## Добряк

- 1. Биссектриса угла между диагоналями вписанного четырехугольника ABCD пересекает стороны AB и CD в точках X и Y соответственно. Известно, что середина стороны AD равноудалена от точек X и Y. Докажите, что середина стороны BC также равноудалена от точек X и Y.
- **2.** Вписанная в треугольник ABCокружность  $\omega$  касается сторон BC, CA, AB в точках  $A_1$ ,  $B_1$  и  $C_1$  соответственно. На продолжении отрезка  $AA_1$  за точку A взята точка D такая, что  $AD = AC_1$ . Прямые  $DB_1$  и  $DC_1$  пересекают второй раз окружность  $\omega$  в точках  $B_2$  и  $C_2$ . Докажите, что  $B_2C_2$  диаметр окружности  $\omega$ .
- **3.** Дан параллелограмм ABCD. Через ортоцентр треугольника ABC провели прямые параллельные сторонам параллелограмма и пересекли эти прямые со сторонами параллелограмма в точках K, L, M, N. Докажите, что точки K, L, M, N лежат на одной окружности.
- **4.** На основании AC равнобедренного треугольника ABC взяли произвольную точку X, а на боковых сторонах точки P и Q так, что XPBQ параллелограмм. Докажите, что точка Y, симметричная точке X относительно PQ, лежит на описанной окружности треугольника ABC.
- **5.** В равнобедренном треугольнике ABC на основании BC взята точка D, а на боковой стороне AB точки E и M так, что AM = ME и отрезок DM параллелен стороне AC. Докажите, что AD + DE > AB + BE.
- **6.** Перпендикуляр из центра описанной окружности равнобедренного треугольника ABC(AB = BC) на его биссектрису AL пересекает прямую AB в точке K. Через K проводят прямую параллельную AL до пересечения с BC в точке M. Докажите, что BK = ML.

## Добряк

- 1. Биссектриса угла между диагоналями вписанного четырехугольника ABCD пересекает стороны AB и CD в точках X и Y соответственно. Известно, что середина стороны AD равноудалена от точек X и Y. Докажите, что середина стороны BC также равноудалена от точек X и Y.
- **2.** Вписанная в треугольник ABCокружность  $\omega$  касается сторон BC, CA, AB в точках  $A_1$ ,  $B_1$  и  $C_1$  соответственно. На продолжении отрезка  $AA_1$  за точку A взята точка D такая, что  $AD = AC_1$ . Прямые  $DB_1$  и  $DC_1$  пересекают второй раз окружность  $\omega$  в точках  $B_2$  и  $C_2$ . Докажите, что  $B_2C_2$  диаметр окружности  $\omega$ .
- **3.** Дан параллелограмм ABCD. Через ортоцентр треугольника ABC провели прямые параллельные сторонам параллелограмма и пересекли эти прямые со сторонами параллелограмма в точках K, L, M, N. Докажите, что точки K, L, M, N лежат на одной окружности.
- **4.** На основании AC равнобедренного треугольника ABC взяли произвольную точку X, а на боковых сторонах точки P и Q так, что XPBQ параллелограмм. Докажите, что точка Y, симметричная точке X относительно PQ, лежит на описанной окружности треугольника ABC.
- **5.** В равнобедренном треугольнике ABC на основании BC взята точка D, а на боковой стороне AB точки E и M так, что AM = ME и отрезок DM параллелен стороне AC. Докажите, что AD + DE > AB + BE.
- **6.** Перпендикуляр из центра описанной окружности равнобедренного треугольника ABC(AB = BC) на его биссектрису AL пересекает прямую AB в точке K. Через K проводят прямую параллельную AL до пересечения с BC в точке M. Докажите, что BK = ML.