng ký tự đúng
  - Chuyển đổi hai ký tự kề nhau

## Nội dung

- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong . com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

## 2. Lưu trữ tạm chương trình nguồn

- 2.1 Cặp bộ đệm
- 2.2 Khóa canh

cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com

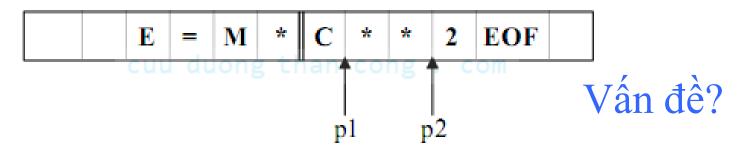
## 2. Lưu trữ tạm chương trình nguồn

- <u>Vấn đề:</u> Đọc từng ký tự chương trình nguồn tốn nhiều thời gian và ảnh hưởng tốc độ dịch
- Giải quyết: Đọc một lúc một chuỗi ký tự và lưu vào bộ đệm buffer.
- Thế nào cho trọn vẹn Token?

cuu duong than cong . com

## 2.1 Cặp bộ đệm

- Vùng đệm chia làm 2 nửa với kích thước N (1024 hoặc 4096)
- Sử dụng 2 con trỏ P1, P2 để dò tìm.
  - P1 đặt tại vị trí đầu của 1 trị từ vựng
  - P2 dịch chuyển để xác định trị từ vựng cho token.



Hình 3.3 - Cặp hai nửa vùng đệm

## 2.1 Cặp bộ đệm

#### Giải thuật:

```
if p2 ở ranh giới một nửa bộ đệm then begin
```

lấp đầy N ký hiệu nhập mới vào nửa bên phải.

$$p2 := p2 + 1;$$
 duong than cong. com

end

else if p2 ở tận cùng bên phải bộ đệm then

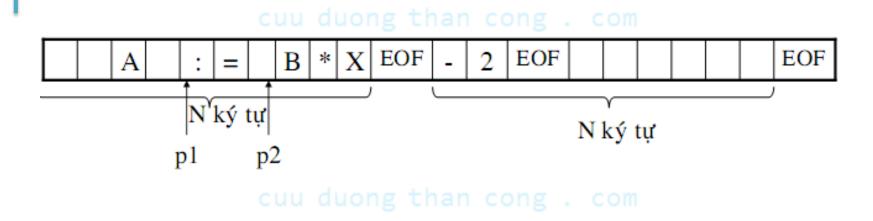
begin

lấp đầy N kỳ hiệu nhập vào nửa bên trái bộ đệm. chuyển p2 về ký tự tận cùng bên trái của bộ đệm.

end

### 2.2 Khóa canh

- Chỉ đọc N-1 ký tự vào mỗi nửa buffer.
- Ký tự N là eof.



Hình 3.4- Khóa canh oef tại cuối mỗi vùng đệm

#### 2.2 Khóa canh

#### Giải thuật:

$$p2 := p2 + 1;$$

If p2 ^ eof then duong than cong.

if p2 ở ranh giới một nửa bộ đệm then

#### begin

chất đầy N kỳ hiệu nhập vào nửa bên phải bộ đệm;

$$p2 := p2 + 1$$

end CuuDuongThanCong.com

### 2.2 Khóa canh

else if p2 ở tận cùng bên phải bộ đệm then begin

lấp đầy N ký hiệu vào nửa bên trái bộ đệm; chuyển p2 về đầu bộ đệm

end

else /\* dừng sự phân tích từ vựng\*/
end

## Nội dung

- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong . com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

## 3. Đặc tả token

- 3.1 Chuỗi và ngôn ngữ
- 3.2 Các phép toán trên ngôn ngữ
- 3.3 Biểu thức chính quy
- 3.4 Các tính chất đại số của biểu thức chính quy
- 3.5 Định nghĩa chính quy
- 3.6 Ký hiệu viết tắt.<sub>ng than cong</sub>. com

# 3.1 Chuỗi và ngôn ngữ

#### Chuỗi:

- Tập hợp hữu hạn các ký tự
- Độ dài chuỗi là số ký tự trong chuỗi
- Chuỗi rỗng ε là chuỗi có độ dại 0.

#### • Ngôn ngữ:

- Là tập hợp các chuỗi
- Có thể chỉ bao gồm 1 chuỗi rỗng ký hiệu là Ø

## 3.2 Các phép toán trên ngôn ngữ

- Xét 2 ngôn ngữ L và M:
  - Hợp: của L và M là L U  $\mathbf{M} = \{s | s \in L \text{ hoặc } s \in M\}$
  - Ghép: của L và M là:  $LM = \{st | s \in L \text{ và } t \in M\}$
  - Bao đóng Kleen của L:  $L^*_=$  {ghép của 0 hoặc nhiều L}
  - Bao đóng dương của L={ghép của 1 hoặc nhiều L}

cuu duong than cong . com

## 3.2 Các phép toán trên ngôn ngữ

#### Ví dụ 3.2

- L ∪ D là tập hợp các chữ cái và số.
- **LD** là tập hợp các chuỗi bao gồm một chữ cái và một chữ số.
- L<sup>4</sup> là tập hợp tất cả các chuỗi có 4 chữ cái
- L\* là tập hợp các chuỗi của các chữ cái và rỗng.
- L(L U D)\* là tập hợp tất cả các chuỗi mở đầu bằng 1 chữ cái và theo sau là chữ cái hoặc số.
- D+ là tập hợp các chuỗi gồm 1 hoặc nhiều chữ số.

28

# 3.3 Biểu thức chính quy (regular Expression)

- Nhắc lại: Trong NNLT, 1 biến (danh biểu) là một phần tử của tập hợp L(L U D)\*
  - => có thể viết: biến=letter(letter|digit)\*

Đây biểu thức chính quy!

cuu duong than cong . com

# 3.3 Biểu thức chính quy (regular Expression)

- Biểu thức chính quy:
  - Được xây dựng trên một tập hợp các luật xác định.
  - Mỗi BTCQ r đặc tả cho một ngôn ngữ L(r).
- 2 BTCQ là tương đương nếu cùng đặc tả một tập hợp

Các luật xác định BTCQ trên tập Alphabet  $\Sigma$ :

- 1. ε là một biểu thức chính quy đặc tả 1 chuỗi rỗng {ε}
- 2. Nếu  $a \in \sum$  thì a là BTCQ r đặc tả tập hợp các chuỗi  $\{a\}$
- 3. r và s là các BTCQ đặc tả các ngôn ngữ L(r) và L(s)
  - 1. (r)|(s) là một btcq đặc tả  $L(r) \cup L(s)$
  - 2. (r)(s) là 1 btcq đặc tả L(r)L(s).
  - 3.  $(r)^*$  là 1 btcq đặc tả  $(L(r))^*$

# 3.3 Biểu thức chính quy (regular Expression)

- **Ví dụ 3.3** Cho  $\Sigma = \{ a, b \}$ 
  - BTCQ a|b đặc tả {a,b}
  - BTCQ (a|b)(a|b) đặc tả tập hợp {aa,ab,ba,bb}
  - BTCQ  $\mathbf{a}^*$  đặc tả  $\{ \varepsilon, a, aa, aaa, ... \}$
  - BTCQ (a | b)\* đặc tả {a, b, aa,bb, ...}. Tập này có thể đặc tả bởi (a\*b\*)\*.
  - BTCQ a | a\* b đặc tả {a, b, ab, aab,... }

# 3.4 Các tính chất đại số của BTCQ

Tính chất	Mô tả
r   s = s   r	có tính chất giao hoán
r   (s   t) = (r   s )   t	có tính chất kết hợp
(rs) t = r (st)	Phép ghép có tính chất kết hợp
r (s   t) = rs   rt	Phép ghép phân phối đối với phép
εr = r rε = r	ε là phần tử đơn vị của phép ghép
r* = ( r   ε)*	Quan hệ giữa r và ε
r* * = r * cuu duong tha	* có hiệu lực như nhau

Hình 3.5 - Một số tính chất đại số của biểu thức chính quy

## 3.5 Định nghĩa chính quy

 Định nghĩa chính quy là chuỗi định nghĩa có dạng:

$$d_1 \xrightarrow{} r_1$$
 cuu duong than cong . com ..... 
$$d_n \xrightarrow{} r_n$$

Trong đó:  $\mathbf{d_i}$  là 1 tên còn  $\mathbf{r_i}$  là 1 BTCQ

• Ví dụ 3.4: Tập hợp các danh biểu trong Pascal

## 3.5 Định nghĩa chính quy

• **Ví dụ 3.5:**Các số không dấu trong Pascal là các chuỗi 5280, 39.37, 6.336E4 hoặc 1.894E-4. Định nghĩa chính quy sau đặc tả tập các số này là:

```
digit \rightarrow 0 \mid 1 \mid ... \mid 9

digits \rightarrow digit digit*

optional_fraction \rightarrow digits \mid \epsilon_{ig} \mid com

optional_exponent \rightarrow (E(+|-|\epsilon|) digits) |\epsilon
num \rightarrow digits optional_fraction optional_exponent
```

# 3.6 Ký hiệu viết tắt

- 1. Một hoặc nhiều: dùng dấu +
- 2. Không hoặc một: dùng dấu?
  - Ví dụ 3.6: r | ε được viết tắt là r?
  - Ví dụ 3.7: Viết tắt cho định nghĩa chính quy tập hợp số num trong ví dụ 3.5

```
digit → 0 | 1 |... | 9

digits → digit +

optional_fraction → (. digits)?

optional_exponent → (E(+|-)? digits)?

num → digits optional_fraction optional_exponent
```

#### 3. Lớp ký tự

# 3.6 Ký hiệu viết tắt

$$[abc] = a | b | c$$
  
 $[a - z] = a | b | ... | z$ 

Sử dụng lớp ký hiệu chúng ta có thể mô tả danh biểu như là một chuỗi sinh ra bởi biểu thức chính quy:

$$[A-Za-z][A-Za-z0-9]*$$

# Nội dung

- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong. com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Tổng kết quá trình PTTV
- 9. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

# 4. Nhận dạng Token

Cho văn phạm G:

```
stmt -> if exp then stmt

| if exp then stmt else stmt

| €
```

exp -> term **relop** term |term

term ->  $id \mid num \mid_{duong than cong}$  . com

• Các ký hiệu kết thúc: if, then, else, relop, id, num được cho bởi định nghĩa chính quy.

# 4. Nhận dạng Token

```
if \rightarrow if

then \rightarrow then

else \rightarrow else

relop \rightarrow < |<=|=|<>>|>=n cong . com

id \rightarrow letter (letter | digit) *

num \rightarrow digit + (. digit +)? (E (+ | -)? digit +)?
```

• Định nghĩa chính quy khoảng trắng

```
delim → blank | tab | newline
ws → delim<sup>+</sup>
```

# 4. Nhận dạng Token

Biểu thức chính quy	Token	Trị thuộc tính
ws	-	-
If	if	-
Then	Then	-
Else	Else	-
Id cuu	duong thad cong . o	Con trở trong bảng ký hiệu
Num	Num	Giá trị số
<	Relop	LT (Less than)
<=	Relop	LE (Less or Equal)
=	Relop	EQ (Equal)
<> Cuu	Relop	NE (not equal)
>	Relop	GT (Greater than)
>=	Relop	GE (Greater or Equal)

**Hình 3.6:** Mẫu biểu thức chính quy cho 1 số token

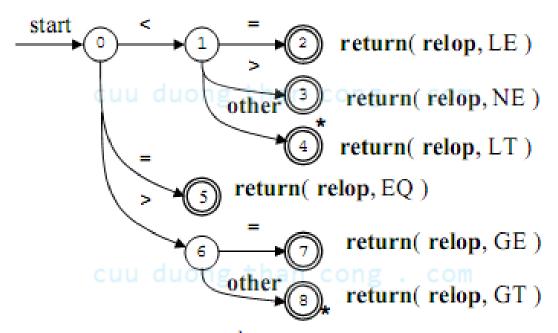
40

# Nội dung

- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong . com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

- Để dễ nhận dạng Token
- Mỗi nhóm Token có một sơ đồ dịch
- Nếu xảy ra thất bại khi đang theo một SDD thì lui con trỏ lại vị trí đầu và kích hoạt SDD tiếp theo.
- Nếu thất bại trong mọi SDD=> lỗi từ vựng và cần khởi động thủ tục khắc phục
- Mỗi SDD gồm: trạng thái, các cạnh nối.

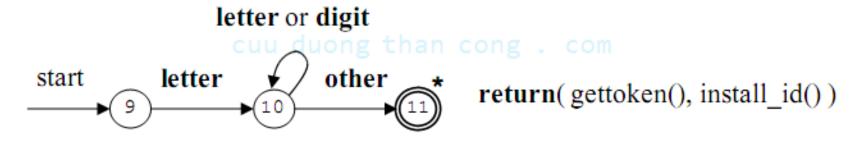
• Sơ đồ dịch nhận dạng cho Token relop:



Hình 3.7 - Sơ đồ dịch cho các toán từ quan hệ

Chú ý: ký tự \* chỉ trạng thái đọc quá 1 ký tự, cần quay lui con trỏ

Sơ đồ dịch nhận dạng Token Id

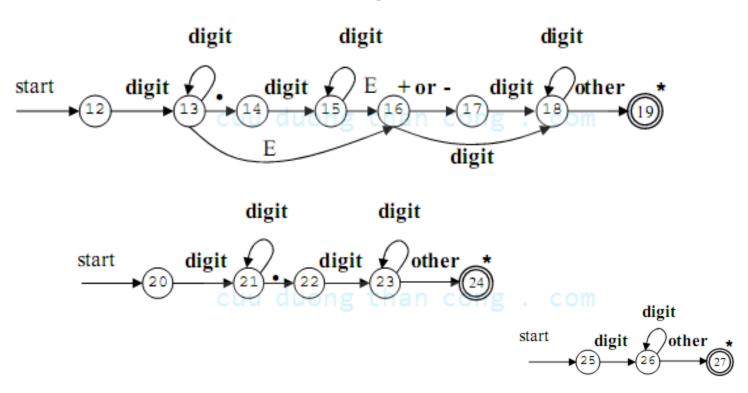


Hình 3.8 - Sơ đồ dịch cho các danh biểu và từ khóa

cuu duong than cong . com

• gettoken() và install\_id() tương ứng để nhận token và các thuộc tính trả về.

• Sơ đồ dịch nhận dạng num



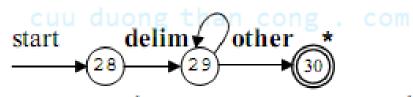
Hình 3.9 - Sơ đồ dịch cho các số không dấu trong Pascal

CuuDuongThanCong.com https://fb.com/tailieudientucntt

45

• Sơ đồ dịch nhận dạng khoảng trắng ws

#### delim



Hình 3.10 - Sơ đồ dịch cho các khoảng trắng

Có gì đặc biệt?duong than cong. com

# Nội dung

- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong. com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn than cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

## 6. Automat hữu hạn

#### Kiến thức nền:

- Lý thuyết Văn phạm
- Lý thuyết ngôn ngữ
- Lý thuyết tập hợp
- Các kỹ thuật chứng minh: Quy nạp, phản chứng.
- Tài liệu tham khảo:
  - 1. Bài giảng lý thuyết ngôn ngữ hình thức và Automat-Hồ Văn Quân [2002]
  - 2. An Introduction to Formal Languages and Automat-Peter Linz [1990]

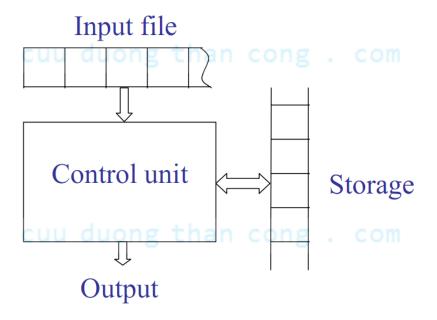
# 6. Automat hữu hạn

- 6.1 Các khái niệm Automat
- 6.2 Phân loại và ứng dụng
- 6.3 Automat hữu hạn đơn định (DFA)
- 6.4 Automat hữu hạn không đơn định (NFA)
- 6.5 Chuyển từ NFA sang DFA

cuu duong than cong . com

- Automat là gì?
  - Dịch là máy tự động, là thiết bị có thể thực hiện công việc mà không cần sự can thiệp của con người.
  - Nó hoạt động dựa trên một số quy tắc và dựa vào các quy tắc này con người lập trình cho nó hoạt động theo ý muốn của mình.
  - Máy tính số ngày nay là một máy tư động điển hình và mạnh nhất.

 Là một mô hình trừu tượng của máy tính số bao gồm các thành phần chủ yếu sau:



- Thiết bị đầu vào (input file): là nơi mà chuỗi nhập (input string) được ghi lên, và được automat đọc nhưng không thay đổi được nội dung. Nó được chia thành các ô, mỗi ô giữ một ký hiệu.
- Cơ cấu nhập (input mechanism): là bộ phận có thể đọc input file từ trái sang phải, một ký tự tại một thời điểm. Nó cũng có thể dò tìm được điểm kết thúc của chuỗi nhập (oef, #).

- **Bộ nhớ tạm** (temporary storage): là thiết bị gồm một số không giới hạn ô nhớ (cell), mỗi ô có thể giữ 1 ký hiệu từ một bảng chữ cái (không cần giống bảng chữ cái nhập). Automat có thể đọc và thay đổi nội dung của các ô nhớ này.
- Đơn vị điều khiển (Control Unit): mỗi automat có một đơn vị điều khiển, cái mà có thể ở trong 1 trạng thái bất kỳ trong một số hữu hạn các trạng thái nội, và có thể chuyển đổi trạng thái trong một kiểu được định nghĩa sẵn có nào đó.53

- Hoạt động của Automat:
  - Tại một thời điểm bất kỳ đã cho, đơn vị điều khiển đang ở trong một trạng thái nội (internal state) nào đó, và cơ cấu nhập là đang quét (scanning) một ký hiệu cụ thể nào đó trên Input file.
  - Trạng thái nội của đơn vị điều khiển tại thời điểm kế tiếp được xác định bởi trạng thái kế (next state) hay bởi hàm chuyển trạng thái (transition function).
  - Trong suốt quá trình chuyển trạng thái từ khoảng thời gian này đến khoảng thời gian kế, kết quả (output) có thể được sinh ra và thông tin trong bộ nhớ lưu trữ có thể được thay đổi.

- Một số định nghĩa khác:
  - Trạng thái nội: là một trạng thái của đơn vị điều khiển mà nó có thể đạt được.
  - Trạng thái kế: là một trạng thái nội của đơn vị điều khiển mà nó sẽ đạt tới ở thời điểm kế tiếp.
  - Hàm chuyển trạng thái: là hàm gởi ra trạng thái kế của automat dựa trên trạng thái hiện hành, ký hiệu nhập hiện hành được quét, và thông tin hiện hành trong bộ nhớ tạm.

- Một số định nghĩa khác:
  - Cấu hình (configuration): được sử dụng để tham khảo đến bộ thông tin:
    - » Trạng thái cụ thể mà đơn bị điều khiển đang có
    - » Vị trí của cơ cấu nhập trên thiết bị nhập.
    - » Nội dung hiện hành của bộ nhớ tạm
  - Di chuyển (move): là sự chuyển trạng thái của automat từ một cấu hình này sang cấu hình kế tiếp.

# 6.2 Phân loại và ứng dụng

CuuDuongThanCong.com

- Dựa vào hoạt động của Automat, có đơn định hay không:
  - Automat đơn định (Deterministic Automat): là automat trong đó mỗi di chuyển (move) được xác định duy nhất bởi cấu hình hiện tại. Sự duy nhất này thể hiện tính đơn định.
  - Automat không đơn định (non-deterministic automat): là automat mà tại mỗi thời điểm có một vài khả năng lựa chọn để di chuyển. Việc có một vài khả năng lựa chọn thể hiện tính không đơn định.

57

# 6.2 Phân loại và ứng dụng

- Dựa vào kết quả xuất ra của automat:
  - Accepter: là automat mà đáp ứng ở ngõ ra của nó được giới hạn trong hai trạng thái đơn giả "yest" hay "no". "yes" tương ứng với việc chấp nhận chuỗi nhập, "no" tương ứng với việc từ chối, không chấp nhận chuỗi nhập.
  - Transducer: là automat tổng quát hơn, có khả năng sinh ra các chuỗi ký tự ở đầu ra. Máy tính số là một transducer điển hình.

# 6.2 Phân loại và ứng dụng

- Một vài ứng dụng:
  - Cung cấp kiến thức nền tảng cho việc xây dựng các ngôn ngữ lập trình, chương trình dịch.
  - Úng dụng vào các lĩnh vực xử lý chuỗi:
    - Các chức năng tìm kiếm, thay thế trong các trình soạn thảo
    - Sửa lỗi chính tả, chú thích từ loại...
  - Úng dụng vào lĩnh vực thiết kế số.

**—** ...

#### Định nghĩa:

 Một Automat hữu hạn đơn định (deterministic finite state accepter) hay DFA được định nghĩa bởi bộ năm:

$$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F).$$

- Q là một tập hữu hạn các trạng thái nội
- Σ là một tập hữu hạn các ký hiệu được gọi là bảng chữ cái nhập.
- $\delta$ :  $Q \times \Sigma \rightarrow Q$  là hàm chuyển trạng thái.
- $\mathbf{q_0} \in \mathbf{Q}$  là trạng thái khởi đầu.
- $\mathbf{F} \in \mathbf{Q}$  là một tập trạng thái kết thúc, hay còn gọi là trạng thái chấp nhận.

Chú ý: Automat hữu hạn không có bộ nhớ so với mô hình tổng quát

- Hoạt động của một DFA:
  - Tại thời điểm khởi đầu, nó được giả thiết ở trong **trạng thái khởi đầu q\_0** với cơ cấu nhập đang ở ký hiệu đầu tiên bên trái của **chuỗi nhập**.
  - Mỗi lần di chuyển, cơ cấu nhập tiến về phía phải 1 ký hiệu và lấy ra.
  - Khi gặp ký hiệu kết thúc, chuỗi được chấp nhận nếu automat đang ở vào 1 trong các trạng thái chấp nhận được của nó. Ngược lại thì chuỗi nhập bị từ chối.

- Để biểu diễn trực quan cho DFA, dùng đồ thị chuyển trạng thái:
  - Các đỉnh biểu diễn các trạng thái
  - Các cạnh biểu diễn các chuyển trạng thái
  - Các nhãn trên các định là tên các trạng thái
  - Các nhãn trên các cạnh là giá trị hiện tại của ký hiệu nhập
  - Trạng thái khởi đầu sẽ được nhận biết rằng một mũi tên đi vào không mang nhãn mà không xuất phát từ định nào.
  - Các trạng thái kết thúc được vẽ bằng vòng tròn đôi

#### • Cho DFA:

$$M=(Q,\Sigma, \delta, q_0,F).$$

 $Q=\{q0,q1,q2\}, \Sigma=\{0,1\}, F\{q1\}, \delta \text{ duọc cho bởi}:$ 

$$\delta (q_0,0) = q_0,$$

$$\delta (q_0, 1) = q_1$$

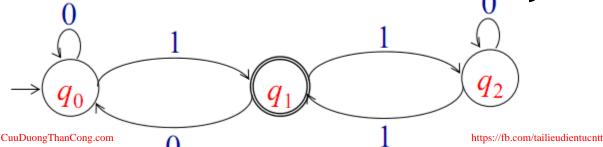
$$\delta (q_1,0) = q_0$$

$$\delta (q_1, 0) = q_2$$

$$\delta (q_2, 0) = q_2$$

$$\delta (q_2, 0) = q1$$

• Đồ thi chuyển trang thái tương ứng



- Hàm chuyển trạng thái mở rộng δ\* được định nghĩa đệ quy như sau:
  - $\delta^*(q, \lambda) = q$ ,
  - $\delta^*$  (q, wa) =  $\delta(\delta^*$ (q, w),a), với q  $\in$  Q, w  $\in$   $\Sigma^*$  và a  $\in$   $\Sigma$
- Ví dụ:
  - Nếu  $\delta(q_0, a) = q_1 \text{ và } \delta(q_1, b) = q_2$
  - Thì  $\delta^*(q_0, ab) \equiv q_{2ng \ than \ cong}$  . com

- Định nghĩa 2:
  - Ngôn ngữ được chấp nhận bởi DFA

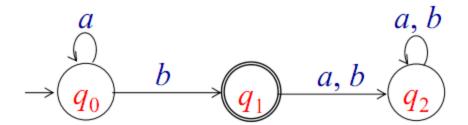
$$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F).$$

Là tập tất cả các chuỗi trên  $\Sigma$  được chấp nhận bởi M.

 $-L(M) = \{ w \in \Sigma^* : \delta^*(q_0, w) \in F \}.$ 

cuu duong than cong . com

- Ví dụ:
  - Xét DFA M sau:



- DFA trên chấp nhận ngôn ngữ sau:

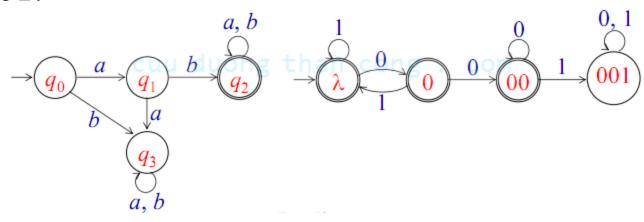
$$L(M) = \{a^nb: n > = 0\}$$

- Trạng thái bẫy: là trạng thái mà sau khi automat đi vào thì sẽ không bao giờ thoát ra được.

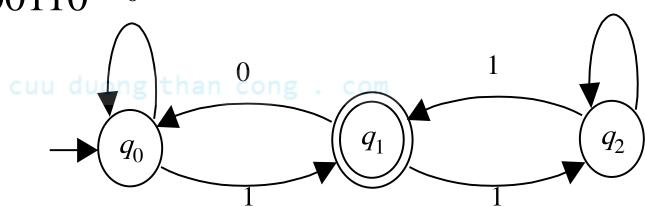
- Bảng truyền (transition table)
  - Là bảng trong đó các nhãn của hàng biểu diễn cho trạng thái hiện tại, còn nhãn của cột biểu diễn cho ký hiệu nhập hiện tại. Các điểm nhập trong bảng định nghĩa cho trạng thái kế tiếp.

	а	b	a $a$ ,
$q_0$	$q_0^{\scriptscriptstyle{ ext{CUL}}}$	$q_1^{duong}$	than cong . com
$q_1$	$q_2$	$q_2$	$\rightarrow (q_0) \xrightarrow{D} (q_1) \xrightarrow{a, b} (q_2)$
$q_2$	$q_2$	$q_2$	

- Ví dụ: Tìm DFA chấp nhận ngôn ngữ
  - Tìm DFA M1 chấp nhận tập tất cả các chuỗi trên  $\Sigma$ ={a,b} được bắt đầu bằng chuỗi ab.
  - Tìm DFA M2 chấp nhận tất cả các chuỗi trên
     Σ={0,1}, ngoại trừ những chuỗi chứa chuỗi con 001.



 Bài tập 1: chuỗi nào được đón nhận: 0001, 01001, 0000110



- Bài tập 2: Xây dựng DFA sao cho
  - Tất cả các chuỗi chỉ có 1 ký tự a
  - Tất cả các chuỗi có ít nhất 1 ký tự a
  - Tất cả các chuỗi không có nhiều hơn 3 ký tự a

# 6.4 Automat hữu hạn không đơn định (NFA)

#### • Định nghĩa:

Một Automat hữu hạn không đơn định (nondeterministic finite state accepter) hay **NFA** được định nghĩa bằng bộ năm:

$$M = (Q, \Sigma, \delta, q_0, F).$$

Trong đó  $\mathbf{Q}, \mathbf{\Sigma}, \mathbf{q}_0$ ,  $\mathbf{F}$  được định nghĩa như đối với Accepter hữu hạn đơn định còn  $\delta$  được định nghĩa là:

$$\delta: Q \times (\Sigma \cup \{\lambda\}) \rightarrow 2^Q$$

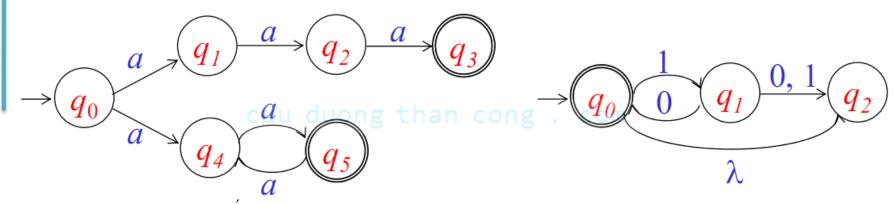
# 6.4 Automat hữu hạn không đơn định

#### • Nhận xét:

- Miền giá trị của  $\delta$  là tập  $2^Q$ , vì vậy giá trị của nó không còn là 1 phần tử đơn của Q mà là tập con của Q. Ví dụ:  $\delta(q_1,a)=\{q_0,q_2\}$ . Đặc biệt tập con này có thể là rỗng -> cấu hình chết.
- λ được coi như đối số thứ 2 của δ nên NFA có thể thực hiện dịch chuyển mà không cần có ký tự nhập.
- NFA cũng được biểu diễn bằng đồ thị chuyển trạng thái.

#### 6.4 Automat hữu hạn không đơn định

Ví du:



- Hàm chuyển trạng thái mở rộng:
  - Cho một NFA, hàm chuyển trạng thái mở rộng được định nghĩa sao cho  $\delta^*(q_i,w)$  chứa  $q_j$  nếu và chỉ nếu có một con đường trong đồ thị đi từ  $q_i$  đến  $q_j$  mang nhãn w. Điều này đúng với mọi  $q_i$ ,  $q_j \in Q$  và  $w \in \Sigma^*$

Ví dụ hàm chuyển mở rộng:

$$\delta *(q_1, \lambda) = \{q_1, q_2, q_0\}$$

$$\delta *(q_2, \lambda) = \{q_2, q_0\}$$

$$\delta *(q_0, a) = \{q_1, q_2, q_0\}$$

$$\delta *(q_1, a) = \{q_1, q_2, q_0\}$$

$$\delta *(q_1, b) = \{q_2, q_0\}$$

• Với T là tập con của Q, định nghĩa:

$$\delta(T,a) = \bigcup_{q \in T} \delta(q,a) \quad \delta^*(T,\lambda) = \bigcup_{q \in T} \delta(q,\lambda) \quad \delta^*(T,a) = \bigcup_{q \in T} \delta(q,a)$$

- Bảng truyền NFA:
  - Tập trạng thái  $S = \{0, 1, 2, 3\}; \Sigma = \{a, b\};$  Trạng thái bắt đầu  $s_o = 0$ ; tập trạng thái kết thúc  $F = \{3\}.$

cuu duong than cong . com

Tuona thái	Ký hiệu nhập		
Trạng thái	a	b	
cuu duon	$\{0,1\}$	{0}	
1	-	{2}	
2	-	{3}	

• Ngôn ngữ của NFA:

Ngôn ngữ được chấp nhận bởi NFA  $M=(Q,\Sigma,\delta,q_0,F)$ , được định nghĩa như một tập các chuỗi được chấp nhận bởi NFA trên. Một cách hình thức:

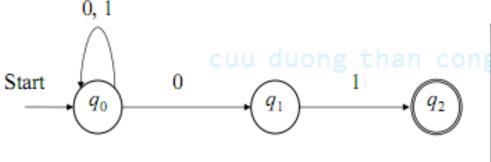
$$L(M) = \{ w \in \Sigma^* : \delta^*(q_0, w) \cap F \neq \emptyset \}.$$

- Ví dụ:
  - Ngôn ngữ được chấp nhận bởi automat dưới là
     L={(10)<sup>n</sup>:n>=0}

 $\begin{array}{c|c}
 & 1 & 0, 1 \\
\hline
 & q_0 & 0 & q_1
\end{array}$ 

75

• **Bài tập NFA**: Biểu diễn NFA N bằng sơ đồ chuyển và bảng truyền. N chấp nhận ngôn ngữ L={w|w  $\in$  {0, 1}\* và kết thúc bởi 01}  $\Sigma$ ={q0,q1,q2}, q0, F{q2}.



r com	0	1
$\rightarrow q_0$	$\{q_0, q_1\}$	$\{q_{0}\}$
$q_1$	Ø	{q <sub>2</sub> }
*q <sub>2</sub>	Ø	Ø

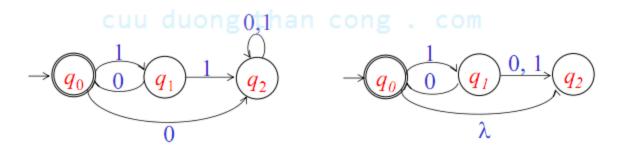
- 6.5.1 Sự tương đương giữa NFA và DFA
- 6.5.2 Chuyển từ NFA sang DFA

cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com

#### 6.5.1 Sự tương đương giữa NFA và DFA

- Sự tương đương giữa hai automat
  - Hai automat được gọi là tương đương nhau nếu chúng cùng chấp nhận một ngôn ngữ như nhau.
- Ví dụ:
  - DFA và NFA sau là tương đương nhau vì cùng chấp nhận ngôn ngữ {(10)<sup>n</sup> : n>=0}



#### 6.5.1 Sự tương đương giữa NFA và DFA

#### Nhận xét:

- DFA bản chất là một loại của NFA.
- Một NFA thì sẽ có một DFA tương đương với nó.
- Mọi ngôn ngữ được chấp nhận bởi NFA thì cũng sẽ được chấp nhận bởi DFA.
- Xây dựng NFA thường dễ dàng hơn.
- Trong thực tế, số trạng thái của DFA xấp xỉ NFA, nhưng thường có nhiều hàm truyền hơn.
- Trong trường hợp xấu nhất, nếu cùng chấp nhận một ngôn ngữ: NFA có n trạng thái thì DFA có 2<sup>n</sup> trạng thái.

79

#### 6.5.1 Sự tương đương giữa NFA và DFA

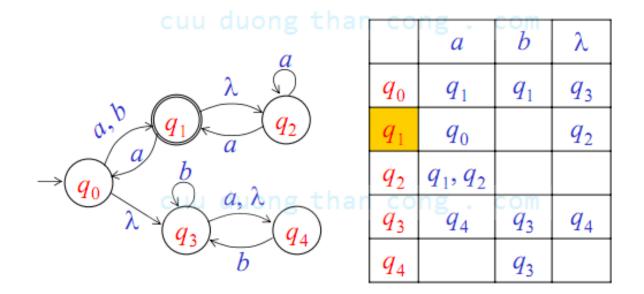
- Định lý về sự tương đương:
  - Cho L là ngôn ngữ được chấp nhận bởi một Automat hữu hạn không đơn định  $M_N = (Q_N, \Sigma, \delta_N, q_0, F_N)$  thì tồn tại một automat hữu hạnh đơn định  $M_D = (Q_D, \Sigma, \delta_D, \{q_0\}, F_D)$  sao cho L=L( $M_D$ ).

#### Chú ý:

- Một trạng thái của NFA là một tập trạng thái của DFA
- Trạng thái kết thúc của NFA là trạng thái mà có chứa trạng thái kết thúc của DFA.

- Thủ tục chuyển NFA thành DFA:
  - Input: nfa  $M_N = (Q_N, \Sigma, \delta_N, q_0, F_N)$
  - Output: DTCTT  $G_D$  của DFA  $M_D$ 
    - B1: Tạo một đồ thị  $G_D$  với định khởi đầu là tập  $\delta_N^*$   $(q_0 \lambda)$
    - B2: Lặp lại Bước 3 đến Bước 6 cho đến khi không còn cạnh nào thiếu.
    - B3: Lấy một đỉnh bất kỳ  $\{q_i, q_j, ..., q_k\}$  của  $G_D$  mà có 1 cạnh còn chưa được định nghĩa đối với một a nào đó của  $\Sigma$ .
    - B4: Tính  $\delta_N^* (\{q_i, q_i, ..., q_k\}, a) = \{q_l, q_m, ..., q_n\}.$
    - B5: Tạo một đỉnh cho  $G_D$  có nhãn  $\{q_l, q_m, ... q_n\}$  nếu nó chưa tồn tại.
    - B6: Thêm vào  $G_D$  một cạnh từ  $\{q_i,\,q_j,\dots q_k\}$  đến  $\{q_l,\,q_m,\dots q_n$   $\}$  và gán nhãn cho nó bằng a.
    - B7: Mỗi trạng thái của  $G_D$  mà nhãn của nó chứa một  $q_f$  bất kỳ thuộc  $F_N$  thì được coi là một đỉnh kết thúc.

 Ví dụ: Hãy biến đổi NFA dưới thành DFA tương đương



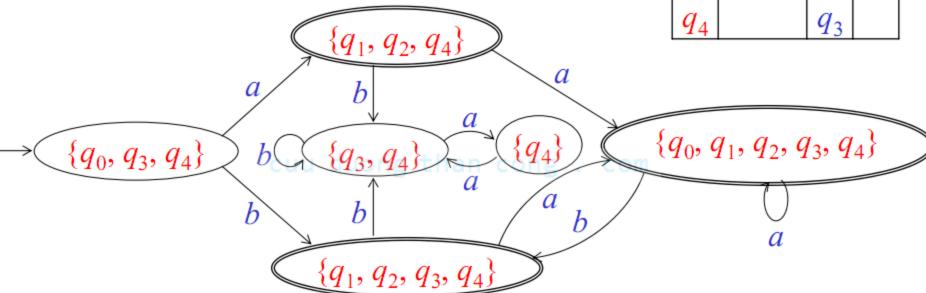
$\delta^*(q_0, \lambda) = \{q_0, q_3, q_4\}$		a	
$\delta^*(\{q_0, q_3, q_4\}, a) = \{q_1, q_2, q_4\}$	$q_0$	$q_1$	(
$\delta^*(\{q_0, q_3, q_4\}, b) = \{q_1, q_2, q_3, q_4\}$	$q_1$	$q_0$	
$\delta^*(\{q_1, q_2, q_4\}, a) = \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}$	$q_2$	$q_1, q_2$	
$\delta^*(\{q_1,q_2,q_4\},b)=\{q_3,q_4\}$ than cong . com	$q_3$	$q_4$	(
$\delta^*(\{q_1, q_2, q_3, q_4\}, a) = \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}$	$q_4$		(
$\delta^*(\{q_1, q_2, q_3, q_4\}, b) = \{q_3, q_4\}$			
$\delta^*(\{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}, a) = \{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}$			
$\delta^*(\{q_0, q_1, q_2, q_3, q_4\}, b) = \{q_1, q_2, q_3, q_4\}$			
$\delta^*(\{q_3, q_4\}, a) = \{q_4\} \qquad \delta^*(\{q_3, q_4\}, a)$	b) =	$\{q_3, q_4\}$	}
$\delta^*(\{q_4\}, a) = \emptyset$ $\delta^*(\{q_4\}, b) = \emptyset$	$= \{q_3$	$\{q_4\}$	

CuuDuongThanCong.com https://fb.com/tailieudientucntt

 $q_3$ 

 $q_2$ 

	a	b	λ
$q_0^{}$	$q_1^{}$	$q_1$	$q_3$
$q_1$	$q_0^{}$		$q_2$
$q_2$	$q_1, q_2$		
$q_3$	$q_4$	$q_3$	$q_4$
$q_4$		$q_3$	



### Kiểm tra

• Biến đổi những NFA sau thành DFA tương đương

Nfa $M_1$			
	a	b	λu
$q_0$	$ q_1 $	$q_3$	$q_1$
$q_1$	$q_2$	$q_2, q_0$	
$q_2$		$q_1$	
$q_3$	$q_0, q_4$	$q_3$	$q_4$
$q_4$	$q_3, q_4$	$q_4$	
$F = \{q_2\}$			

Nfa $M_2$			
ong	<i>a</i> than	<i>b</i> on	gλ. c
$q_0$	$q_1, q_3$	$q_3$	$q_3$
$q_1$	$q_2$	$q_2$	$q_0$
$q_2$	$ q_1 $		
$q_3$	$q_4^{ ext{than}}$	con	$q_4$
$\overline{q_4}$	$q_4$	$q_3$	
	$F = \{q_4\}$		

Nfa $M_3$				
1	a	b	λ	
$q_0$	$q_1$	$q_2$	$q_1$	
$q_1$	$q_1, q_2$	$q_3$	$q_3$	
$q_2$		$q_0, q_2$		
$q_3$	$q_2, q_3$			
$F = \{q_0\}$				

#### Nội dung

- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong . com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

#### • Nhắc lại về BTCQ:

- Mô tả chính xác các từ tố trong NNLT
- Mỗi loại từ tố được mô tả bằng một BTCQ

а	L(a) = {a} – tập hợp gồm xâu "a"
λ	$L(\lambda) = {\lambda} - tập hợp gồm xâu rỗng$
R S	$L(R S) = L(R) \cup L(S) - hợp của L(R) và L(S)$
RS	$L(RS) = \{xy \mid x \in L(R), y \in L(S)\}$ – nối 2 xâu bất kì của $L(R)$ và $L(S)$
R*	$L(R^*) = L(\lambda  R RR RRR RRRR) - nối các xâu của L(R) lại với nhau$

https://fb.com/tailieudientucntt

```
L(R+) = L(R^*) \setminus \{\lambda\} - R^* \text{ loại bỏ xâu rỗng}
R+
R?
          L(R?) = L(R|\lambda)
          L([abcd]) = L(a|b|c|d)
[abcd]
          L([a-z]) = L(a|b|..|z)
[a-z]
          L([^abc]) = kí tự bất kì không thuộc L([abc])
[^abc]
          L([^a-z]) = ki tự bất kì không thuộc <math>L([a-z])
[^a-z]
```

#### Ví dụ BTCQ:

Biểu thức chính quy (RE)	Xâu thuộc ngôn ngữ	
a cuu duong tha	"a"ong . com	
ab	"ab"	
a   b	"a", "b"	
(ab)*	"", "ab", "abab"	
(a   ε) b	"ab", "b"	
(a+b.c)*	Λ,a, bc,aa, abc, bca,	
	bcbc,aaa , aabc,	

- Định nghĩa hình thức cho BTCQ:
  - Cho  $\Sigma$  là một bảng chữ cái, khi đó:
    - 1.  $\lambda$  và a  $\in \Sigma$  tất cả đều là những BTCQ nguyên thủy.
    - 2. Nếu r1 và r2 là những BTCQ thì r1+r2, r1.r2, r1\* và (r1) cũng là BTCQ
    - 3. Một chuỗi là một BTCQ nếu và chỉ nếu nó có thể được dẫn xuất từ các BTCQ nguyên thủy bằng một số lần hữu hạn áp dụng 2.

#### Định lý:

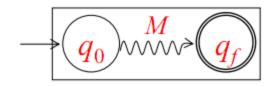
- Cho r là một BTCQ, thì tồn tại một NFA chấp nhận L(r).

#### Bổ đề:

 Với mọi NFA có nhiều hơn một trạng thái kết thúc thì luôn luôn có một NFA tương đương với chỉ một trạng thái kết thúc.

với

https://fb.com/tailieudientucntt



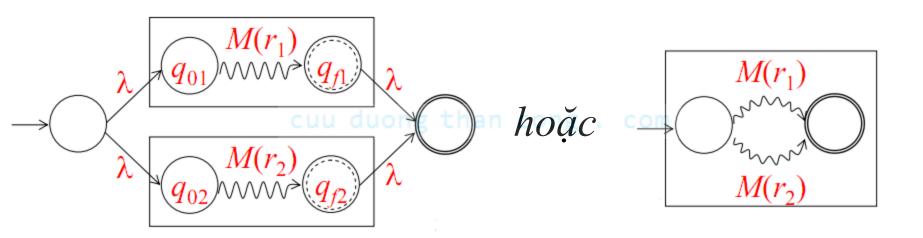


- Thủ tục chuyển đổi từ RE sang NFA:
  - Input: Biểu thức chính quy r
  - **Output:** NFA M=  $(Q,\Sigma, \delta, q_0,F)$ .
  - 1. Xây dựng các NFA cho các BTCQ nguyên thủy

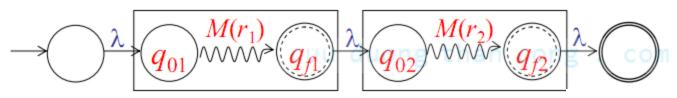


- (a) NFA chấp nhận  $\{\lambda\}$
- (b) NFA chấp nhận {a}

- Thủ tục chuyển đổi từ RE sang NFA:
  - 2. Xây dựng các NFA cho các BTCQ phức tạp:
    - NFA cho BTCQ  $r_1+r_2$  ( $r_1/r_2$ ): Giả sử  $N(r_1)$  và  $N(r_2)$  là NFA cho biểu thức chính quy  $r_1$  và  $r_2$

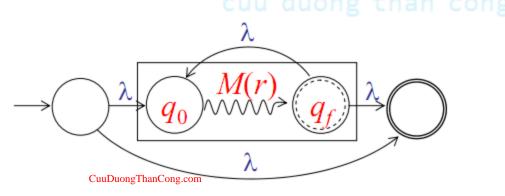


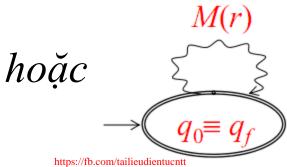
- Xây dựng NFA cho các biểu thức phức tạp:
  - NFA cho BTCQ  $r_1r_2$ :



- NFA cho BTCQ  $r^*$ .

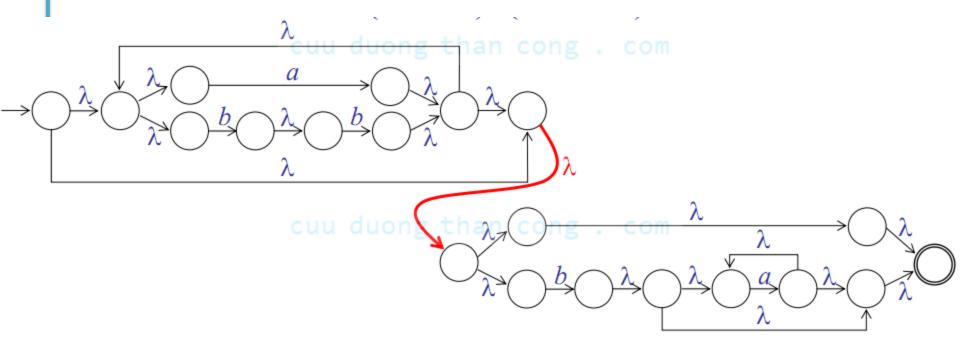
 $ho\check{a}c$   $M(r_1)$   $M(r_2)$   $M(r_2)$ 





• Ví dụ: Tìm NFA chấp nhận L(r), trong đó:

$$r = (a + bb)* (ba* + \lambda).$$



- Bài tập:
  - Xây dựng NFA cho các BTCQ sau:

$$r_1 = aa^* + aba^*b^*$$
  
 $r_2 = ab(a + ab)^* (b + aa)$   
 $r_3 = ab^*aa + bba^*ab$   
 $r_4 = a^*b(ab + b)^*a^*$   
 $r_5 = (ab^* + a^*b)(a + b^*a)^*b$   
 $r_6 = (b + a^*)(ba^* + ab)^*(b^*a + ab)$ 

#### Nội dung

- 1. Vai trò của bộ phân tích từ vựng
- 2. Lữu trữ tạm chương trình nguồn
- 3. Đặc tả Token duong than cong . com
- 4. Nhận dạng Token
- 5. Sơ đồ dịch
- 6. Automat hữu hạn cong . com
- 7. Từ biểu thức chính quy đến NFA
- 8. Thiết kế bộ sinh bộ PTTV

- Đặc điểm bộ PTTV:
  - Chương trình PTTV chuyển đổi mã nguồn thành một dãy các từ tố
  - RE có thể mô tả từ tố một cách chính xác
  - RE và thứ tự ưu tiên có thể chuyển thành bộ PTTV qua 2 bước:
    - 1. Chuyển RE → NFA
    - 2. Chuyển NFA → DFA (nếu có thể, tối ưu hóa DFA)
  - Kết quả: Bộ PTTV ngắn gọn và dễ bảo trì
- Các chương trình sinh bộ PTTV đã có sẵn và miễn phí. Ví dụ như Lex.

- Đặc tả chương trình PTTV:
  - Là đầu vào cho các chương trình sinh ra chương trình phân tích từ vựng
    - Danh sách REs theo thứ tự ưu tiên
    - Hành động gắn liền với mỗi RE khi chương trình PTTV nhận dạng được một từ tố bằng RE đó
  - Đầu ra của các chương trình này là một chương trình PTTV có thể
    - Đọc chương trình nguồn và tách nó ra thành các từ tố bằng cách nhận dạng REs duong than cong . com
    - Thông báo lỗi nếu gặp phải kí tự không đúng theo REs

Đặc tả của LEX:

Khai báo

Bao gồm khai báo biến, hằng và các định nghĩa chính quy.

%%

cuu duong than cong . com

#### Quy tắc dịch

%%

Có dạng pi {action i }. pi là các biểu thức chính quy, action i là đoạn chương trình mô tả hành động của bộ phân tích từ vựng thực hiện khi pi tương ứng phù hợp với trị từ vựng.

Các thủ tục phụ là sự cài đặt các hành động trong phần 2.

Ví dụ đặc tả chương trình Lex

```
%%
digits = 0|[1-9][0-9]*
letter = [A-Za-z]
identifier = {letter}({letter}|[0-9_])*
whitespace = [\\t\n\r]+
%%
{whitespace} {/* discard */}
{digits} { return new IntegerConstant(Integer.parseInt(yytext()); }
"if" { return new IfToken(); }
"while" { return new WhileToken(); }
...
{identifier} { return new IdentifierToken(yytext()); }
```

# Tổng kết Bài 3

- Các kiến thức cần nhớ:
  - Các khái niệm cơ bản: Token, trị từ vựng,...
  - Đặc tả và nhận dạng Token
  - Các khái niệm BTCQ, Sơ đồ dịch và Automat
  - Kỹ thuật chuyển đổi trong Automat và BTCQ
  - Quy trình PTTV
  - Khái niệm bộ sinh bộ PTTV.
- Về nhà đọc thêm: wong than cong com
  - Cách tối ưu hóa DFA (sách của Aho)
  - Sử dụng Lex trong Pascal hoặc Java
  - Cài đặt mã nguồn cho các sơ đồ dịch cơ bản bằng C

CuuDuongThanCong.com https://fb.com/tailieudientucntt

102

# Bài học phần sau

Bài 4: Phân tích cú pháp

cuu duong than cong . com

cuu duong than cong . com

### Thảo luận

