#### RETIFICADOR MONOFÁSICO DE MEIA ONDA (R)

$$(VLmed) = \frac{1}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} Vo\sqrt{2} * Sen(wt) dwt = 0,225Vo*(1 + Cos\alpha)$$

$$\textit{Corrente M\'edia na Carga (ILmed)} = \frac{\textit{VLmed}}{\textit{R}}$$

Corrente Eficaz na Carga (ILef) = 
$$\frac{Vo}{R} \sqrt{\frac{1}{2} - \frac{\alpha}{2\pi} + \frac{Sen(2\alpha)}{4\pi}}$$

Tensão de Pico na Carga (VLp) = 
$$Vo\sqrt{2}$$

Tensão Eficaz (VLrms ou VLef) = 
$$\frac{VLp}{2}$$

Corrente de Pico na Carga (ILp) = 
$$\frac{Vo\sqrt{2}}{R}$$

Corrente de Pico no Tiristor (ITmáx) = 
$$\frac{Vo\sqrt{2}}{R}$$

Tensão de Pico Inversa no Tiristor (VTmáx) = 
$$Vo\sqrt{2}$$

Potencia no Resistor 
$$(P) = R * ILef^{2}[W]$$

Como não temos a presença de indutor no circuito, tanto tensão quanto corrente se extinguem em  $\pi$ .  $\alpha = \pi \rightarrow VI \text{ med} = 0$ .  $\alpha = 0 \rightarrow VI \text{ med} = 0.45Vo$ 

#### RETIFICADOR MONOFÁSICO MISTO DE ONDA COMPLETA EM PONTE ( R L )

$$(VLmed) = \frac{2}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} Vo\sqrt{2} * Sen(wt) dwt = 0,45Vo(1 + Cos(\alpha))$$

$$Corrente\ M\'{e}dia\ na\ Carga\ (ILmed) = \frac{VLmed}{R}$$

# Tensão de Pico Reversa no Diodo (VDmáx) = $\sqrt{2}$ Vo

# Tensão de Pico Reversa no Tiristor (VTmáx) = $\sqrt{2}V$

T. Ef na Carga (VLef) = 
$$\int_{\pi}^{1} \int_{\alpha}^{\pi} [Vo\sqrt{2} * Sen(wt)]^{2} dwt = Vo\sqrt{1 - \frac{\alpha}{\pi} + \frac{Sen(2\alpha)}{2\pi}}$$

Corrente Eficaz na Carga (ILef) = 
$$\frac{Vo}{R} \sqrt{1 - \frac{\alpha}{\pi} + \frac{Sen(2\alpha)}{2\pi}}$$

Corrente Média no Tiristor(ITmed) = 
$$\frac{1}{2\pi i} \int_{1}^{\pi i} ILmed \ dwt$$

Corrente Média no Diodo(IDmed) = 
$$\frac{1}{2\pi i} \int_{1}^{\beta} ILmed \, dwt$$

Corrente de Pico na Carga (IRLp) = 
$$\frac{\sqrt{2}Vo}{R}$$

Corrente Eficaz na Entrada (I1ef) = 
$$\sqrt{\frac{2}{2\pi}} \int_{\alpha}^{\pi} ILmed^2 d(wt)$$

#### Potencia Média na Carga (PL) = VLmed \* ILmed

Potencia na Carga (Ativa) (PL) = 
$$\frac{\sqrt{2}}{\pi}$$
Vo \* ILmed(1 + Cos( $\alpha$ ))

Potencia Média na Entrada (Ativa)(P1) = 
$$\frac{\sqrt{2}}{\pi}$$
Vo \* ILmed(1 + Cos( $\alpha$ ))

Potencia Aparente na Entrada (S1) = Vo \* ILmed 
$$\sqrt{1 - \frac{\alpha}{\pi}}$$

Fator de Deslocamento = 
$$Cos(\emptyset) = Cos(\frac{\alpha}{2})$$

$$\textit{Corrente Eficaz Total de Entrada (IEef)} = \sqrt{\frac{2}{2pi}} \int_{\alpha}^{pi} \!\!\!\! ILmed^2 dwt$$

Fator de Potência (PF) = 
$$\frac{P}{S} = \frac{\sqrt{2(1 + Cos(\alpha))}}{\sqrt{\pi(\pi - \alpha)}}$$

Fator de Potencia da Corrente na Entrada = 
$$\frac{PL}{Vo*IEef}$$

### RETIFICADOR MONOFÁSICO DE MEIA ONDA (RL) SEM DRI

$$(VLmed) = \frac{1}{2\pi} \int_{-\pi}^{\beta} Vo\sqrt{2} * Sen(wt) dwt = 0,225Vo(Cos\alpha - Cos\beta)$$

Corrente Média na Carga (ILmed) = 
$$\frac{VLmed}{R} = \frac{0.225Vo}{R} (Cos\alpha - Cos\beta)$$

Corrente de Pico noTiristor (ITmáx) = 
$$\frac{Vo\sqrt{2}}{R}$$

Corrente Eficaz na Carga (ILef) = 
$$\frac{IEFN * \sqrt{2}Vo}{\sqrt{R^2 + (XL)^2}}$$

Corrente Eficaz de Entrada (IEef) = 
$$\sqrt{1.2\pi \int_{\alpha}^{\pi} ILmed^2 dwt}$$

Potencia no Resistor 
$$(P) = R * ILef^2$$

$$Cos \ \emptyset = \frac{R}{\sqrt{R^2 + (2\pi f L)^2}} o$$
Comparar valor no ábaco para achar  $\beta$  (ângulo de extinção)

$$XL = 2\pi * f * L$$

Devido a presenca da indutância, o tiristor não se bloqueia quando wt =  $\pi$ . O bloqueio ocorre no ângulo  $\beta$  que é superior a  $\pi$ .

Quando não possuí diodo de roda livre, deve-se utilizar o ábaco para identificar β.

Se  $\beta_{calculado}$  for menor que  $2\pi + \alpha$  o modo de operação é descontínuo

# RETIFICADOR MONOFÁSICO DE MEIA ONDA (RL)COM DRU

$$(VLmed) = \frac{1}{2\pi} \int_{0}^{\pi} Vo\sqrt{2} * Sen(wt) dwt = 0.225Vo(1 + Cos\alpha)$$

Corrente Média na Carga (ILmed) = 
$$\frac{VLmed}{R}$$

Tensão de Pico na Carga (VLp) = 
$$Vo\sqrt{2}$$

Corrente de Pico na Carga (ILp) = 
$$\frac{Vo\sqrt{2}}{R}$$

Corrente de Pico no Tiristor (ITmáx) = 
$$\frac{Vo\sqrt{2}}{R}$$

Tensão de Pico no Tiristor (VTmáx) = 
$$Vo\sqrt{2}$$

Corrente Eficaz na Carga (ILef) = 
$$\frac{Vo}{R\sqrt{2}}$$

Potencia no Resistor 
$$(P) = R * ILef^{2}[W]$$

Tensão Eficaz (VLrms ou VLef) = 
$$\frac{VLp}{2}$$

Corrente Eficaz de Entrada (IEef) = 
$$\sqrt{1.2\pi \int_{\alpha}^{\pi} ILmed^2 dwt}$$

$$XL = 2pi * f * L$$
  

$$5\tau = 5 * \frac{L}{2} \qquad tg\emptyset = \frac{X}{2} \qquad Z = \sqrt{X^2 + R^2}$$

$$IEFN = \frac{Z*ILe}{Vo*\sqrt{2}}$$

No semiciclo negativo, devido a indutância, a corrente de carga circula pelo diodo de

Com a presença do diodo de roda livre a corrente se mantém até  $\beta$  que é sempre 180 + o ângulo encontrado. Se  $\beta$  for maior que 2pi a corrente é contínua, caso contrario a corrente é descontinua

$$(VLmed) = \frac{1}{\pi} \int_{\alpha}^{\beta} Vo\sqrt{2} * Sen(wt) = 0.45Vo(Cos(\alpha) - Cos(\beta))$$

Corrente na Carga = 
$$\frac{v_0\sqrt{2}}{\sqrt{R^2+X^2}}[Sen(wt-\emptyset) - Sen(\alpha-\emptyset)e^{-\frac{t}{\delta}}]$$
  
 $\emptyset = Arctang\left(\frac{X}{D}\right) \quad \delta = \frac{L}{D} \quad t^* = t - \frac{\alpha}{W}$ 

$$\emptyset = Arctang\left(\frac{\Lambda}{R}\right) \quad \delta = \frac{L}{R} \quad \quad t = t - \frac{\alpha}{W}$$

$$Fator\ de\ Deslocamento = Cos(\emptyset) = Cos(\alpha)$$

Como Inversor: 
$$VLmed = 0.9Vo * Cos(\alpha)$$

Se VLmed > 0 
$$\rightarrow$$
 Retificador (0 <  $\alpha$  <  $\pi$ /2)  
Se VLmed < 0  $\rightarrow$  Inversor. ( $\pi$ /2 <  $\alpha$  <  $\pi$ )

#### Fator de Potencia:

$$Cos(\emptyset) = Cos(\alpha)$$
  $FP = ST$ .  $FP = 0.9Cos(\alpha)$   $ST = Vo * I$   
 $P = 0.9Vo * I * Cos(\alpha)$   $Q = 0.9Vo * I * Sen(\alpha)$ 

# RETIFICADOR TRIFASICO A PONTO MÉDIO COM TIRISTOR (RL) (3)

$$(VLmed) = \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{c}+\alpha}^{\frac{5\pi}{6}+\alpha} Vo\sqrt{2} * Sen(wt) dwt = 1,17Vo * Cos(\alpha)$$

$$VLmed = \int_{\frac{\pi}{2}+\alpha}^{\pi} Vo \sqrt[\pi]{2} * sen(wt) dwt$$
 (descontinuo)

$$\beta critico = \frac{2\pi}{n \text{ pulsos}} + 30 + \alpha \quad \beta > \beta creitico \text{ \'e continuo}$$

Corrente Média na Carga (ILmed) = 
$$\frac{VLmed}{R}$$

Corrente Eficaz no Diodo (IDef) = 
$$0.59 * ILmed$$

Tensão de Pico Reversa no Tiristor (VTmáx) = 
$$\sqrt{3}\sqrt{2}Vo = 2,45Vo$$

Corrente de Pico Reversa no Tiristor (ITmáx) = 
$$\frac{ILmed}{3}$$

Corrente Eficaz na Carga (ILef) = 
$$\sqrt{\frac{3}{2pi} \int_{pi/6}^{5pi/6} \left(\frac{VLp}{R}\right)^2 Sen^2(wt)dwt}$$

Potencia na Carga 
$$(P) = R * ILef^2[W]$$

Potencia Aparente por Fase(S2f) = 
$$Vo*ISef$$
;  $Vo = \frac{VLmed}{1,17}$ ;  $ISef = ILmed/\sqrt{3} = 0,493PL$ 

Potencia Aparente TOTAL (S2) = 
$$3 * S2f = 1,48PL$$

Condução continua: 
$$0 < \alpha < \pi/6$$
; descontinua:  $\alpha > \pi/6$ 

#### RETIFICADOR TRIFASICO SEMICONTROLADO (3 TIRISTORES E 3 DIODOS) (RL)

$$(VLmed \ \alpha < 60) = \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{3}+\alpha}^{\frac{2\pi}{3}} Vo\sqrt{2} Sen(wt) dwt + \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{3}}^{\frac{2\pi}{3}+\alpha} Vo\sqrt{2} Sen(wt) dwt$$

$$(VLmed \ \alpha > 60) = \frac{3}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} Vo\sqrt{2} \, Sen(wt) dwt$$

$$(VLef \ \alpha < 60) = \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{3}+\alpha}^{\frac{2\pi}{3}} (Vo\sqrt{2})^2 Sen^2(wt) dwt + \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{3}}^{\frac{2\pi}{3}+\alpha} (Vo\sqrt{2})^2 Sen^2(wt) dwt$$

$$(VLmed \ \alpha > 60) = \frac{3}{2\pi} \int_{\alpha}^{\pi} (Vo\sqrt{2})^2 Sen^2(wt) dwt$$

$$(ILmed) = \frac{VLmed}{R} \qquad (ILef) = \frac{VLef}{R}$$

$$Corrente\ na\ Entrada\ (Em\ cada\ fase):\ (I1med)=0.\ \ (I1ef)=\sqrt{\frac{2}{3}}ILef$$

Tensão direta e reversa (VTmax) = 
$$\sqrt{3}\sqrt{2}Vo$$

Correne média (ITmed) = 
$$\frac{I1med}{3}$$

Corrente eficaz (ITef) = 
$$\frac{I1ef}{\sqrt{3}}$$

Corrente de Pico (ITmax) = 
$$\frac{VTmax}{R}$$

Condução continua:  $\alpha$  < 60, condução descontinua:  $\alpha$  > 60

É comum adicionar um diodo de roda livre para diminuir as correntes nos tiristores

V1-V2, V2-V3, V3-V1, V2-V1, V3-V2, V1-V3

## RETIFICADOR TRIFASICO A PONTO MÉDIO COM TIRISTOR (R) (3)

$$(VLmed) = \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{6}+\alpha}^{\frac{5\pi}{6}+\alpha} \sqrt{2} Vo * Sen(wt) dwt \quad (Continua)$$

$$(VLmed) = \frac{3}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{c}+\alpha}^{\pi} \sqrt{2} \, Vo * Sen(wt) \, dwt \quad (Descontinua)$$

Corrente Média na Carga (ILmed) = 
$$\frac{VLmed}{D}$$

Corrente de Pico na Carga (ILp) = 
$$\frac{VLP}{R}$$

Corrente de Pico nos Diodos (IDp) = 
$$\frac{VLp}{R}$$

Corrente Eficaz no Diodo (IDef) = 
$$0.59 * ILmed$$

Tensão de Pico Reversa no Tiristor (VTmáx) = 
$$\sqrt{3}\sqrt{2}Vf$$
 = 2,45 $Vf$ 

Corrente de Pico Reversa no Tiristor (ITmáx) = 
$$\frac{ILmed}{3}$$

Corrente Eficaz na Carga (ILef) = 
$$\sqrt{\frac{3}{2pi}} \int_{pi/6}^{5pi/6} \left(\frac{VLp}{R}\right)^2 Sen^2(wt)dwt$$

Potencia na 
$$Carga(P) = R * ILef^{2}[W]$$

Potencia Aparente por Fase(S2f) = 
$$Vo*ISef$$
;  $Vo=\frac{VLmed}{1,17}$ ;  $ISef=ILmed/\sqrt{3}=0.493$ PL

Potencia Aparente TOTAL(S2) = 3 \* S2f = 1,48PL

Condução continua:  $0 < \alpha < \pi/6$  ; descontinua:  $\pi/6 < \alpha < 5\pi/6$ 

# RETIFICADOR TRIFÁSICO PONTE DE GRAEZ COM TIRISTOR (R) (6)

$$(VLmed) = \frac{6}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{3}+\alpha}^{\frac{2\pi}{3}+\alpha} VoL\sqrt{2} * Sen(wt) dwt = 2,34 VoL * Cos(\alpha) \quad (continua)$$

$$(VLef) = \sqrt{\frac{1}{\frac{2\pi}{6}} \int_{\frac{\pi}{3}+\alpha}^{\frac{2\pi}{3}+\alpha} \left[\sqrt{3}\sqrt{2}Vo * Sen(wt)\right]^2 dwt} = Vo\sqrt{\frac{18}{3} + \frac{9}{2\pi}Sen(\frac{2pi}{3} + 2\alpha)} (Continuo)$$

$$(VLmed) = \frac{6}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{2}+\alpha}^{\pi} VoL\sqrt{2} * Sen(wt) dwt = 2,34 VoL * \left[1 + Cos\left(\frac{\pi}{3} + \alpha\right)\right] \quad (descontinuo)$$

$$(VLef) = \sqrt{\frac{1}{\frac{2\pi}{6}} \int_{\frac{\pi}{3}+\alpha}^{\pi} \left[ \sqrt{3}\sqrt{2}Vo * Sen(wt) \right]^{2} dwt} \quad (descontinuo)$$

$$(ILmed) = \frac{VLmed}{R} \qquad (ILef) = \frac{VLef}{R}$$

Corrente na Entrada (Em cada fase): 
$$(I1med) = 0$$
.  $(I1ef) = \sqrt{\frac{2}{3}}ILef$ 

Tensão direta e reversa (VTmax) =  $\sqrt{3}\sqrt{2}Vo$ 

Correne média (ITmed) = 
$$\frac{I1med}{3}$$

Corrente eficaz (ITef) = 
$$\frac{l1ef}{\sqrt{3}}$$

$$Corrente de Pico (ITmax) = \frac{VTmax}{R}$$

Condução continua:  $0 < \alpha < \pi/3$ . Condução descontinua:  $\pi/3 < \alpha < 2\pi/3$ 

O Angulo  $\alpha$  é contado a partir do ponto de interceptação de duas tensões da fonte e não do cruzamento por zero

## RETIFICADOR TRIFÁSICO PONTE DE GRAEZ COM TIRISTOR (RL) (6)

$$(VLmed) = \frac{1}{2\pi} \int_{\frac{\pi}{3}+\alpha}^{\frac{2\pi}{3}+\alpha} Vo\sqrt{2}\sqrt{3} * Sen(wt)dwt = 2,34Vo * Cos(\alpha) \quad (continua)$$

$$(VLef) = Vo \sqrt{3 + \frac{9}{2\pi} \left[ sen\left(\frac{2\pi}{3} + 2\alpha\right) - Sen\left(\frac{4\pi}{3} + 2\alpha\right) \right]} \quad (Continuo)$$

$$(ILmed) = \frac{VLmed}{R}$$
  $(ILef) = \frac{VLef}{R}$ 

Corrente na Entrada (Em cada fase): (I1med) = 0. (I1ef) = 
$$\sqrt{\frac{2}{3}}ILef$$

Tensão direta e reversa (VTmax) =  $\sqrt{3}\sqrt{2}Vo$ 

Correne média (ITmed) = 
$$\frac{I1med}{3}$$

Corrente eficaz (ITef) = 
$$\frac{I1ef}{\sqrt{3}}$$

Corrente de Pico (ITmax) = 
$$\frac{VTmax}{P}$$

Condução continua: 
$$0 < \alpha < \pi/3$$
. Condução descontinua:  $\pi/3 < \alpha < 2\pi/3$ 

O Angulo  $\alpha$  é contado a partir do ponto de interceptação de duas tensões da fonte e não do cruzamento por zero

V1-V2, V2-V3, V3-V1, V2-V1, V3-V2, V1-V3

# GERENCIAMENTO TÉRMICO

$$ITmed = \frac{1}{2\pi} \int_{30+\alpha}^{\pi} IP(corrente \text{ de pico}) * Sen(wt)dwt$$

$$lef = \int_{2\pi}^{2\pi} \frac{1}{\pi} \int_{\frac{\pi}{2}}^{\pi} IP(corrente \text{ de pico})^2 * \text{Sen}^2(\text{wt}) d\text{wt})$$

$$Perda = ITmed * VTo + Ief^2 * Rt$$

$$IP(corrente\ de\ pico) = \frac{Vef*\sqrt{2}}{R}\ (tabela\ de\ transformador)$$

Rt = Resistência térmica

Tj, Tc, Td, Ta = Temperatura de junção, capsula, dissipador, ambiente

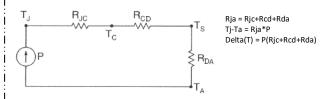
Rjc = Resistencia térmica junção-capsula (°C/W)

Rcd = Resistencia térmica capsula-dissipador (°C/W)

Rda = Resistencia térmica dissipador-ambiente (°C/W)

Rja = Resistencia térmica junção-ambiente (°C/W)

P = Potencia térmica, circula no componente e é transferida ao ambiente (W)



 $V(wt)(Tens\~ao\ de\ pico) = Vo\sqrt{2}*Sen(wt); Vo = Tens\~ao\ eficaz$ 

 $Relação\ de\ Espiras \rightarrow N1*V2 = N2*V1$ 

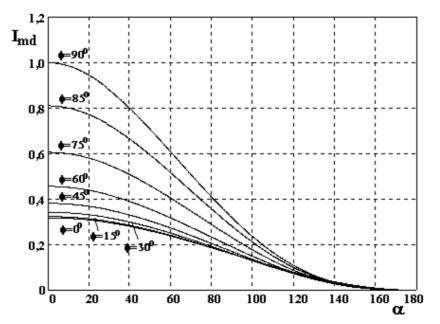
A ponte mista não funciona como inversor, a tensão média é sempre positiva

Pot. Aparente no Trafo (Lado do Primario) = V1ef \* I1ef [V.A]

$$ITef = \sqrt{\frac{1}{2\pi}} \int_{0}^{\pi} ILmed^2 dwt$$
 (Quando usar trafo)  $I1ef = I2ef * \frac{N2}{N1}$ 

$$ITmed = \frac{1}{2\pi} \int_{30+\alpha}^{\pi} ILmed \ dwt$$

No trifásico o ângulo de disparo é nulo quando duas ondas de tensão se interceptam e não quando a tensão passa por zero.



# 7.4 Conexão Entre Transformadores Trifásico

