Achamel.info





الامتحان الوطني الموحد للبكالوريا الدورة الإستدراكية **2010** الموضوع



7	المعامل:	RS22	الرياضيات	المــــادة:
3	مدة الإنجاز:	بمسلكيها	شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بم	الشعب (ة) أو المسلك:

معلومات عامة

-يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة ؟

-مدة إنجاز موضوع الامتحان: 3 ساعات ؛

عدد الصفحات: 3 صفحات (الصفحة الأولى تتضمن معلومات والصفحتان المتبقيتان تتضمنان تمارين الامتحان)؟

- يمكن للمترشح إنجاز تمارين الامتحان في الترتيب الذي يناسبه ؛

-ينبغي تفادي استعمال اللون الأهمر عند تحرير الأجوبة .

- بالرغم من تكرار بعض الرموز في أكثر من تمرين فكل رمز مرتبط بالتمرين المستعمل فيه ولا علاقة له بالتمارين السابقة أو اللاحقة .

معلومات خاصة

-يتكون الموضوع من خمسة تمارين مستقلة فيما بينها و تتوزع حسب المجالات كما يلي :

النقطة الممنوحة	المجال	التمرين
3 نقط	الهندسة الفضائية	التمرين الأول
3 نقط	الأعداد العقدية	التمرين الثايي
3 نقط	حساب الاحتمالات	التمرين الثالث
3 نقط	المتتاليات العددية	التمرين الرابع
8 نقط	دراسة دالة وحساب التكامل	التمرين الخامس

-بالنسبة للتمرين الخامس ، In يرمز لدالة اللوغاريتم النبيري .

ن الوطني الموحد للبكالوريا -الدورة الاستدراكية ١٥٥٥ – الموضوع - مادة: الرياضيات - شعبة العلوم التجريبية بمسالكها وشعبة العلوم والتكنولوجيات بمسلكيها	لامتحار
الموضوع	
التمرين الأول (3ن)	
$B(1,1,-4)$ و $A(0,-2,0)$ و نعتبر في الفضاء المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $\left(O,ec{t},ec{j},ec{k} ight)$ ، النقط	
. $x^2 + y^2 + z^2 - 2x - 4y - 6z - 11 = 0$: بحيث $M(x, y, z)$ مجموعة النقط $C(0, 1, -4)$	
$\Omega(1,2,3)$ بين أن (S) هي الفلكة التي مركزها النقطة $\Omega(1,2,3)$ و شعاعها S	0.5
. (ABC) واستنتج أن $y+3z+8=0$ واستنتج أن $\overline{AB} \wedge \overline{AC} = 4\overline{j} + 3\overline{k}$ ا $-$ بين أن $\overline{AB} \wedge \overline{AC} = 4\overline{j} + 3\overline{k}$ واستنتج أن	1
. (S) مماس للفلكة $d\left(\Omega,(ABC) ight)$ ثم استنتج أن المستوى	0.5
ليكن (Δ) المستقيم المار من النقطة Ω والعمودي على المستوى (ABC) .	
$(A) = \tilde{a}^{*} + \tilde{a}^{*} + \tilde{b} + \tilde{b}^{*} + \tilde{b} + b$	
(Δ) . (Δ) هو تمثيل بارامتري للمستقيم $z=2+4t$ هو تمثيل بارامتر $z=3+3t$	0.5
ب – بين أن مثلوث إحداثيات H نقطة تقاطع المستقيم (Δ) والمستوى (ABC) هو $(1,-2,0)$.	0.2
(S) والفلكة (S) . ج $-$ تحقق من أن H هي نقطة تماس المستوى (ABC) والفلكة	0.2
التمرين الثاني (3ن)	
$z^2 - 8\sqrt{3}z + 64 = 0$ المعادلة : $z^2 - 8\sqrt{3}z + 64 = 0$ المعادلة : $z^2 - 8\sqrt{3}z + 64 = 0$ التي ألحاقها (2) نعتبر في المستوى العقدي المنسوب إلى معلم متعامد ممنظم مباشر $z^2 - 8\sqrt{3}z + 64 = 0$ و $z^2 - 8\sqrt{3}z + 64 = 0$ التي ألحاقها (2)	1
$c=2\left(4\sqrt{3}+4i ight)$ و $b=4\sqrt{3}-4i$ و $a=8i$: على التوالي هي $a=8i$	
$rac{4\pi}{3}$ ليكن z لحق نقطة M من المستوى و z' لحق النقطة M صورة M بالدوران R الذي مركزه O وزاويته $rac{4\pi}{3}$.	
www.Achamel.info Examens pratiques en ligne $z' = \left(-\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)z$ بین آن $z' = \left(-\frac{1}{2} - i\frac{\sqrt{3}}{2}\right)z$	0.5
ب – تحقق من أن النقطة B هي صورة النقطة A بالدوران R .	0.2
$rac{a-b}{c-b}=rac{1}{2}+irac{\sqrt{3}}{2}$. ج $-$ بين أن $rac{a-b}{c-b}=rac{1}{2}+irac{\sqrt{3}}{2}$ على الشكل المثلثي	0.7
ABC د $-$ استنتج أن المثلث ABC متساوي الأضلاع .	0.5
التمرين الثالث (3ن)	
يحتوي صندوق على ثماني كرات تحمل الأعداد : \square و \square و \square و \square و على ثماني كرات تحمل الأعداد : \square	
(لا يمكن التمييز بينها باللمس) . نسحب عشوائيا بالتتابع وبدون إحلال كرتين من الصندوق .	
المعتب فسوري بالتنابخ وبدون إحرق درتين من العقدوق . A اليكن A الحدث : " الحصول على كرتين تحملان معا العدد B " .	1.2
و B الحدث : " الحصول على كرتين إحداهما على الأقل تحمل العدد B " .	
$P(B) = \frac{13}{28}$ وأن $P(A) = \frac{3}{28}$ بين أن	
X المتغير العشوائي الذي يربط كل سحبة بعدد الكرات التي تحمل عددا فرديا . X	
اً $-$ حدد القيم التي يأخذها المتغير العشوائي X .	0.2
$P(X=1) = \frac{15}{28}$: بين أن	0.7
X . X أعط قانون احتمال المتغير العثبوائي X .	0.7
	H

الـتمريـن الـرابـع (3 ن) الـعمريـن الـرابـع $u_n = \frac{3u_n}{21+u_n}$ و $u_{n+1} = \frac{3u_n}{21+u_n}$ لكل u_n من u_n

. IN بین أن $u_n > 0$ لكل n من (1 0.5

.
$$I\!\!N$$
 کن $u_{n+1} < \frac{1}{7}u_n$: بین أن (2 0.75

. بين أن المتتالية (u_n) تناقصية وأنها متقاربة . 0.5

$$u_n \le \left(\frac{1}{7}\right)^n$$
: نكل $u_n \le \left(\frac{1}{7}\right)^n$ نكل من (4 0.75)

 (u_n) ب – حدد نهایة المتتالیه 0.5

التمرين الخامس (8ن)

$$g(x) = x^3 - x - 2 \ln x + 3$$
 : بما يلي: $g(x) = x^3 - x - 2 \ln x + 3$ نعتبر الدالة العددية $g(x) = x^3 - x - 2 \ln x + 3$

. $]0,+\infty[$ كن x ككل $3x^3-x-2=(x-1)(3x^2+3x+2)$ كن أن (1 0.25

.
$$]0,+\infty[$$
 کی $g'(x)=\frac{(x-1)(3x^2+3x+2)}{x}$ یک من $g'(x)=0.5$

.
$$]0,+\infty[$$
 نكل x من أن 0 > 0 نكل من $\frac{3x^2+3x+2}{x} > 0$ نا روح 0.25

.
$$]0,+\infty[$$
 على $]0,+\infty[$ على $]0,+\infty[$ على $]0,+\infty[$ على $]0,+\infty[$ على $]0,+\infty[$

$$[1,+\infty[$$
 ان الدالة g تناقصية على $[0,1]$ وأنها تزايدية على $[0,+\infty[$

.
$$(g(1)>0)$$
 لكل $g(x)>0$ لكل $g(x)>0$ ب - استنتج أن $g(x)>0$ لكل $g(x)>0$

.
$$f(x) = x - 1 + \frac{x - 1 + \ln x}{x^2}$$
 : يما يلي $f(x) = x - 1 + \frac{x - 1 + \ln x}{x^2}$ المعرفة على $f(x) = x - 1 + \frac{x - 1 + \ln x}{x^2}$

. (
$$\left\| \vec{i} \right\| = \left\| \vec{j} \right\| = 1$$
ناخذ (C) المنحنى الممثل للدالة f في معلم متعامد ممنظم (C) المنحنى الممثل للدالة المعامد معامد معامد معامد منظم المعامد المعامد

.
$$]0,+\infty[$$
 لكل $f'(x)=\frac{g(x)}{x^3}$: استنتج أن الدالة $f'(x)=\frac{g(x)}{x^3}$: ابين أن $f'(x)=\frac{g(x)}{x^3}$

أ ـ بين أن
$$\int_{\substack{x\to 0 \ x>0}} f(x) = -\infty$$
 أ ـ بين أن $\int_{\substack{x\to 0 \ x>0}} f(x) = -\infty$ أ ـ بين أن أن أن أب المنابعة هندسيا

. (
$$\lim_{x \to +\infty} \frac{\ln x}{x^2} = 0$$
 نذکر أن) $\lim_{x \to +\infty} f(x) = +\infty$ ثم أن $\lim_{x \to +\infty} \frac{x - 1 + \ln x}{x^2} = 0$ نذکر أن 0.75

$$+\infty$$
 ج - بين أن المستقيم Δ الذي معادلته $y=x-1$ مقارب مائل للمنحنى Δ بجوار Δ

.
$$(1,0)$$
 هي معادلة للمستقيم المماس للمنحنى (C) في النقطة التي زوج إحداثيتيها $y=3(x-1)$ ن بين أن $y=3(x-1)$

. (نقبل أن المستقيم (
$$\Delta$$
) و المنحنى (C) (نقبل أن للمنحنى (C) نقطة انعطاف وحيدة غير مطلوب تحديدها) .

. (
$$v(x) = \ln x$$
 و $u'(x) = \frac{1}{x^2}$: ضع) $\int_{1}^{e} \frac{\ln x}{x^2} dx = 1 - \frac{2}{e}$ ناب و $u'(x) = \ln x$ و المحاملة بالأجزاء ، بين أن:

$$x=e$$
 و $x=1$ الذين معادلتاهما (Δ) و (Δ) و المستقيمين الذين معادلتاهما (Δ) و المستقيمين الذين معادلتاهما (Δ) .
$$(1-\frac{1}{e})cm^2$$
 هي