

# BÀI A. BIỂU THỰC TOÁN HỌC

Timelimit: 1s

Cho dãy số A[] gồm N phần tử và số nguyên dương M. Nhiệm vụ của bạn là đếm số cách điền các dấu +, -, \* vào giữa các phần tử A[i] và A[i+1] (với i < N) để tạo thành biểu thức có giá trị chia hết cho M.

#### Input:

Dòng đầu tiên là số lượng bộ test T ( $T \le 100$ ).

Mỗi test bắt đầu bởi 2 số nguyên N và M (2  $\leq$  N  $\leq$  10, 1  $\leq$  M  $\leq$  10  $^{9}$  ).

Dòng tiếp theo gồm N số nguyên A[i]  $(0 \le A[i] \le 10^9)$ .

### Output:

Với mỗi test, hãy in ra đáp án tìm được trên một dòng.

### Test ví dụ:

Input	Output
2	2
4 19	81
3 4 5 7	
5 1	
1 9 8 5 3	

Giải thích test 1:

$$3+4+5+7=19$$

$$3*4-5-7=0$$

# BÀI B. SỐ MAY MẮN ĐẶC BIỆT

Time limit: 1s.

Trong một số nước châu Á, 8 và 6 được coi là những chữ số may mắn. Bất cứ số nguyên nào chi chứa chữ số 8 và 6 được coi là số may mắn, ví dụ 6, 8, 66, 668, 88, 886 ...

Số may mắn đặc biệt là các số may mắn có dạng S=8...86...6 (các chữ số 8 liên tiếp nhau, rồi các chữ số 6 liên tiếp nhau). Trong đó S phải có ít nhất một chữ số, và chữ số 6 và 8 không nhất thiết phải đồng thời xuất hiện. Ví dụ, 8, 88, 6, 66, 86, 886, 8866 ... là các số có dạng S.

Cho trước một số nguyên dương X, hãy tìm số may mắn đặc biệt nhỏ nhất có không quá 200 chữ số và chia hết cho X.

#### Input:

Dòng đầu tiên là số lượng bộ test T  $(1 \le T \le 100)$ .

Mỗi test gồm một số nguyên dương X duy nhất ( $1 \le X \le 10000$ ).

#### Output:

Với mỗi test, in ra trên một dòng số may mắn đặc biệt S nhỏ nhất chia hết cho X. Trường hợp không tồn tại số S có không quá 200 chữ số như vậy, ghi -1.

Input	Ouput	
4	6	
6	8	
8	86	
8 43	-1	
5		

## BÀI C. TÍCH CỦA DÃY SỐ

Time limit: 1s.

Cho hai số nguyên dương N và M. Hãy đếm xem có bao nhiều dãy số A[] có N phần tử nguyên dương thỏa mãn A[1]  $\times$  A[2]  $\times$  ...  $\times$  A[N] = M.

Hai dãy số A[] và B[] được gọi là khác nhau nếu như tồn tại phần tử i nào đó sao cho A[i] ≠ B[i].

#### Input:

Gồm 2 số nguyên dương N và M  $(1 \le N \le 10^5, 1 \le M \le 10^9)$ .

### Output:

In ra số lượng dãy số phân biệt thõa mãn yêu cầu của đề bài. Vì đáp số có thể rất lớn, hãy in ra đáp số theo modulo  $10^9+7$ .

#### Test ví dụ:

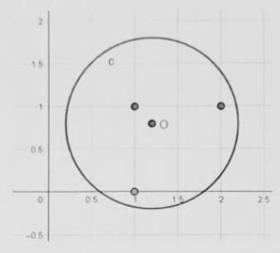
Input	Output
2 6	4
3 10	9
45 426	91125

Giải thích test 1: Có 4 dãy số thỏa mãn là (1, 6), (2, 3), (3, 2), (6, 1).

## BÀI D. ĐƯỜNG TRÒN

Time limit: 1s.

Cho đường tròn có tâm tại vị trí (X, Y) và bán kính R. Hãy đểm số lượng các điểm có tọa độ nguyên nằm bên trong hoặc trên đường tròn?



### Input:

Gồm 3 số thực X, Y, R có tối đa 4 chữ số sau dấu phảy (|X|,  $|Y| \le 10^5$ ,  $0 \le R \le 10^5$ ).

### Output:

In ra số lượng điểm có tọa độ nguyên nằm bên trong hoặc bên trên đường tròn đã cho.

Input	Output	
1.2 0.8 1	3	
0 0 1	5	
-39066.9606 -83906 45886.5164	6614851027	

## BALE, NOI DIÈM

Time limit: 18.

Cho N điểm trên mặt phẳng Oxy.

Để về được đoạn thẳng nổi A và B sẽ tốn chỉ phí bằng  $(x_A - x_B)^2 + (y_A - y_B)^2$ . Nhiệm vụ của bạn là hãy nối các điểm lại với nhau, sao cho N điểm đã cho tạo thành I thành phần liên thống duy nhất và chỉ phí thực hiện là nhỏ nhất có thể.

#### Input:

Mỗi test bắt đầu bởi số nguyên N ( $1 \le N \le 100000$ ).

N đồng tiếp theo, mỗi đồng gồm 2 số nguyên x[i], y[i] là tọa độ của điểm thứ i.

Giới hạn:  $0 \le x[i] \le 10^6$ ,  $0 \le y[i] \le 10$ .

#### Output:

În ra một số nguyên là chi phí nhỏ nhất tìm được.

11 1375 CT 8916 11/ LAS 14 15

for

Input	Output	
4	22	
1 1		
2 2		
2 4		
6 2		
10	1487	
50 9		
77 3		
86 5		
50 1		
49 10		
30 0		
90 3		
12 2		
82 10		
40 4		

### Giải thích test 1:

Nối điểm (1, 2) chi phí bằng 2.

Nối điểm (2, 3) chi phí bằng 4

Nối điểm (2, 4) chi phí bằng 16.

8

# BÀI F. CHIA HÉT CHO 8

Time limit: 1s.

Cho một xâu S chỉ gồm các chữ số từ '1' tới '9'. Bạn được phép thực hiện vô hạn phép đổi chỗ các kí tự của xâu S với nhau. Nhiệm vụ của bạn là hãy xác định xem xâu mới thu có phải là một số nguyên chia hết chia 8 hay không?

### Input:

Một xâu mô tả số S có độ dài không quá 200000 kí tự.

1600

#### Output:

In ra "YES" nếu xâu mới thu được chia hết cho 8, in ra "NO" trong trường hợp ngược lại.

Input	Output	
1234	YES	
1331	NO	
61	YES	
588	NO	

# BÀI G. TRUY VẨN TRÊN DÃY SỐ

Time limit: 2s.

Cho dãy số A[] có N phần tử và M truy vấn, mỗi truy vấn thuộc một trong bốn loại sau:

I pos X: Chèn thêm phần tử X vào sau phần tử thứ pos của dãy số A[] hiện tại.

U pos len Y: Thay đổi giá trị các phần tử A[pos], A[pos+1], ..., A[pos+len−1] thành giá trị Y.

R pos len: Xoay ngược đoạn các phần tử A[pos], A[pos+1], ..., A[pos+len-1].

Q pos len: Yêu cầu tính tổng các phần tử của đoạn A[pos], A[pos+1], ..., A[pos+len-1].

#### Input:

Dòng đầu tiên gồm 2 số nguyên N và M (N, M≤200000).

Dòng tiếp theo gồm N số nguyên mô tả dãy số A∏.

M dòng tiếp theo, mỗi dòng mô tả một truy vấn. Mỗi truy vấn sẽ nhập một kí tự đầu tiên trước.

Nếu là kí tự 'I', đây là truy vấn loại 1. Theo sau là 2 giá trị pos và X.

Nếu là kí tự 'U', đây là truy vấn loại 2. Theo sau là 3 giá trị pos, len và Y.

Nếu là kí tự 'R', đây là truy vấn loại 3. Theo sau là 2 giá tri pos và len.

Nếu là kí tự 'Q', đây là truy vấn loại 4. Theo sau là 2 giá trị pos và len.

Các phần tử A[i] và X, Y có giá trị tuyệt đối không vượt quá 10<sup>6</sup>. Input đảm bảo các truy vấn loại 2, 3, 4 hợp lệ, tức pos + len – 1 không vượt quá độ dài của dãy số hiện tại.

#### Output:

Với mỗi truy vấn loại 4, hãy in ra tổng của dãy số tìm được trên một dòng.

Input	Output	
8 7	16	
3 -5 1 4 -2 5 6 7	-10	
Q 5 4	-3	
I 1 -6	10	
Q 2 3		
U 4 2 8		
Q 2 3		
R 3 3		
Q 2 3		

## Giải thích test:

Truy vấn 1: Sum $[5\rightarrow 8] = -2 + 5 + 6 + 7 = 16$ 

Sau truy vấn 2: Dãy số A[] mới là 3 -6 -5 1 4 -2 5 6 7

Truy vấn 3: (-6) + (-5) + 1 = -10

Sau truy vấn 4: Dãy số A[] mới là 3 -6 -5 8 8 -2 5 6 7

Truy vấn 5: (-6) + (-5) + 8 = -3

Sau truy vấn 6: Dãy số A[] mới là 3 -6 8 8 -5 -2 5 6 7

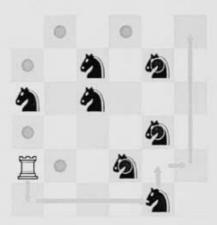
Truy vấn 7: (-6) + 8 + 8 = 10

# BÀI H. DI CHUYỂN QUÂN XE

Time limit: 8s.

Luật chơi cờ vua đã rất quen thuộc. Trên bàn cờ mở rộng với N hàng và M cột đã đặt một quân Xe trắng và một số quân Mã đen. Mỗi bước, quân Xe có thể di chuyển tới các ô trống mà không bị quân Mã chiếm giữ (nếu không, quân Xe sẽ bị ăn), hoặc có thể ăn luôn một số quân Mã trên đường đi của nó nếu như vị trí này không được bảo vệ bởi một quân Mã khác.

Biết rằng các quân Mã sẽ không di chuyển và chỉ bảo vệ các vị trí mà chúng nắm giữ. Hãy kiểm tra xem có thể di chuyển quân Xe một cách an toàn đến vị trí đích xác định trước hay không?



#### Input:

Dòng đầu ghi hai số N và M là kích thước bàn cờ  $(2 \le N, M \le 750)$ .

Tiếp theo là N dòng mô tả bản cờ. Trong đó có đúng 1 chữ X là vị trí quân Xe, có đúng 1 chữ O là vị trí đích cần đến. Và có ít nhất 1 chữ M là vị trí các quân Mã. Các dấu . là các ô trống.

Vị trí đích đến (chữ O) cũng có thể đã bị chiếm giữ bởi các quân Mã đen, khi đó tất nhiên quân Xe trắng sẽ phải ăn các quân Mã đó trước khi muốn đi chuyển vào vị trí đích.

#### Output:

In ra "YES" nếu quân xe đi được tới đích, in ra "NO" trong trường hợp ngược lại.

Input	Output
6 6	YES
0	
M.M.	
M.M	
M.	
XM	
M.	
6 6	YES
M	
MOM.	
MM	
M	
X	
4 4	NO
.M	
MX	
М	
.M.O	
4 3	YES
XM.	
MM.	
0	

# BÀI I. XÉP HÀNG

Time limit: 1s.

Có N sinh viên xếp thành một hàng dọc, mỗi bạn được gán một con số từ 1 đến N. Mỗi sinh viên có lựa chọn duy nhất là nếu quyết định di chuyển thì sẽ được chuyển lên đầu hàng, những người phía trên sẽ lùi xuống một bước để nhường chỗ cho anh ta.

Cho thứ tự xếp hàng tại hai thời điểm t1 và t2 (t1 < t2). Hãy xác định xem trong khoảng thời gian này thì ít nhất bao nhiều sinh viên đã quyết định di chuyển.

#### Input:

Dòng đầu ghi số bộ test T ( $T \le 10.000$ ).

Mỗi bộ test bắt đầu với một dòng ghi số nguyên dương N (không quá 100.000).

Dòng tiếp theo ghi N số là thứ tự tại thời điểm t1.

Dòng tiếp theo ghi N số là thứ tự tại thời điểm t2.

#### Output:

Với mỗi test, ghi ra giá trị kết quả tính được trên 1 dòng.

Test ví dụ:

A	4	3	0	6	45	
88	V			4	1	)

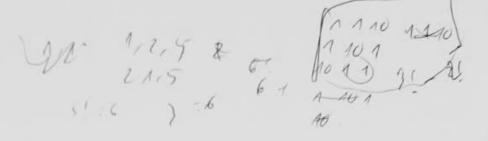
Output
2
4

Giải thích test 1: Sinh viên 5 rồi sinh viên 4 thực hiện di chuyển.

\$6 14 7 82 } \$2 471 65) \$5614 8 273

# BÀI J. XÂU 4321

Time limit: 5s.



Khi quan sát các từ khỏa "ICPC", "PTIT", "2024" ta thấy chúng có một đặc điểm chung là đều có độ dài là 4, chứa 3 kí tự phân biệt, giữa 2 kí tự giống nhau là 1 kí tự khác, ta tạm gọi đặc điểm này là "4321".

Mở rộng hơn, một xâu được xem là có tính chất "4321" nếu thỏa mãn một trong hai điều kiện sau:

- Có độ dài là 4, chứa 3 kí tự phân biệt, giữa 2 kí tự giống nhau là 1 kí tự khác
- Nếu tồn tại hai xâu A và B cùng có tính chất "4321" thì khi ta ghép hai xâu A, B với nhau ta được một xâu mới cũng có tính chất "4321", ví dụ: "20242024", "ICPCPTIT2024"

Cho một xâu S, yêu cầu hãy đếm số cách chọn ra một xâu con không rỗng có tính chất "4321" và trong số các xâu con này, hãy tìm xâu con dài nhất. Hai cách chọn được xem là khác nhau nếu tồn tại một vị trí trong xâu S được chọn trong cách này nhưng lại không được chọn trong cách kia.

Xâu A được xem là xâu con của xâu B nếu ta có thể xóa không hoặc một vài kí tự khỏi xâu B sao cho các kí tự còn lại tạo thành xâu A. Ví dụ xâu "ICT" có tất cả 7 xâu con {"I", "C", "T", "IC", "CT", "IT", ICT"}.

#### Input:

Dòng đầu chứa số bộ test T (T ≤ 5)

T dòng tiếp theo mỗi dòng chứa xâu S độ dài không quá 30000, chỉ bao gồm 7 kí tự in hoa {'C','I','P','T','0','2',4'}. Input đảm bảo có ít nhất một xâu con có tính chất "4321".

#### Output:

Với mỗi test in ra hai dòng:

Dòng đầu tiên in ra số cách chọn xâu con có tính chất "4321" chia dư cho 109+7.

Dòng thứ hai in ra xâu con dài nhất có tính chất "4321". Nếu có nhiều đáp án, hãy in ra xâu có thứ tự từ điển nhỏ nhất (thứ tự các kí tự như sau: '0' < '2' < '4' < 'C' < 'I' < 'P' < 'T').

Input	Output	
3	96	
ICPCPTIT2024	ICPCPTIT2024	
ITPTIT	5	
20124	IPIT	
	2	
	2024	

## BÀI K. XÁC ĐỊNH CHỮ SỐ

Time limit: 1s.

Viết liên tiếp các số tự nhiên từ 1 đến  $10^{15}$  ta nhận được một số nguyên đương N. Tiến hành xóa đi k chữ số của số N để được số lớn nhất M. Người ta muốn biết chữ số thứ p của M là chữ số nào.

Yêu cầu: Cho hai số nguyên dương k, p, hãy tìm chữ số thứ p của số M theo cách tạo trên.

#### Input

- Dòng đầu chứa số nguyên T là số bộ dữ liệu;
- T dòng sau, mỗi dòng chứa hai số nguyên dương k, p (k,  $p \le 10^{15}$ ).

#### Output

 Gồm T dòng, mỗi dòng chứa một số nguyên là kết quả tương ứng của bộ test trong dữ liệu vào.

Input	Output	
2	8	
5 3	9	
9 1		

### BÀI L VỊ TRÍ ĐẶT GƯƠNG

Time limit: 1s.

Mặt sản phòng làm việc của Alice được mô tả bằng một đa giác lồi n đỉnh với n bức tường tương ứng là các cạnh của đa giác nối hai đỉnh liền kề. Các đỉnh được đánh số từ 1 đến n ngược chiều kim đồng hồ, đỉnh thứ i ( $1 \le i \le n$ ) có tọa độ là ( $x_i, y_i$ ). Các cạnh được đánh số từ 1 đến n theo thứ tự ngược chiều kim đồng hồ bắt đầu từ cạnh thứ nhất nối giữa đỉnh số 1 và số 2. Vị trí bàn làm việc của Alice là (u, v) nằm trong đa giác. Alice dự định thiết kế và đặt một tấm gương chiếm phủ kín một bức tường nào đó trong n bức tường để tổng điện tích mặt cắt mà Alice có thể quan sát được từ trong gương khi đứng ở tọa độ (u, v) hướng mặt về gương là lớn nhất.

**Yêu cầu:** Hãy giúp Alice chọn bức tường để đặt gương mà tổng điện tích mặt cắt Alice có thể quan sát được từ trong gương khi đứng ở tọa độ (u, v) hướng mặt về gương là lớn nhất.

#### Input:

- Dòng đầu chứa số nguyên dương n ( $3 \le n \le 10^5$ ) là số đỉnh của đa giác lồi;
- Trong n dòng tiếp, dòng thứ i  $(1 \le i \le n)$  chứa hai số nguyên  $x_i, y_i$   $(|x_i|, |y_i| \le 10^8)$ , mô tả các đỉnh của đa giác theo thứ tự ngược chiều kim đồng hồ;
- Dòng cuối chứa hai số nguyên u, v là tọa độ bàn làm việc của Alice (nằm hoàn toàn bên trong đa giác).

#### Output:

 In ra một số thực là tổng diện tích lớn nhất (với độ chính xác 10<sup>-5</sup>) của mặt cắt mà Alice có thể quan sát được từ trong gương khi đứng ở tọa độ (u,v) hướng mặt về gương đặt ở bức tường tối ưu đã được lựa chọn.

Input	Output	Minh họa				
4	300.00000					
10 5		20 -		•		
30 5		20		/4		/ /3
40 20			,		1	
20 20		10 -			N/	
30 10			• <u>1</u>		-4- <sub>2</sub>	
		0	10	20	30	40
		Diện tích qua gương ở các 300.00000, 30	bức tưở	mg từ 1 d	đến 4 là: 2	