

Revisão Estatística

Ficha da Aula 4 - Espaço Amostral, Evento e Probabilidade Simples

4. Dois dados são lançados simultaneamente. Qual a probabilidade de:

- a) a soma ser menor que 4;
- b) a soma ser 9;
- c) o segundo resultado ser maior do que o primeiro.

a) $3/36$



Ou seja das 36 possíveis combinações, apenas 3 atendem a condição

b) $4/36$



Ou seja das 36 possíveis combinações, apenas 4 atendem a condição

c) $15/36$

- I) O dado o primeiro dado é 1, o segundo dado tem 5/6 de chance de ser maior que o primeiro.
- II) O primeiro dado é 2, o segundo dado tem 4/6 de chance de ser maior que o primeiro.
- III) O primeiro dado é 3, o segundo tem 3/6 de chance de ser maior que o primeiro.
- IV) O primeiro dado é 4, o segundo tem 2/6 de chance de ser maior que o primeiro.
- V) O primeiro dado é 5, o segundo tem 1/6 de chance de ser maior que o primeiro.
- VI) O primeiro dado é 6, o segundo tem 0/6 de chance de ser maior que o primeiro.

$$5/6 + 4/6 + 3/6 + 2/6 + 1/6 + 0/6 = 15/36$$

Somando já que só pode ser uma dessas condições

Revisão Estatística

Ficha da Aula 5 - Probabilidade Condicional e Eventos Independentes

4. Se pelo menos uma criança em uma família com dois filhos é um menino, qual é a probabilidade de que os dois filhos sejam meninos?

Vamos considerar as possibilidades de sexo para uma família com dois filhos, onde M representa menino e F representa menina. Há um total de 4 combinações possíveis:

MM (ambos os filhos são meninos)

MF (o primeiro filho é menino e o segundo é menina)

FM (o primeiro filho é menina e o segundo é menino)

FF (ambos os filhos são meninas)

No entanto, sabemos que pelo menos uma criança é menino. Isso significa que podemos eliminar a última combinação (FF) de nossas possibilidades. Agora, temos apenas 3 combinações possíveis:

MM

MF

FM

Dessas combinações, apenas uma delas (MM) corresponde a ambos os filhos sendo meninos.

Portanto, a probabilidade de que os dois filhos sejam meninos, dado que pelo menos um deles é menino, é:

Probabilidade = (número de combinações favoráveis) / (número total de combinações possíveis)

Probabilidade = $1/3$

Então, a probabilidade de que os dois filhos sejam meninos, dado que pelo menos um deles é menino, é de aproximadamente 33,33%.

Revisão Estatística

Ficha da Aula 6 - Teorema de Bayes

3. Três máquinas, A, B e C, produzem respectivamente 40%, 50% e 10% de um total de peças de uma fábrica. As percentagens de peças defeituosas nas respectivas máquinas são 3%, 5% e 2%. Uma peça é sorteada ao acaso e verifica-se que é defeituosa. Qual a probabilidade de que a peça tenha vindo da máquina B? E da máquina C?

$P(D | A) = 0.03$ (prob peça defeituosa na máquina A)

$P(D | B) = 0.05$ (prob peça defeituosa na máquina B)

$P(D | C) = 0.02$ (prob peça defeituosa na máquina C)

$P(A) = 0.4$ (produção da máquina A)

$P(B) = 0.5$ (produção da máquina B)

$P(C) = 0.1$ (produção da máquina C)

A). $P(B | D) = P(D | B) * P(B) / P(D)$

Calcular a $P(D)$ ou seja prob. de ser uma peça defeituosa:

$$P(D) = (P(A) * P(D | A)) + (P(B) * P(D | B)) + (P(C) * P(D | C))$$

$$P(D) = (0.4 * 0.03) + (0.5 * 0.05) + (0.1 * 0.02) = 0.039$$

$$P(B | D) = 0.05 * 0.5 / (0.4 * 0.03) + (0.5 * 0.05) + (0.1 * 0.02)$$

$$P(B | D) = 0.25 / 0.039 = 0.64$$

B). $P(C | D) = P(D | C) * P(C) / P(D)$

$$P(B | D) = 0.1 * 0.02 / (0.4 * 0.03) + (0.5 * 0.05) + (0.1 * 0.02)$$

$$P(B | D) = 0.002 / 0.039 = 0.05$$

Revisão Estatística

Ficha da Aula 7 - Probabilidade Condicional e Teorema de Bayes

Temos cinco urnas, cada uma com 6 bolas. Duas dessas urnas (tipo C1) têm 3 bolas brancas, duas outras (tipo C2) têm duas bolas brancas, e a última urna (tipo C3) tem 6 bolas brancas. Escolhemos uma urna ao acaso e dela retiramos uma bola. Qual a probabilidade de a urna escolhida ser do tipo C3, sabendo-se que a bola sorteada é branca?

$$P(C3 \mid B) = P(B \mid C3) * P(C3) / P(b)$$

C1 → 6 brancas de 12 (2 urnas)

C2 → 4 brancas de 12 (2 urnas)

C3 → 6 brancas de 6 (1 urna)

$P(C1) = \frac{2}{5} \rightarrow P(b|C1) = \frac{6}{12} = \frac{1}{2}$

$P(C2) = \frac{2}{5} \rightarrow P(b|C2) = \frac{4}{12} = \frac{1}{3}$

$P(C3) = \frac{1}{5} \rightarrow P(b|C3) = \frac{6}{6} = 1$

$$P(C3|b) = \frac{1/5 * 1}{1/5 * 1 + 2/5 * 1/2 + 2/5 * 1/3} = \frac{3}{8}$$

Revisão Estatística

Ficha da Aula 8 - Variáveis Aleatórias

1. No lançamento simultâneo de dois dados, considere as seguintes variáveis aleatórias:

X = número de pontos obtidos no primeiro dado;

Y = número de pontos obtidos no segundo dado.

a) Construir a distribuição de probabilidade por meio de uma tabela das seguintes variáveis?

iv) $B = \text{máximo}(X, Y)$

B	1	2	3	4	5	6
P(B)	1/36	3/36	5/36	7/36	9/36	11/36

Máximo de vezes em que aparece 2: (1,2)(2,1)(2,2) → 3/36

Máximo de vezes em que aparece 3: (1,3)(2,3)(3,1)(3,2)(3,3) → 5/36

E assim por diante...

$$B < 0 \rightarrow F = 0$$

$$1 \leq B < 2 \rightarrow F = 1/36$$

$$2 \leq B < 3 \rightarrow F = 4/36$$

$$3 \leq B < 4 \rightarrow F = 9/36$$

$$4 \leq B < 5 \rightarrow F = 16/36$$

$$5 \leq B < 6 \rightarrow F = 25/36$$

$$B \geq 6 \rightarrow F = 1$$

Resultado final sempre precisa dar 1, já que a função é acumulativa

Revisão Estatística

Ficha da Aula 9 - Distribuição de Probabilidades (Discreta)

Na pintura de paredes aparecem defeitos em média na proporção de 1 defeito por metro quadrado. Qual a probabilidade de aparecerem 3 defeitos numa parede de 2x2m?

- X é a variável aleatória que representa o número de defeitos
- k é o número de eventos desejado (no caso, 3 defeitos)
- λ é a média de eventos por unidade de medida
(no caso, a média de um defeito por metro quadrado)

$$P(X = k) = (e^{-\lambda} * \lambda^k) / k!$$

$$P(X = 3) = (e^{-4} * 4^3) / 3!$$

$$P(X = 3) = 0,19$$