

# Documentación Técnica del Circuito zk-SNARK

Maria Jose Duarte Kowalewski (5224801) - Kevin Mathias Galeano Saldivar (5985474)

## 1. Estructura del Circuito

### 1.1 Descripción General

El circuito implementa una operación aritmética que combina dos entradas ( $a$  y  $b$ ), calcula sus cuadrados, suma los resultados y aplica una operación de módulo. Este tipo de circuito es común en aplicaciones de criptografía y pruebas de conocimiento cero (zk-SNARK), donde se requiere demostrar el conocimiento de ciertos valores sin revelarlos.

### 1.2 Componentes del Circuito

El circuito está compuesto por los siguientes módulos:

- Square:** Calcula el cuadrado de una entrada.
  - Entrada:**  $in$  (valor numérico).
  - Salida:**  $out$  (cuadrado del valor de entrada).
- Mod:** Aplica una operación de módulo a una entrada.
  - Entrada:**  $in$  (valor numérico).
  - Salida:**  $out$  (resultado de  $in \% p$ ).
- Suma:** Suma los resultados de los cuadrados de  $a$  y  $b$ .
  - Entrada:** Dos valores numéricos.
  - Salida:** Un valor numérico.

### 1.3 Flujo de Datos

- Las entradas  $a$  y  $b$  se elevan al cuadrado utilizando el módulo Square.
- Los resultados de los cuadrados se suman.
- La suma se pasa al módulo Mod, que calcula el módulo.
- El resultado final se asigna a la salida  $c$ .

### 1.4 Consideraciones de Diseño

- Restricciones Aritméticas:** El circuito está diseñado para operar sobre campos finitos, lo que es esencial para la compatibilidad con zk-SNARK.
- Eficiencia:** El uso de operaciones modulares y cuadrados está optimizado para minimizar el número de restricciones y reducir el costo computacional.

## 2. Proceso de Generación de Pruebas

### 2.1 Objetivo de las Pruebas

El objetivo de las pruebas es demostrar que el circuito funciona correctamente para un conjunto de entradas y que la salida es válida según las restricciones definidas. Esto se logra mediante la generación de pruebas zk-SNARK, que permiten verificar la corrección del cálculo sin revelar las entradas originales.

## 2.2 Herramientas Utilizadas

- **Circom:** Compilador de circuitos aritméticos que transforma el código en una representación intermedia (R1CS).
- **SnarkJS:** Biblioteca que implementa el protocolo Groth16 para generar y verificar pruebas zk-SNARK.
- **Groth16:** Protocolo de pruebas de conocimiento cero que utiliza curvas elípticas y pruebas sucintas para garantizar la privacidad y eficiencia.

## 2.3 Metodología de Generación de Pruebas

### 1. Compilación del Circuito:

El circuito se compila en un formato intermedio llamado R1CS (Rank-1 Constraint System), que representa las restricciones aritméticas del circuito. También se generan archivos adicionales, como el binario WASM, que permite la ejecución del circuito en un entorno web.

### 2. Generación del Testigo (Witness):

El testigo es una asignación de valores que satisface todas las restricciones del circuito. Utilizando el binario WASM, se genera el testigo (`witness.wtns`), que contiene los valores intermedios y la salida del circuito.

### 3. Trusted Setup:

El protocolo Groth16 requiere una fase de configuración inicial llamada *Trusted Setup*.

- En esta fase, se generan claves de prueba y verificación utilizando parámetros criptográficos seguros.
- El proceso incluye la generación de un archivo `.ptau` (Powers of Tau) y la creación de claves específicas para el circuito.

### 4. Generación de la Prueba:

Utilizando las claves generadas en el Trusted Setup y el testigo, se genera una prueba zk-SNARK, que es un conjunto de valores criptográficos que demuestran la validez del cálculo sin revelar las entradas originales.

## 2.4 Ejemplo de Generación de Pruebas

Para las entradas  $a = 2$  y  $b = 3$ :

1. Se calcula  $a^2 = 4$  y  $b^2 = 9$ .
2. Se suma  $4 + 9 = 13$ .
3. Se aplica el módulo 7:  $13 \% 7 = 6$ .
4. La prueba zk-SNARK demuestra que este cálculo es correcto sin revelar los valores de  $a$  y  $b$ .

# 3. Proceso de Verificación

## 3.1 Objetivo de la Verificación

La verificación tiene como objetivo asegurar que la prueba generada es válida y que el circuito cumple con las restricciones definidas. Esto garantiza la integridad y corrección del cálculo.

## 3.2 Herramientas Utilizadas

- **SnarkJS:** Para verificar la prueba zk-SNARK.
- **Groth16:** Protocolo utilizado para la verificación, que garantiza la eficiencia y seguridad de la prueba.

## 3.3 Metodología de Verificación

### 1. Carga de la Clave de Verificación:

La clave de verificación (`verification_key.json`) se carga para validar la prueba.

### 2. Carga de las Señales Públicas:

Las señales públicas (`public.json`) contienen los valores que se hacen visibles durante la verificación (en este caso, la salida `c`).

### 3. Carga de la Prueba:

La prueba (`prueba.json`) se carga para su validación.

### 4. Verificación:

Utilizando Groth16, se verifica que la prueba es válida y que las señales públicas coinciden con las restricciones del circuito.

## 3.4 Ejemplo de Verificación

Para el ejemplo anterior ( $c = 6$ ):

1. La clave de verificación confirma que la prueba es válida.
2. Las señales públicas demuestran que la salida `c` es correcta.
3. La verificación devuelve `true`, indicando que la prueba es válida.

# 4. Ejemplos de Uso con Valores Concretos

## 4.1 Ejemplo 1

**Entradas:**

- $a = 2$
- $b = 3$

**Cálculo:**

- $a^2 = 4$
- $b^2 = 9$
- $\text{sum} = 4 + 9 = 13$
- $c = 13 \% 7 = 6$

**Resultado:**

La prueba zk-SNARK demuestra que  $c = 6$  es correcto.

## 4.2 Ejemplo 2

**Entradas:**

- $a = 5$
- $b = 4$

**Cálculo:**

- $a^2 = 25$
- $b^2 = 16$
- $\text{sum} = 25 + 16 = 41$

- $c = 41 \% 7 = 6$

**Resultado:**

La prueba zk-SNARK demuestra que  $c = 6$  es correcto.

## 5. Conclusiones

El circuito implementado es un ejemplo práctico de cómo se pueden utilizar zk-SNARKs para demostrar la validez de cálculos sin revelar las entradas originales. El uso de Groth16 garantiza la eficiencia y seguridad de las pruebas, mientras que herramientas como Circom y SnarkJS facilitan la implementación y verificación del circuito. Este enfoque es especialmente útil en aplicaciones de privacidad y criptografía, donde la confidencialidad de los datos es crítica.