

Robótica Industrial Aula prática nº 7

Cinemática Inversa: Robôs planares e redundâncias.

Vítor Santos

Universidade de Aveiro

7 Nov 2022

Sumário

- Cinemática Inversa do robô RR planar
- Punções auxiliares InitRobot(),RobotEndPath()
- **3** Caminhos nas várias redundâncias
- 4 Cinemática inversa do robô RRR planar

Exercício 1 - Cinemática Inversa do robô RR planar

Escrever a função de cinemática inversa do robô RR planar

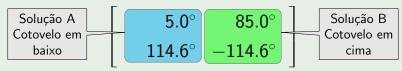
- Q=invkinRR(x, y, L1, L2)
- Contemplar as redundâncias, retornando a matriz:
 - Q=[q1A q1B; q2A q2B],
 - sendo a solução A a do cotovelo em baixo.

$$\theta_2 = \pm \arccos rac{x^2 + y^2 - L_1^2 - L_2^2}{2L_1L_2}$$

$$\theta_1 = \arctan\left[\frac{y(L_1 + L_2\cos\theta_2) - xL_2\sin\theta_2}{x(L_1 + L_2\cos\theta_2) + yL_2\sin\theta_2}\right]$$

Exemplo

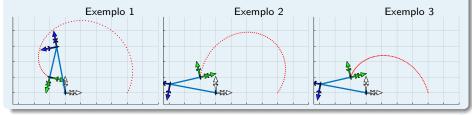
• Para um robô com L1=3 e L2=2, a expressão invkinRR(2,2,L1,L2) deverá dar aproximadamente (convertido em graus):



Exercício 2 - Animação de RR planar

Ilustrar o movimento animado do robô RR planar

- Com L1=3 e L2=2
- entre os pontos p1=[4;0] e p2=[-1; 1]
- usando a redundância do cotovelo em baixo (1ª redundância).
- Porém, é possível usar as diversas combinações de redundâncias nos pontos de partida e chegada.
- Nessa linha, determinar com que redundâncias se começou e acabou nos exemplos ilustrados de seguida:



Exercício 3 - Função InitRobot()

Criar [H,h,P,AAA] = InitRobot(QQ, NN, DH, jTypes, sScale)

- Para facilitar os procedimentos de preparação e representação inicial de um robô, recomenda-se criar uma função que aceita os elementos base e devolve handles gráficos e o cálculo do movimento para a animação e outras operações de simulação.
- Usar as funções criadas anteriormente:
 - MQ=LinspaceVect(Qi,Qf,N)
 - MDH=GenerateMultiDH(DH,MQ,jTypes)
 - AAA=CalculateRobotMotion(MDH)
 - Org=LinkOrigins(AA)
 - h=DrawLinks(Org)
 - [P,F]=seixos3(sScale)
 - H=DrawFrames(AA,P,F)

Argumentos e valores de retorno de InitRobot()

[H,h,P,AAA]=InitRobot(QQ, NN, DH, jTypes, sScale)

Argumentos de entrada:

- QQ matriz de colunas das posições de junta (pelo menos duas)
- NN número de pontos de cada segmento do movimento
- DH Matriz-base dos parâmetros cinemáticos
- jTypes vetor com o tipo de juntas (0=rot, 1=prism; opcional)
- sScale Fator de escala dos seixos3() (opcional: 1 por defeito)

Valores de retorno:

- H Handles gráficos dos sistemas de eixos
- h Handle gráfico dos elos do robô
- P Objeto do seixos3() na escala usada
- AAA Superhipermatriz com as transformações das posições do robô

Exercício 3b - Teste da função InitRobot

Exemplo para testar a função InitiRobot()

Animar um RR planar entre a posição (4,0) e a posição (-2,2) usando a redundância de cotovelo para baixo:

```
L1=4; L2=2;
                                     %Link lengths
DH=[0 L1 0 0; 0 L2 0 0];
                                     %Base DH matrix
Qi = invkinRR(4, 0, L1, L2);
                                    %Starting configuration
Qf = invkinRR(-2, 2, L1, L2);
                                    %Ending configuration
QQ = [Qi(:,1) Qf(:,1)];
                                    %Use redundancy 1
axis equal; axis([-6 6 -3 6 -6 6]); %Fix/adjust axis
hold on; grid on;
                                    %Hold on for graphics
xlabel('X');ylabel('Y');zlabel('Z');%Put labels
[H,h,P,AAA] = InitRobot(QQ,50,DH);
                                     %Do it all ;-)
                                     %Press key to continue
pause
AnimateRobot(H, AAA, P, h, 0.05, 1);
                                     %Do the animation
```

Exercício 4 - RobotEndPath

Criar a função [X,Y,Z] = RobotEndPath(AAA)

- A função deve determinar o caminho que o robô irá percorrer no movimento.
- [X,Y,Z]: vetores das coordenadas sucessivas do end-effector do robô.
- AAA: a sequência de hipermatrizes calculadas por CalculateRobotMotion.
- As coordenadas são a extremidade do robô, ou seja, a 4ª coluna do produto acumulado das transformações geométricas de todos os elos.

Sugestão parcial de código a completar:

Exercício 5 - Caminhos nas várias redundâncias

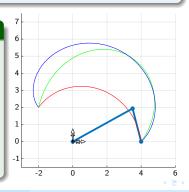
Representar os diversos caminhos do end-effector de um RR planar

- O robô tem L1=4, L2=2 e movimenta-se do ponto [4,0] até [-2,2] nas 3 seguintes combinações:
 - Percurso todo na redundância 2 (cotovelo para cima).
 - Começar na redundância 1 e terminar na redundância 2
 - 3 Começar na redundância 2 e terminar na redundância 1

Alguns passos do processo

```
Qi=invkinRR(4,0,L1,L2);
Qf=invkinRR(-2,2,L1,L2);
MQ=LinspaceVect(Qi(:,2),Qf(:,2),50);
MDH=GenerateMultiDH(DH,MQ);
AAA=CalculateRobotMotion(MDH);

[x,y,z]=RobotEndPath(AAA);
plot3(x, y, z, 'r-');
%...
```



Exercício 6 - Cinemática inversa do RRR planar

Escrever a função Q=invkinRRR(x,y,phi, L1, L2, L3)

- Esta função calcula a cinemática inversa do RRR planar.
- x,y,phi coordenadas do end-effector
- L1,L2,L3 comprimentos dos elos
- Q vetor com o valor das três juntas com uma redundância por coluna

Metodologia:

- Usar a cinemática inversa do RR planar para o punho (Pw_x, Pw_y) que, recorde-se, é dado por:
 - $Pw_x = x L_3 \cos \phi$
 - $Pw_v = y L_3 \sin \phi$



Exercício 7 - Exemplo de aplicação no RRR planar

Animar RRR planar num movimento específico

- Simular um movimento de elevação do end-effector mas forçando o 3º elo sempre na horizontal.
- Os comprimentos dos elos são L1=2, L2=1, L3=1
- O ponto de partida é [2, -1] e o de chegada [2, 2.5]
- O movimento deve ser feito com o cotovelo em baixo

