Universidade Federal do Rio de Janeiro Instituto Alberto Luiz Coimbra de Pós-Graduação e Pesquisa de Engenharia



Programa de Engenharia de Sistemas e Computação

COS868 - Probabilidade e Estatística para Aprendizado de Máquina

Profa. Dra. Rosa M. Leão (PESC/COPPE/UFRJ)

Projeto do Curso

Luiz Henrique Souza Caldas email: lhscaldas@cos.ufrj.br

27 de dezembro de 2024

Conteúdo

| 1 | Intr | rodução | 3 |
|---|------|---|----|
| | 1.1 | Objetivo | 3 |
| | 1.2 | Análise Exploratória dos Dados | 3 |
| | 1.3 | Pré-processamento | |
| 2 | Esta | atísticas Gerais | 5 |
| | 2.1 | Medidas Descritivas | 5 |
| | 2.2 | Visualizações Gráficas | |
| | 2.3 | Análise dos Resultados | |
| 3 | Esta | atísticas por Horário | 9 |
| | 3.1 | Medidas Descritivas | 9 |
| | 3.2 | Visualizações Gráficas | |
| | 3.3 | Análise dos Resultados | |
| 4 | Car | racterizando os Horários com Maior Valor de Tráfego 1 | .5 |
| | 4.1 | Passo 1: Seleção dos Horários | 15 |
| | 4.2 | Passo 2: Histogramas dos Dados | |
| | 4.3 | Passo 3: Estimativa de Parâmetros via MLE | |
| | 4.4 | Passo 4: Gráficos de Densidade | |
| | 4.5 | Passo 5: Probability Plots | |
| | 4.6 | Passo 6: QQ Plots | |
| | 4.7 | Análise dos Resultados | |
| 5 | Cóc | m digos | 23 |

1 Introdução

1.1 Objetivo

O objetivo deste trabalho é realizar uma análise de um conjunto de dados reais fornecidos por um provedor de Internet de médio porte, avaliando as taxas de upload e download de dispositivos domésticos, especificamente Smart-TVs e Chromecasts, com base na teoria aprendida em classe, destacando a importância de uma análise crítica dos resultados obtidos.

1.2 Análise Exploratória dos Dados

A análise exploratória foi realizada para compreender as características principais dos dados obtidos dos dispositivos Smart TV e Chromecast. Os resultados estão detalhados abaixo:

• Primeiras linhas dos dados:

- Smart TV:

| | device_id | | ${\tt date_hour}$ | bytes_up | bytes_down |
|---|-----------|------------|--------------------|---------------|--------------|
| 0 | 77209603 | 2021-11-22 | 15:23:00 | 132932.983607 | 2.818140e+06 |
| 1 | 77209603 | 2021-11-22 | 15:24:00 | 115770.491803 | 2.264410e+06 |
| 2 | 77209603 | 2021-11-22 | 15:25:00 | 114030.032787 | 2.309270e+06 |
| 3 | 77209603 | 2021-11-22 | 15:26:00 | 97170.622951 | 2.006544e+06 |
| 4 | 77209603 | 2021-11-22 | 15:27:00 | 39569.573770 | 8.061440e+05 |

- Chromecast:

| | device_id | | date_hour | bytes_up | bytes_down |
|---|-----------|------------|-----------|-------------|--------------|
| 0 | 66161985 | 2021-09-06 | 00:01:00 | 2987.016393 | 49185.704918 |
| 1 | 66161985 | 2021-09-06 | 00:02:00 | 685.935484 | 328.258065 |
| 2 | 66161985 | 2021-09-06 | 00:03:00 | 4493.901639 | 37914.064516 |
| 3 | 66161985 | 2021-09-06 | 00:04:00 | 776.133333 | 229.200000 |
| 4 | 66161985 | 2021-09-06 | 00:05:00 | 3081.311475 | 51656.800000 |

• Dimensões dos dados:

Smart TV: (4417903, 4)Chromecast: (1620529, 4)

• Dados faltantes:

- Smart TV: Nenhum valor faltante em device_id, date_hour, bytes_up, bytes_down.
- Chromecast: Nenhum valor faltante em device_id, date_hour, bytes_up, bytes_down.

• Valores zero:

- Smart TV: bytes_up = 1.803.853, bytes_down = 1.978.337.

- Chromecast: bytes_up = 6.057, bytes_down = 4.099.

• Valores negativos:

- Smart TV: Nenhum valor negativo em bytes_up ou bytes_down.
- Chromecast: Nenhum valor negativo em bytes_up ou bytes_down.

1.3 Pré-processamento

O pré-processamento foi realizado para preparar os dados dos dispositivos Smart TV e Chromecast para análises posteriores. As etapas realizadas são descritas a seguir:

- Carregamento dos dados: Os dados foram lidos a partir dos arquivos dataset_smart-tv.csv e dataset_chromecast.csv.
- Correção de valores zero: Como as colunas bytes_up e bytes_down apresentavam valores zero, foi aplicado um *shift* de +1 a todos os valores dessas colunas para evitar problemas no cálculo do logaritmo.
- Reescalonamento dos dados: Os valores das colunas bytes_up e bytes_down foram transformados para a escala logarítmica na base 10 (log10), devido à grande variação na ordem de grandeza desses valores.
- Ordenação temporal: Os dados foram ordenados pela coluna date_hour para garantir a consistência temporal nas análises subsequentes.
- Salvamento dos dados processados: Os datasets resultantes podem ser salvos como arquivos CSV (smart_preprocessado.csv e chrome_preprocessado.csv) para uso posterior.

Essa etapa garante que os dados estejam limpos, reescalonados e organizados, facilitando análises estatísticas e a geração de gráficos. Além disso, a transformação logarítmica reduz a influência de valores extremos, melhorando a interpretação dos resultados.

2 Estatísticas Gerais

Nesta seção, são apresentadas as estatísticas gerais dos dados coletados para os dispositivos Smart TV e Chromecast. As análises incluem cálculos de medidas descritivas, como média, variância e desvio padrão, além de representações gráficas através de histogramas, boxplots e funções de distribuição empírica (ECDF).

2.1 Medidas Descritivas

As medidas descritivas para as taxas de upload e download (em escala logarítmica base 10) estão resumidas na Tabela 1.

| Dispositivo | Tipo de Tráfego | Média | Variância | Desvio Padrão |
|-------------|-----------------|-------|-----------|---------------|
| Smart TV | Upload | 2.16 | 4.11 | 2.03 |
| Smart TV | Download | 2.35 | 6.72 | 2.59 |
| Chromecast | Upload | 3.35 | 0.46 | 0.68 |
| Chromecast | Download | 3.80 | 1.66 | 1.29 |

Tabela 1: Medidas descritivas das taxas de upload e download.

2.2 Visualizações Gráficas

Para compreender melhor a distribuição dos dados, são utilizadas as seguintes representações gráficas:

- **Histogramas:** As distribuições das taxas de upload e download para cada dispositivo estão representadas nos histogramas da Figura 1.
- Boxplots: A Figura 2 mostra os boxplots comparando as taxas de upload e download entre Smart TV e Chromecast.
- ECDF: As funções de distribuição empírica, exibidas na Figura 3, demonstram a probabilidade acumulada para cada valor das taxas.

Para a construção dos histogramas, o número de bins foi calculado utilizando o método de Sturges:

$$k = 1 + \log_2(n),\tag{1}$$

onde n é o número total de amostras. Este método busca otimizar a visualização dos dados ao balancear granularidade e clareza.

O número de bins calculado para cada dispositivo é o seguinte:

- Smart TV: k = 24 bins.
- Chromecast: k = 22 bins.

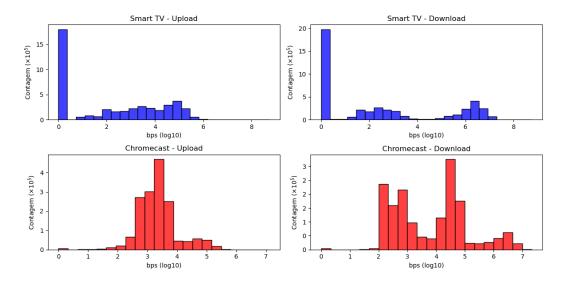


Figura 1: Histogramas das taxas de upload e download para Smart TV e Chromecast.

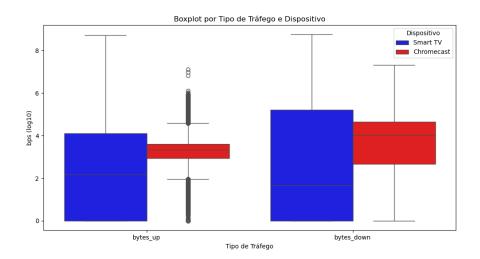


Figura 2: Boxplots das taxas de upload e download para Smart TV e Chromecast.

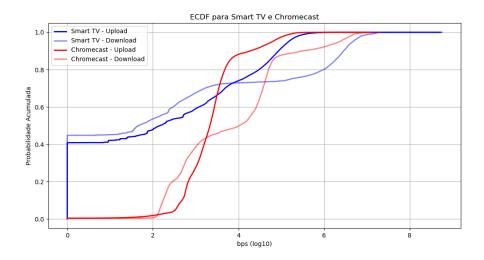


Figura 3: Funções de Distribuição Empírica (ECDF) das taxas de upload e download.

2.3 Análise dos Resultados

Os resultados destacam diferenças importantes nas características das taxas de upload e download entre os dispositivos Smart TV e Chromecast.

- Smart TV: As taxas de upload e download da Smart TV possuem médias parecidas e variâncias relativamente altas, indicando uma dispersão maior dos dados. As taxas estão predominantemente concentradas em valores baixos, especialmente em valores iguais a zero, conforme já havia sido evidenciado na Análise Exploratória dos Dados (Seção 1.2). Essa característica é refletida na primeira barra dos histogramas (Figura 1), que é consideravelmente maior do que as demais. No boxplot (Figura 2), essa concentração é representada pela proximidade do limite inferior ao primeiro quartil (Q1). Na mesma figura também, é possível observar a ausência de outliers nos dois tipos de tráfego. Além disso, a ECDF (Figura 3) apresenta um valor inicial relativamente alto, superior a 0.4, devido à grande quantidade de valores nulos, crescendo de forma lenta até chegar ao valor máximo.
- Chromecast: As taxas de upload e download do Chromecast também possuem médias próximas, mas apresentam desvios padrão relativamente baixos, indicando uma dispersão menor dos dados. A taxa de download (bytes_down) exibe uma variância maior do que a de upload (bytes_up). A taxa de upload apresenta muitos outliers, tanto para valores altos (picos) quanto para valores baixos (vales), como destacado no boxplot (Figura 2), enquanto a taxa de download não possui nenhum. A ECDF (Figura 3) reflete essa característica, apresentando um crescimento rápido após 10² bps.
- Comparação Geral: A Smart TV e o Chromecast apresentam diferenças marcantes em seus padrões de tráfego. Enquanto a Smart TV concentra grande parte de seus dados em valores baixos, com ausência de outliers, o Chromecast exibe menor dispersão geral, mas com muitos outliers na taxa de upload. A ECDF da Smart TV cresce de forma lenta devido aos valores nulos iniciais, enquanto a do Chromecast apresenta um crescimento rápido após 10²

bps, refletindo uma concentração maior em valores intermediários. Essas diferenças sugerem que a Smart TV alterna entre períodos de inatividade e altos fluxos, enquanto o Chromecast apresenta tráfego mais estável, mas com picos e vales ocasionais no upload.

Essas observações podem auxiliar no desenvolvimento de estratégias de gerenciamento de rede mais eficientes, considerando a alta variabilidade e períodos de inatividade da Smart TV, e os picos de tráfego ocasionais no upload do Chromecast. Adaptar essas estratégias às características específicas de cada dispositivo pode melhorar a alocação de recursos e a experiência do usuário.

3 Estatísticas por Horário

Nesta seção, apresentamos as estatísticas por horário, independente do dia, dos dados coletados para os dispositivos Smart TV e Chromecast. As análises incluem cálculos de medidas descritivas, como média, variância e desvio padrão, além da representação gráficas através de boxplots.

3.1 Medidas Descritivas

A Tabela 2 exibe as estatísticas por horário para as taxas de upload e download dos dispositivos Smart TV e Chromecast. As estatísticas incluem a média, variância e desvio padrão para cada hora do dia, separadas por tipo de dispositivo e tipo de tráfego.

Tabela 2: Estatísticas por Horário para Smart TV e Chromecast

| Hora | Dispositivo | Tráfego | Média | Variância | Desvio Padrão |
|------|-------------|----------|-------|-----------|---------------|
| 0 | Smart TV | Upload | 1.89 | 4.16 | 2.04 |
| 0 | Smart TV | Download | 2.10 | 6.89 | 2.62 |
| 0 | Chromecast | Upload | 3.43 | 0.63 | 0.79 |
| 0 | Chromecast | Download | 3.95 | 2.06 | 1.44 |
| 1 | Smart TV | Upload | 1.47 | 3.76 | 1.94 |
| 1 | Smart TV | Download | 1.60 | 6.05 | 2.46 |
| 1 | Chromecast | Upload | 3.32 | 0.48 | 0.69 |
| 1 | Chromecast | Download | 3.78 | 1.74 | 1.32 |
| 2 | Smart TV | Upload | 1.15 | 3.15 | 1.78 |
| 2 | Smart TV | Download | 1.23 | 4.96 | 2.23 |
| 2 | Chromecast | Upload | 3.24 | 0.34 | 0.58 |
| 2 | Chromecast | Download | 3.69 | 1.46 | 1.21 |
| 3 | Smart TV | Upload | 0.89 | 2.46 | 1.57 |
| 3 | Smart TV | Download | 0.90 | 3.63 | 1.90 |
| 3 | Chromecast | Upload | 3.20 | 0.31 | 0.55 |
| 3 | Chromecast | Download | 3.64 | 1.41 | 1.19 |
| 4 | Smart TV | Upload | 0.77 | 2.06 | 1.43 |
| 4 | Smart TV | Download | 0.74 | 2.89 | 1.70 |
| 4 | Chromecast | Upload | 3.18 | 0.31 | 0.56 |
| 4 | Chromecast | Download | 3.62 | 1.41 | 1.19 |
| 5 | Smart TV | Upload | 0.88 | 2.35 | 1.53 |
| 5 | Smart TV | Download | 0.89 | 3.52 | 1.88 |
| 5 | Chromecast | Upload | 3.16 | 0.29 | 0.54 |
| 5 | Chromecast | Download | 3.57 | 1.38 | 1.17 |
| 6 | Smart TV | Upload | 1.02 | 2.64 | 1.62 |
| 6 | Smart TV | Download | 1.07 | 4.00 | 2.00 |
| 6 | Chromecast | Upload | 3.16 | 0.30 | 0.55 |
| 6 | Chromecast | Download | 3.57 | 1.37 | 1.17 |
| | | | | | |
| | | | | | |

| 7 Smart TV Upload 1.20 3.00 1.73 7 Smart TV Download 1.24 4.40 2.10 7 Chromecast Upload 3.20 0.34 0.58 7 Chromecast Download 3.62 1.43 1.19 8 Smart TV Upload 1.39 3.53 1.88 8 Smart TV Download 1.48 5.32 2.31 8 Chromecast Upload 3.24 0.39 0.62 8 Chromecast Download 3.65 1.49 1.22 9 Smart TV Upload 1.72 3.97 1.99 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Upload 2.23 6.88 2.62 <t< th=""><th>drão</th></t<> | drão |
|---|------|
| 7 Chromecast Upload 3.20 0.34 0.58 7 Chromecast Download 3.62 1.43 1.19 8 Smart TV Upload 1.39 3.53 1.88 8 Smart TV Download 1.48 5.32 2.31 8 Chromecast Upload 3.24 0.39 0.62 8 Chromecast Download 3.65 1.49 1.22 9 Smart TV Upload 1.72 3.97 1.99 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Chromecast Upload 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 | |
| 7 Chromecast Download 3.62 1.43 1.19 8 Smart TV Upload 1.39 3.53 1.88 8 Smart TV Download 1.48 5.32 2.31 8 Chromecast Upload 3.24 0.39 0.62 8 Chromecast Download 3.65 1.49 1.22 9 Smart TV Upload 1.72 3.97 1.99 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Download 3.70 1.51 1.23 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Upload 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 | |
| 8 Smart TV Upload 1.39 3.53 1.88 8 Smart TV Download 1.48 5.32 2.31 8 Chromecast Upload 3.24 0.39 0.62 8 Chromecast Download 3.65 1.49 1.22 9 Smart TV Upload 1.72 3.97 1.99 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Download 3.70 1.51 1.23 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 3.74 1.51 1.23 | |
| 8 Smart TV Download 1.48 5.32 2.31 8 Chromecast Upload 3.24 0.39 0.62 8 Chromecast Download 3.65 1.49 1.22 9 Smart TV Upload 1.72 3.97 1.99 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Download 3.70 1.51 1.23 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Upload 3.37 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 2.47 4.16 2.04 | |
| 8 Chromecast Upload 3.24 0.39 0.62 8 Chromecast Download 3.65 1.49 1.22 9 Smart TV Upload 1.72 3.97 1.99 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Download 3.70 1.51 1.23 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Upload 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 | |
| 8 Chromecast Download 3.65 1.49 1.22 9 Smart TV Upload 1.72 3.97 1.99 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Download 3.70 1.51 1.23 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Upload 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Upload 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 | |
| 9 Smart TV Upload 1.72 3.97 1.99 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Download 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 | |
| 9 Smart TV Download 1.87 6.25 2.50 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Download 3.70 1.51 1.23 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 | |
| 9 Chromecast Upload 3.29 0.40 0.63 9 Chromecast Download 3.70 1.51 1.23 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 < | |
| 9 Chromecast Download 3.70 1.51 1.23 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 3.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 <t< td=""><td></td></t<> | |
| 10 Smart TV Upload 2.02 4.24 2.06 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 2.78 7.00 2.65 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 < | |
| 10 Smart TV Download 2.23 6.88 2.62 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 2.78 7.00 2.65 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 | |
| 10 Chromecast Upload 3.30 0.41 0.64 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 | |
| 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Upload 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 < | |
| 10 Chromecast Download 3.71 1.52 1.23 11 Smart TV Upload 2.27 4.27 2.07 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Upload 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 < | |
| 11 Smart TV Download 2.53 7.06 2.66 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 | |
| 11 Chromecast Upload 3.32 0.41 0.64 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 | |
| 11 Chromecast Download 3.74 1.51 1.23 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 < | |
| 12 Smart TV Upload 2.47 4.16 2.04 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 12 Smart TV Download 2.78 7.04 2.65 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 12 Chromecast Upload 3.35 0.40 0.64 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 12 Chromecast Download 3.78 1.54 1.24 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 13 Smart TV Upload 2.49 4.14 2.03 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 13 Smart TV Download 2.78 7.00 2.65 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 13 Chromecast Upload 3.35 0.43 0.65 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 13 Chromecast Download 3.79 1.59 1.26 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 14 Smart TV Upload 2.56 4.22 2.05 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 14 Smart TV Download 2.88 7.24 2.69 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 14 Chromecast Upload 3.36 0.43 0.65 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| 14 Chromecast Download 3.80 1.58 1.26 | |
| | |
| 15 Smart TV Unload 2.61 4.12 2.02 | |
| 10 Diffate 1 v Optoace 2.01 4.12 2.03 | |
| 15 Smart TV Download 2.92 7.16 2.68 | |
| 15 Chromecast Upload 3.38 0.44 0.66 | |
| 15 Chromecast Download 3.83 1.62 1.27 | |
| 16 Smart TV Upload 2.62 3.87 1.97 | |
| 16 Smart TV Download 2.88 6.76 2.60 | |
| 16 Chromecast Upload 3.40 0.48 0.69 | |
| 16 Chromecast Download 3.87 1.71 1.31 | |
| | |
| | |
| | |

| Hora | Dispositivo | Tipo | Média | Variância | Desvio Padrão |
|------|-------------|----------|-------|-----------|---------------|
| 17 | Smart TV | Upload | 2.74 | 3.59 | 1.90 |
| 17 | Smart TV | Download | 2.96 | 6.42 | 2.53 |
| 17 | Chromecast | Upload | 3.41 | 0.50 | 0.70 |
| 17 | Chromecast | Download | 3.88 | 1.73 | 1.32 |
| 18 | Smart TV | Upload | 2.95 | 3.35 | 1.83 |
| 18 | Smart TV | Download | 3.19 | 6.24 | 2.50 |
| 18 | Chromecast | Upload | 3.40 | 0.47 | 0.69 |
| 18 | Chromecast | Download | 3.86 | 1.66 | 1.29 |
| 19 | Smart TV | Upload | 3.05 | 3.28 | 1.81 |
| 19 | Smart TV | Download | 3.32 | 6.29 | 2.51 |
| 19 | Chromecast | Upload | 3.42 | 0.48 | 0.70 |
| 19 | Chromecast | Download | 3.85 | 1.66 | 1.29 |
| 20 | Smart TV | Upload | 3.12 | 3.17 | 1.78 |
| 20 | Smart TV | Download | 3.40 | 6.20 | 2.49 |
| 20 | Chromecast | Upload | 3.47 | 0.49 | 0.70 |
| 20 | Chromecast | Download | 3.92 | 1.75 | 1.32 |
| 21 | Smart TV | Upload | 3.10 | 3.13 | 1.77 |
| 21 | Smart TV | Download | 3.37 | 6.13 | 2.47 |
| 21 | Chromecast | Upload | 3.49 | 0.54 | 0.74 |
| 21 | Chromecast | Download | 3.97 | 1.86 | 1.36 |
| 22 | Smart TV | Upload | 2.84 | 3.46 | 1.86 |
| 22 | Smart TV | Download | 3.06 | 6.29 | 2.51 |
| 22 | Chromecast | Upload | 3.52 | 0.60 | 0.77 |
| 22 | Chromecast | Download | 4.04 | 1.97 | 1.40 |
| 23 | Smart TV | Upload | 2.37 | 3.94 | 1.98 |
| 23 | Smart TV | Download | 2.59 | 6.65 | 2.58 |
| 23 | Chromecast | Upload | 3.51 | 0.69 | 0.83 |
| 23 | Chromecast | Download | 4.05 | 2.16 | 1.47 |

3.2 Visualizações Gráficas

Para melhorar a visualização da Tabela 2, os dados foram plotados nos 4 gráficos contidos na Figura 4.

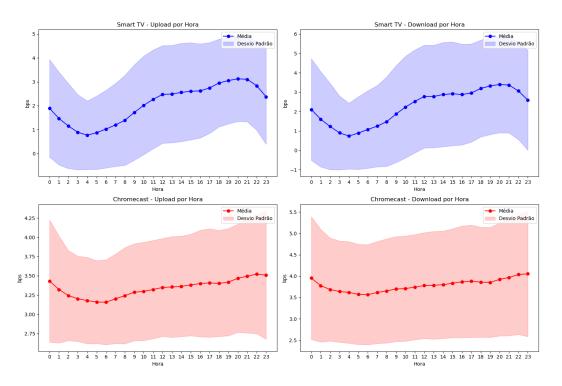


Figura 4: Gráficos das estatísticas por horário para Smart TV e Chromecast

Além disso, foram gerados boxplots para cada hora do dia, separados por tipo de dispositivo e tipo de tráfego. As Figuras 5 e 6 exibem os boxplots das taxas de upload e download para o dispositivo Smart TV, respectivamente. Já as Figuras 7 e 8 mostram os boxplots das taxas de upload e download para o dispositivo Chromecast, respectivamente.

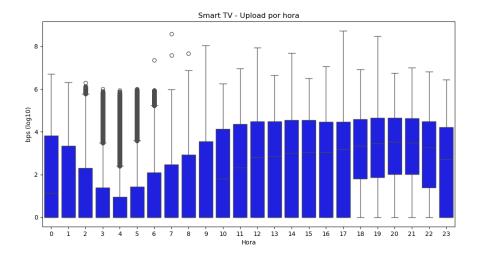


Figura 5: Boxplot das taxas de upload para Smart TV

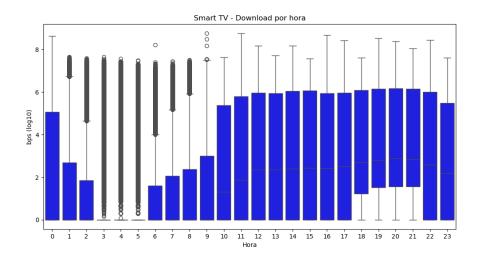


Figura 6: Boxplot das taxas de download para Smart TV

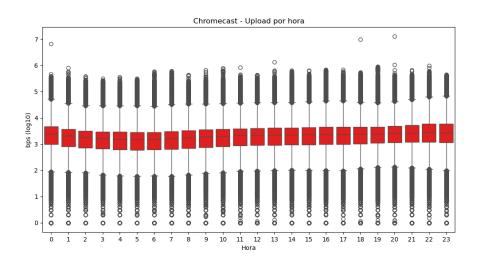


Figura 7: Boxplot das taxas de upload para Chromecast

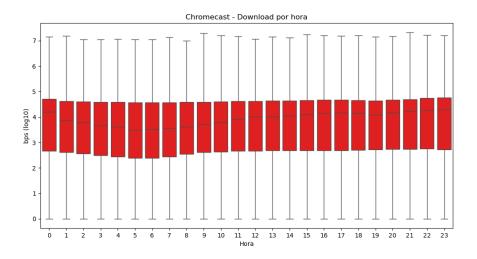


Figura 8: Boxplot das taxas de download para Chromecast

3.3 Análise dos Resultados

A partir da Tabela 2 (e, consequentemente, da Figura 4) e dos boxplots das figuras 5, 6, 7 e 8, podemos tirar algumas conclusões importantes sobre o comportamento das taxas de upload e download para os dispositivos Smart TV e Chromecast ao longo das 24 horas do dia:

• Smart TV:

- As taxas de download e upload variam ao longo do dia, com uma tendência de aumento nas horas da tarde e noite.
- A média das taxas de download e upload é geralmente menor durante a madrugada e aumenta gradualmente até atingir picos durante a noite (20h tanto para download quanto para upload).

• Chromecast:

- As taxas de download e upload para o Chromecast são consistentemente mais altas do que para a Smart TV, especialmente durante as horas da tarde e noite.
- A média das taxas de download e upload é relativamente estável ao longo do dia, em comparação com a Smart TV.
- Os picos de média ocorrem durante a noite (23h para download e 22h para upload), indicando um uso mais intenso da rede nesses horários.
- A variância e o desvio padrão das taxas de download e upload são menores para o Chromecast, indicando uma utilização mais consistente da rede.

Essas observações sugerem que o uso da rede para a Smart TV é mais variável e depende mais do horário do dia, enquanto o Chromecast apresenta um uso mais constante. Isso pode ser devido a diferentes padrões de uso dos dispositivos, onde a Smart TV pode ser mais utilizada para atividades que demandam maior largura de banda em horários específicos, como streaming de vídeos em alta definição durante a tarde e noite.

4 Caracterizando os Horários com Maior Valor de Tráfego

Nesta seção, os horários com maior valor médio das taxas de upload e download para cada tipo de dispositivo, Smart TV e Chromecast, foram analisados seguindo os passos descritos.

4.1 Passo 1: Seleção dos Horários

A partir dos gráficos de médias por hora apresentados Figura 4, os horários com maior valor médio para cada taxa e dispositivo foram identificados:

• Smart TV:

- dataset 1: composto pelo horário com maior média de upload (20:00).
- dataset 2: composto pelo horário com maior média de download (20:00).

• Chromecast:

- dataset 3: composto pelo horário com maior média de upload (22:00).
- dataset 4: composto pelo horário com maior média de download (23:00).

4.2 Passo 2: Histogramas dos Dados

Histogramas foram gerados para cada um dos 4 datasets criados no Passo 1. O método de Sturges (Equação 1) foi utilizado para determinar o número adequado de bins, obtendo-se os seguintes valores:

- Dataset 1(Smart TV Upload): 19 bins
- Dataset 2(Smart TV Download): 19 bins
- Dataset 3(Chromecast Upload): 20 bins
- Dataset 4(Chromecast Download): 20 bins

Esses histogramas destacam os padrões de distribuição das taxas de upload e download para os horários selecionados, conforme ilustrado na Figura 9.

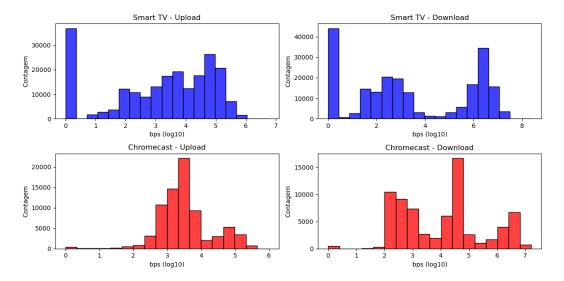


Figura 9: Histogramas das taxas de upload e download para os horários selecionados.

4.3 Passo 3: Estimativa de Parâmetros via MLE

Os parâmetros das distribuições Gaussiana e Gamma foram estimados utilizando o método de Máxima Verossimilhança (*Maximum Likelihood Estimation* - MLE) para os quatro conjuntos de dados. Esses valores foram aplicados na modelagem das distribuições, permitindo uma análise comparativa com os dados observados.

O MLE consiste em determinar os parâmetros que maximizam a função de verossimilhança, que mede a probabilidade dos dados observados para um conjunto de parâmetros. Para simplificar os cálculos, o logaritmo da verossimilhança (log-likelihood) é utilizado. A derivada da log-likelihood é igualada a zero para encontrar os estimadores de máxima verossimilhança dos parâmetros.

As funções de densidade de probabilidade para as distribuições Gaussiana e Gamma são definidas como:

• Gaussiana:

$$f(x) = \frac{1}{\sigma\sqrt{2\pi}} e^{-\frac{(x-\mu)^2}{2\sigma^2}}$$
 (2)

onde μ é a média e σ^2 é a variância da distribuição.

• Gamma:

$$f(x) = \frac{\beta^{\alpha} x^{\alpha - 1} e^{-x/\beta}}{\Gamma(\alpha)}$$
 (3)

onde α é o parâmetro de forma, β é o parâmetro de escala, e $\Gamma(\alpha)$ é a função Gamma, definida como $\int_0^\infty x^{\alpha-1}e^{-x}dx$.

Para a distribuição Gaussiana, as estimativas dos parâmetros são obtidas de forma direta:

$$\hat{\mu} = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} x_i, \quad \hat{\sigma}^2 = \frac{1}{n} \sum_{i=1}^{n} (x_i - \hat{\mu})^2$$
(4)

No caso da distribuição Gamma, a estimação dos parâmetros α (forma) e β (escala) pelo MLE não possui soluções analíticas simples e geralmente requer métodos numéricos iterativos. O parâmetro α é frequentemente estimado utilizando o método de Newton-Raphson aplicado à função de log-verossimilhança, enquanto β pode ser estimado a partir de α e da média amostral \bar{x} [1]:

$$\hat{\beta} = \frac{\bar{x}}{\hat{\alpha}} \tag{5}$$

Para realizar essas estimativas, foi utilizado o método gamma.fit da biblioteca scipy.stats do Python. Este método aplica o MLE de forma eficiente, empregando algoritmos de otimização numérica para determinar os parâmetros que melhor se ajustam aos dados observados. Além dos parâmetros de forma (α) e escala (β) , o método também estima o parâmetro de localização (loc), que desloca a distribuição Gamma ao longo do eixo x. Esse deslocamento é essencial quando os dados incluem valores iguais a zero (o que é o caso, como mostrado na Seção 1.2), já que a função de densidade de probabilidade (PDF) da distribuição Gamma é indefinida para x=0 quando loc=0. Com loc>0, a PDF é modificada para começar em x=loc, tornando possível ajustar a distribuição mesmo em presença de valores nulos ou muito baixos. A utilização desse parâmetro garante que a modelagem estatística permaneça válida e consistente com as características dos dados.

Os resultados das estimativas de parâmetros via MLE para as distribuições Gaussiana e Gamma são apresentados na Tabela 3.

| Dataset | $\hat{oldsymbol{\mu}}$ | $\hat{\sigma}^2$ | \hat{lpha} | $\hat{oldsymbol{eta}}$ | loc |
|-----------------------------------|------------------------|------------------|--------------|------------------------|----------|
| Dataset 1 (Smart TV - Upload) | 3.2243 | 3.1687 | 214.6171 | 0.1245 | -23.4982 |
| Dataset 2 (Smart TV - Download) | 3.4961 | 6.2013 | 883.8791 | 0.0838 | -70.5760 |
| Dataset 3 (Chromecast - Upload) | 3.6215 | 0.5957 | 3078.6394 | 0.0139 | -39.2307 |
| Dataset 4 (Chromecast - Download) | 4.1527 | 2.1594 | 27.1301 | 0.2832 | -3.5314 |

Tabela 3: Resultados das estimativas de parâmetros via MLE

Além disso, as log-likelihoods e likelihoods para as distribuições Gaussiana e Gamma são apresentadas na Tabela 4. As log-likelihoods foram calculadas primeiro, para evitar erros de underflow ao calcular as likelihoods, substituindo a multiplicação de valores muito pequenos pela soma de seus logaritmos naturais.

Tabela 4: Likelihoods (L) e Log-likelihoods $(\log[L])$ para os Datasets

| Dataset | $\log[L]$ Gaussiana | L Gaussiana | $\log[L]$ Gamma | L Gamma |
|-----------------------------------|---------------------|-------------|-----------------|---------|
| Dataset 1 (Smart TV - Upload) | -424282 | 0 | -427222 | 0 |
| Dataset 2 (Smart TV - Download) | -495658 | 0 | -495518 | 0 |
| Dataset 3 (Chromecast - Upload) | -89011 | 0 | -89015 | 0 |
| Dataset 4 (Chromecast - Download) | -129603 | 0 | -128993 | 0 |

Os valores nulos das *likelihoods* indicam que as distribuições propostas (Gaussiana e Gamma) não são adequadas para modelar os dados observados. Isso será visualizado melhor na próxima seção, onde os histogramas dos dados e as funções de densidade parametrizadas serão comparados.

4.4 Passo 4: Gráficos de Densidade

Gráficos contendo o histograma dos dados e as funções de densidade Gaussiana e Gamma, parametrizadas pelos valores obtidos no Passo 3, foram gerados utilizando o método pdf das classes scipy.stats.norm e scipy.stats.gamma do Python. Esses gráficos permitem uma comparação visual da aderência de cada distribuição aos dados reais e estão disponíveis na Figura 10.

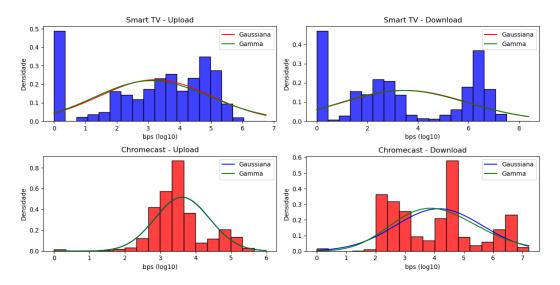


Figura 10: Histogramas dos dados e funções de densidade parametrizadas para as distribuições Gaussiana e Gamma.

Observando a figura, é possível notar que nenhuma das distribuições propostas (Gaussiana e Gamma) se ajusta bem aos dados observados. Os histogramas sugerem que os dados não seguem uma distribuição normal e nem gamma, o que pode ser um dos motivos para a má aderência das distribuições propostas. A tabela de *likelihoods* também indica que as distribuições propostas não são adequadas para modelar os dados, já que as *log-likelihoods* são muito negativas, acarretando em *likelihoods* nulas.

Uma sugestão seria utilizar uma mistura de distribuições para representar os dados, da seguinte forma:

- Dataset 1 (Smart TV Upload): Mistura de uma Gaussiana e uma Gamma.
- Dataset 2 (Smart TV Download): Mistura de três Gaussianas.
- Dataset 3 (Chromecast Upload): Mistura de duas Gaussianas.
- Dataset 4 (Chromecast Download): Mistura de uma Gaussiana e duas Gammas.

Outra abordagem seria estimar a distribuição empírica dos dados, sem a necessidade de assumir uma distribuição paramétrica específica. Isso poderia ser feito utilizando métodos não paramétricos, como o estimador de densidade de Kernel (em inglês, Kernel Density Estimator - KDE), que não requer a especificação de uma forma funcional para a distribuição dos dados. Utilizando o parametro KDE da biblioteca seaborn do Python, é possível estimar a distribuição empírica dos dados, como mostrado na Figura 11.

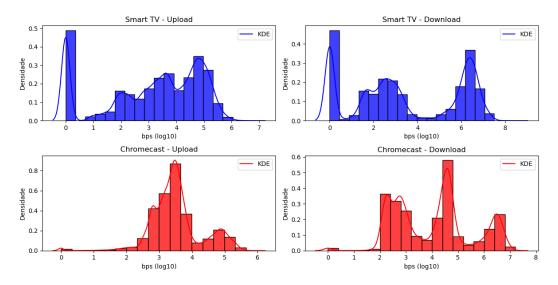


Figura 11: Histogramas dos dados e estimativas de densidade empírica utilizando KDE.

4.5 Passo 5: Probability Plots

Probability Plots foram criados para comparar os dados reais com as distribuições parametrizadas (Gaussiana e Gamma), utilizando o método probplot da biblioteca scipy.stats do Python.

No total, 8 gráficos foram gerados, permitindo avaliar a adequação das distribuições propostas aos dados. Essas gráficos podem ser observados nas Figuras 12 e 13.

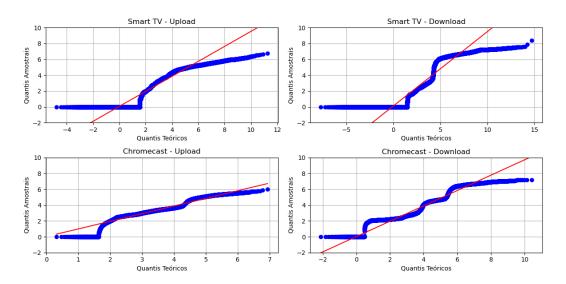


Figura 12: Probability Plots para as distribuições Gaussiana.

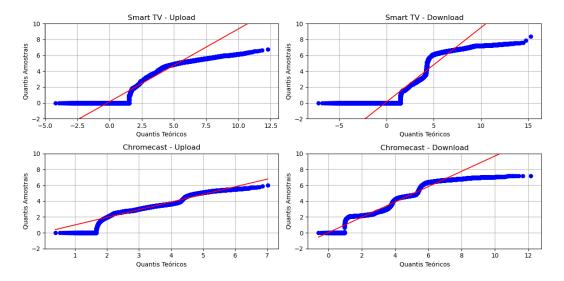


Figura 13: Probability Plots para as distribuições Gamma.

A avaliação dos probability plots revela que a distribuição Gaussiana apresenta um ajuste insatisfatório para todos os datasets analisados. Em todos os casos, observa-se que os pontos se distanciam consideravelmente da linha reta nas regiões extremas, com aproximação parcial na região central. No entanto, mesmo nessa aproximação, os pontos oscilam de forma significativa em torno da linha, indicando inconsistências no ajuste. A Gaussiana não consegue capturar a assimetria dos dados nem modelar adequadamente a alta concentração de valores baixos ou iguais a zero, como observado nas taxas de upload e download da Smart TV e do Chromecast.

A distribuição Gamma, apesar de ser mais flexível, também apresentou resultados insatisfatórios. Assim como a Gaussiana, os probability plots mostram que a Gamma se distancia excessivamente da linha reta nos valores extremos e, embora se aproxime dela nos valores centrais, essa aproximação é marcada por oscilações significativas. Mesmo com o uso do parâmetro de deslocamento (loc) para lidar com os valores nulos, a distribuição Gamma não foi capaz de capturar a alta densidade de valores próximos de zero nem os padrões de dispersão observados. Dessa forma, ambas as distribuições falham em modelar adequadamente os dados analisados. adequada que a Gaussiana para os dados analisados.

4.6 Passo 6: QQ Plots

Foram gerados QQ Plots para comparar os dados de upload e download entre os dispositivos Smart TV e Chromecast, considerando os horários de maior tráfego identificados nos passos anteriores. Os conjuntos de dados da Smart TV (datasets 1 e 3) são os maiores, enquanto os do Chromecast (datasets 2 e 4) são os menores. A interpolação foi implementada utilizando a função numpy.interp, que aplica a seguinte fórmula básica de interpolação linear:

$$y = y_1 + \frac{(x - x_1)(y_2 - y_1)}{(x_2 - x_1)},$$

onde x representa os quantis do menor conjunto de dados (Chromecast), x_1 e x_2 são quantis do maior conjunto (Smart TV) que cercam x, e y_1 e y_2 são os valores correspondentes no maior

conjunto. Esse procedimento garante que os quantis dos dois conjuntos sejam comparados de forma consistente, ajustando o conjunto maior (Smart TV) para alinhar-se ao conjunto menor (Chromecast).

Os QQ Plots comparando as taxas de upload dos dispositivos Smart TV ($dataset\ 1$) e Chromecast ($dataset\ 3$), e as taxas de download dos dispositivos Smart TV ($dataset\ 2$) e Chromecast ($dataset\ 4$) são apresentados na Figura 14.

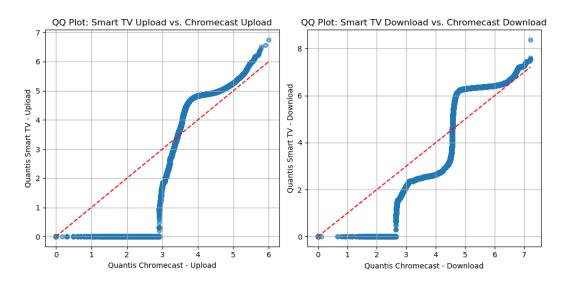


Figura 14: QQ Plots para os horários de maior tráfego dos dispositivos Smart TV e Chromecast.

Os QQ Plots indicam diferenças marcantes entre os padrões de tráfego da Smart TV e do Chromecast para upload e download. Na região inicial, observa-se uma linha horizontal paralela ao eixo dos quantis do Chromecast, indicando que, enquanto a Smart TV possui muitos valores nulos (x=0), Chromecast apresenta valores positivos não nulos. Esse comportamento reflete uma discrepância significativa na forma como os dois dispositivos tratam os valores iniciais.

Na região central dos gráficos, os pontos continuam desalinhados em relação à linha de referência (y = x), evidenciando que as distribuições dos dois dispositivos possuem padrões distintos. A variabilidade na Smart TV é mais ampla, o que contribui para a diferença estrutural entre os conjuntos. Esse desalinhamento é consistente tanto para upload quanto para download.

Nas caudas superiores, os pontos mostram que os valores da Smart TV são significativamente maiores do que os do Chromecast. Isso sugere que a Smart TV possui uma maior proporção de valores extremos, indicando uma maior variabilidade e dispersão dos dados. Essa diferença é mais acentuada para o download, onde a Smart TV apresenta valores mais altos do que o Chromecast.

4.7 Análise dos Resultados

Com base nos resultados, as seguintes questões foram avaliadas:

1. Quais foram os horários escolhidos para cada dataset? Os horários escolhidos foram baseados nos gráficos de médias por hora (Figura 4). Para a Smart TV, o horário de 20:00 foi escolhido para o upload (Dataset 1) e download (Dataset 2). Para o Chromecast, 22:00 foi selecionado para o upload (Dataset 3) e 23:00 para o download (Dataset 4).

- 2. O que foi observado a partir dos histogramas? Os histogramas (Figura 9) mostraram que a Smart TV possui uma alta concentração de valores próximos de zero, com uma barra inicial significativamente maior que as demais. Já o Chromecast apresentou uma distribuição mais uniforme, com valores intermediários bem representados. Além disso, para a taxa de upload, os dados do Chromecast exibem pico em alguns valores médios.
- 3. Quais diferenças e/ou similaridades foram identificadas entre os datasets 1, 2, 3 e 4? Os dados da Smart TV (Datasets 1 e 2) apresentaram maior concentração de valores próximos a zero, evidenciado pelas barras iniciais mais altas nos histogramas. Em contraste, os dados do Chromecast (Datasets 3 e 4) apresentaram distribuições com picos em valores intermediários.
- 4. É possível caracterizar os datasets por uma variável aleatória conhecida na literatura? Se não, por quê? Não. Apesar de tentativas com as distribuições Gaussiana e Gamma, ambas apresentaram ajustes insatisfatórios, como evidenciado pelas *likelihoods* nulas (Tabela 4) e pelos gráficos de densidade (Figura 10). A alta concentração de valores próximos de zero e a complexidade da distribuição dos valores intermediários dificultam o ajuste a uma distribuição conhecida.
- 5. O que foi observado a partir dos gráficos QQ Plot e Probability Plot? Nos QQ Plots (Figura 14), os dados da Smart TV mostram uma maior proporção de valores próximos de zero, resultando em um alinhamento horizontal em relação aos valores do Chromecast. Os Probability Plots (Figuras 12 e 13) revelaram que tanto a Gaussiana quanto a Gamma não capturam adequadamente os padrões observados nos histogramas, especialmente na concentração inicial e na dispersão dos valores intermediários.

5 Códigos

Os códigos utilizados em todas as etapas deste projeto estão disponíveis no repositório do GitHub: https://github.com/lhscaldas/Projeto_Probabilidade_e_Estatistica

Referências

- [1] MINKA, T. P. Estimating a Gamma distribution. [S.l.], 2002. Disponível em: https://tminka.github.io/papers/minka-gamma.pdf.
- [2] KOBAYASHI, H.; MARK, B. L.; TURIN, W. Probability, Random Processes, and Statistical Analysis: Applications to Communications, Signal Processing, Queueing Theory and Mathematical Finance. [S.l.]: Cambridge University Press, 2011.
- [3] PISHRO-NIK, Η. IntroductiontoProbability, Statistics, RandomProcesses. Kappa Research, LLC, 2014. ISBN 9780990637202. Disponível em: https://books.google.com.br/books?id=3yq_oQEACAAJ.