#### Санкт-Петербургский Политехнический Университет

Институт компьютерных наук и технологий Кафедра компьютерных систем и программных технологий

#### Отчёт по лабораторной работам №4 и №5

**Дисциплина**: Телекоммуникационные технологии **Тема**: Аналоговая модуляция. Фазовая и частотная модуляция.

Работу выполнил студент гр. 33501/4 Леженин Ю.И. Преподаватель Богач Н.В.

Санкт-Петербург 29 апреля 2018 г.

# 1 Цель работы.

Изучение амплитудной модуляции/демодуляции сигнала. Изучение частотной и фазовой модуляции/демодуляции сигнала.

# 2 Постановка задачи.

Сгенерировать однотональный сигнал низкой частоты. Выполнить амплитудную модуляцию/демодуляцию для различных значений глубины модуляции, амплитудную модуляцию/демодуляцию с подавлением несущей, однополосную модуляцию и синхронное детектирование. Выполнить фазовую и частотную модуляцию/демодуляцию. Получить спектры модулированных сигналов.

# 3 Ход работы.

#### 3.1 Амплитудная модуляция.

Амплитудно-модулированный сигнал задается по закону

$$u(t) = U_m \left[ 1 + M \cos(\Omega t) \right] \cos(\omega_0 t) =$$

$$= U_m \left[ \cos(\omega_0 t) + \frac{M}{2} \cos((\omega_0 + \Omega) t) + \frac{M}{2} \cos((\omega_0 - \Omega) t) \right],$$

где M — глубина модуляции,  $\Omega$  — частота модулируемого сигнала,  $\omega_0$  — несущая частота.

Для повышения КПД используется балансная модуляция:

$$u(t) = U_m \cos(\Omega t) \cos(\omega_0 t).$$

Однако отсутствие опорного сигнала с несущей частотой значительно усложняет демодуляцию.

Кроме того, ввиду идентичности информации на частотах ниже и выше несущей, может выполнятся однополосная амплитудная модуляция:

$$u(t) = U_m M \cos((\omega_w \pm \Omega) t).$$

Для демонстрации амплитудной модуляции был сгенерирован однотональный сигнал, для которого была выполнена модуляция при M=1, M=0.5, модуляция с подавлением несущей и однополосная модуляция. Результаты представлены на рисунках 3.1, 3.2, 3.3, 3.4.

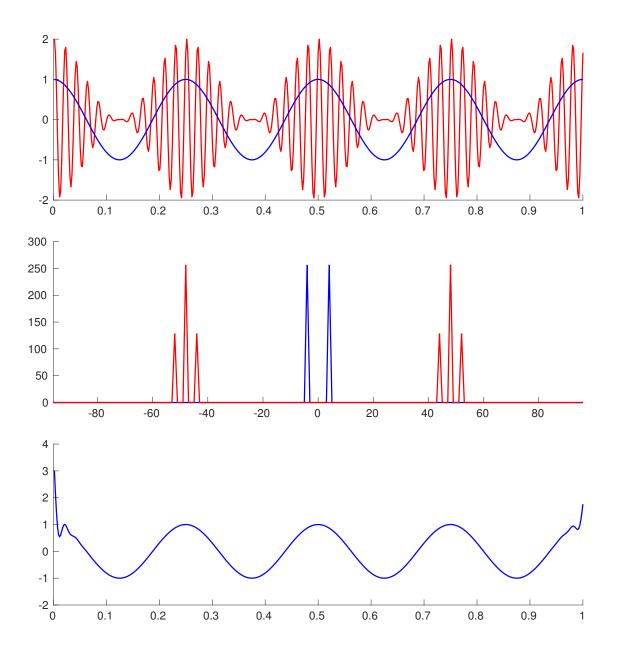


Рис. 3.1: Модулируемый однотональный сигнал ( $\Omega=4$   $\Gamma$ ц), амплитудно-модулированный сигнал ( $\omega_0=64$   $\Gamma$ ц, M=1), их спектры, демодулированный сигнал.

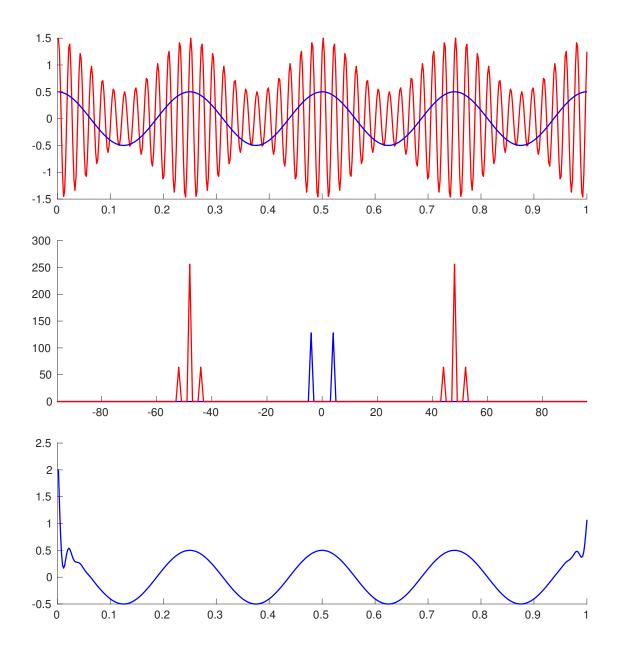


Рис. 3.2: Модулируемый однотональный сигнал ( $\Omega=4$   $\Gamma$ ц), амплитудно-модулированный сигнал ( $\omega_0=64$   $\Gamma$ ц, M=0.5), их спектры, демодулированный сигнал.

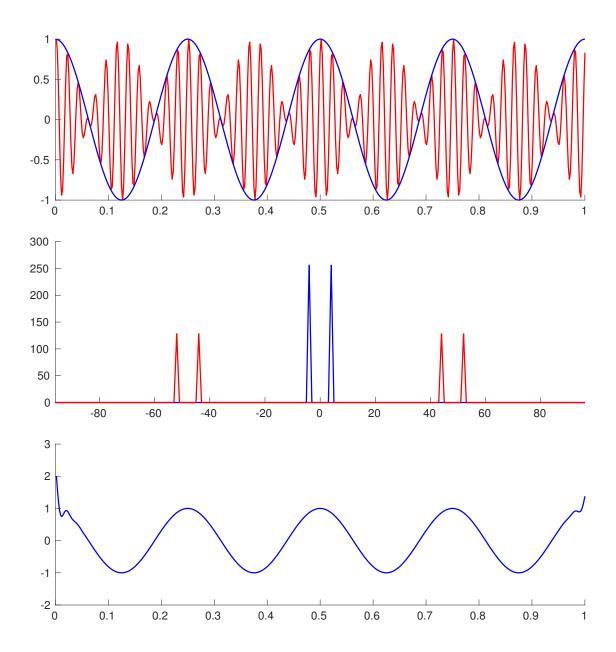


Рис. 3.3: Модулируемый однотональный сигнал ( $\Omega=4$   $\Gamma$ ц), амплитудно-модулированный сигнал ( $\omega_0=64$   $\Gamma$ ц) с подавлением несущей, их спектры, демодулированный сигнал.

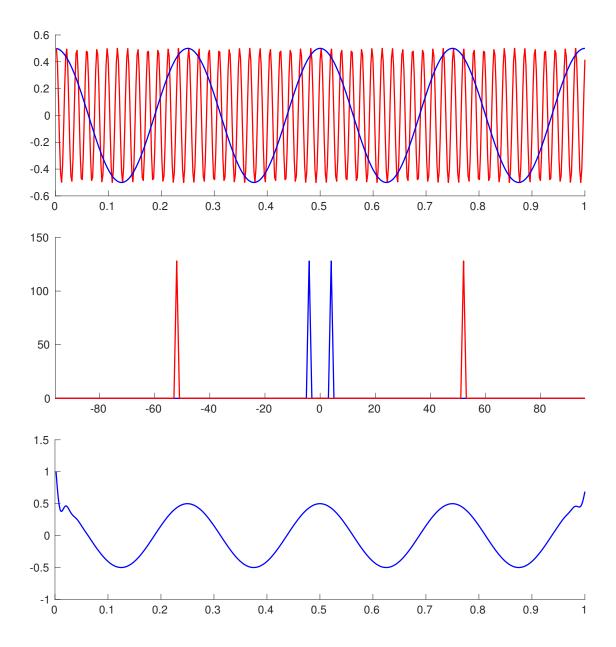


Рис. 3.4: Модулируемый однотональный сигнал ( $\Omega=4~\Gamma \mu$ ), однополосный амплитудно-модулированный сигнал ( $\omega_0=64~\Gamma \mu$ ) с подавлением несущей, их спектры, демодулированный сигнал.

### 3.2 Частотная и фазовая модуляция.

При фазовой модуляции фаза модулированного сигнала пропорциональна амплитуде передаваемого сигнала:

$$u(t) = U_m \cos(\omega_0 t + k s(t)).$$

При этом полная фаза колебаний задается выражением

$$\psi(t) = \omega_0 t + k s(t).$$

Девиация фазы вниз и вверх определяется следующим образом:

$$\Delta \phi_{\text{\tiny B}} = k s_{max}, \quad \Delta \phi_{\text{\tiny H}} = k s_{min}.$$

Мгновенная частота является производной от полной фазы:

$$\omega(t) = \frac{d}{dt}\psi(t) = \omega_0 + k \cdot \frac{d}{dt}s(t).$$

Видно, что при фазовой модуляции частота модулированного сигнала зависит от производной модулируемого сигнала.

При фазовой модуляции фаза модулированного сигнала пропорциональна интегралу передаваемого сигнала:

$$u(t) = U_m \cos(\omega_0 t + k \int_0^t s(t)dt).$$

При этом полная фаза колебаний определяется как

$$\psi(t) = \omega_0 t + k \int_0^t s(t)dt,$$

а мгновенная частота

$$\omega(t) = \frac{d}{dt}\psi(t) = \omega_0 + k \cdot s(t).$$

Девиация частоты вниз и вверх находится следующим образом:

$$\Delta\omega_{\rm B} = ks_{max}, \quad \Delta\omega_{\rm H} = ks_{min}.$$

Частота модулированного сигнала зависит от амплитуды модулируемого сигнала.

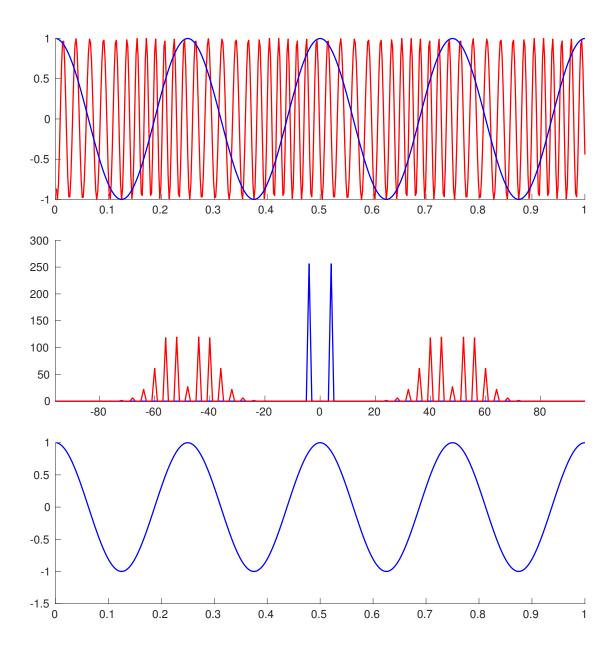


Рис. 3.5: Модулируемый однотональный сигнал ( $\Omega=4$   $\Gamma$ ц), фазово-модулированный сигнал ( $\omega_0=48$   $\Gamma$ ц,  $\Delta\phi=\frac{5\,\pi}{6}$ ), их спектры, демодулированный сигнал.

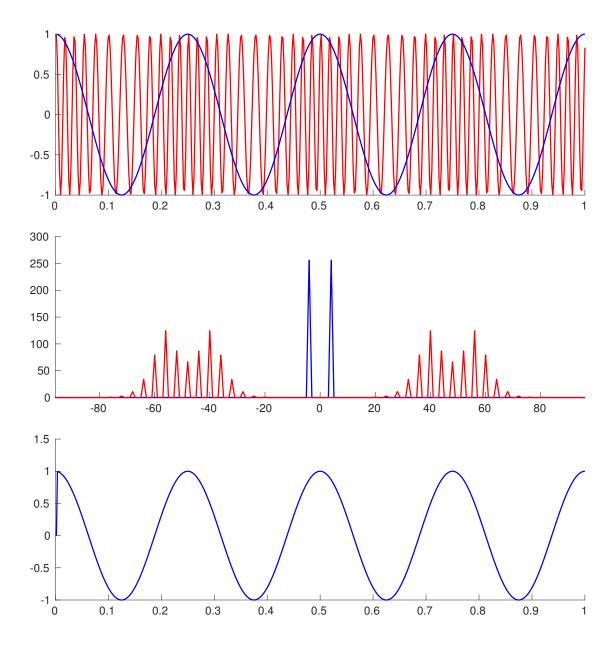


Рис. 3.6: Модулируемый однотональный сигнал ( $\Omega=4$   $\Gamma$ ц), частотно-модулированный сигнал ( $\omega_0=48$   $\Gamma$ ц,  $\Delta\omega=12$   $\Gamma$ ц), их спектры, демодулированный сигнал.

### 4 Выводы.

Модуляция позволяет перенести информацию содержащуюся в одном сигнале на другой сигнал, обладающими необходимыми свойствами. Модуляция дает возможность перенести спектр сигнала на заданный диапозон частот и выполнить частотное разделение каналов, что позволяет более эффективно использовать передающее оборудование.

Как правило, для модуляции используют гармонические колебания. В зависимости от того, на какой из параметров переносится информация, различают амплитудную (AM), частотную (ЧМ) или фазовую ( $\Phi$ M) модуляцию несущего сигнала.

Фазовая и частотная модуляции позволяют расширить спектра сигнала и тем самым повысить помехоустойчивость передачи.

# 5 Приложение.

Листинг 1: Программа для выполнения амплитудной модуляции/демодуляции.

```
1
    close all;
 2
    clear all:
3
    figure_properties = { 'units', 'centimeters', 'position'
 4
       , [12, 10, 30, 10], \ldots
         'DefaultAxesPosition', [0.08, 0.17, 0.88, 0.8]};
 5
 6
    lw = 1.8;
    fs = 16;
 7
 8
   N = 512:
9
10
    Fs = 512:
    Fc = 48:
11
    F0 = 4;
12
   M = 1;
13
14
15
    t = (1:N)/Fs;
    f = (-N/2:N/2-1) .* (Fs/N);
16
17
    x = M * cos(2 * pi * F0 * t); \% - 0.5 * sin(2 * pi * F0)
18
       /2 * t);
19
   y \mod = \operatorname{ammod}(x, \operatorname{Fc}, \operatorname{Fs}, 0, 1);
20
```

```
y 	ext{ ssbm} = 	ext{ssbmod}(x, 	ext{Fc}, 	ext{Fs}, 0, 	ext{'upper'});
21
22
   y \text{ ademod} = \text{amdemod}(y \text{ amod}, Fc, Fs, 0, 1);
23
   y ssbdemod (y ssbm, Fc, Fs);
24
25
26
    s = fftshift(fft(x));
   s \mod = fftshift(fft(y \mod));
27
28
    s sbm = fftshift(fft(y ssbm));
29
30
   s ademod = fftshift(fft(y ademod));
   s ssbdemod = fftshift(fft(y ssbdemod));
31
32
    figure (figure properties {:})
33
34
    hold on
    plot(t, y_amod, 'r', 'LineWidth', lw)
35
    plot(t, x, 'b', 'LineWidth', lw)
36
    set (gca, 'FontSize', fs)
37
38
    figure (figure _ properties {:})
39
40
    hold on
    plot(f, abs(s), 'b', 'LineWidth', lw)
41
    plot(f, abs(s amod), 'r', 'LineWidth', lw)
42
43
   \%xlim ([-Fs/2, Fs/2]);
    xlim([-Fc*2, Fc*2]);
44
    set(gca, 'FontSize', fs)
45
46
    figure (figure properties {:})
47
48
    hold on
    plot(t, y_ssbm, 'r', 'LineWidth', lw)
49
    plot(t, x, 'b', 'LineWidth', lw)
50
    set(gca, 'FontSize', fs)
51
52
    figure (figure properties {:})
53
    hold on
54
    plot(f, abs(s), 'b', 'LineWidth', lw)
55
    plot(f, abs(s_ssbm), 'r', 'LineWidth', lw)
56
   \%xlim([-Fs/2, Fs/2]);
57
    xlim([-Fc*2, Fc*2]);
58
    set(gca, 'FontSize', fs)
59
60
   figure (figure properties {:})
61
```

```
hold on
62
   plot(t, y_ademod, 'b', 'LineWidth', lw)
63
   % plot(t, x, 'b', 'LineWidth', lw)
64
   set(gca, 'FontSize', fs)
65
66
   figure (figure properties {:})
67
   hold on
68
   plot(f, abs(s ademod), 'b', 'LineWidth', lw)
69
   xlim([-Fs/2, Fs/2]);
70
   set(gca, 'FontSize', fs)
71
72
73
   figure (figure properties {:})
74
   hold on
   plot(t, y_ssbdemod, 'b', 'LineWidth', lw)
75
   % plot(t, x, 'b', 'LineWidth', lw)
76
77
   set (gca, 'FontSize', fs)
78
79
   figure (figure properties {:})
   hold on
80
   plot(f, abs(s ssbdemod), 'b', 'LineWidth', lw)
81
   xlim([-Fs/2, Fs/2]);
82
   set(gca, 'FontSize', fs)
83
```

Листинг 2: Программа для выполнения частотной и фазовой модуляции/демодуляции.

```
close all:
1
2
   clear all;
3
   figure_properties = { 'units', 'centimeters', 'position'
4
      , [12, 10, 30, 10], \ldots
        'DefaultAxesPosition', [0.08, 0.17, 0.88, 0.8]};
5
   lw = 1.8;
6
   fs = 16:
7
8
9
   N = 512;
   Fs = 512;
10
   Fc = 48;
11
   F0 = 4;
12
13
14
   t = (1:N)/Fs;
   f = (-N/2:N/2-1) .* (Fs/N);
15
```

```
16
    x = \cos(2 * pi * F0 * t);
17
18
   y \text{ pmod} = \text{pmmod}(x, Fc, Fs, 5 * pi / 6);
19
   y \mod = \operatorname{fmmod}(x, \operatorname{Fc}, \operatorname{Fs}, 12);
20
21
    y_pdemod = pmdemod(y_pmod, Fc, Fs, 5 * pi / 6);
22
    y fdemod = fmdemod(y fmod, Fc, Fs, 12);
23
24
25
    s = fftshift(fft(x));
26
    s pmod = fftshift(fft(y pmod));
27
    s \text{ fmod} = \text{fftshift}(\text{fft}(y \text{ fmod}));
28
29
    s_pdemod = fftshift(fft(y_pdemod));
30
31
    s fdemod = fftshift(fft(y fdemod));
32
33
    figure (figure properties {:})
    hold on
34
    plot(t, y pmod, 'r', 'LineWidth', lw)
35
    plot(t, x, 'b', 'LineWidth', lw)
36
37
    set (gca, 'FontSize', fs)
38
    figure (figure properties {:})
39
    hold on
40
    plot(f, abs(s), 'b', 'LineWidth', lw)
41
    plot(f, abs(s pmod), 'r', 'LineWidth', lw)
42
    xlim([-Fc*2, Fc*2]);
43
    set(gca, 'FontSize', fs)
44
45
    figure (figure properties {:})
46
    hold on
47
    plot(t, y_fmod, 'r', 'LineWidth', lw)
48
    plot(t, x, 'b', 'LineWidth', lw)
49
    set(gca, 'FontSize', fs)
50
51
    figure (figure properties {:})
52
    hold on
53
    plot(f, abs(s), 'b', 'LineWidth', lw)
54
    plot(f, abs(s_fmod), 'r', 'LineWidth', lw)
55
    xlim([-Fc*2, Fc*2]);
56
```

```
set (gca, 'FontSize', fs)
57
58
    figure (figure properties {:})
59
60
    hold on
    plot(t, y_pdemod, 'b', 'LineWidth', lw)
%plot(t, x, 'b', 'LineWidth', lw)
61
62
    set (gca, 'FontSize', fs)
63
64
65
    % figure (figure properties {:})
    % hold on
66
    % plot(f, abs(s_pdemod), 'b', 'LineWidth', lw)
67
    \% \text{ xlim}([-\text{Fc}*2, \text{Fc}*2]);
68
69
70
    figure (figure properties {:})
71
    hold on
    plot(t, y_fdemod, 'b', 'LineWidth', lw)
72
    %plot(t, x, 'b', 'LineWidth', lw)
73
74
    set (gca, 'FontSize', fs)
75
76
    % figure (figure properties {:})
    % hold on
77
    % plot(f, abs(s fdemod), 'b', 'LineWidth', lw)
78
    \% \text{ xlim}([-\text{Fc}*2, \text{Fc}*2]);
79
```