全国大学生数学建模竞赛论文模板

摘要

摘要

对于问题一,

对于问题二,

对于问题三,

对于问题四,

最后,

关键字: 关键词 关键词 关键词 关键词

目录

1	问题重述	4
	1.1 问题背景	4
	1.2 问题要求	4
	1.3 我们的工作	4
2	模型假设	4
3	符号说明	4
4	问题一的模型的建立和求解	5
	4.1 问题一的描述与分析	5
	4.2 预备工作	5
	4.3 模型建立	5
	4.3.1 传输速率计算	5
	4.3.2 服务质量评估函数	6
	4.3.3 优化模型	7
	4.4 模型求解	7
	4.5 求解结果	8
5	问题二的模型的建立和求解	9
	5.1 问题二的描述与分析	9
	5.2 预备工作	9
	5.3 模型建立	9
	5.4 模型求解	9
	5.5 求解结果	9
6	问题三的模型的建立和求解	9
	6.1 问题三的描述与分析	9
	6.2 预备工作	9
	6.3 模型建立	9
	6.4 模型求解	9
	6.5 求解结果	9
7	模型的分析与检验	9
	71 灵敏度分析	9

	7.2 误差分析	9
8	模型的评价	9
	8.1 模型的优点	9
	8.2 模型的缺点	10
A	附录 文件列表	11
В	附录 代码	11

1 问题重述

- 1.1 问题背景
- 1.2 问题要求
 - 问题 1
 - 问题 2
 - 问题3
 - 问题 4
- 1.3 我们的工作

2 模型假设

为简化问题,本文做出以下假设:

- 假设1
- 假设 2
- 假设3

3 符号说明

符号	含义
N	资源块总数, $N=50$
${\cal S}$	切片集合, $\mathcal{S} = \{U, e, m\}$ (分别代表 URLLC、eMBB、mMTC)
\mathcal{U}_s	切片 s 的用户集合
n_s	分配给切片 s 的资源块数量
D_k	用户 k 的任务数据量(Mbit)
ϕ_k	用户 k 的大规模衰减(dB)
h_k	用户 k 的小规模瑞利衰减系数
p_{tx}	基站发射功率, $p_{tx}=30 \text{ dBm}$
b	单个资源块带宽, $b=360~\mathrm{kHz}$
$L_s^{ m SLA}$	切片 s 的时延 SLA 要求
$r_s^{\rm SLA}$	切片 s 的速率 SLA 要求
M_s	切片 s 的任务丢失惩罚系数
<u>α</u>	URLLC 切片的效益折扣系数

4 问题一的模型的建立和求解

4.1 问题一的描述与分析

问题一考虑单个微基站的资源分配场景。该基站拥有 50 个资源块(Resource Block, RB),需要为三类网络切片——URLLC(高可靠低时延)、eMBB(增强移动宽带)和 mMTC(大规模机器通信)进行资源分配,以最大化用户服务质量。这是一个静态资源 分配优化问题,需要在满足资源约束的条件下,找到最优的资源块分配方案。

4.2 预备工作

为便于复现与对比,本问采用如下统一的数据、参数与约定:

- 数据来源(附件 1,单时刻数据):任务量 q1_任务流.csv(单位: Mbit)、大规模衰减 q1_大规模衰减.csv(单位: dB)、小规模瑞利衰减 q1_小规模瑞丽衰减.csv(幅度 |h|)。按列名——对应同名用户,忽略非数值列(如 Time)。
- 系统与物理层参数: 单小区、无同频干扰; 发射功率 $p_{tx} = 30 \, dBm$; 单 RB 带宽 $b = 360 \, kHz$; 噪声系数 $NF = 7 \, dB$ 。白噪声按如下公式计算:

$$N_0 (dBm) = -174 + 10 \log_{10}(ib) + NF$$
 (1)

并换算为mW。

- 资源占用粒度(同表 1): URLLC/eMBB/mMTC 用户并发占用 RB 数分别为 $v_U = 10$ 、 $v_e = 5$ 、 $v_m = 2$ 。为避免 RB 碎片化,约束切片 RB 分配满足 $n_U \mod 10 = 0$ 、 $n_e \mod 5 = 0$ 、 $n_m \mod 2 = 0$,且 $n_U + n_e + n_m = 50$ 。
- SLA 与 QoS: URLLC 时延 SLA $L_U^{\rm SLA}=5\,{\rm ms}$ 、折扣因子 $\alpha=0.95$ 、惩罚 $M_U=5$; eMBB 速率 SLA $r_e^{\rm SLA}=50\,{\rm Mbps}$ 、时延 SLA $L_e^{\rm SLA}=100\,{\rm ms}$ 、惩罚 $M_e=3$; mMTC 时延 SLA $L_m^{\rm SLA}=500\,{\rm ms}$ 、惩罚 $M_m=1$ 。
- 排队与评估口径:同一决策下允许在切片内"编号靠前优先"的串并行调度,后到用户可在前序用户完成后接续占用 RB; URLLC/eMBB 以用户级 QoS 加和; mMTC 以满足 SLA 的接入比例计分(当期存在任务的 mMTC 用户数作分母)。

4.3 模型建立

4.3.1 传输速率计算

根据附录中的信号传输模型,用户 k 获得 i_k 个资源块时的接收功率为:

$$p_{\text{rx},k} = 10^{\frac{p_{\text{tx}} - \phi_k}{10}} \cdot |h_k|^2 \quad \text{(mW)}$$

其中, p_{tx} 为基站发射功率(dBm), ϕ_k 为大规模衰减(dB), h_k 为小规模瑞利衰落系数, $p_{tx,k}$ 为接收功率(mW)。

考虑噪声功率的影响,噪声功率谱密度为:

$$N_0 = -174 + 10\log_{10}(i_k \cdot b) + 7 \quad (dBm) \tag{3}$$

其中, i_k 为用户 k 占用的 RB 数量,b 为单 RB 带宽(Hz),-174 dBm/Hz 为热噪声谱密 度,7 dB 为噪声系数。

信干噪比(SINR)在无干扰情况下简化为信噪比(SNR):

$$\gamma_k = \frac{p_{\text{rx},k}}{10^{\frac{N_0}{10}}} \tag{4}$$

其中, N_0 以 dBm 计, $10^{\frac{N_0}{10}}$ 为噪声功率 (mW)。

根据香农公式,用户k的传输速率为:

$$r_k = i_k \cdot b \cdot \log_2(1 + \gamma_k) \quad \text{(bps)} \tag{5}$$

其中, r_k 为传输速率 (bps), i_k 为 RB 数量, b 为单 RB 带宽。

4.3.2 服务质量评估函数

根据附录中的用户服务质量定义,不同切片的 QoS 评估函数如下:

(1) U 切片(URLLC)

用户 k 的传输时延为:

$$T_k = \frac{D_k \times 10^6}{r_k} \quad (s) \tag{6}$$

总时延为:

$$L_k^s = Q_k + T_k, \quad s \in \{U, e, m\}$$

$$\tag{7}$$

其中, D_k 为任务数据量 (Mbit), Q_k 为排队时延, T_k 为传输时延。

服务质量函数为:

其中, $\alpha \in (0,1)$ 为效益折扣系数(本题取 $\alpha = 0.95$), M_U 为 U 切片任务丢失惩罚系数, L_U^{SLA} 为 U 切片时延 SLA。

(2) e 切片 (eMBB)

e 切片用户采用三段式 QoS 函数:

其中, r_e^{SLA} 、 L_e^{SLA} 分别为 e 切片的速率与时延 SLA, M_e 为惩罚系数。

(3) m 切片 (mMTC)

m 切片的 QoS 基于接入成功率 (满足时延 SLA 时按接入比例计分):

其中, U_m 为 m 切片用户集合, c_i 表示是否有任务需求, c_i' 表示是否成功接入, L_k^m 为用户 k 的总时延(同上定义), M_m 为惩罚系数。

4.3.3 优化模型

基于上述分析,建立如下优化模型:

$$\max_{n_{U}, n_{e}, n_{m}} \quad Q = \sum_{s \in \mathcal{S}} \sum_{k \in \mathcal{U}_{s}} y_{k}^{s}$$
s.t.
$$\begin{cases} n_{U} + n_{e} + n_{m} \leq N \\ n_{s} \geq 0, \quad \forall s \in \mathcal{S} \\ n_{s} \in \mathbb{Z}, \quad \forall s \in \mathcal{S} \end{cases}$$
(11)

其中, n_U, n_e, n_m 分别为分配给 U、e、m 切片的 RB 个数, $\mathcal{S} = \{U, e, m\}$, \mathcal{U}_s 为切片 s 的用户集合; y_k^U 、 y_k^e 为用户级 QoS 得分, y^m 为 m 切片的聚合式接入比例得分。

其中,第一个约束为资源块总数限制,第二个约束为非负约束,第三个约束为整数 约束。

4.4 模型求解

为求解最优切片 RB 分配与同周期排队调度,采用"离散枚举+切片内串并行调度"的流程:

1. 切片 RB 枚举: 枚举 $R_U \in \{0, 10, ..., 50\}$ 、 $R_e \in \{0, 5, ..., 50 - R_U\}$, 令 $R_m = 50 - R_U - R_e$,若 $R_m < 0$ 或 $R_m \mod 2 \neq 0$ 则跳过。各切片并发容量 $\text{cap}_U = \lfloor R_U/10 \rfloor$ 、 $\text{cap}_e = \lfloor R_e/5 \rfloor$ 、 $\text{cap}_m = \lfloor R_m/2 \rfloor$ 。

- 2. 切片内调度: 对切片 $s \in \{U, e, m\}$,所有用户按"编号靠前优先"的固定顺序进入队列。以固定占用 v_s 计算其独占传输时延 T_k 与速率 r_k ,并采用 cap_s 台并行服务器的无抢占调度: 先填满并行槽位,之后每当最早完成的会话释放,队列头用户即时接续,占用直至完成。由此得到等待 Q_k 与总时延 $L_k = Q_k + T_k$ 。
- 3. QoS 计算与聚合:对 URLLC 与 eMBB 逐用户按 L_k (及 r_k)代入其 QoS 定义计分并求和;对 mMTC 统计满足 $L_k \leq L_m^{SLA}$ 的用户数占比作为 y^m 。
- 4. 目标计算与最优解提取:

$$Q(R_U, R_e, R_m) = \sum_{k \in \mathcal{U}_U} y_k^U + \sum_{k \in \mathcal{U}_e} y_k^e + y^m$$

取 Q 最大的切片 RB 分配与相应调度结果作为最优解。

该方法在分配层面保持小规模枚举,调度层面采用线性对数复杂度的最早完成时间 堆维护,整体复杂度低、可复现,并严格符合题目"编号靠前优先、可在同一决策中依 次占用 RB"的处理规则。

4.5 求解结果

基于附件 1 数据与上述流程,得到允许排队后的最优分配与接入如下(发射功率固定为 30 dBm):

- 最优切片 RB 分配: $R_U = 20$, $R_e = 10$, $R_m = 20$ (合计 50)。
- 接入选择: URLLC 接入 {U1, U2}; eMBB 接入 {e1, e2, e3, e4}; mMTC 全部接入 {m1~m10}。
- 关键指标: mMTC 接入比例 $y^m = 1.0000$; URLLC QoS 合计 $\sum y^U = 1.9870$; eMBB QoS 合计 $\sum y^e = 3.7953$; 目标函数 Q = 6.7823。

为便于阅览,给出最优方案下各用户关键指标表。

表 1 URLLC 用户关键指标(最优分配 $R_U = 20, R_e = 10, R_m = 20$)

用户	r(Mbps)	L(ms)	QoS
U1	71.028	0.145	0.9926
U2	100.783	0.110	0.9944

表 2 eMBB 用户关键指标(最优分配 $R_U=20,\ R_e=10,\ R_m=20)$

用户	r(Mbps)	L(ms)	QoS
e1	54.217	2.017	1.0000
e2	51.686	2.182	1.0000
e3	39.766	4.546	0.7953
e4	57.878	5.605	1.0000

表 3 mMTC 用户关键指标(最优分配 $R_U=20,\ R_e=10,\ R_m=20)$

用户	r(Mbps)	L(ms)	是否满足 SLA
m1	19.524	0.623	是
m2	19.607	0.639	是
m3	17.219	0.747	是
m4	21.306	0.580	是
m5	20.234	0.607	是
m6	23.069	0.596	是
m7	21.489	0.610	是
m8	19.334	0.709	是
m9	17.815	0.713	是
m10	19.062	0.672	是

5 问题二的模型的建立和求解

- 5.1 问题二的描述与分析
- 5.2 预备工作
- 5.3 模型建立
- 5.4 模型求解

Step1:

Step2:

Step3:

5.5 求解结果

6 问题三的模型的建立和求解

6.1 问题三的描述与分析	
6.2 预备工作	
6.3 模型建立	
6.4 模型求解	
Step1: Step2: Step3:	
6.5 求解结果	
	7 模型的分析与检验
7.1 灵敏度分析	
7.2 误差分析	
	8 模型的评价
8.1 模型的优点	
• 优点 1	
• 优点 2	
• 优点 3	
8.2 模型的缺点	
• 缺点 1	
• 缺点 2	

附录 A 文件列表

文件名	功能描述
q1.m	问题一程序代码
q2.py	问题二程序代码
q3.c	问题三程序代码
q4.cpp	问题四程序代码

附录 B 代码