

Universidade Federal do Rio de Janeiro  
Instituto Alberto Luiz Coimbra de  
Pós-Graduação e Pesquisa de Engenharia



Programa de Engenharia de Sistemas e  
Computação

CPS769 - Introdução à Inteligência Artificial e Aprendizagem Generativa

Prof. Dr. Edmundo de Souza e Silva (PESC/COPPE/UFRJ)

Profa. Dra. Rosa M. Leão (PESC/COPPE/UFRJ)

Participação Especial: Gaspare Bruno (Diretor Inovação, ANLIX)

***Lista de Exercícios 1a***

Luiz Henrique Souza Caldas

email: lhscaldas@cos.ufrj.br

10 de julho de 2024

## Questão 1

Esse exemplo simples é para auxiliar a discussão do artigo “Serial Order A Parallel Distributed Processing Approach” que todos já devem ter lido. O objetivo é prever um padrão de figura, por exemplo um quadrado, usando uma Rede Neural Recorrente (RNN). Fornecemos o código em Python de um exemplo de geração do padrão 2-D de quadrados e treinamento de uma RNN para prever a sequência cíclica  $[0, 25, 0, 25]$ ,  $[0, 75, 0, 25]$ ,  $[0, 75, 0, 75]$ ,  $[0, 25, 0, 75]$ ,  $[0, 25, 0, 25]$ .

1. Entenda o código e explique qual a RNN que ele modela (faça o desenho). Explique a parte do código que define a RNN.

### Resposta:

O código pode ser explicado dividindo-o em 6 partes:

- (a) Definição do caminho quadrado: O código define um conjunto de coordenadas que formam um caminho quadrado na variável *square\_path*.

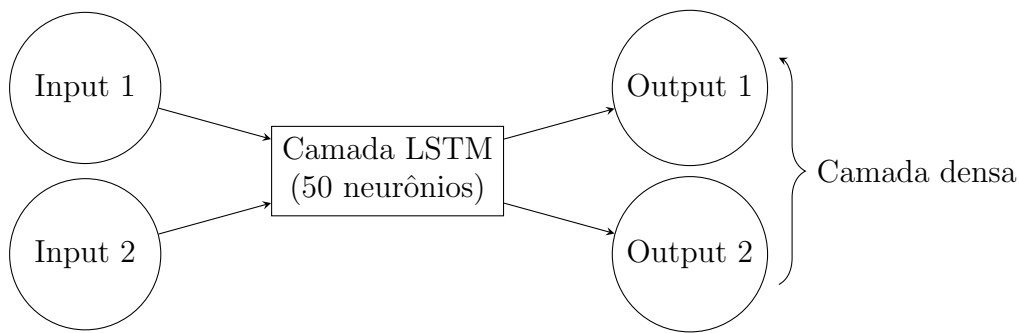
```
1 square_path = np.array([
2     [0.25, 0.25],
3     [0.75, 0.25],
4     [0.75, 0.75],
5     [0.25, 0.75],
6     [0.25, 0.25]
7 ])
```

- (b) Geração dos dados de treinamento: O caminho quadrado é repetido várias vezes para formar os dados de treinamento.

```
1 num_repeats = 4
2 data = np.tile(square_path, (num_repeats, 1))
3 x_train = data[:-1].reshape(-1, 1, 2)
4 y_train = data[1:].reshape(-1, 2)
```

- (c) Definição e compilação do modelo RNN: O modelo RNN é definido usando uma camada LSTM (*long short-term memory*) seguida de uma camada densa e depois é compilado configurando o algoritmo ADAM como otimizador e o Erro Médio Quadrático como função de perda.

```
1 model = models.Sequential([
2     layers.LSTM(50, activation='relu', input_shape=(num_repeats, 2)),
3     layers.Dense(2)
4 ])
5 model.compile(optimizer='adam', loss='mse')
```



**Figura 1:** Diagrama de uma Rede Neural Recorrente (RNN) com dois neurônios de entrada e dois neurônios de saída (camada densa) e uma camada LSTM modelada no código fornecido.

- (d) Treinamento do modelo: O modelo é treinado com os dados gerados, utilizando inicialmente 300 épocas.

```
1 model.fit(x_train, y_train, epochs=300, verbose=0)
```

- (e) Geração das previsões: As previsões são geradas.

```
1 predictions = model.predict(x_train[:5])
```

- (f) Plotagem dos resultados: As previsões são plotadas e comparadas com o caminho original.

```
1 plt.plot(data[:, 0], data[:, 1], label='Original Path', linestyle='
    dashed', color='gray')
2 plt.plot(predictions[:, 0], predictions[:, 1], label='Predicted Path',
    color='blue')
3 plt.scatter(square_path[:, 0], square_path[:, 1], color='red')
4 plt.legend()
5 plt.show()
```

2. Treine a rede. Aprenda como fazer, e explique.

### Resposta:

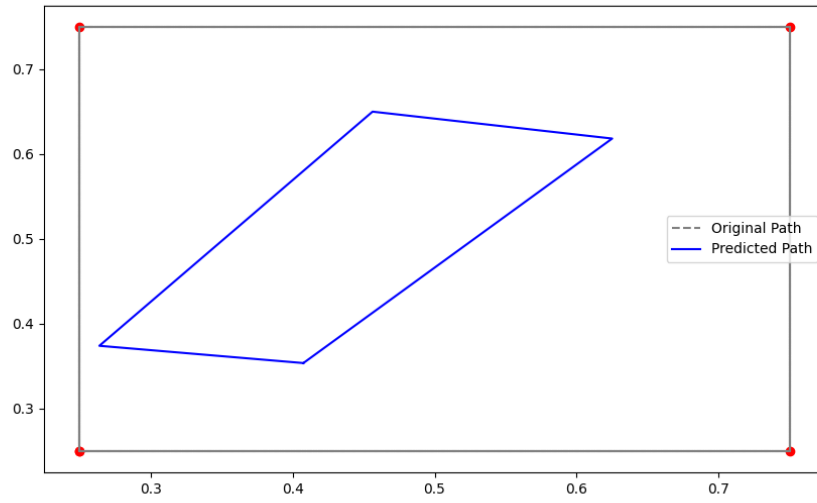
Como dito no passo (d) do item anterior, o treinamento é realizado utilizando a função "fit" do modelo. Utilizando a configuração inicial, com 300 épocas, o treinamento demorou cerca de 11 segundos.

3. Faça a previsão de algumas trajetórias, quando o ponto inicial varia. O que você conclui?

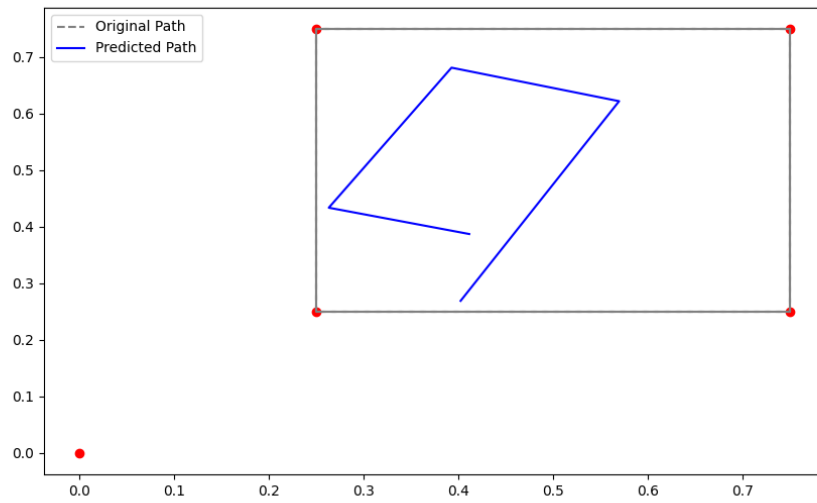
### Resposta:

Foi feita a previsão para o ponto inicial original do código dado, ( $x_1 = 0.25$  e  $x_2 = 0.25$ ) e depois foram testados os pontos ( $x_1 = 0.00$  e  $x_2 = 0.00$ ), ( $x_1 = 0.50$  e  $x_2 = 0.50$ ) e ( $x_1 = 0.75$  e  $x_2 = 0.25$ ).

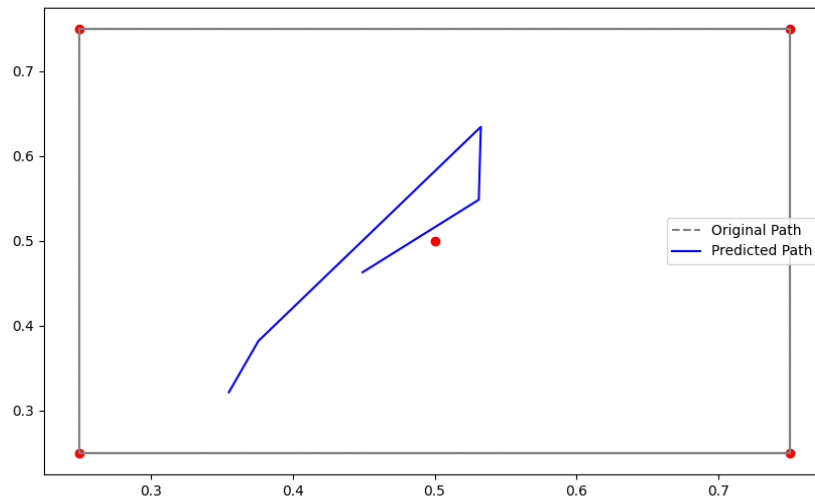
**Figura 2:** Previsão para  $(x_1 = 0.25$  e  $x_2 = 0.25)$



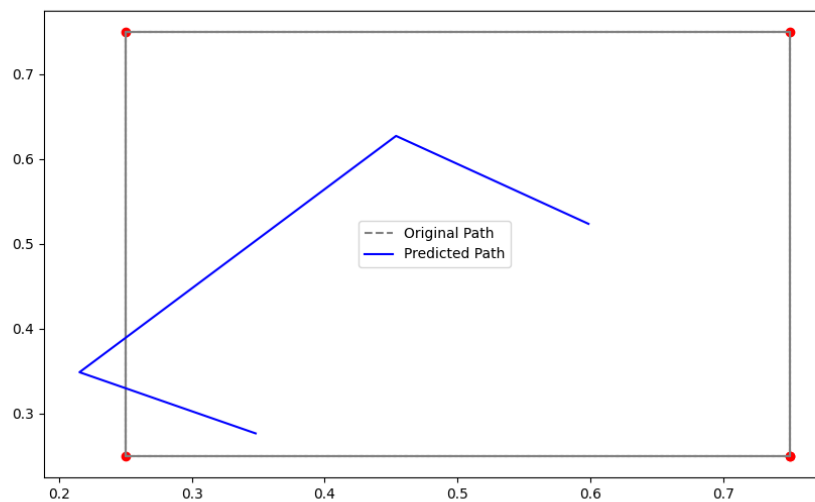
**Figura 3:** Previsão para  $(x_1 = 0.00$  e  $x_2 = 0.00)$



**Figura 4:** Previsão para  $(x_1 = 0.50$  e  $x_2 = 0.50)$



**Figura 5:** Previsão para  $(x_1 = 0.75$  e  $x_2 = 0.25)$



O tempo de execução foi cerca de 11,4 segundos, o que demonstra que a maior parte do custo computacional é para o treinamento da rede, sendo o tempo para a previsão deste problema específico irrelevante. O valor inicial  $(x_1 = 0.25$  e  $x_2 = 0.25)$  foi o que apresentou o melhor resultado, uma vez que o polígono formado pelo menos foi fechado.

4. Modifique a RNN usada e observe o que acontece.

**Resposta:**

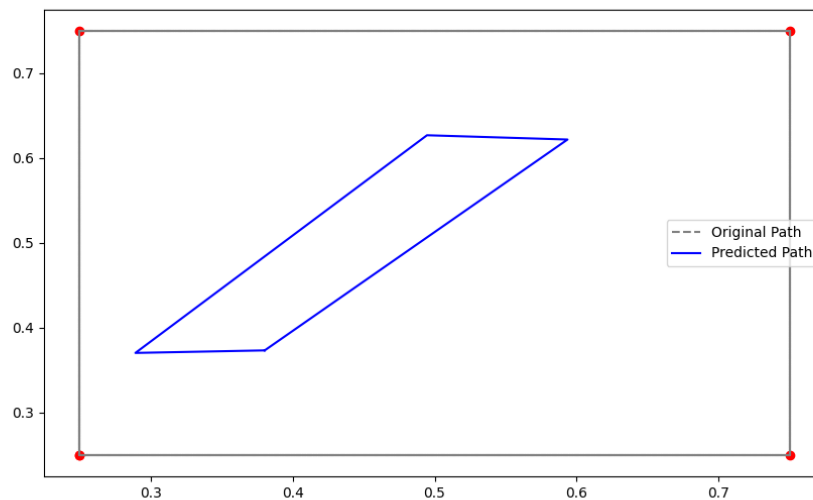
Para este teste, o ponto inicial foi retornado para a configuração original ( $x_1 = 0.25$  e  $x_2 = 0.25$ ) e foram testadas diferentes combinações de épocas e número de repetições.

**Tabela 1:** Resultados das modificações

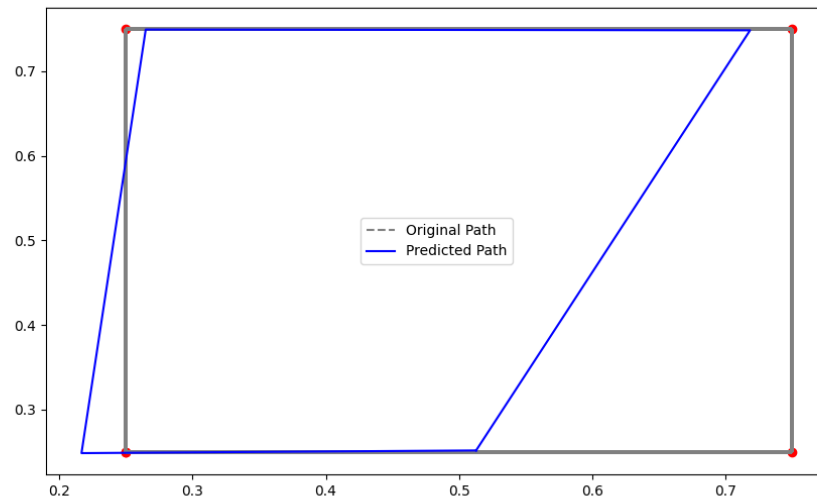
Nº Repetições	Épocas	Tempo Treinamento (s)	Tempo Total (s)
4	300	12	12.2
40	300	13.5	13.7
400	300	26.4	26.6
40	600	19.6	19.8
40	900	29.2	29.1

Pela tabela 1 é possível observar o aumento do tempo de execução, mais especificamente do tempo de treinamento, tanto com o aumento do número de repetições quanto com o aumento do número de épocas. Os resultados das previsões podem ser visualizados nas figuras abaixo.

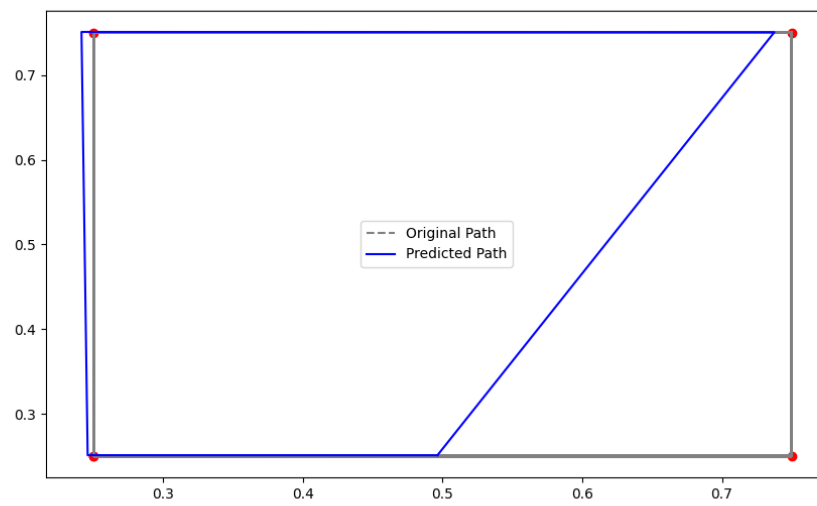
**Figura 6:** Previsão para 4 repetições e 300 épocas



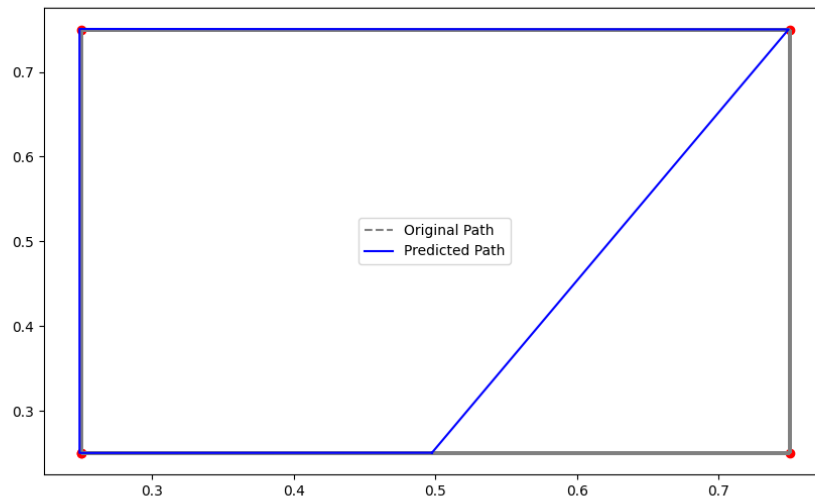
**Figura 7:** Previsão para 40 repetições e 300 épocas



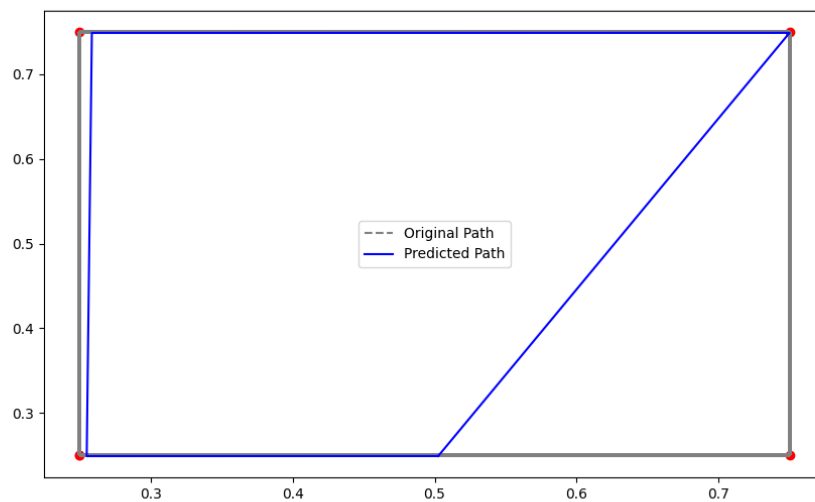
**Figura 8:** Previsão para 400 repetições e 300 épocas



**Figura 9:** Previsão para 40 repetições e 600 épocas



**Figura 10:** Previsão para 40 repetições e 900 épocas



Pelas figuras foi possível observar que o impacto do aumento do número de repetições na precisão da previsão foi muito maior que o impacto do aumento do número de épocas, o que demonstra a importância do tamanho do dataset de treinamento para o resultado de suas previsões.

5. Quais os pontos principais que você concluiu do artigo “Serial Order A Parallel Distributed Processing Approach”?



## Resposta:

A teoria de Michael I. Jordan sobre ordem serial em sequências de ações usa redes neurais para entender e reproduzir a ordem das ações ao longo do tempo. Essas redes mantêm uma "memória" do que já aconteceu, usando conexões que alimentam as saídas de volta para as entradas, ajudando a lembrar das ações passadas. A rede aprende ajustando seus parâmetros para reduzir erros entre o que foi previsto e o que realmente aconteceu.

Isso faz com que a rede consiga generalizar a partir de sequências aprendidas e continuar funcionando bem, mesmo com pequenas perturbações. Essencialmente, a rede se torna uma memória dinâmica que pode voltar às suas trajetórias aprendidas, garantindo que as sequências de ações sejam produzidas corretamente, mesmo começando de pontos diferentes.

## Código

O código abaixo encontra-se no repositório <https://github.com/lhscaldas/cps769-ai-gen>, bem como o arquivo LaTeX com o relatório.

**Código 1:** código fornecido completo com algumas modificações

```
1 import time
2 start_time = time.time()
3
4 # Modify the Python Script to Disable GPU
5 import os
6 os.environ['CUDA_VISIBLE_DEVICES'] = '-1'
7
8 # to run the python script: python3 rnn_cyclic_sequence.py
9
10 import numpy as np
11 import tensorflow as tf
12 from tensorflow.keras import layers, models
13 import matplotlib.pyplot as plt
14
15 # Define the square path coordinates
16 square_path = np.array([
17     [0.25, 0.25],
18     [0.75, 0.25],
19     [0.75, 0.75],
20     [0.25, 0.75],
21     [0.25, 0.25]
22 ])
23
24 # Generate the training data by repeating the square path
25 num_repeats = 40
26 data = np.tile(square_path, (num_repeats, 1))
27
28 # Initial point modification
29 mod_square_path = square_path
30 mod_square_path[0] = [0.25, 0.25]
31 mod_data = np.tile(mod_square_path, (num_repeats, 1))
32
```

```

33 # Prepare training data
34 x_train = mod_data[:-1].reshape(-1, 1, 2)
35 y_train = data[1:].reshape(-1, 2)
36
37 # Define the RNN model
38 model = models.Sequential([
39     layers.LSTM(50, activation='relu', input_shape=(num_repeats, 2)),
40     layers.Dense(2)
41 ])
42
43 # Compile the model
44 model.compile(optimizer='adam', loss='mse')
45
46 # Train the model
47 model.fit(x_train, y_train, epochs=900, verbose=0)
48
49 fit_time = time.time()
50 print(f"Tempo de execução até o treinamento: {fit_time - start_time} segundos")
51
52 # Generate predictions
53 predictions = model.predict(x_train[:5])
54
55 predict_time = time.time()
56 print(f"Tempo de execução até a predição: {predict_time - start_time} segundos"
57       )
58
59 # Plot the results
60 plt.figure(figsize=(10, 6))
61 plt.plot(data[:, 0], data[:, 1], label='Original Path', linestyle='dashed',
62         color='gray')
63 plt.plot(predictions[:, 0], predictions[:, 1], label='Predicted Path', color='
64         blue')
65 plt.scatter(square_path[:, 0], square_path[:, 1], color='red')
66 plt.legend()
67 plt.show()

```