

$$\text{TIPÉ} - \boxed{\Phi(p \rightarrow q) \stackrel{?}{=} \Phi(p) \Rightarrow \Phi(q)}$$

il va falloir rapidement trouver un titre

Victor R

1. Le λ -calcul

1.1. Cadre et généralités

TODO: mettre une phrase d'introduction/de motivation sur le lambda calcul

Définition 1. L'ensemble Λ

Soit \mathcal{V} un ensemble de variables. On définit l'ensemble Λ par induction:

- (i) $\forall v \in \mathcal{V}, v \in \Lambda$
- (ii) $\forall (x, s) \in \mathcal{V} \times \Lambda, (\lambda x. s) \in \Lambda$ (λ -abstraction)
- (iii) $\forall (s, t) \in \Lambda^2, (s t) \in \Lambda$ (application)

Les éléments de Λ sont appelés λ -termes.

Remarques.

La notation $\lambda x. X$ (ii) est l'équivalent en langage mathématiques de $x \mapsto X$ avec X qui dépend de x

La notation $(s t)$ (iii) correspond à la composition de s par t

1.2. α -équivalence

Rappels. (Relation binaire)

Une *relation binaire* sur Λ est la donnée d'une partie $\mathcal{R} \subseteq \Lambda \times \Lambda$.

Pour tout $(s, t) \in \mathcal{R}$, on dit que s est en *relation* avec t et on note $s \mathcal{R} t$.

Définition 3. α -équivalence

On définit l' α -équivalence par induction:

- (i) $\forall x \in \Lambda, x \equiv_{\alpha} x$
- (ii) $\forall (s, t), (u, v) \in \Lambda^2, (s u) \equiv_{\alpha} (t v) \iff s \equiv_{\alpha} t \text{ et } u \equiv_{\alpha} v$
- (iii) Pour tous $s, t \in \Lambda$ avec $s \equiv \lambda x. X$ et $t \equiv \lambda y. Y$, on a $s \equiv_{\alpha} t$ si, et seulement si, il existe z qui n'apparaît ni dans X ni dans Y telle que $X[x \rightarrow z] \equiv_{\alpha} Y[y \rightarrow z]$

1.3. β -réduction

Définition k. β -réduction

TODO

2. Les assistants de preuves

2.1. Contexte et cadre

2.2. Exemples

3. Le lien entre 1. et 2.

3.1.

3.2.

3.3. Présentation de mon travail