

基础提高练习题

北街学长倾力之作

作者: 北街

时间: 2022/12/31

版本: 1.0



第一章 串

第一章 串

1. 设主串 S = "abaabaabcabaabc",模式串 P = "abaabc",采用 KMP 算法进行模式匹配,到匹配成功时为止,在匹配过程中进行的单个字符间的比较次数是()。【2019 年全国试题 9(2 分)】

A. 9 B. 10 C. 12 D. 15

答案:C

解析:

在 KMP 算法中,模式匹配的核心是利用部分匹配表(Next 数组)来减少字符的重复比较。以下是匹配过程的详细分析:

主串 S = "abaabaabcabaabc"

模式串 P = "abaabc"

Next 数组的计算

模式串 P 的 Next 数组为:

Next = [-1, 0, 0, 1, 1, 2]

匹配过程

初始时, i = 0 (主串指针), j = 0 (模式串指针)。

每次比较 S[i] 和 P[j],如果匹配成功,则 i 和 j 同时加 1; 如果失配,则根据 Next 数组调整 j 的位置。 **匹配步骤**:

比较 S[0] 和 P[0], 匹配 (i = 1, j = 1)。

比较 S[1] 和 P[1], 匹配 (i = 2, j = 2)。

比较 S[2] 和 P[2],匹配 (i = 3, j = 3)。

比较 S[3] 和 P[3], 匹配 (i = 4, j = 4)。

比较 S[4] 和 P[4], 匹配 (i = 5, j = 5)。

比较 S[5] 和 P[5], 失配 (i = 5, j = 2, 根据 Next 数组调整 j)。

比较 S[5] 和 P[2],匹配 (i = 6, j = 3)。

比较 S[6] 和 P[3],匹配 (i = 7, j = 4)。

比较 S[7] 和 P[4],匹配 (i = 8, j = 5)。

比较 S[8] 和 P[5],匹配 (i = 9, j = 6,匹配成功)。

比较次数统计

匹配成功的比较次数: 9次。

失配后重新比较的次数: 3次 (S[5] 和 P[2], S[6] 和 P[3], S[7] 和 P[4])。

总比较次数: 9 + 3 = 12。

因此, 匹配过程中进行的单个字符间的比较次数是 12。

2. 已知字符串 S = "abaabaabacacaabaabcc",模式串 P = "abaabc",采用 KMP 算法进行匹配,第一次出现 "失配" ($S[i] \neq P[j]$) 时,i = 5 且 j = 5,则下次开始匹配时,i 和 j 的值分别是()。【2015 年全国试题 8(2 分)】

A. i = 1, j = 0 B. i = 5, j = 0 C. i = 5, j = 2 D. i = 6, j = 2

答案:D

解析:

在 KMP 算法中,当发生失配时,模式串指针 j 的位置会根据 Next 数组的值进行调整,而主串指针 i 保持不变或继续向后移动。

已知条件:

主串 S = "abaabaabacacaabaabcc"。

模式串 P = "abaabc"。

失配发生时, i = 5且 i = 5。

计算模式串 P 的 Next 数组:

Next = [-1,0,0,1,1,2]

模式串 P = "abaabc" 的 Next 数组为:

匹配过程分析:

当前失配位置为i=5(主串指针), j=5(模式串指针)。

根据 Next 数组, 当 j = 5 时, 失配后模式串指针 j 应调整为 Next[5] = 2。

主串指针i保持不变或向后移动,因此下次匹配从i=6开始。

下次匹配的起始位置:

主串指针 i = 6。

模式串指针 j=2。

因此, 答案是 **D**. i = 6, j = 2。

- 3. 下面关于串的叙述中,哪一个是不正确的()。【北方交通大学 2001 一、5(2分); 江苏大学 2005 一、6(2分)】
 - A. 串是字符的有限序列
 - B. 空串是由空格构成的串
 - C. 模式匹配是串的一种重要运算
 - D. 串既可以采用顺序存储,也可以采用链式存储

答案:B 解析:

选项分析:

- A. 正确, 串是字符的有限序列。
- B. 错误, 空串是长度为0的串, 不是由空格构成的串。
- C. 正确,模式匹配是串的一种重要运算。
- D. 正确, 串既可以采用顺序存储, 也可以采用链式存储。

因此, 答案是 B. 空串是由空格构成的串(错误)。

- 4. 若串 S_1 = "ABCDEFG", S_2 = "9898", S_3 = "###", S_4 = "012345", 执行 concat(replace(S1, substr(S1, length(S2), length(S3)), S3), substr(S4, index(S2, '8'), length(S2))) 其结果为 \bigcirc 。【北方交通大学 1999 -、5 \bigcirc (2 分)】
 - A. "ABC###G0123" B. "ABCD###2345"
 - C. "ABC###G2345" D. "ABC###2345"
 - E. "ABC###G1234" F. "ABCD###1234"
 - G. "ABC##01234"

答案: C. "ABC###G2345"

解析:

我们逐步分析题目中函数的执行过程:

已知:

 $S_1 = "ABCDEFG"$

 $S_2 = "9898"$

 $S_3 = "###"$

 $S_4 = "012345"$

执行的函数为:

concat(replace(S1, substr(S1, length(S2), length(S3)), S3), substr(S4, index(S2, '8'), length(S2)))

第一步: 计算 replace(S1, substr(S1, length(S2), length(S3)), S3)

计算 length(S2) 和 length(S3):

S₂ = "9898", 长度为 4。

S₃ = "###", 长度为 3。

计算 substr(S1, length(S2), length(S3)):

 $S_1 = "ABCDEFG"_{\circ}$

substr(S1, length(S2), length(S3)) 表示从 S_1 的第 **4** 个字符开始(即 D),截取长度为 **3** 的子串。结果为: "DEF"。

执行 replace(S1, substr(S1, length(S2), length(S3)), S3):

用 S_3 = "###" 替换 S_1 中的子串 "DEF"。

替换后的结果为: "ABC###G"。

第二步: 计算 substr(S4, index(S2, '8'), length(S2))

计算 index(S2, '8'):

 $S_2 = "9898"$

字符8第一次出现的位置是第2个字符(从1开始计数)。

计算 substr(S4, index(S2, '8'), length(S2)):

 $S_4 = "012345"$

从 S_4 的第 2 个字符开始 (即 1), 截取长度为 length(S2) = 4 的子串。

结果为: "2345"。

第三步: 执行 concat(...)

连接结果:

前半部分: "ABC###G"。

后半部分: "2345"。

连接后的结果为: "ABC###G2345"。

最终答案:

C. "ABC###G2345"

5. 设有两个串 S_1 和 S_2 ,求 S_2 在 S_1 中首次出现的位置的运算称作 〇。【中南大学 2005 一、3(2 分)】 A. 求子串 B. 判断是否相等 C. 模式匹配 D. 连接

答案: C. 模式匹配解析:

在计算机科学中,模式匹配是指在一个主串中查找一个模式串的过程。

该过程通常涉及到比较主串和模式串的字符,以确定模式串在主串中首次出现的位置。

因此,答案是 C. 模式匹配。

6. 已知串 S = "aaab",其 Next 数组值为 ()。【西安电子科技大学 1996 一、7 (2分)】

A. (0, 1, 2, 3) B. (1, 1, 2, 3) C. (1, 2, 3, 1) D. (1, 2, 1, 1)

答案: A. (0,1,2,3) 解析:

在 KMP 算法中, Next 数组用于存储模式串中每个字符的最长相等前后缀的长度。

对于串 "ababaaababaa", 我们可以计算其 Next 数组:

我们的讲义上面提过如何求解 Next 数组, 我们先严格按照初值从-10 开始的 next 数组来求解,

- 1. 对于下标 0 所在字符 a, 没有前缀, 因此 Next[0] = -1(默认)。
- 2. 对于下标 1 所在字符 a,没有前缀和后缀,因此 Next[1] = 0。
- 3. 对于下标 2 所在字符 a, 前缀为 a, 后缀为 a, 最长公共前后缀为 1, 因此 Next[2] = 1。
- 4. 对于下标 3 所在字符 b, 前缀为 a, aa, 后缀为 a, aa, 最长公共前后缀为 2, 因此 Next[3] = 2。

综上,next 数组为 (-1,0,1,2)。

但是我们在这里需要注意的是,Next 数组的定义有两种,一种是从 0 开始的 Next 数组,另一种是从 -1 开始的 Next 数组。

在本题中, Next 数组是从 0 开始的, 因此我们需要将 Next 数组的值加 1。

因此, 最终的 Next 数组为 (0, 1, 2, 3)。

- 7. 串 "ababaaababaa" 的 Next 数组为 ()。【中山大学 1999 一、7; 江苏大学 2006 一、1 (2 分)】
 - A. (0, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 8, 9, 9, 9)
 - B. (0, 1, 2, 1, 2, 1, 1, 1, 1, 2, 1, 2)
 - C. (0, 1, 1, 2, 3, 4, 2, 2, 3, 4, 5, 6)
 - D. (0, 1, 2, 3, 0, 1, 2, 3, 2, 2, 3, 4)

答案:C. (0,1,1,2,3,4,2,2,3,4,5,6)

解析:

在 KMP 算法中, Next 数组用于存储模式串中每个字符的最长相等前后缀的长度。

对于串 "ababaaababaa", 我们可以计算其 Next 数组:

我们的讲义上面提过如何求解 Next 数组, 我们先严格按照初值从-10 开始的 next 数组来求解,

- 1. 对于下标 0 所在字符 a, 没有前缀, 因此 Next[0] = -1(默认)。
- 2. 对于下标 1 所在字符 b,没有前缀和后缀,因此 Next[1] = 0。
- 3. 对于下标 2 所在字符 a, 前缀为 a, 后缀为 b, 无相等前后缀, 因此 Next[2] = 0。
- 4. 对于下标 3 所在字符 b, 前缀为 a, ab, , 后缀为 a, ba, 最大公共前后缀长度为 1, 因此 Next[3] = 1。
- 5. 对于下标 4 所在字符 a, 前缀为 a, ab, aba,, 后缀为 b, ab, bab, 最大公共前后缀长度为 2, 因此 Next[4] = 2。
- 6. 对于下标 5 所在字符 a, 前缀为 a, ab, aba, abab, , 后缀为 a, ba, aba, baba, 最大公共前后缀长度为 3, 因此 Next[5] = 3。
- 7. 对于下标 6 所在字符 b,前缀为 a,ab,aba,abab,ababa,,后缀为 a,aa,baa,abaa,babaa,最大公共前后缀长度为 1,因此 Next[6] = 1。
- 8. 对于下标7所在字符 a,前缀为 a,ab,aba,abab,ababa,ababa,,后缀为 a,aa,aaa,baaa,abaaa,babaaa,

最大公共前后缀长度为 1, 因此 Next[7] = 1。

- 9. 对于下标 8 所在字符 b,前缀为 a,ab,aba,abab,ababa,ababaa,ababaaa,,后缀为 b,ab,aab,aaab,baaab,abaaab,bal 最大公共前后缀长度为 2,因此 Next[8] = 2。
- 10. 对于下标9所在字符 a,前缀为 a,ab,aba,ababa,ababa,ababaa,ababaaa,ababaaaa,,后缀为 a,ba,aba,aaba,aaaba,ababaa,ababaaa,ababaaaaba,后缀为 a,ba,aba,aaba,aaaba,ababaa,ababaaa,ababaaaa,ababaaaab,,后缀为 a,ba,aba,aaba,aaaba,ababaa,ababaaa,ababaaaabaaab,,后缀为 a,ba,aba,aaba,aaaba
- 11. 对于下标 10 所在字符 a, 前缀为 a, ab, aba, abab, ababa, ababaa, ababaaa, ababaaab, ababaaaba, 后缀为 b, ab, bab, baab, aabaab, aaabaab, baaabaab, babaaabab, 最大公共前后缀长度为 4, 因此 Next[10] = 4。
- 12. 对于下标 11 所在字符 b,前缀为 a,ab,aba,abab,ababa,ababaa,ababaaa,ababaaab,ababaaaba,ababaaabaa,ababaaabaa,babaaababa,babaaababa,babaaababa,最大公共前后缀长度为 5,因此 Next[11] = 5。

综上所述, Next 数组为 (-1,0,0,1,2,3,1,1,2,3,4,5)。

但是我们在这里需要注意的是,Next 数组的定义有两种,一种是从0 开始的 Next 数组,另一种是从-1 开始的 Next 数组。

在本题中, Next 数组是从 0 开始的, 因此我们需要将 Next 数组的值加 1。

因此, 最终的 Next 数组为 (0,1,1,2,3,4,2,2,3,4,5,6)。

- 8. 字符串 "ababaabab" 的 NextVal 数组为 ()。【北京邮电大学 1999 一、1 (2 分); 烟台大学 2007 一、8 (2 分)】
 - A. (0, 1, 0, 1, 0, 4, 1, 0, 1)
 - B. (0, 1, 0, 1, 0, 2, 1, 0, 1)
 - C. (0, 1, 0, 1, 0, 0, 0, 1, 1)
 - D. (0, 1, 0, 1, 0, 1, 0, 1, 1)

答案:A. (0,1,0,1,0,4,1,0,1)

解析:

在 KMP 算法中, NextVal 数组是对 Next 数组的进一步优化, 用于减少模式串的比较次数。

对于串 "ababaabab", 我们可以计算其 NextVal 数组:

我们的讲义上面提过如何求解 Next 数组, 我们先严格按照初值从-10 开始的 next 数组来求解,

- 1. 对于下标 0 所在字符 a, 没有前缀, 因此 Next[0] = -1(默认)。
- 2. 对于下标 1 所在字符 b,没有前缀和后缀,因此 Next[1] = 0。
- 3. 对于下标 2 所在字符 a, 前缀为 a, 后缀为 b, 无相等前后缀, 因此 Next[2] = 0。
- 4. 对于下标 3 所在字符 b, 前缀为 a, ab,, 后缀为 a, ba, 最大公共前后缀长度为 1, 因此 Next[3] = 1。
- 5. 对于下标 4 所在字符 a, 前缀为 a, ab, aba,, 后缀为 b, ab, bab, 最大公共前后缀长度为 2, 因此 Next[4] = 2。
- 6. 对于下标 5 所在字符 a, 前缀为 a, ab, aba, abab, ,后缀为 a, ba, aba, baba,最大公共前后缀长度为 3, 因此 Next[5] = 3。
- 7. 对于下标 6 所在字符 b,前缀为 a,ab,aba,abab,ababa,,后缀为 a,aa,baa,abaa,babaa,最大公共前后缀长度为 1,因此 Next[6] = 1。
- 8. 对于下标7所在字符 a,前缀为 a,ab,aba,abab,ababa,ababa,n后缀为 b,ab,aab,baab,abaab,babaab,最大公共前后缀长度为 1,因此 Next[7] = 2。
- 9. 对于下标 8 所在字符 b,前缀为 a,ab,aba,abab,ababa,ababaa,ababaaa,,后缀为 a,ba,aba,aaba,baaba,abaaba,bal 最大公共前后缀长度为 2,因此 Next[8] = 3。

综上所述, Next 数组为 (-1,0,0,1,2,3,1,2,3)。

我们可以通过 next 数组来计算 NextVal 数组。

- 2. 对于下标 7, 我们可以发现 str[7] == str[next[7]] == str[next[next[7]]], 因此我们可以将 next[7] 赋值为 next[next[7]] = -1。
- 3. 对于下标 6, 我们可以发现 str[6] == str[next[6]] == str[next[next[6]]], 因此我们可以将 next[6] 赋值为 next[next[6]] = 0。

同理,可以求出其他下标的值。

最终求得的 nextVal 值为 (-1,0,-1,0,-1,3,0,-1,0)。

但是我们在这里需要注意的是,NextVal 数组的定义有两种,一种是从 0 开始的 NextVal 数组,另一种是从 -1 开始的 NextVal 数组。

在本题中, NextVal 数组是从 0 开始的, 因此我们需要将 NextVal 数组的值加 1。

因此, 最终的 NextVal 数组为 (0, 1, 0, 1, 0, 4, 1, 0, 1)。

- 9. 模式串 *P* = "abcaabbcabcaabdab",该模式串的 Next 数组的值为 (), NextVal 数组的值为 ()。
 - A. 0 1 1 1 2 2 1 1 1 2 3 4 5 6 7 1 2
 - B. 0 1 1 1 2 1 2 1 1 2 3 4 5 6 1 1 2
 - $C.\ 0\ 1\ 1\ 1\ 0\ 0\ 1\ 3\ 1\ 0\ 1\ 1\ 0\ 0\ 7\ 0\ 1$
 - D. 0 1 1 1 2 2 3 1 1 2 3 4 5 6 7 1 2
 - E. 01100111011001701
 - F. 0 1 1 0 2 1 3 1 0 1 0 1 2 1 7 0 1

答案: A.01112211123456712

D. 0 1 1 1 2 2 3 1 1 2 3 4 5 6 7 1 2

解析:

在 KMP 算法中, Next 数组用于存储模式串中每个字符的最长相等前后缀的长度。

对于模式串 P = "abcaabbcabcaabdab",我们可以计算其 Next 数组:

我们的讲义上面提过如何求解 Next 数组, 我们先严格按照初值从-10 开始的 next 数组来求解,

- 1. 对于下标 0 所在字符 a, 没有前缀, 因此 Next[0] = -1(默认)。
- 2. 对于下标 1 所在字符 b, 没有前缀和后缀, 因此 Next[1] = 0。
- 3. 对于下标 2 所在字符 c,前缀为 a,后缀为 b,无相等前后缀,因此 Next[2] = 0。
- 4. 对于下标 3 所在字符 a, 前缀为 a, ab, , 后缀为 c, bc, 最大公共前后缀长度为 0, 因此 Next[3] = 0。
- 5. 对于下标 4 所在字符 a, 前缀为 a, ab, abc, , 后缀为 a, ca, bca, 最大公共前后缀长度为 1, 因此 Next[4] = 1。

同理, 求出 next 数组为 (-1,0,0,0,1,1,0,0,0,1,2,3,4,5,6,0,1)

将 next 数组转换为 nextval 数组, 简单来说就是观察 next 数组, 如果 next[i] == next[next[i]], 那么就将 next[i] 赋值为 next[next[i]]。

为了清晰观察, 我们将字符串和 next 数组对应起来, 如下表所示:

下标	0	1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14	15	16
字符	a	b	с	a	a	b	b	c	a	b	С	a	a	b	d	a	b
next	-1	0	0	0	1	1	0	0	0	1	2	3	4	5	6	0	1

求解 nextVal 数组的过程如下:

- 1. 对于下标 16, 我们可以发现 str[16] == str[next[16]] !== str[next[next[16]]], 因此我们可以将 next[16] 赋值为 next[next[16]] = 0。
- 2. 对于下标 15, 我们可以发现 str[15] == str[next[15]], 因此我们可以将 next[15] 赋值为 next[next[15]] = -1。......

综上, 我们可以得到 nextVal 数组为 (-1,0,0,0,1,1,0,0,0,1,2,3,4,5,6,-1,0)。

但是我们在这里需要注意的是,NextVal 数组的定义有两种,一种是从 0 开始的 NextVal 数组,另一种是从 -1 开始的 NextVal 数组。

在本题中, NextVal 数组是从 0 开始的, 因此我们需要将 NextVal 数组的值加 1。

因此, 最终的 NextVal 数组为 (0, 1, 1, 1, 2, 2, 3, 1, 1, 2, 3, 4, 5, 6, 7, 1, 2)。

10. 若串 *S* = "myself",则其子串的数目是 ○。【北京理工大学 2007 一、6 (1 分)】

A. 20 B. 21 C. 22 D. 23

答案: B. 21

解析:

对于一个长度为n的字符串,其子串的个数可以通过以下公式计算:

子串个数 =
$$\frac{n(n+1)}{2}$$

其中n是字符串的长度。

在本题中,字符串 S = "myself" 的长度为 6。

因此, 子串的个数为:

子串个数 =
$$\frac{6(6+1)}{2}$$
 = $\frac{6\times7}{2}$ = 21

所以, 答案是 B. 21。

11. 若串 S = "software",则其子串的数目是()。【西安电子科技大学 2001 应用一、2(2 分)】

A. 8 B. 37 C. 36 D. 9

答案: C. 36

解析:

对于一个长度为n的字符串,其子串的个数可以通过以下公式计算:

子串个数 =
$$\frac{n(n+1)}{2}$$

其中n是字符串的长度。

在本题中,字符串 S = "software" 的长度为 8。

因此, 子串的个数为:

子串个数 =
$$\frac{8(8+1)}{2}$$
 = $\frac{8\times9}{2}$ = 36

所以, 答案是 C. 36。

12. 设 S 是一个长度为 m 的字符串,其中的字符各不相同,则 S 中互异的非平凡子串(非空且不同于 S 本身)的个数为 〇。【中科院计算所 1997; 烟台大学 2007 一、7(2 分)】

A.
$$2m - 1$$

- $B. m^2$
- C. $\frac{m^2}{2} + m/2$
- D. $\frac{m^2}{2} + m/2 1$
- E. $\frac{m^2}{2} m/2 1$
- F. 其他情况

答案: C. $\frac{m^2}{2} + m/2$

解析:

对于一个长度为m 的字符串,其中的字符各不相同,则S 中互异的非平凡子串(非空且不同于S 本身)的个数可以通过以下公式计算:

子串个数 =
$$\frac{m(m+1)}{2}$$
 - 1

其中 m 是字符串的长度。

在本题中,字符串S的长度为m。

因此, 子串的个数为:

子串个数 =
$$\frac{m(m+1)}{2} - 1$$

但是我们需要注意的是,题目中要求的是互异的非平凡子串,因此我们需要将结果减去 1。 所以,答案是 \mathbb{C} . $\frac{m^2}{2}$ + m/2。

- 13. 串是一种特殊的线性表, 其特殊性体现在()。【暨南大学 2010 一、11(2分)】
 - A. 可以顺序存储
 - B. 数据元素是一个字符
 - C. 可以链接存储
 - D. 数据元素可以是多个字符

答案: D. 数据元素可以是多个字符

解析:

串是一种特殊的线性表, 其特殊性体现在数据元素可以是多个字符。

串的定义是由零个或多个字符组成的有限序列。

因此, 答案是 D. 数据元素可以是多个字符。

- 14. 在下列表述中, () 是错误的。【华中科技大学 2006 二、2 (2分)】
 - A. 含有一个或多个空格字符的串称为空格串
 - B. 对 n(n>0) 个顶点的网,求出权最小的 n-1 条边便可构成其最小生成树
 - C. 选择排序算法是不稳定的
 - D. 平衡二叉树的左右子树的结点数之差的绝对值不超过 1

答案: A. 含有一个或多个空格字符的串称为空格串

解析:

在计算机科学中,空格串是指只包含空格字符的字符串。

含有一个或多个空格字符的串称为空格串是错误的。

因此,答案是 A. 含有一个或多个空格字符的串称为空格串。