Aprendizado de Máquina Trabalho Prático 1

Luís Felipe Ramos Ferreira 2019022553

May 24, 2023

1 Introdução

O Trabalho Prático 1 da disciplina de Aprendizado de Máquina teve como tema a criação de uma rede neuronal para classificação de dígitos escritos a mão, mais especificamente o conhecido conjunto de dados MNIST. Os objetivos do trabalho envolviam analisar como o modelo da rede neuronal iria variar na convergência do erro empírico conforme são modificadas diferentes variáveis de configuração da rede, como a taxa de aprendizado, a quantidade de neurônios na camada oculta e diferentes algoritmos de cálculo de gradiente.

2 Implementação

A linguagem escolhida para o desenvolvimento do trabalho foi Python (versão 3.10), devida a sua grande variedade de bibliotecas úteis para ciência de dados e aprendizado de máquina. A modelagem da rede neuronal foi feita com o uso da API keras disponibilizada na biblioteca TensorFlow, uma vez que se tratava de uma ferramenta extremamente completa para todos os objetivos do trabalho que permitia grande flexibilidade na modelagem da rede.

Para organizar o ambiente, que englobava várias bibliotecas diferentes, foi utilizado o gerenciador de pacotes Anaconda, o que tornou muito mais fácil trabalhar com os pacotes de ciência de dados citados.

3 Experimentos

Os experimentos foram realizados sobre uma subparte da base de dados MNIST, disponibilizados no enunciado do trabalho. Essa parte possui um total de 5000 instâncias, que foram divididas em conjunto de treino (90%) e conjunto de teste (10%).

Conforme especificado, foram testados e comparados os resultados da rede neuronal na classificação dos dígitos para diferentes parâmetros de modelagem. Mais especificamente, todas as permutações das seguintes configurações foram utilizadas:

- Número de neurônios na camada oculta
 - -25
 - -50
 - -100
- Algoritmo de cálculo de gradiente
 - Gradient Descent (O gradiente é calculado após cada época, neste caso, 5000 entradas)
 - Stochastic Gradient Descent (O gradiente é calculado após cada entrada)
 - Mini batch (O gradiente é calculado após um certo número de entradas, neste caso, 10 e 50)
- Taxa de aprendizado

- -0.5
- -1.0
- -10.0

10

10

Para fins de analisar também como o número de épocas de treino afeta o modelo, todas as configurações possíveis descritas acima foram utilizadas em modelos que treinaram por 10, 50 e 100 épocas.

O resultado obtido para cada umas das 108 configurações foi armazenado em um arquivo *JSON*, de modo que sua leitura e manipulação fosse facilitada, e assim bibliotecas de análise de dados como Pandas pudessem ser utilizadas para interpretar como se comportou cada parametrização do modelo durante o treino.

4 Análise dos resultados de teste

50

100

De maneira geral, os dados gerados deixaram muito claro quais as configurações que permitiam uma boa e uma má performance do modelo. As duas tabelas a seguir mostram os parâmetros das 10 configurações que obtiveram o menor valor de acurácia no conjunto de treino, assim como as 10 configurações com o maior valor de acurácia.

Ŕ	TD 1 1 1 1	TD 1 1 1 1	TD 1 1: 1	A
Epocas	Tamanho da camada oculta	Tamanho do lote	Taxa de aprendizado	Acurácia
100	25	1	10.0	0.098
100	50	1	10.0	0.098
100	100	1	10.0	0.098
10	50	1	10.0	0.108
10	25	1	10.0	0.110
50	50	1	10.0	0.120
50	25	1	10.0	0.128
50	100	1	10.0	0.170

10 piores desempenhos

10 melhores desempenhos

4500

1

10.0

10.0

0.176

0.182

Épocas	Tamanho da camada oculta	Tamanho do lote	Taxa de aprendizado	Acurácia
50	100	10	1.0	0.946
50	100	10	0.5	0.944
50	100	50	1.0	0.942
100	100	10	0.5	0.942
10	100	10	1.0	0.940
100	100	10	1.0	0.940
100	100	50	1.0	0.940
10	50	10	0.5	0.938
50	50	10	0.5	0.938
10	100	50	1.0	0.936

Em primeiro lugar, evidencia-se o fato de que todos os 10 piores valores de acurácia obtidos nos dados de treino ocorreram em modelos com uma taxa de aprendizado igual a 10. Isso indica que uma taxa de aprendizado alta não é uma boa opção para o treino de uma rede neuronal, devido ao fato de que uma alta taxa leva a uma grande quantidade de oscilações durante o treino, gerando alta divergência do erro empírico e, consequentemente, um modelo de baixíssima performance.

Outro fato relevante a se notar é o tamanho dos lotes que geraram os piores resultados. Dentre os 10 piores modelos criados, 9 utilizavam ou o algoritmo *Stochastic Gradient Descent* (tamanho de lote igual a 1). Isso, no entanto, não quer dizer que o uso dessa abordagem seja ruim. O *SGD* é um

algoritmo que pode sim gerar bons resultados e ter uma boa performance. O detalhe principal que o levou a aparecer tantas vezes no topo dos piores modelos é a taxa de aprendizado alta, como citada anteriormente. Como a cada entrada os pesos da rede serão alterados, a alta taxa de aprendizado torna ainda mais grave a divergência do erro empírico e causa ainda mais confusão.

Por outro lado, os 10 modelos com os melhores desempenhos em acurácia demonstram que uma taxa de aprendizado equilibrada é um importante fator para um bom resultado. Todos os modelos na tabela contêm taxas de 0.5 ou 1.0. Pode-se notar também que prevalecem entre os melhores modelos tamanhos de lote igual a 10 ou 50, ou seja, o uso do algoritmo Mini batch se mostrou o mais performático na construção da rede neuronal. Isso é esperado, dado que a intuição do algoritmo de gradiente Mini batch é justamente evitar valores extremos para atualização dos pesos da rede, o que aumenta o poder de generalização da rede.

Por fim, nota-se que 8 entre os 10 modelos com melhor resultado possuem 100 neurônios na camada oculta. Tal fato confirma as hipóteses de que, com mais neurônios, o modelo irá aprender a identificar mais padrões e terá mais poder de generalização. No entanto, deve-se ter cuidado com esse parâmetro da rede, uma vez que números muito altos de neurônios nas camadas ocultas podem gerar problemas relacionados a alta variância do modelo gerado.

Em resumo, nota-se que as configurações da rede impactam diretamente em sua performance, e esses parâmetros devem ser estimados com cuidado e suas escolhas feitas considerando cada detalhe necessário para ter um modelo capaz de generalizar bem os dados ao final do treinamento.

4.1 Trade-off entre número de unidades da camada oculta e algoritmo de cálculo de gradiente

Nos gráficos abaixo, podemos ver a variação da acurácia do modelo nos dados de teste em função da variação do número de unidades na camada oculta, para cada um dos algoritmo de cálculo de gradiente propostos.

Ao analisar os diferentes desempenhos da rede neuronal de acordo com a variação entre o número de unidades da camada oculta e o algoritmo de gradiente utilizado, podemos inferir diretamente que o aumento do número de neurônios causa um impacto positivo no desempenho da maioria dos modelos. Tal inferência faz sentido, uma vez que com uma rede com mais neurônios, mais informações podem ser extraídas e dessa maneira de melhor forma o modelo poderá generalizar sobre dados ainda não vistos. No entanto, fica claro que um abuso desse hiperparâmetro é algo que pode levar a overfitting. Isso fica evidente na análise do algoritmo Stochastic Gradient Descent. Como, neste cenário, os pesos da rede são atualizados a cada dado de treino visto, o número alto de neurônios na camada oculta piorou os resultados, muito provavelmente devido a um problema de variância.

Um fato importante de ser notado é que para a taxa de aprendizado 10.0, que é extremamente alta, o modelo se comporta de forma muito caótica, portanto a análise de seu desempenho conforme a variação do número de neurônios na camada oculta é prejudicado. No entanto, fica evidente que os modelos que utilizam essa taxa são os piores gerados.

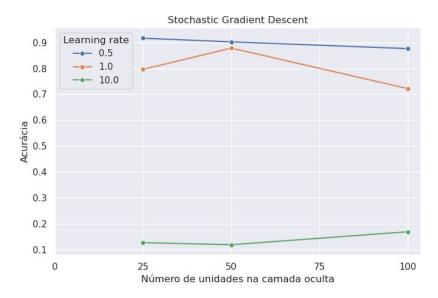


Figure 1: Acurácia por número de neurônios para o algoritmo Stochastic Gradient Descent

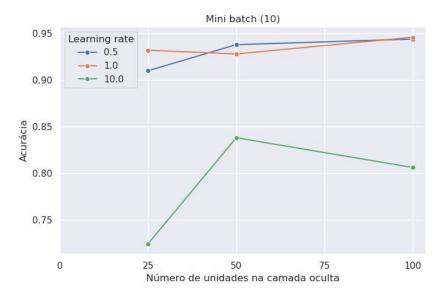


Figure 2: Acurácia por número de neurônios para o algoritmo $Mini\ batch\ (10)$

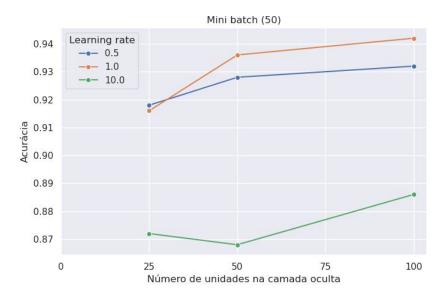


Figure 3: Acurácia por número de neurônios para o algoritmo Mini batch (50)

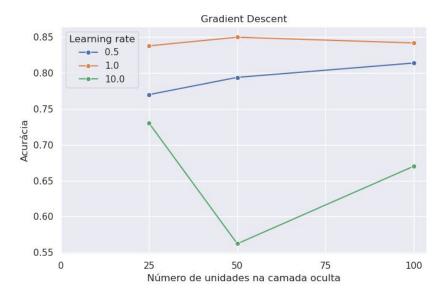


Figure 4: Acurácia por número de neurônios para o algoritmo Gradient Descent

5 Convergência do erro empírico

Durante o treinamento das redes neuronais propostas, o histórico do erro empírico pode ser armazenado para análise de sua convergência, considerando cada configuração de rede proposta. Para fins de simplificação, serão mostrados aqui os gráficos de convergência de modelos conforme variação de apenas um hiperparâmetro, enquanto os outros serão escolhidos de forma empírica.

Inicialmente, como discutido em seções anteriores, os modelos que tiveram os melhores resultados de acurácia na fase de teste tinham, de modo geral, 100 neurônios na camada oculta, uma taxa de aprendizado de 0.5 ou 1.0, e utilizavam o algoritmo *Mini batch*. Tendo essas informações, os seguintes três gráficos foram gerados, em que, baseado nessas constatações, valores fixos para os dois hiperparâmetros não variáveis puderam ser escolhidos.

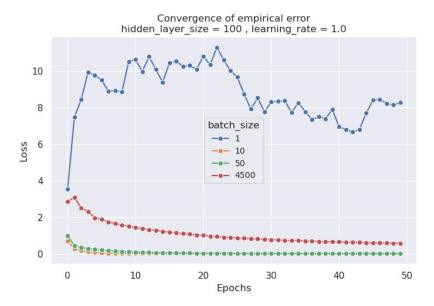


Figure 5: Convergência do erro empírico com tamanho do lote (Algoritmo de cálculo de gradiente) variável

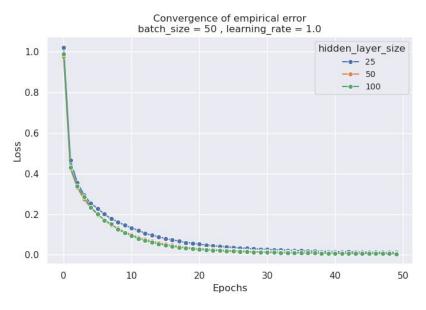


Figure 6: Convergência do erro empírico com tamanho da rede oculta variável

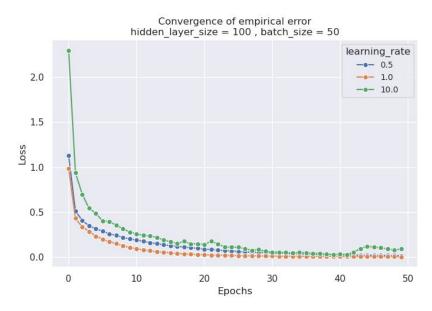


Figure 7: Convergência do erro empírico com taxa de aprendizado variável