$$\hat{y} \longrightarrow \hat{\sigma}_y = -\mathrm{i}|0\rangle\langle 1| + \mathrm{i}|1\rangle\langle 0|$$