

MAT1161/MAT1181 Cálculo de Uma Variável P2 Maple – 21 de maio de 2018

| Nome Legível | : | |
|--------------|---|---------|
| Assinatura | : | |
| Matrícula | : | Turma : |
| | | |

| Questão | Valor | Grau | Revisão |
|---------|-------|------|---------|
| 1^a | 1,0 | | |
| 2^a | 1,0 | | |
| 3^a | 1,0 | | |
| Total | 3,0 | | |

Instruções Gerais:

- A duração da prova é de 1h50min.
- A tolerância de entrada é de 30min após o início da prova. Se um aluno terminar a prova em menos de 30min, deverá aguardar em sala antes de entregar a prova e sair de sala.
- A prova deve ser resolvida apenas nas folhas recebidas e nos espaços reservados para soluções.
 Não é permitido destacar folhas da prova.
- A prova é <u>sem consulta</u> a professores, fiscais ou a qualquer tipo de material. A interpretação dos enunciados faz parte da prova.
- O aluno só poderá realizar a prova e assinar a lista de presença na sua turma/sala.
- O aluno só poderá manter junto a si: lápis, borracha e caneta. Caso necessário, o fiscal poderá solicitar ajuda a outro aluno e apenas o fiscal repassará o material emprestado.
- O celular deverá ser desligado e guardado.
- O aluno não poderá sair de sala enquanto estiver fazendo a prova.

Instruções Específicas:

- Todas as questões devem ser justificadas de forma clara e rigorosa. Respostas sem justificativas não serão consideradas.
- Quando usar o Maple na resolução de qualquer questão, deixe isto claro fornecendo os comandos de entrada no programa.
- Respostas aproximadas devem ser dadas com 5 casas decimais.
- Você <u>pode</u> consultar o *Help* do Maple durante a prova, mas <u>não pode</u> consultar quaisquer outros materiais. Você <u>não pode</u> utilizar comandos do pacote *student* para resolver ou justificar as questões da prova.
- A prova pode ser resolvida a lápis ou a caneta de tinta azul ou preta. Não é permitido o uso de caneta de tinta vermelha ou verde.
- Esta prova possui 3 questões. Confira.

Atenção:

Antes de se desesperar, verifique se o seu erro não é de um destes tipos comuns:

- Falta de ; no final da linha
- Parênteses que abre mas não fecha ou fecha mas não abre
- Falta do = ou do : na atribuição de valor (f:=...)
- Falta de -> na atribuição de função (f:=x->...)
- X maiúsculo onde deveria ser minúsculo
- Deixar de usar parênteses para algum comando
- Deixar de especificar domínio para o plot (x=...) ou o implicitplot (x=...,y=...)
- Falta do sinal de multiplicação (é 2*x e não 2x)
- O comando para a função seno é sin e não sen
- Ordem certa dos parênteses na derivada é D(f)(x)
- Os comandos Int e Sum são diferentes dos int e sum
- π se escreve Pi (e não PI ou pi)
- e^x se escreve $\exp(x)$
- O separador de decimal é o ponto e não a vírgula (por exemplo, $\frac{1}{10} = 0.1$ e não 0, 1)
- Espaço indevido entre o nome do comando e o argumento (por exemplo, sin (x) se escreve $\sin(x)$; plot (f(x),...) se escreve $\operatorname{plot}(f(x),...)$)

Lembre também que frequentemente uma linha que foi apagada (porque você mudou de ideia) continua tendo efeitos sobre o que você fizer depois. Use o comando restart; e abaixo dele copie só aquelas linhas que forem relevantes para o problema, apertando enter em todas.

Embora seu arquivo não seja utilizado para correção, recomendamos que você o salve com frequência para evitar perda de trabalho em caso de travamento do programa durante a prova.

Questão 1

Considere a função

$$f(x) = \exp(\sin(\pi x^2)) - \frac{1}{2}.$$

Queremos encontrar uma aproximação para o valor de f(1.2), usando um polinômio que aproxime bem a função f em torno de $x_0 = 1$.

(a) Determine os polinômios de grau 1 e 2 que melhor aproximam f em torno de $x_0 = 1$. Esboce os gráficos de f e dos dois polinômios em uma janela adequada.

(b) Utilizando o polinômio de grau 2 encontrado no item anterior, determine uma aproximação para f(1.2).

Questão 2

Considere a função

$$f(x) = \exp(\sin(\pi x^2)) - \frac{1}{2}$$
.

Partindo do ponto inicial $x_0 = 1$, encontre os primeiros 5 passos do Método de Newton usados para encontrar uma aproximação para uma das raízes da função f.

Questão 3

Considere a função

$$f(x) = \exp(\sin(\pi x^2)) - \frac{1}{2}$$
.

(a) Qual é o ponto do gráfico de f que está mais próximo do ponto (1,2)?

(b) Encontre um ponto do gráfico de f cuja distância até o ponto (1,2) seja igual a 1.