Делим еду

- 1. Михаил принёс на кружок пачку чипсов и теперь хочет поделить её со своим N-1 другом. Каждое подмножество чипсов каждый школьник оценивает в определённое число грамм (у разных школьников эта оценка может быть разной). Оценка всегда неотрицательна, и если часть чипсов разбита на две непересекающиеся части A_1 и A_2 , то оценка части A равна сумме оценок частей A_1 и A_2 . Чипсы считаются бесконечно делимыми. Каждый школьник хочет получить не менее 1/N пачки на свой взгляд. Придумайте алгоритм дележа для (a) N=2; (б) N=3; (в) произвольного N.
- 2. В условиях первой задачи изначально у школьников есть договорённость, какая доля чипсов достанется каждому, сумма долей равна 1. Каждый школьник хочет получить не меньше этой доли на свой взгляд. Как им в этом случае поделить чипсы для
 - (a) N = 2; (б) произвольного N?
- **3.** Другой Михаил принёс на кружок 50 печенек. Он и четыре его друга разного возраста решили поделить их следующим образом.
 - 1. Самый старший из них предлагает вариант дележа.
 - 2. Все (включая самого старшего) голосуют.
 - 3. Если за этот вариант дележа проголосует строго больше половины школьников, то на этом делёж заканчивается.
 - 4. В противном случае самого старшего изгоняют заниматься экономикой и делёж начинается снова с пункта 1.

Каждый школьник в первую очередь хочет остаться на кружке, на втором месте в списке его приоритетов — получить как можно больше печенек, а на третьем — чтобы побольше друзей стало экономистами (чтобы было проще отобраться на летние сборы). Каков будет результат дележа? Школьники очень умные.

- 4. На зачёт в конце года пришло 33 школьника, а Алексей Вадимович принёс 240 шоколадок. Алексей Вадимович может разделить школьников на группы произвольной численности (или записать всех в одну группу), а затем поровну распределить шоколадки между группами (соответственно, он не может разбить их, например, на 7 групп). Каждая группа делит свои шоколадки поровну, а остаток отдаёт Алексею Вадимовичу. Какое наибольшее количество шоколадок может достаться преподавателям?
- **5.** В условиях первой задачи пусть школьники *завистливые* каждый хочет, чтобы по его оценке он получил бы долю не меньше, чем любой другой. Придумайте алгоритм дележа для
 - (a) N = 3; (б) произвольного N.