Министерство образования и науки Российской Федерации

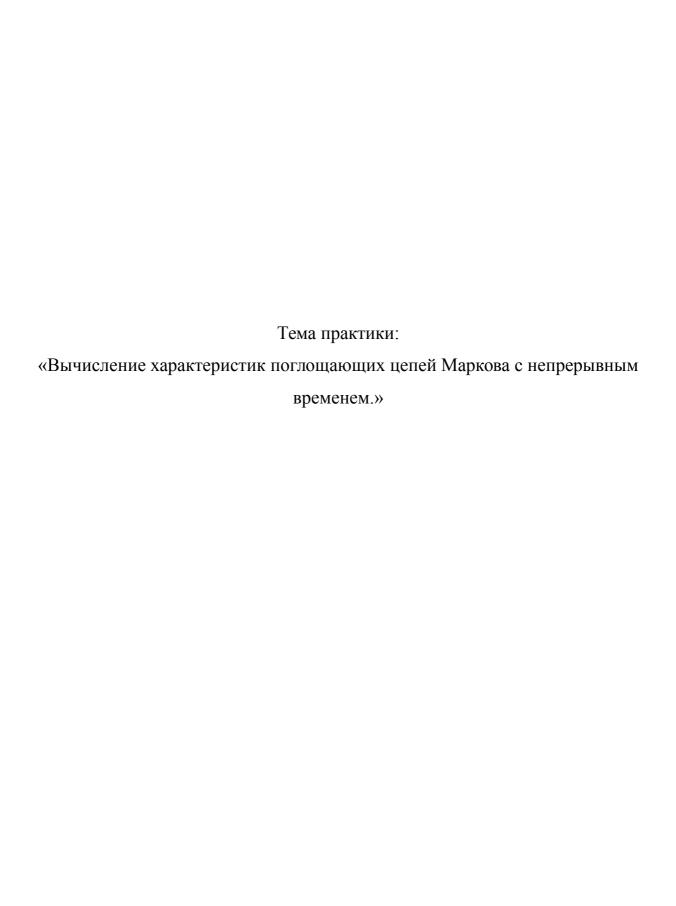
ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «САРАТОВСКИЙ НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ ИМЕНИ Н.Г. ЧЕРНЫШЕВСКОГО»

ОТЧЕТ О ПРАКТИКЕ

Студента <u>3</u> курса факультета <u>КНиИТ</u> направления 27.03.03 — Системный анализ и управление

<u>Черневского Алексея Дмитриевича</u>
фамилия, имя, отчество

<u>кафедра системного анализа и автоматического управления</u>
кафедра



Задание:

Определить поглощающую цепь Маркова с непрерывным временем и конечным числом состояний c_s , из которых первые k состояний являются поглощающими, задав произвольные инфинитезимальный оператор A и начальное распределение p(0)

1. Определить матрицу $P^{(t)}$ для некоторого t>0.

```
% Инфинитозмальный оператор А
1
2
    A = [0 \ 0] = A
                  0
                     0
                          0
                               0
                                   0 0;
3
      0
           0
                0 0 0 0 0 0;
4
      0.3 0.21 -2.44 0.3 0.2 0.83 0.4 0.2;
5
      0.2 0.5
                0.1 -2.35 0.45 0.1
                                      0.1 0.9;
      0.4 0.9
                0.4 0.6 -3.3 0
6
                                    0.5 0.5;
7
                                     0.4 0.5;
      0.4 0.5
               0.5 0.3 0.1 -2.7
8
                0.5 0.3 0.3 1 -3.2 0.3;
      0.5 0.3
9
      0.1 0.1
                0.2 0.1 0.7 0.5
                                     0.5 -2.2:1:
10
    % мощность множества состояний S
11
    cS=8;
12
    % Начальные распределения
13
    p0 = [0.1, 0, 0.2, 0, 0.05, 0.3, 0.25, 0.1];
14
    pr0 = [0.2,0,0.2,0.25,0.05,0.3];
15
    pr01 = [0.1 \ 0.1 \ 0.2 \ 0.1 \ 0.3 \ 0.2];
16
    % Экспонента
17
    exp = 2.17;
18
19
    % 1. Вычислить матрицу P^(t) для некоторого t > 0. {{{
20
    % Время
21
    t=5:
22
    % Матрица переходных вероятностей P^(t) за время t определяется
23
    выражением
24
    Pt=exp^(A * t)
```

2. Вычислить абсолютное распределение вероятностей цепи ζ в некоторый момент времени t .

Код программы:

```
1
    % длительность пребывания цепи в множестве Z до ее перехода в
2
    одно из состояний множества Ү.
3
    Sigma=0;
4
5
    for s=1:8
6
         for r=1:8
7
              Sigma += p0(r) * Pt(r, s);
8
              pst(s) = Sigma;
9
         end
10
    end
11
12
    % Ответ
13
    pst;
```

Результаты работы программы:

```
pst = 0.48401 0.93672 0.94672 0.95600 0.96384 0.97636 0.98486 1.00000
```

3. Определить параметры $(\alpha_r, r \in Z, P = (p_{rs}), r, s \in S)$ соответствующей минимальной цепи Маркова.

Код программы:

```
1 for n=1:6

2 alphar(n)=A(n+2,n+2);

3 end

4

5 alphar

6 delta=0.2;

7 P=exp^(A*delta);

8 P
```

Результаты работы программы:

```
alphar =

-2.4400 -2.3500 -3.3000 -2.7000 -3.2000 -2.2000

P =

1.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.00000 0.004560 0.03591 0.69179 0.03660 0.02415 0.09130 0.04500 0.02965 0.03014 0.07112 0.01491 0.69889 0.05092 0.01625 0.01649 0.10128 0.05391 0.11523 0.04349 0.06307 0.60655 0.00930 0.05102 0.05743 0.05579 0.06881 0.05551 0.03496 0.01561 0.66732 0.04393 0.05806 0.06851 0.04682 0.05616 0.03590 0.03286 0.10368 0.61666 0.03941 0.02118 0.02415 0.02847 0.01761 0.07374 0.05921 0.05657 0.71906
```

4. Вычислить условные вероятности поглощения цепи ζ в состояниях $s \in Y$ при начале эволюции из состояния $r \in Z$.

```
1 for r=1:6
2 for s=1:6
3 R(r,s)=P(r+2,s+2);
4 end
5 end
```

```
6
    R;
7
8
    for r=1:6
         for s=1:2
9
10
             H(r,s)=P(r+2,s);
11
         end
12
    end
13
14
   H;
15
   I=eye(6);
   M=(I-R)^{(-1)};
16
17
    М
18
19 B=M*H
```

```
M =

4.07348    1.09469    0.83630    1.79704    1.06634    1.51642
0.90318    4.01611    1.08903    1.12117    0.86492    2.11875
0.95768    1.07027    3.12154    0.93822    0.89461    1.44436
1.19162    0.96982    0.73496    3.98539    0.97015    1.58538
1.21070    0.99839    0.82382    1.69937    3.31541    1.47233
1.21577    1.04907    1.29314    1.68084    1.26922    4.85572

B =

0.46927    0.53073
0.38761    0.61239
0.38844    0.61156
0.44558    0.55442
0.48285    0.51715
0.44034    0.55966
```

5. Вычислить вероятности поглощения цепи ζ в состояниях $s \in Y$.

```
1 for s=1:2
2 for r=1:6
```

```
vs = 0.13210 0.16790
```

6. Вычислить м.о. длительности пребывания цепи в невозвратном состоянии $r, r = k + 1, \ldots, c_s$.

Код программы:

Результаты работы программы:

7. Вычислить условное м.о. числа заходов цепи в невозвратное состояние s от момента начала эволюции цепи из невозвратного состояния r до поглощения r, $s=k+1,\ldots,c_s$.

```
1
     for r=1:6
          betas(r)=1/alphar(r);
2
3
     end
4
     betas;
5
     for r=1:6
          for s=1:6
6
7
               Erros(r,s)=(M(r,s)*delta)/betas(s);
8
          end
9
     end
10
     Erros
```

```
Erros =
-1.98786 -0.51450 -0.55196 -0.97040 -0.68246 -0.66723
-0.44075 -1.88757 -0.71876 -0.60543 -0.55355 -0.93225
-0.46735 -0.50303 -2.06022 -0.50664 -0.57255 -0.63552
-0.58151 -0.45581 -0.48507 -2.15211 -0.62089 -0.69757
-0.59082 -0.46924 -0.54372 -0.91766 -2.12186 -0.64783
-0.59330 -0.49306 -0.85347 -0.90765 -0.81230 -2.13652
```

8. Вычислить условное м.о. длительности пребывания цепи в невозвратном состоянии s при начале эволюции из невозвратного состояния r, до поглощения r, r, $s=k+1,\ldots,c_s$.

Код программы:

Результаты работы программы:

```
Ersigmas =

0.81470  0.21894  0.16726  0.35941  0.21327  0.30328
0.18064  0.80322  0.21781  0.22423  0.17298  0.42375
0.19154  0.21405  0.62431  0.18764  0.17892  0.28887
0.23832  0.19396  0.14699  0.79708  0.19403  0.31708
0.24214  0.19968  0.16476  0.33987  0.66308  0.29447
0.24315  0.20981  0.25863  0.33617  0.25384  0.97114
```

9. Вычислить условное м.о. длительности пребывания цепи в невозвратном состоянии s до перехода в множество Y, при различных начальных распределениях p(0).

```
1 Ep0sigmas=0;
2 for r=1:6
3 Ep0sigmas+=pr0(r)*Ersigmas(r);
```

```
4 end
5 Ep0sigmas
```

```
Ep0sigmas = 0.34588
```

10. Вычислить условное м.о. длительности пребывания цепи в множестве Z до перехода в Y , при начале эволюции из r , $r\!=\!k\!+\!1\!\dots,c_s$

Код программы:

```
1
    Ersigmaz=0;
2
    for r=1:6
3
         for v=1:6
4
              Sigma+=M(r,v)*delta;
5
         end
6
         Ersigmaz(r)=Sigma;
7
    end
8
    Ersigmaz
```

Результаты работы программы:

```
Ersigmaz = 3.0769 5.0995 6.7848 8.6723 10.5763 12.8490
```

11. Вычислить м.о. длительности пребывания цепи в множестве Z до перехода в множество Y при различных начальных распределениях p(0)

```
1    Ep0sigmaz=0;
2    for r=1:6
3        Ep0sigmaz+=pr0(r)*Ersigmaz(r);
4    end
5    Ep0sigmaz;
```

Результаты работы программы: Ep0sigmaz = 8.5239