VIO 第五章作业

曾卓

06 2021

1 基础题

1.1 完成单目 Bundle Adjustment (BA) 求解器 problem.cc 中的部分代码。

1. 在 Problem::MakeHessian() 中补充:

```
// 所有的信息矩阵叠加起来
// TODO:: home work. 完成 H index 的填写.
H.block(index_i, index_j, dim_i, dim_j).noalias() += hessian;
if (j != i) {
    // 对称的下三角
    // TODO:: home work. 完成 H index 的填写.
    H.block(index_j, index_i, dim_j, dim_i).noalias() += hessian.transpose();
}
```

2. 在 Problem::SolveLinearSystem() 补充:

```
// TODO:: home work. 完成矩阵块取值，Hmm，Hpm，Hmp，bpp，bmm
MatXX Hmm = Hessian_.block(reserve_size, reserve_size, marg_size, marg_size);
MatXX Hpm = Hessian_.block(0, reserve_size, reserve_size, marg_size);
MatXX Hmp = Hessian_.block(reserve_size, 0, marg_size, reserve_size);
VecX bpp = b_.segment(0, reserve_size);
VecX bmm = b_.segment(reserve_size, reserve_size + marg_size);
```

```
// TODO:: home work. 完成舒尔补 Hpp, bpp 代码
MatXX tempH = Hpm * Hmm_inv;
H_pp_schur_ = Hessian_.block(0, 0, reserve_size, reserve_size) - tempH * Hmp;
b_pp_schur_ = bpp - tempH * bmm; // = bpp - Hpm * Hmm_inv * bmm (here b_ already with negative sign)
```

```
// TODO:: home work. step3: solve landmark
VecX delta_x_ll(marg_size);
delta_x_ll = Hmm_inv * (bmm - Hmp * delta_x_pp);
delta_x_.tail(marg_size) = delta_x_ll;
```

运行结果如下： 可以发现不固定前 2 帧 Pose 下，逆深度和真实值非常接近，但是第一帧相机 Pose 不再是（0，0，0）

```
0 order: 0
1 order: 6
2 order: 12

 ordered_landmark_vertices_ size : 20
iter: 0 , chi= 5.35099 , Lambda= 0.00597396
iter: 1 , chi= 0.0289048 , Lambda= 0.00199132
iter: 2 , chi= 0.000109162 , Lambda= 0.000663774
problem solve cost: 0.334107 ms
   makeHessian cost: 0.188925 ms

Compare MonoBA results after opt...
after opt, point 0 : gt 0.220938 ,noise 0.227057 ,opt 0.220992
after opt, point 1 : gt 0.234336 ,noise 0.314411 ,opt 0.234854
after opt, point 2 : gt 0.142336 ,noise 0.129703 ,opt 0.142666
after opt, point 3 : gt 0.214315 ,noise 0.278486 ,opt 0.214502
after opt, point 4 : gt 0.130629 ,noise 0.130064 ,opt 0.130562
after opt, point 5 : gt 0.191377 ,noise 0.167501 ,opt 0.191892
after opt, point 6 : gt 0.166836 ,noise 0.165906 ,opt 0.167247
after opt, point 7 : gt 0.201627 ,noise 0.225581 ,opt 0.202172
after opt, point 8 : gt 0.167953 ,noise 0.155846 ,opt 0.168029
after opt, point 9 : gt 0.21891 ,noise 0.209697 ,opt 0.219314
after opt, point 10 : gt 0.205719 ,noise 0.14315 ,opt 0.205995
after opt, point 11 : gt 0.127916 ,noise 0.122109 ,opt 0.127908
after opt, point 12 : gt 0.167904 ,noise 0.143334 ,opt 0.168228
after opt, point 13 : gt 0.216712 ,noise 0.18526 ,opt 0.216866
after opt, point 14 : gt 0.180009 ,noise 0.184249 ,opt 0.180036
after opt, point 15 : gt 0.226935 ,noise 0.245716 ,opt 0.227491
after opt, point 16 : gt 0.157432 ,noise 0.176529 ,opt 0.157589
after opt, point 17 : gt 0.182452 ,noise 0.14729 ,opt 0.182444
after opt, point 18 : gt 0.155701 ,noise 0.182258 ,opt 0.155769
after opt, point 19 : gt 0.14646 ,noise 0.240649 ,opt 0.14677
------------ pose translation ----------------
translation after opt: 0 :-0.000478001   0.00115906  0.000366506 || gt: 0 0 0
translation after opt: 1 :-1.06959  4.00018 0.863877 || gt:  -1.0718        4 0.866025
translation after opt: 2 :-4.00232  6.92678 0.867244 || gt:       -4   6.9282 0.866025
```

固定前 2 帧后，前 2 帧在 MakeHessian() 中直接 continue，即保持其 Hessian 的值为 0，得到的结果是第一帧 Pose 保持不变

```
0 order: 0
1 order: 6
2 order: 12

 ordered_landmark_vertices_ size : 20
iter: 0 , chi= 5.35099 , Lambda= 0.00597396
iter: 1 , chi= 0.0282599 , Lambda= 0.00199132
iter: 2 , chi= 0.000117497 , Lambda= 0.000663774
problem solve cost: 0.295858 ms
   makeHessian cost: 0.118078 ms

Compare MonoBA results after opt...
after opt, point 0 : gt 0.220938 ,noise 0.227057 ,opt 0.220909
after opt, point 1 : gt 0.234336 ,noise 0.314411 ,opt 0.234374
after opt, point 2 : gt 0.142336 ,noise 0.129703 ,opt 0.142353
after opt, point 3 : gt 0.214315 ,noise 0.278486 ,opt 0.214501
after opt, point 4 : gt 0.130629 ,noise 0.130064 ,opt 0.130511
after opt, point 5 : gt 0.191377 ,noise 0.167501 ,opt 0.191539
after opt, point 6 : gt 0.166836 ,noise 0.165906 ,opt 0.166965
after opt, point 7 : gt 0.201627 ,noise 0.225581 ,opt 0.201859
after opt, point 8 : gt 0.167953 ,noise 0.155846 ,opt 0.167965
after opt, point 9 : gt 0.21891 ,noise 0.209697 ,opt 0.218834
after opt, point 10 : gt 0.205719 ,noise 0.14315 ,opt 0.205683
after opt, point 11 : gt 0.127916 ,noise 0.122109 ,opt 0.127751
after opt, point 12 : gt 0.167904 ,noise 0.143334 ,opt 0.167924
after opt, point 13 : gt 0.216712 ,noise 0.18526 ,opt 0.216885
after opt, point 14 : gt 0.180009 ,noise 0.184249 ,opt 0.179961
after opt, point 15 : gt 0.226935 ,noise 0.245716 ,opt 0.227114
after opt, point 16 : gt 0.157432 ,noise 0.176529 ,opt 0.157529
after opt, point 17 : gt 0.182452 ,noise 0.14729 ,opt 0.1823
after opt, point 18 : gt 0.155701 ,noise 0.182258 ,opt 0.155627
after opt, point 19 : gt 0.14646 ,noise 0.240649 ,opt 0.146533
------------ pose translation ----------------
translation after opt: 0 :0 0 0 || gt: 0 0 0
translation after opt: 1 : -1.0718        4 0.866025 || gt:  -1.0718        4 0.866025
translation after opt: 2 :-3.99917  6.92852 0.859878 || gt:       -4   6.9282 0.866025
```

1.2 完成 Problem::TestMarginalize() 中的代码

```
// TODO:: home work. 将变量移动到右下角
/// 准备工作： move the marg pose to the Hmm bottown right
// 将 row i 移动矩阵最下面
Eigen::MatrixXd temp_rows = H_marg.block(idx, 0, dim, reserve_size);
Eigen::MatrixXd temp_botRows = H_marg.block(idx + dim, 0, reserve_size - idx - dim, reserve_size);
H_marg.block(idx, 0, dim, reserve_size) = temp_botRows;
H_marg.block(idx + dim, 0, reserve_size - idx - dim, reserve_size) = temp_rows;
```

```
// TODO:: home work. 完成舒尔补操作
Eigen::MatrixXd Arm = H_marg.block(0, n2, n2, m2);
Eigen::MatrixXd Amr = H_marg.block(n2, 0, m2, n2);
Eigen::MatrixXd Arr = H_marg.block(0, 0, n2, n2);
```

结果如下：

```
---------- TEST Marg: before marg------------
     100      -100         0
    -100   136.111  -11.1111
       0  -11.1111   11.1111
---------- TEST Marg: 将变量移动到右下角------------
     100         0      -100
       0   11.1111  -11.1111
    -100  -11.1111   136.111
---------- TEST Marg: after marg------------
 26.5306 -8.16327
-8.16327  10.2041
```