Aprendizaje Automático

Departamento de Informática – UC3M

TUTORIAL 1 – Evaluación con árboles

Entorno de trabajo





- Spyder
- DataSpell
- Visual Studio



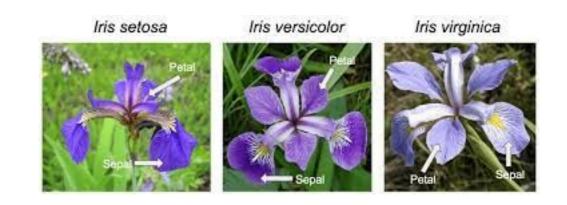


Biblioteca sklearn

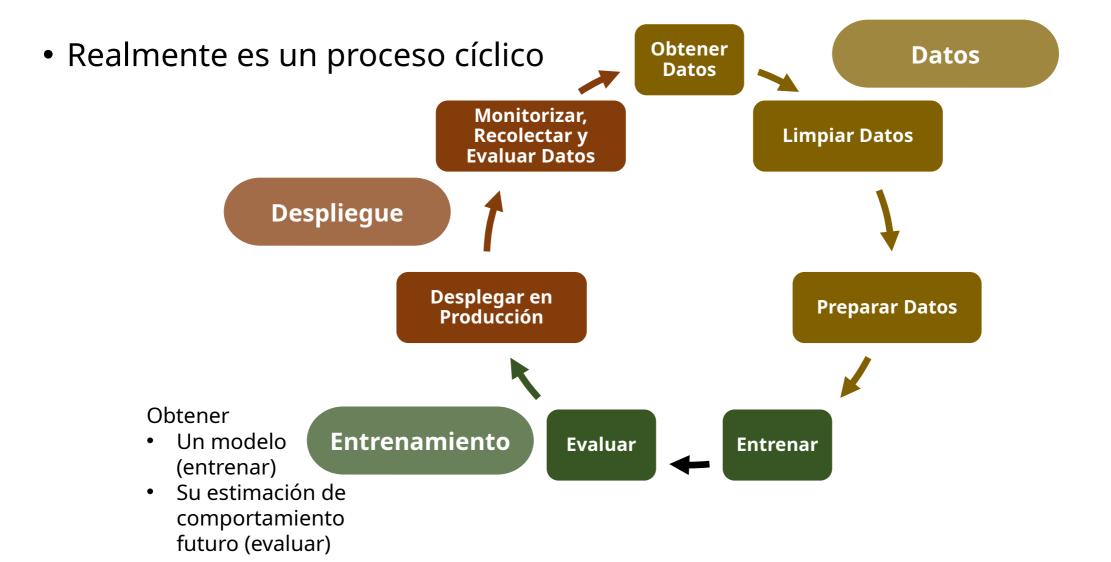
- Los conjuntos de datos para sklearn son matrices numpy (numéricas):
- Esto implica que los atributos/características categóricas deben ser representadas como:
 - Enteros
 - One-hot-encoding / variables dummy
- Sin embargo, hay una tendencia para integrar pandas dataframes con scikit learn
- Los valores inexistentes se representan como np.nan

Árbol de decisión. Iris dataset

- Atributos (numéricos):
 - sepal length (cm)
 - sepal width (cm)
 - petal length (cm)
 - petal width (cm)
- Clase (enteros)
 - Iris-Setosa (0)
 - Iris-Versicolour (1)
 - Iris-Virginica (2)



Pipeline del Aprendizaje Automático



Proceso de Aprendizaje Automático

Preprocesamiento de Datos

- Obtención, fusión, transformación, filtrado
- Tratamiento de datos imperfectos (TRANSFORMER)
 - Reducción del ruido (p.e. edición de Wilson en k-NN)
 - Eliminación de datos redundantes (p.e. condensación en k-NN)
 - Tratamiento de datos desconocidos
 - Identificación y eliminación de datos anómalos (outliers)
- Transformación de datos (TRANSFORMER)
 - Discretización
 - Binarización
 - Normalización
 - Selección de instancias
 - Selección de atributos
- Balanceo de datos (undersampling, oversampling, SMOTE Synthetic Minority Over-sampling Technique, ...)

Proceso de Aprendizaje Automático

Preprocesamiento de Datos (TRANSFORMER)

- Quitar atributos constantes
- Escalado (normalización):
 - range: hacer que todos los atributos estén en un mismo rango, típicamente 0-1
 - estandarización: hacer que todos los atributos sigan una distribución gaussiana de media 0 y de sd 1
- Variables *dummy / one-hot encoding*: puede ser conveniente transformar variables categóricas (discretas) con n valores en n (o n-1) variables binarias:
- Imputación (¿qué hacer si hay valores faltantes?)
- Selección de atributos (feature selection)
 - Ej: elegir los atributos relevantes (salario) frente a los no relevantes (ej: color de ojos); a la hora de predecir si se va a devolver un préstamo
- Extracción de atributos (feature extraction): transformación de atributos
 - PCA, ...
- Creación de atributos / feature engineering (ej: velocidad, a partir de v_x y v_y , en un problema de predicción de energía eólica)

Obtener datos / limpiar datos / preparar datos

¡¡¡Vamos a pintar!!!





Ejercicio

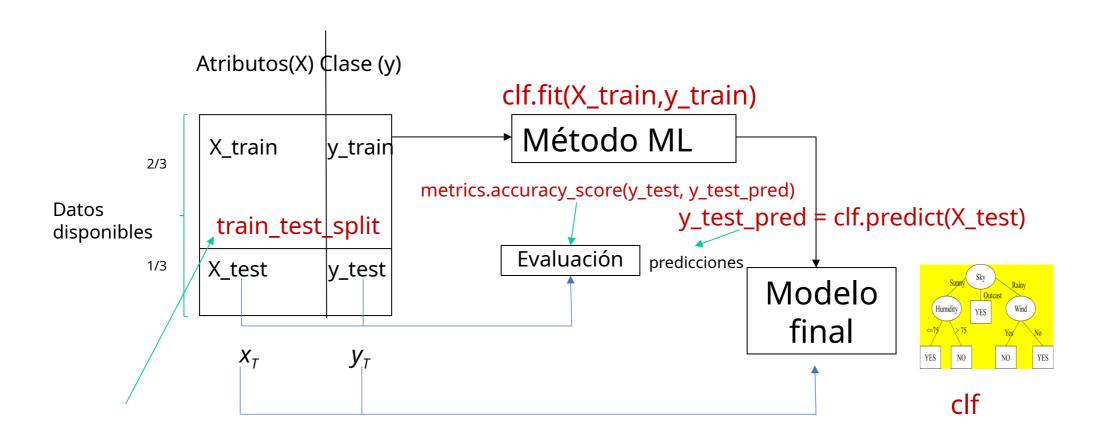
```
lista=[np.count_nonzero(y == 0), np.count_nonzero(y == 1), np.count_nonzero(y == 2)] sns.barplot(x = ['setosa', 'versicolor', 'virginica'], y = lista) plt.show()
```

Entrenando un árbol de decisión

- Todos los modelos:
 - 1. Definir el modelo
 - 2. Entrenar el modelo
- La implementación en scikit-learn es una versión optimizada de los árboles CART (Classification and Regression Trees).
 - Son árboles binarios.
 - No soporta valores categóricos (por ahora...)



Entrenando con muestras de entrenamiento/test (holdout)



Random shuffling antes de dividir

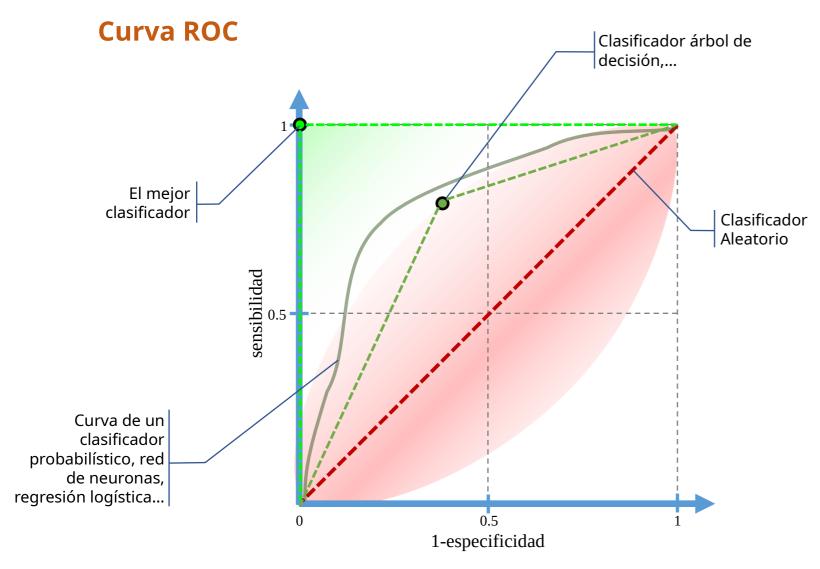
Medidas del Error de Clasificación

Matriz de confusión (matriz de error)

 Consideremos una clasificación binaria, con una clase Positiva(P) y otra Negativa(N)

					Real												
	Población= <i>P</i> + <i>N</i>					Positiva(P)				Negativa(<i>N</i>)				Población - P+N Positiva(PP) Negativa(PM) Precisión Balanceada - N PP+PM N PP+PM	Positiva(M) Verdaderos positivos (PM) Falso Negativo (PM) Sensibilidad, Pecall M Tasa de falso	Negativa(N) Falso Positivo (NY) Vertaderos negativos (7M) Especificidad=	Prevalencia - Transitoria - Tr
redicción	Positiva(<i>PP</i>)				Verdaderos positivos (<i>TP</i>)				Falso Positivo (<i>FP</i>)				Predicción	Población=P+N Positiva(PP) Negativa(PM) Precisión Balanceada= NTP+TM 3PN	Positiva(P) Verdaderos positivos (TP) Falso Negativo (FN) Sensibilidad, Recall=TP Tasa de falso negativos=FN	Tasa de faiso positivo (PP) Verdaderos negativos (TM) Especificidad= TN asa de faiso positivos eF	Prevalencia F. P. Exactitud Negativa F. Precision, Accuracy French F. P. Score = 2.77.88
Predic	Negativa(<i>PN</i>)				Falso Negativo (FN)				Verdaderos negativos (<i>TN</i>)				Predicción	Población=P+N Positiva(PP) Negativa(PN) Procisión Balanceada NEPFERN 2PN		Positivos=N Pal Negativa(N) Falso Positivo (FP) Verdaderos negativos (TN) Especificidad= TN Tasa de falso positivos=FF	Prevalencia=Preval
	Población=P+N	Real Población=P+N Positiva(P) Negativa(N) Prevalencia=P Positiva(P) Prevalencia=P Prevalencia		Real Población=P+N Positiva(P) Negativa(N) Prevalencia=P Positiva(P) Pos		Población=P+N	Positiva(P)	Negativa(N)	Prevalencia= P		Población=P+N	Positiva(P)		Prevalencia= P			
	Positiva(PP)	Verdaderos positivos (TP)	Falso Positivo (FP)	Exactitud, Precision=TP	O Positiva(PP)	Verdaderos positivos (TP)	Falso Positivo (FP)	Exactitud, Precision=TP	Positiva(PP)	Verdaderos positivos (TP)	Falso Positivo (FP)	Exactitud, Precision=TP	cción	Positiva(PP)	Verdaderos positivos (<i>TP</i>)	Falso Positivo (FP)	Exactitud, Precision= $\frac{TP}{PP}$
	Negativa(PN)	Falso Negativo (FN)	Verdaderos negativos (TM)	Exactitud Negativa=7N PN	Negativa(PN)	Falso Negativo (FN)	Verdaderos negativos (TM)	Exactitud Negativa= TN PN	Negativa(PN)	Falso Negativo (FN)	Verdaderos negativos (TN)	Exactitud Negativa=TN PN	Predi	Negativa(PN)	Falso Negativo (FN)	Verdaderos negativos (TN)	Exactitud Negativa= $\frac{TN}{PN}$
	Precisión Balanceada= N-TP+P-TN 2-P-N	Sensibilidad, Recall= $\frac{TP}{P}$	Especificidad= $\frac{TN}{N}$	Precisión, Accuracy= P+N	Precisión Balanceada= N-TP+P-TN 2-P-N	Sensibilidad, Recall=TP	Especificidad= $\frac{\tau N}{N}$	Precisión, Accuracy= P+N	Precisión Balanceada= N-TP+P-TN 2-P-N	Sensibilidad, Recall= $\frac{TP}{p}$	Especificidad= $\frac{TN}{N}$	Precisión, Accuracy=TP+TN P+N		Precisión Balanceada= N·TP+P·TN 2·P·N	Sensibilidad, Recall= <u>TP</u>	Especificidad= $\frac{TN}{N}$	Precisión, Accuracy= $\frac{TP+TN}{P+N}$
		Tasa de falso negativos=FN	Tasa de falso positivos=FP N	F1 Score = 2-TP 2-TP+FP+FN		Tasa de falso negativos: FN P	Tasa de falso positivos= PP N	F1 Score = 2:TP 2:TP+FP+FN		Tasa de falso negativos=FN P	Tasa de falso positivos=FP N	F1 Score = 2TP 2TP+FF+FN			Tasa de falso negativos=FN P	Tasa de falso positivos=FP N	F1 Score = $\frac{2 \cdot TP}{2 \cdot TP + FP + FN}$
						Real				Re						eal I	
					Población#P+N	Positiva(P)	Negativa(N)	Prevalencia= P P+N	Población=P+N	Positiva(P)	Negativa(M)	Prevalencia= F F+N	-	Población=P+N	Positiva(P)	Negativa(N) Falso Positivo	Prevalencia=P-P-N
					Positiva(PP)	Verdaderos positivos (TP) Falso Negativo	Falso Positivo (FP) Verdaderos	Exactitud, Precision=TP	Positiva(PP)	Verdaderos positivos (TP) Falso Negativo	Falso Positivo (FP) Verdaderos	Exactitud, Precision=TP	dicciór	Positiva(PP)	Verdaderos positivos (TP) Falso Negativo	(FP) Verdaderos	Exactitud, Precision=TP
					Negativa(PN)	(FN)	negativos (TN)	Exactitud Negativa=TN PN	Negativa(PN)	(FN)	negativos (7N)	Exactitud Negativa=7N PN	Pe	Negativa(PN)	(FN)	negativos (TN)	Exactitud Negativa=TN PN
					Precisión Balanceada= N-TP+P-TN 2-P-N	Sensibilidad, Recall=7P	Especificidad= TW/N	Precisión, Accuracy= TP+TN P+N	Precisión Balanceada= N-TP+P-TN 2-P-N	Sensibilidad, Recall=TP	Especificidad= $\frac{TN}{N}$	Precisión, Accuracy= TP+TW P+N		Precisión Balanceada= N-TP+P-TN 2-P-N	Sensibilidad, Recall= ^{TP} / _P	Especificidad=	Precisión, Accuracy= $\frac{TP+TN}{P+N}$
						Tasa de falso negativos:-FN P	Tasa de falso positivos=FP N	F1 Score = 2TP 2TP+FF+FN		Tasa de falso negativos= <u>FN</u>	Tasa de falso positivos=PP N	FI Score = 27P 27F+FF+FN			Tasa de falso negativos=FN P	Tasa de falso positivos= FP N	F1 Score = $\frac{2 \cdot TP}{2 \cdot TP + FP + FN}$

Medidas del Error de Clasificación



Cada punto del espacio ROC se corresponde con una matriz de confusión

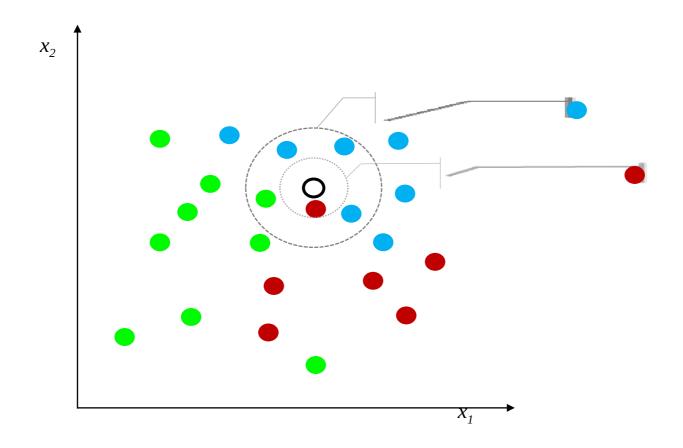
Una medida muy útil que se obtiene a partir de la curva ROC es el **área bajo la curva ROC** (AUC)

El clasificador aleatorio tiene AUC=0.5 y el mejor clasificador AUC=1

Dos clasificadores pueden tener el mismo ACC pero diferente AUC, será preferible escoger al de mayor AUC

Un clasificador puede ser considerado bueno a partir de un AUC>0.75

Aprendizaje Basado en Instancias. *K-NN*



Entrenamiento, predicción, evaluación y construcción del modelos final (KNN)

```
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn import metrics
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
import warnings
warnings.filterwarnings('ignore')
# Train/test split
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.33, random_state=42)
# Here, we set our model to classification tree
clf = KNeighborsClassifier()
np.random.seed(42) # reproducibility
# We train it.
clf.fit(X_train, y_train)
# We obtain predictions on the test set
y_test_pred = clf.predict(X_test)
```

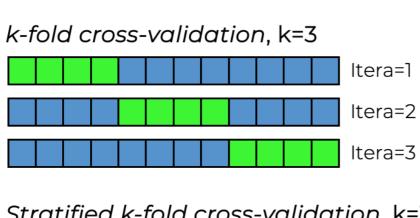
Entrenamiento, predicción, evaluación y construcción del modelos final (KNN)

```
# We compute accuracy
accuracy_knn = metrics.accuracy_score(y_test, y_test_pred)
print(f"Accuracy of KNN: {accuracy_knn} ")
result1 = metrics.classification_report(y_test, y_test_pred)
print("Classification Report:",)
print (result1)
# Creates a confusion matrix
cm = metrics.confusion_matrix(y_test, y_test_pred)
# Transform to df for easier plotting
cm_df = pd.DataFrame(cm,
                     index = ['setosa','versicolor','virginica'],
                     columns = ['setosa', 'versicolor', 'virginica'])
```

Entrenamiento, predicción, evaluación y construcción del modelos final (KNN)

```
# Transform to df for easier plotting
cm_df = pd.DataFrame(cm,
                     index = ['setosa', 'versicolor', 'virginica'],
                     columns = ['setosa', 'versicolor', 'virginica'])
plt.figure(figsize=(5.5,4))
sns.heatmap(cm_df, annot=True)
plt.title('Accuracy:{0:.3f}'.format(accuracy_tree))
plt.ylabel('True label')
plt.xlabel('Predicted label')
plt.show()
# We finally compute the final model with all available data
final clf = KNeighborsClassifier()
np.random.seed(42) # reproducibility
final clf.fit(X, y)
```

Entrenando un árbol de decisión (K-fold)







Repeated random subsampling validation



Instancia de entrenamiento

Instancia de validación

Entrenando un árbol de decisión (StratifiedKFold). Ejercicio

```
from sklearn.model_selection import cross_val_score,StratifiedKFold
cv = StratifiedKFold(n_splits=5, shuffle=True, random_state=42)
clf = tree.DecisionTreeClassifier()
# Making model training reproducible
np.random.seed(42)
scores = cross_val_score(clf, X, y, scoring='accuracy', cv = cv)
print(f"All the accuracies are: {scores}")
print(f"And the average crossvalidation accuracy is: {scores.mean():.2f} +-
{scores.std():.2f}")
```

Modificación de parámetros de un árbol

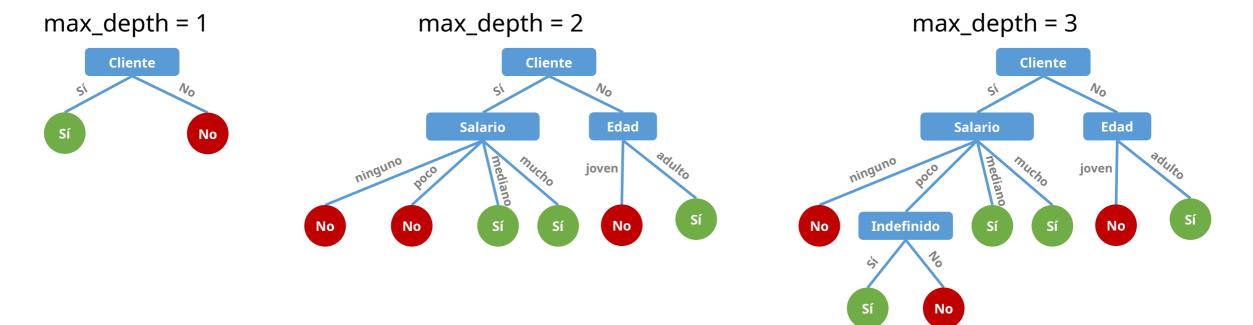
- Se han discutido anteriormente técnicas de pre y post-poda para evitar tener árboles muy profundos con pocas instancias
- La mayor parte de métodos de árboles permiten controlar la profundidad del árbol mediante dos hiperparámetros:
 - max_depth
 máxima profundidad del árbol
 - min_samples_split número mínimo de instancias que debe de tener un nodo interno para ser subdividido

Tutorial 1.

Árboles de decisión. Hiper-parámetros

max_depth

• máxima profundidad del árbol

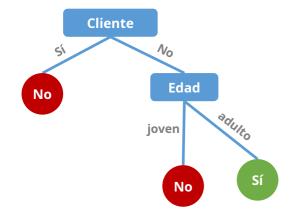


Árboles de decisión. Hiper-parámetros

min_samples_split

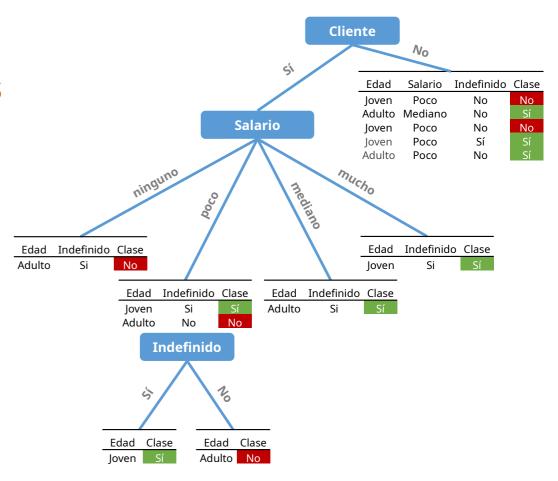
 número mínimo de instancias que debe de tener un nodo para ser subdividido

min_samples_split = 2



min_samples_split = 3

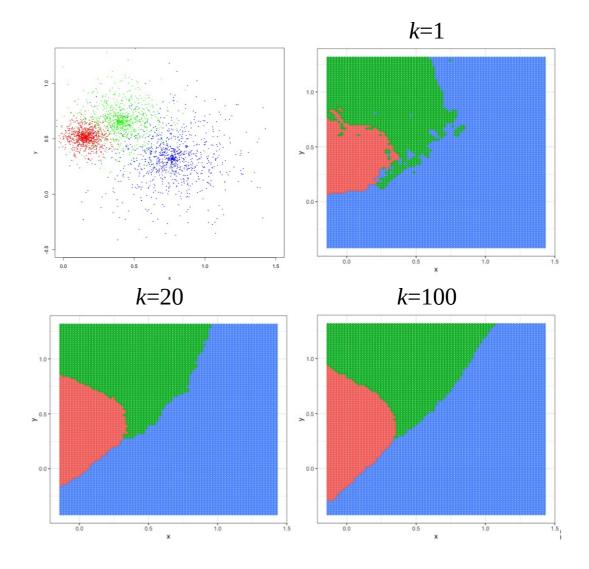




KNN

k es el hiperparámetro principal Efecto de k

- Si *k* es muy pequeño entonces sobre-aprende y es sensible al ruido. Frontera de decisión ruidosa
- Si *k* es muy grande entonces se incluyen instancias de otras clases perdiendo la idea de localidad. Frontera de decisión muy suave
- Con el k adecuado, se consideran suficientes vecinos y el ruido pierde influencia (se realiza un promedio local)



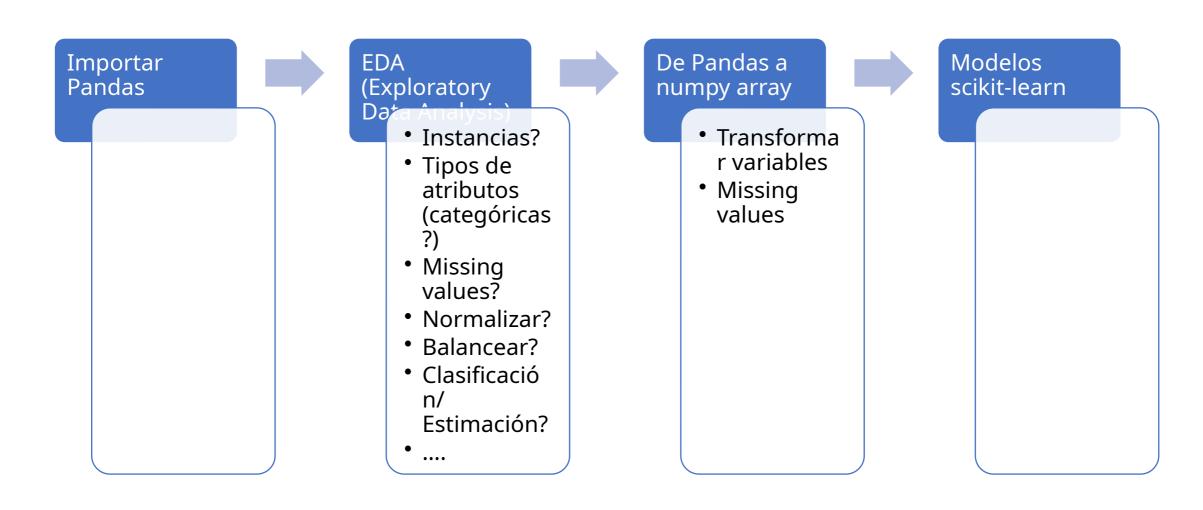
KNN

```
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.33, random_state=42)
for k in range(1,100,5):
        clf = KNeighborsClassifier(n_neighbors=k)
        np.random.seed(42)
        clf.fit(X_train,y_train)
        y_test_pred = clf.predict(X_test)
        accuracy_knn = metrics.accuracy_score(y_test, y_test_pred)
        print(f"With k neighbors {k}: {accuracy_knn:.2f}")
print()
for weights in ["uniform", "distance"]:
        clf = KNeighborsClassifier(n_neighbors=5, weights=weights)
        np.random.seed(42)
        clf.fit(X_train,y_train)
        y_test_pred = clf.predict(X_test)
        accuracy_knn = metrics.accuracy_score(y_test, y_test_pred)
        print(f"With {weights}: {accuracy_knn:.2f}")
```

Tratamiento de variables categóricas en DecisionTreeClassifier

- La implementación de árboles de Sklearn **NO PUEDE** tratar con variables categóricas (en la mayoría de los casos).
- Deben convertirse en variables ficticias (one-hot-encoding).
- Los árboles Sklearn tampoco pueden tratar con valores faltantes (missing values)

Tratamiento de variables categóricas en DecisionTreeClassifier



Preprocesamiento de Datos

- Quitar atributos constantes
- Escalado (normalización):
 - range: hacer que todos los atributos estén en un mismo rango, típicamente 0-1
 - estandarización: hacer que todos los atributos sigan una distribución gaussiana de media 0 y de sd 1
- **Variables** *dummy / one-hot encoding*: puede ser conveniente transformar variables categóricas (discretas) con n valores en n (o n-1) variables binarias:
- Imputación (¿qué hacer si hay valores faltantes?)
- Selección de atributos (feature selection)
 - Ej: elegir los atributos relevantes (salario) frente a los no relevantes (ej: color de ojos); a la hora de predecir si se va a devolver un préstamo
- Extracción de atributos (feature extraction): transformación de atributos
 - PCA, ...
- Creación de atributos / feature engineering (ej: velocidad, a partir de v_x y v_y , en un problema de predicción de energía eólica)

Preprocesamiento de Datos. Tennis.txt

- Variables de entrada:
 - Sky: sunny, rainy, overcast,.
 - Temperature: Integer
 - Humidity: Integer
 - Windy: False, True
- Clase:
 - Play: Yes, No

```
probs = clf.predict_proba(X_test)[:, 1]
auc = metrics.roc_auc_score(y_test, probs)
fpr, tpr, thresholds = metrics.roc_curve(y_test, probs)
plt.figure(figsize=(8, 5))
plt.plot(fpr, tpr, label=f'AUC = \{auc:.2f\}'\}
plt.plot([0, 1], [0, 1], color='blue', linestyle='--',
label='Baseline')
plt.title('Curva ROC', size=20)
plt.xlabel('Falsos Positivos', size=14)
plt.ylabel('Verdaderos Positivos', size=14)
plt.legend();
```

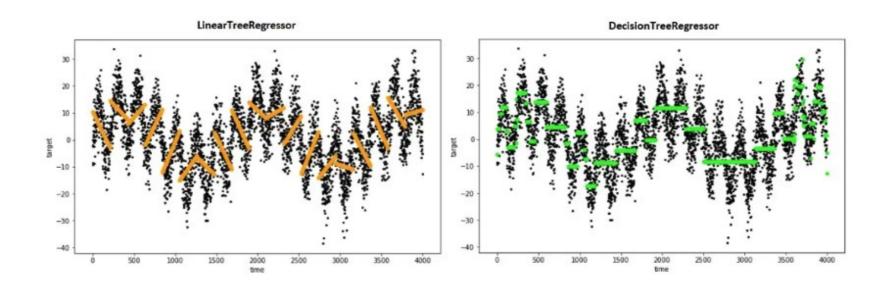
Árboles de regresión

California dataset:

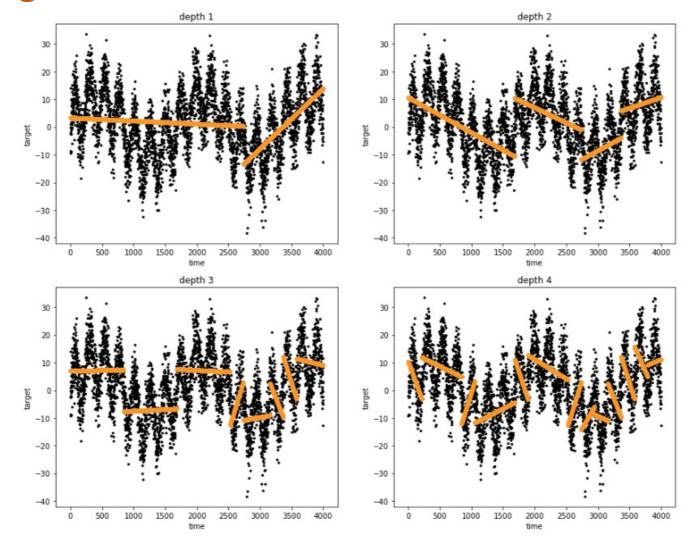
- MedInc median income in block group
- HouseAge median house age in block group
- AveRooms average number of rooms per household
- AveBedrms average number of bedrooms per household
- Population block group population
- AveOccup average number of household members
- Latitude block group latitude
- Longitude block group longitude

Árboles de regresión

- Dos posibilidades:
 - DecisionTreeRegressor (sklearn)
 - LinearTreeRegressor (lineartree)



Árboles de regresión



```
regr = LinearTreeRegressor(base_estimator=LinearRegression())
np.random.seed(42) # reproducibility
# We train it
regr.fit(X_train, y_train)
# We obtain predictions on the test set
y_test_pred = regr.predict(X_test)
# We compute accuracy
rmse_tree = np.sqrt(metrics.mean_squared_error(y_test,
y_test_pred))
print(f"RMSE of the tree: {rmse_tree}")
```

```
# obtenemos información de los nodos hoja del árbol
leaves = regr.summary(feature_names=['MedInc'], only_leaves=True,
max_depth=None)
leaves
# Obtenemos los coeficientes para el nodo 12 (u otro cualquiera)
model_12_coefs = leaves[12]['models'].coef_
model_12_intercept = leaves[12]['models'].intercept_
pprint(list(zip(['MedInc'], model_12_coefs)))
pprint(f'intercept: {model_12_intercept}')
```