# Sistema de Análise Comparativa de Tabelas Hash

Documentação Técnica do Sistema

## Projeto PJBL - Estruturas de Dados

## Sumário

1		rodução	3
	1.1	Objetivos do Sistema	3
2	Fun	ções Hash Implementadas	3
	2.1	Function Hash por Divisão (Division Hash)	3
	2.2	Função Hash por Multiplicação (Multiplication Hash)	3
	2.3	Função Hash do Meio do Quadrado (Mid-Square Hash)	4
	2.4	Critérios de Seleção	4
3	Téc	nicas de Tratamento de Colisões	4
	3.1	Encadeamento (Chaining)	5
	3.2	Rehashing Linear (Linear Probing)	5
	3.3	Rehashing Quadrático (Quadratic Probing)	6
	3.4	Análise Comparativa das Técnicas	6
4	Aro	uitetura do Sistema	6
-	4.1	Estrutura de Pacotes	7
5	Cor	nponentes do Sistema	7
J	5.1	Camada de Modelo (Pacote model)	7
	0.1		7
	5.2		7
	3.2	Camada de Funções Hash (Pacote hash)	7
		5.2.1 Interface FuncaoHash	
		5.2.2 Classe HashDivisao	7
		5.2.3 Classe HashMultiplicacao	7
	- 0	5.2.4 Classe HashMeioQuadrado	7
	5.3	Camada de Tabelas Hash (Pacote hashtable)	8
		5.3.1 Interface TabelaHash	8
		5.3.2 Classe No	8
		5.3.3 Classe TabelaHashEncadeamento	8
		5.3.4 Classe TabelaHashLinear	8
		5.3.5 Classe TabelaHashQuadratica	8
	5.4	Camada de Métricas (Pacote metrics)	8
		5.4.1 Classe ColetorMetricas	8
	5.5	Camada de Geração de Dados (Pacote generator)	8

	5.6	5.5.1 Classe GeradorDadosCoordenador Principal5.6.1 Classe Main	8 9 9
6	Dia	grama de Componentes UML	9
7	Fun	cionalidades Principais	10
	7.1	Análise Comparativa	10
	7.2	Geração de Datasets	10
	7.3	Coleta de Métricas	10
	7.4	Geração de Relatórios	10
8	Flu	xo de Execução	10
9	Ger	ração de Datasets Sintéticos	11
	9.1	Tipo de Dados Gerados	11
	9.2	Características da Geração	11
		9.2.1 Reprodutibilidade	11
		9.2.2 Aleatoriedade Controlada	11
	9.3	Carregamento e Utilização dos Datasets	11
		9.3.1 Processo de Carregamento CSV	11
		9.3.2 Estratégia de Reutilização	12
		9.3.3 Integração com os Testes	12
10	Res	ultados - Graficos da execução	12
11	Grá	ficos da execução	12
		Encadeamento (Chaining)	12
		Rehashing Linear	
	11.3	Rehashing Quadratico	19

## 1 Introdução

O Sistema de Análise Comparativa de Tabelas Hash é uma aplicação desenvolvida em Java que implementa e analisa o desempenho de diferentes técnicas de tratamento de colisões em tabelas hash. O sistema permite uma comparação sistemática entre três funções hash distintas e três métodos de resolução de colisões, fornecendo métricas detalhadas de desempenho para análise acadêmica.

### 1.1 Objetivos do Sistema

- Implementar três técnicas diferentes de tratamento de colisões em tabelas hash
- Comparar o desempenho de três funções hash distintas
- Gerar datasets sintéticos para testes controlados
- Coletar métricas detalhadas de desempenho
- Produzir relatórios estruturados em formato CSV para análise posterior

## 2 Funções Hash Implementadas

As funções hash são algoritmos fundamentais que determinam como os elementos são distribuídos nas posições da tabela. A escolha da função hash impacta diretamente na distribuição dos dados e, consequentemente, no número de colisões. Este sistema implementa três funções hash clássicas, cada uma com características distintas:

## 2.1 Function Hash por Divisão (Division Hash)

A função hash por divisão é uma das mais simples e amplamente utilizadas. Ela utiliza o operador módulo para mapear uma chave k para uma posição na tabela de tamanho m:

$$h(k) = k \mod m$$

#### Características:

- Implementação simples e eficiente computacionalmente
- ullet Desempenho altamente dependente da escolha do tamanho da tabela m
- Pode apresentar padrões de distribuição ruins se m não for adequadamente escolhido

## 2.2 Função Hash por Multiplicação (Multiplication Hash)

A função hash por multiplicação utiliza a aritmética fracionária para criar uma distribuição mais uniforme dos elementos. A fórmula é definida como:

$$h(k) = \lfloor m \times (k \times A \bmod 1) \rfloor$$

onde A é uma constante no intervalo 0 < A < 1. Knuth sugere o uso de  $A = \frac{\sqrt{5}-1}{2} \approx 0.618$  (inverso da razão áurea).

#### Características:

- Menos sensível ao tamanho da tabela comparada à divisão
- ullet Oferece boa distribuição uniforme independentemente de m
- Ligeiramente mais custosa computacionalmente que a divisão

### 2.3 Função Hash do Meio do Quadrado (Mid-Square Hash)

A função hash do meio do quadrado eleva a chave ao quadrado e extrai dígitos do meio do resultado. O processo envolve:

- 1. Elevar a chave k ao quadrado:  $k^2$
- 2. Extrair os dígitos centrais do resultado
- 3. Aplicar módulo para ajustar ao tamanho da tabela: middle\_digits $(k^2)$  mod m

#### Características:

- Pode produzir boa distribuição quando os dados têm características apropriadas
- Sensível aos padrões dos dados de entrada
- O número de dígitos extraídos deve ser balanceado com o tamanho da tabela
- Historicamente utilizada, mas menos comum em implementações modernas

## 2.4 Critérios de Seleção

A escolha dessas três funções hash permite uma análise comparativa abrangente:

- Simplicidade vs. Sofisticação: Da divisão simples à multiplicação matematicamente fundamentada
- Dependência do Tamanho: Comparação entre funções sensíveis e insensíveis ao tamanho da tabela
- Distribuição: Análise de diferentes padrões de distribuição dos dados
- Desempenho Computacional: Comparação do custo de cálculo entre as funções

### 3 Técnicas de Tratamento de Colisões

As colisões ocorrem quando duas ou mais chaves são mapeadas para a mesma posição na tabela hash. O tratamento eficiente dessas colisões é fundamental para manter o desempenho da estrutura de dados. Este sistema implementa três técnicas clássicas de resolução de colisões, cada uma com características e comportamentos distintos:

### 3.1 Encadeamento (Chaining)

O encadeamento é uma técnica de tratamento de colisões que utiliza estruturas de dados auxiliares para armazenar múltiplos elementos na mesma posição da tabela. Quando uma colisão ocorre, o novo elemento é adicionado a uma lista encadeada associada àquela posição.

#### **Funcionamento:**

- Cada posição da tabela contém um ponteiro para o início de uma lista encadeada
- Quando há colisão, o elemento é inserido na lista correspondente
- A busca percorre a lista na posição indicada pela função hash
- A remoção localiza o elemento na lista e o remove

#### Características:

- Simplicidade: Implementação direta e intuitiva
- Flexibilidade: Suporta qualquer fator de carga sem degradação catastrófica
- Memória: Requer espaço adicional para ponteiros das listas
- Robustez: Funciona bem mesmo com distribuições não uniformes

### 3.2 Rehashing Linear (Linear Probing)

O Rehashing linear é uma técnica de endereçamento aberto onde, em caso de colisão, o sistema procura sequencialmente pela próxima posição disponível na tabela. A busca é feita de forma linear, incrementando a posição uma unidade por vez.

#### **Funcionamento:**

- Calcula-se a posição inicial usando a função hash: h(k)
- Se a posição estiver ocupada, tenta-se a próxima:  $(h(k) + 1) \mod m$
- Continua-se até encontrar uma posição livre:  $(h(k) + i) \mod m$ , onde i = 0, 1, 2, ...
- Para busca, segue-se o mesmo padrão até encontrar o elemento ou uma posição vazia

#### Características:

- Simplicidade: Implementação muito simples e eficiente
- Localidade de Referência: Boa performance de cache devido ao acesso sequencial
- Clustering Primário: Formação de blocos contíguos de elementos ocupados
- Degradação: Performance deteriora significativamente com alto fator de carga
- Memória: Não requer espaço adicional além da tabela principal

Clustering Primário: O principal problema da sondagem linear é o clustering primário, onde elementos tendem a se aglomerar em blocos contíguos, aumentando o tempo médio de busca e inserção.

### 3.3 Rehashing Quadrático (Quadratic Probing)

O Rehashing quadrático é uma variação do endereçamento aberto que utiliza incrementos quadráticos para encontrar posições livres. Esta técnica reduz o problema de clustering primário presente na sondagem linear.

#### **Funcionamento:**

- Calcula-se a posição inicial: h(k)
- $\bullet\,$  Em caso de colisão, tenta-se posições com incrementos quadráticos:  $(h(k)+i^2)$  mod m
- A sequência de tentativas é: h(k),  $h(k) + 1^2$ ,  $h(k) + 2^2$ ,  $h(k) + 3^2$ , ...

#### Características:

- Redução de Clustering: Minimiza o clustering primário comparado à sondagem linear
- Distribuição: Melhor espalhamento dos elementos na tabela
- Clustering Secundário: Pode apresentar clustering secundário (mesmo padrão de sondagem para chaves com mesmo hash)
- Complexidade: Ligeiramente mais complexa que a sondagem linear
- Requisitos: Funciona melhor com tamanhos de tabela primos

### 3.4 Análise Comparativa das Técnicas

A escolha dessas três técnicas permite uma análise das vantagens e desvantagens em estruturas hash:

- Simplicidade de Implementação: Linear < Quadrática < Encadeamento
- Uso de Memória: Encadeamento > Linear = Quadrática
- Resistência a Clustering: Encadeamento > Quadrática > Linear
- Desempenho com Alto Fator de Carga: Encadeamento > Quadrática > Linear
- Localidade de Cache: Linear > Quadrática > Encadeamento

## 4 Arquitetura do Sistema

O sistema foi desenvolvido seguindo princípios de orientação a objetos, com separação clara de responsabilidades entre diferentes camadas e componentes. A arquitetura é modular, permitindo fácil extensão e manutenção.

### 4.1 Estrutura de Pacotes

O sistema está organizado em seis pacotes principais:

- Pacote Principal: Contém a classe Main que coordena a execução
- model: Define as estruturas de dados do domínio
- hash: Implementa as diferentes funções hash
- hashtable: Implementa as diferentes técnicas de tabelas hash
- metrics: Coleta e gerencia métricas de desempenho
- generator: Gera datasets sintéticos para testes

## 5 Componentes do Sistema

### 5.1 Camada de Modelo (Pacote model)

#### 5.1.1 Classe Registro

Representa um registro de dados no sistema, contendo um código de 9 dígitos. Esta classe encapsula as informações básicas de um elemento a ser armazenado na tabela hash, garantindo formatação consistente e implementando métodos essenciais como equals(), hashCode() e toString().

## 5.2 Camada de Funções Hash (Pacote hash)

#### 5.2.1 Interface FuncaoHash

Define o contrato para todas as funções hash implementadas no sistema, garantindo uniformidade na interface e permitindo polimorfismo durante a execução dos testes.

#### 5.2.2 Classe HashDivisao

Implementa a função hash de divisão, utilizando o operador módulo para distribuir os elementos. Esta é a função hash mais simples e amplamente utilizada, calculada como  $h(k) = k \mod m$ .

#### 5.2.3 Classe HashMultiplicacao

Implementa a função hash de multiplicação, que utiliza a constante da razão áurea para uma distribuição mais uniforme. A função é calculada como  $h(k) = \lfloor m \times (k \times A \mod 1) \rfloor$ , onde  $A \approx 0.618$ .

#### 5.2.4 Classe HashMeioQuadrado

Implementa a função hash do meio do quadrado, que eleva a chave ao quadrado e extrai dígitos do meio do resultado. Esta técnica pode proporcionar boa distribuição quando aplicada adequadamente.

### 5.3 Camada de Tabelas Hash (Pacote hashtable)

#### 5.3.1 Interface TabelaHash

Define o contrato para todas as implementações de tabela hash, garantindo métodos uniformes para inserção, busca e análise estrutural.

#### 5.3.2 Classe No

Representa um nó na estrutura de dados, utilizado pelas implementações que necessitam de estruturas auxiliares como listas encadeadas.

#### 5.3.3 Classe TabelaHashEncadeamento

Implementa o tratamento de colisões por encadeamento, utilizando listas encadeadas para armazenar múltiplos elementos na mesma posição da tabela. Esta técnica é eficiente para altas taxas de ocupação e oferece desempenho previsível.

#### 5.3.4 Classe TabelaHashLinear

Implementa o tratamento de colisões por sondagem linear, procurando sequencialmente pela próxima posição disponível. Embora simples, esta técnica pode sofrer com o problema de clustering primário.

#### 5.3.5 Classe TabelaHashQuadratica

Implementa o tratamento de colisões por sondagem quadrática, utilizando incrementos quadráticos para encontrar posições livres. Esta abordagem reduz o clustering primário comparado à sondagem linear.

## 5.4 Camada de Métricas (Pacote metrics)

#### 5.4.1 Classe ColetorMetricas

Responsável por coletar, processar e armazenar todas as métricas de desempenho do sistema. Coleta dados sobre colisões, tempos de execução, distribuição de elementos e gaps na tabela, fornecendo uma visão abrangente do comportamento das diferentes configurações.

## 5.5 Camada de Geração de Dados (Pacote generator)

#### 5.5.1 Classe GeradorDados

Gera datasets sintéticos para testes controlados e reproduzíveis. Permite a criação de conjuntos de dados com características específicas e salva os resultados em formato CSV para uso posterior.

### 5.6 Coordenador Principal

#### 5.6.1 Classe Main

Atua como o ponto de entrada do sistema e coordenador principal da execução. Gerencia o fluxo de execução, coordena os testes entre diferentes configurações e produz os relatórios finais de análise.

## 6 Diagrama de Componentes UML

O diagrama a seguir ilustra a arquitetura do sistema e as relações entre os diferentes componentes:

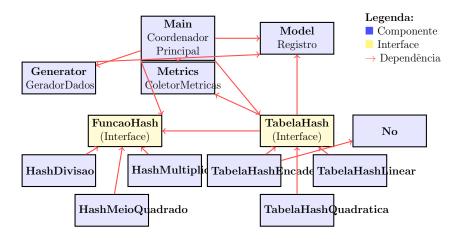


Figura 1: Diagrama de Componentes UML do Sistema de Análise de Tabelas Hash

## 7 Funcionalidades Principais

### 7.1 Análise Comparativa

O sistema executa testes sistemáticos comparando:

- Três técnicas de tratamento de colisões
- Três funções hash diferentes
- Três tamanhos de tabela (1.000, 10.000 e 100.000 elementos)

## 7.2 Geração de Datasets

Capacidade de gerar datasets sintéticos com características controladas, permitindo testes reproduzíveis e análises estatísticas consistentes.

#### 7.3 Coleta de Métricas

Sistema abrangente de coleta de métricas incluindo:

- Número total e médio de colisões
- Tempos de inserção e busca
- Análise das três maiores cadeias (para encadeamento)
- Análise de gaps mínimo, máximo e médio (para sondagem)

## 7.4 Geração de Relatórios

Produção automática de relatórios estruturados em formato CSV, facilitando análises posteriores e visualizações gráficas.

## 8 Fluxo de Execução

O sistema segue um fluxo bem definido de execução:

- Inicialização: A classe Main processa os parâmetros de entrada e configura o ambiente de execução
- 2. Geração/Carregamento de Dataset: O sistema utiliza Gerador Dados para criar ou carregar um dataset existente
- 3. Configuração de Testes: Para cada combinação de tamanho de tabela e função hash, o sistema prepara os testes
- 4. Execução dos Testes: Cada técnica de tratamento de colisões é testada com inserção e busca de elementos
- 5. Coleta de Métricas: ColetorMetricas registra todas as métricas de desempenho
- 6. Geração de Relatórios: Os resultados são consolidados e salvos em formato CSV

## 9 Geração de Datasets Sintéticos

Para permitir análises controladas e reproduzíveis do desempenho das tabelas hash, o sistema implementa um gerador de datasets sintéticos que produz conjuntos de dados padronizados para os testes.

### 9.1 Tipo de Dados Gerados

O sistema gera datasets compostos por objetos do tipo Registro contendo códigos numéricos aleatórios. Especificamente:

- Objetos Registro: Cada elemento do dataset é um objeto da classe Registro
- Códigos Numéricos: Números inteiros de 9 dígitos formatados como strings
- Distribuição Aleatória: Valores gerados pseudo-aleatoriamente usando um gerador congruencial linear
- Formato Padronizado: Todos os códigos são formatados com zeros à esquerda para manter consistência
- Faixa de Valores: Números no intervalo de 000000000 a 999999999
- Encapsulamento: Cada código é encapsulado em um objeto Registro com métodos apropriados

### 9.2 Características da Geração

#### 9.2.1 Reprodutibilidade

O sistema utiliza seeds determinísticas baseadas no nome do dataset, garantindo que o mesmo conjunto de dados seja gerado consistentemente para análises repetíveis. Isso permite:

#### 9.2.2 Aleatoriedade Controlada

Os números são gerados usando um algoritmo pseudo-aleatório que produz:

- Distribuição Uniforme: Probabilidade igual para qualquer valor no intervalo
- Independência: Cada valor gerado é independente dos anteriores
- Período Longo: Sequência de repetição suficientemente longa para os testes

### 9.3 Carregamento e Utilização dos Datasets

#### 9.3.1 Processo de Carregamento CSV

O sistema implementa um mecanismo eficiente para carregar datasets previamente salvos em formato CSV:

• Verificação de Existência: O sistema primeiro verifica se o arquivo CSV já existe no diretório de dados

- Leitura Sequencial: Se o arquivo existir, ele é lido linha por linha usando BufferedReader
- Parsing de Dados: Cada linha (exceto o cabeçalho) é convertida em um objeto Registro
- Construção do Array: Os objetos são armazenados em um array para uso nos testes
- Validação: O sistema verifica a integridade dos dados carregados

### 9.3.2 Estratégia de Reutilização

O sistema adota uma estratégia inteligente para otimizar o uso de datasets:

- Cache de Arquivos: Se um dataset com o nome especificado já existe, ele é reutilizado
- Geração sob Demanda: Caso o arquivo não exista, um novo dataset é gerado automaticamente
- Persistência: Novos datasets são salvos em CSV para reutilização futura
- Consistência: O tamanho do dataset carregado substitui o parâmetro inicial se diferente

#### 9.3.3 Integração com os Testes

Uma vez carregado, o dataset é utilizado uniformemente em todos os testes:

- Distribuição Equitativa: O mesmo conjunto de objetos Registro é usado para todas as configurações
- Ordem Consistente: A sequência de inserção é mantida constante entre diferentes testes
- Isolamento de Testes: Cada configuração de tabela hash recebe uma cópia independente dos dados
- Métricas Comparáveis: A uniformidade dos dados garante comparações válidas entre técnicas

## 10 Resultados - Graficos da execução

O Task Control Block (TCB) é a estrutura de dados central de um RTOS, usada para armazenar todas as informações de gerenciamento de uma tarefa.

## 11 Gráficos da execução

- 11.1 Encadeamento (Chaining)
- 11.2 Rehashing Linear
- 11.3 Rehashing Quadratico

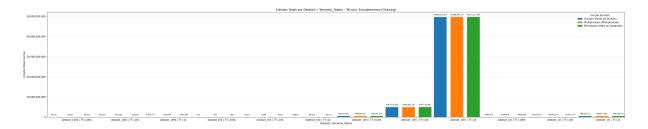


Figura 2: Grafico da quantidade de colisões utilizando Encadeamento

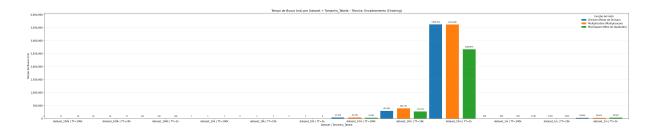


Figura 3: Grafico de tempo de busca (ms) utilizando Encadeamento

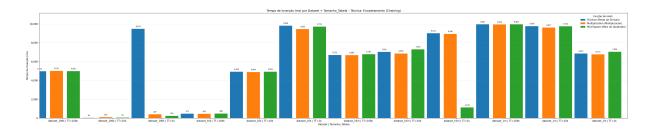


Figura 4: Grafico de tempo de inserções utilizando Encadeamento

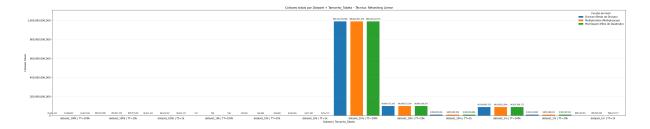


Figura 5: Grafico da quantidade de colisões utilizando Rehashing Linear

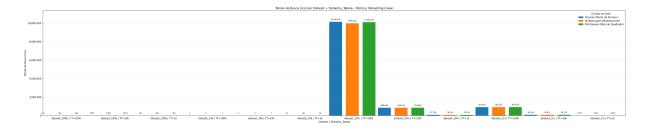


Figura 6: Grafico de tempo de busca (ms) utilizando Rehashing Linear

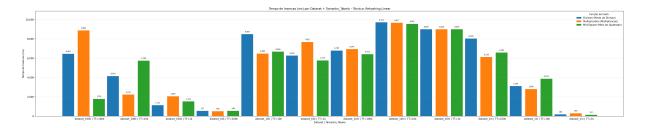


Figura 7: Grafico de tempo de inserções (ms) utilizando Rehashing Linear

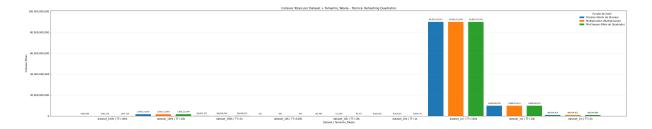


Figura 8: Grafico da quantidade de colisões utilizando Rehashing Quadratico

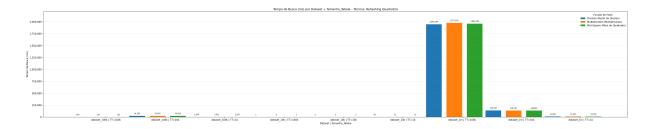


Figura 9: Grafico de tempo de busca (ms) utilizando Rehashing Quadratico

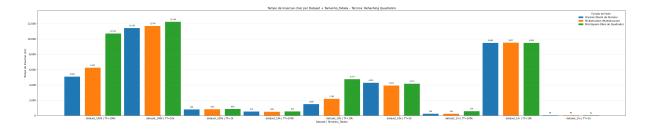


Figura 10: Grafico de tempo de inserções (ms) utilizando Rehashing Quadratico

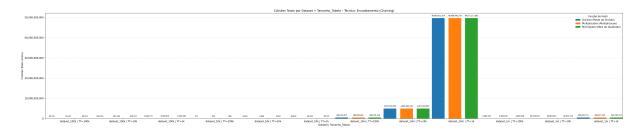


Figura 11: Gráfico da quantidade de colisões utilizando Encadeamento

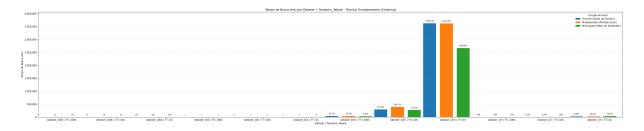


Figura 12: Gráfico de tempo de busca (ms) utilizando Encadeamento

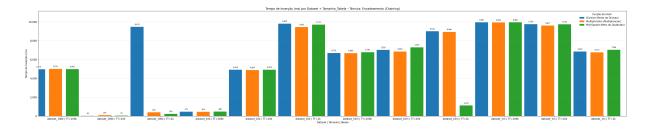


Figura 13: Gráfico de tempo de inserções utilizando Encadeamento

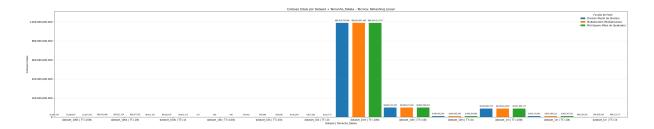


Figura 14: Gráfico da quantidade de colisões utilizando Rehashing Linear

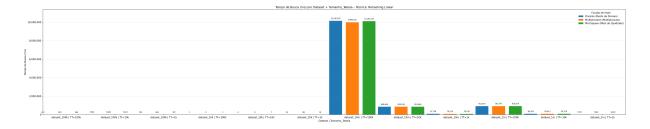


Figura 15: Gráfico de tempo de busca (ms) utilizando Rehashing Linear

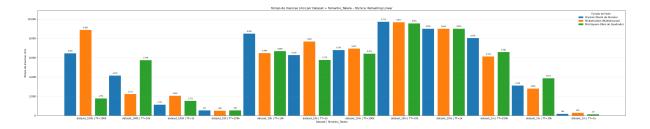


Figura 16: Gráfico de tempo de inserções (ms) utilizando Rehashing Linear

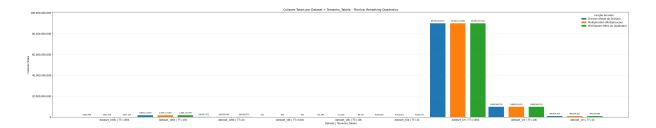


Figura 17: Gráfico da quantidade de colisões utilizando Rehashing Quadratico

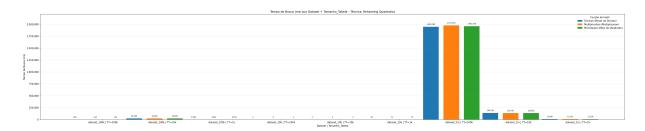


Figura 18: Gráfico de tempo de busca (ms) utilizando Rehashing Quadratico

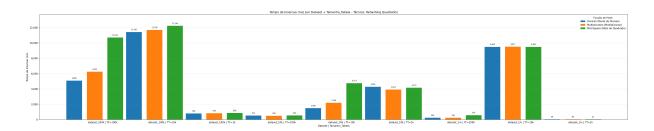


Figura 19: Gráfico de tempo de inserções (ms) utilizando Rehashing Quadratico