

MAT1161/MAT1181 Cálculo de Uma Variável P2 Maple – 21 de maio de 2019

Nome Legível	:		
Assinatura	:		
Matrícula	:	Turma :	

Questão	Valor	Grau	Revisão
1^a	1,0		
2^a	1,0		
3^a	1,0		
Total	3,0		

Instruções Gerais:

- A duração da prova é de 1h50min.
- A tolerância de entrada é de 30min após o início da prova. Se um aluno terminar a prova em menos de 30min, deverá aguardar em sala antes de entregar a prova e sair de sala.
- A prova deve ser resolvida apenas nas folhas recebidas e nos espaços reservados para soluções.
 Não é permitido destacar folhas da prova.
- A prova é <u>sem consulta</u> a professores, fiscais ou a qualquer tipo de material. A interpretação dos enunciados faz parte da prova.
- O aluno só poderá realizar a prova e assinar a lista de presença na sua turma/sala.
- O aluno só poderá manter junto a si: lápis, borracha e caneta. Caso necessário, o fiscal poderá solicitar ajuda a outro aluno e apenas o fiscal repassará o material emprestado.
- O celular deverá ser desligado e guardado.
- O aluno não poderá sair de sala enquanto estiver fazendo a prova.

Instruções Específicas:

- Todas as questões devem ser justificadas de forma clara e rigorosa. Respostas sem justificativas não serão consideradas.
- Quando usar o Maple na resolução de qualquer questão, deixe isto claro fornecendo os comandos de entrada no programa.
- Respostas aproximadas devem ser dadas com ao menos 5 casas decimais corretas.
- Você <u>pode</u> consultar o *Help* do Maple durante a prova, mas <u>não pode</u> consultar quaisquer outros materiais. Você <u>não pode</u> utilizar comandos do pacote *student* para resolver ou justificar as questões da prova.
- A prova pode ser resolvida a lápis ou a caneta de tinta azul ou preta. Não é permitido o uso de caneta de tinta vermelha ou verde.
- Esta prova possui 3 questões. Confira.

Atenção:

Antes de se desesperar, verifique se o seu erro não é de um destes tipos comuns:

- Falta de ; no final da linha
- Parênteses que abre mas não fecha ou fecha mas não abre
- Falta do = ou do : na atribuição de valor (f:=...)
- Falta de -> na atribuição de função (f:=x->...)
- X maiúsculo onde deveria ser minúsculo
- Deixar de usar parênteses para algum comando
- Deixar de especificar domínio para o plot (x=...) ou o implicitplot (x=...,y=...)
- Falta do sinal de multiplicação (é 2*x e não 2x)
- O comando para a função seno é sin e não sen
- Ordem certa dos parênteses na derivada é D(f)(x)
- Os comandos Int e Sum são diferentes dos int e sum
- π se escreve Pi (e não PI ou pi)
- e^x se escreve $\exp(x)$
- O separador de decimal é o ponto e não a vírgula (por exemplo, $\frac{1}{10} = 0.1$ e não 0, 1)
- Espaço indevido entre o nome do comando e o argumento (por exemplo, sin (x) se escreve $\sin(x)$; plot (f(x),...) se escreve $\operatorname{plot}(f(x),...)$)

Lembre também que frequentemente uma linha que foi apagada (porque você mudou de ideia) continua tendo efeitos sobre o que você fizer depois. Use o comando restart; e abaixo dele copie só aquelas linhas que forem relevantes para o problema, apertando enter em todas.

Embora seu arquivo não seja utilizado para correção, recomendamos que você o salve com frequência para evitar perda de trabalho em caso de travamento do programa durante a prova.

Questão 1

Considere a função

$$f(x) = e^{-x}(x^3 - x) + 1.$$

(a) Utilize o Método de Newton para encontrar uma aproximação para a raiz de f com 5 casas decimais corretas.

(b) Explique o que acontece com o Método de Newton se utilizarmos a condição inicial $x_0 = 2$ para determinar a raiz de f.

(c) Explique o que acontece com o Método de Newton se utilizarmos a condição inicial $x_0 = 4$ para determinar a raiz de f.

Questão 2

Considere novamente a função

$$f(x) = e^{-x}(x^3 - x) + 1.$$

(a) Encontre o polinômio p de grau 6 que melhor aproxima f em torno de $x_0=3$.

(b) Qual é o maior intervalo contendo $x_0=3$ no qual o polinômio p aproxima a função f com erro menor do que 0.1? Dê a resposta com 5 casas decimais corretas.

Questão 3

Considere novamente a função

$$f(x) = e^{-x}(x^3 - x) + 1.$$

Determine o ponto do gráfico de f que está mais próximo do ponto (6,3). Dê a resposta com 5 casas decimais corretas.